# 5-regresion-logistica

October 17, 2023

## 1 5 Regresión logística

Francisco Mestizo Hernández A01731549

Comenzamos instalando las librerias que se utilizarán para la actividad

```
[1]: install.packages('ISLR')
    install.packages('vcd')
    library(vcd)
    library('ISLR')
    library('tidyverse')
    Installing package into '/usr/local/lib/R/site-library'
    (as 'lib' is unspecified)
    Installing package into '/usr/local/lib/R/site-library'
    (as 'lib' is unspecified)
    Loading required package: grid
    Attaching package: 'ISLR'
    The following object is masked from 'package:vcd':
        Hitters
      Attaching core tidyverse packages
                                                      tidyverse
    2.0.0
     dplyr
               1.1.3
                         readr
                                     2.1.4
     forcats 1.0.0
                          stringr
                                     1.5.0
     ggplot2 3.4.3
                           tibble
                                     3.2.1
     lubridate 1.9.3
                           tidyr
                                     1.3.0
               1.0.2
     purrr
      Conflicts
    tidyverse_conflicts()
     dplyr::filter() masks stats::filter()
```

```
dplyr::lag() masks stats::lag()
  Use the conflicted package
(<http://conflicted.r-lib.org/>) to force all conflicts to
become errors
```

#### 1.1 Los datos

Después cargamos lso datos. Podemos ver que se muestra al inicio la tabla con los datos que analizaremos, podemos ver estadísticos de cada variable, como su media, sus cuartiles y su rango.

Además, se puede ver la matriz de correlación para todas las variables. Claramente se puede ver que las variables no tienen correlación entre si ya que aparecen circulares. Excepto el tiempo y el volumen, esas dos variables sí se correlacionan y por eso hacemos una gráfica que muestra la relación en grande.

La gráfica nos dice que conforme avanza el tiempo hay una mayor venta de acciones y que al parecer crece parecido a una exponencial.

```
[2]: head(Weekly)
    glimpse(Weekly)
    summary(Weekly)
    pairs(Weekly)
    cor(Weekly[, -9])
    attach(Weekly)
    plot(Volume)
```

```
Direction
                        Year
                                 Lag1
                                          Lag2
                                                   Lag3
                                                            Lag4
                                                                      Lag5
                                                                               Volume
                                                                                           Today
                        <dbl>
                                 <dbl>
                                          <dbl>
                                                    < dbl >
                                                            <dbl>
                                                                      <dbl>
                                                                               <dbl>
                                                                                           <dbl>
                                                                                                    <fct>
                                                                                           -0.270
                        1990
                                 0.816
                                          1.572
                                                   -3.936
                                                            -0.229
                                                                      -3.484
                                                                               0.1549760
                                                                                                    Down
                        1990
                                 -0.270
                                          0.816
                                                            -3.936
                                                                      -0.229
                                                                                           -2.576
                                                                                                    Down
                                                   1.572
                                                                               0.1485740
A data.frame: 6 \times 9
                        1990
                                 -2.576
                                          -0.270
                                                   0.816
                                                            1.572
                                                                      -3.936
                                                                               0.1598375
                                                                                           3.514
                                                                                                    Up
                                                                                                    Uр
                        1990
                                 3.514
                                          -2.576
                                                   -0.270
                                                            0.816
                                                                      1.572
                                                                               0.1616300
                                                                                           0.712
                    4
                                                                                                    Up
                    5
                        1990
                                 0.712
                                          3.514
                                                   -2.576
                                                            -0.270
                                                                      0.816
                                                                               0.1537280
                                                                                           1.178
                        1990
                                 1.178
                                          0.712
                                                   3.514
                                                            -2.576
                                                                      -0.270
                                                                               0.1544440
                                                                                           -1.372
                                                                                                    Down
```

```
Rows: 1,089
Columns: 9
$ Year
            <dbl> 1990, 1990, 1990, 1990, 1990, 1990, 1990,
1990, 1990, 1990, ...
            <dbl> 0.816, -0.270, -2.576, 3.514, 0.712, 1.178,
$ Lag1
-1.372, 0.807, 0...
            <dbl> 1.572, 0.816, -0.270, -2.576, 3.514, 0.712,
$ Lag2
1.178, -1.372, 0...
$ Lag3
            <dbl> -3.936, 1.572, 0.816, -0.270, -2.576,
3.514, 0.712, 1.178, -...
            <dbl> -0.229, -3.936, 1.572, 0.816, -0.270,
$ Lag4
-2.576, 3.514, 0.712, ...
            <dbl> -3.484, -0.229, -3.936, 1.572, 0.816,
-0.270, -2.576, 3.514,...
$ Volume
            <dbl> 0.1549760, 0.1485740, 0.1598375, 0.1616300,
```

0.1537280, 0.154...

<dbl> -0.270, -2.576, 3.514, 0.712, 1.178, \$ Today

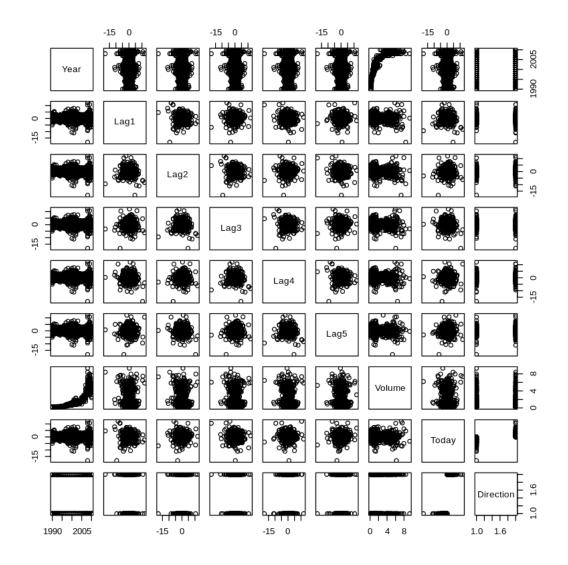
-1.372, 0.807, 0.041, 1...

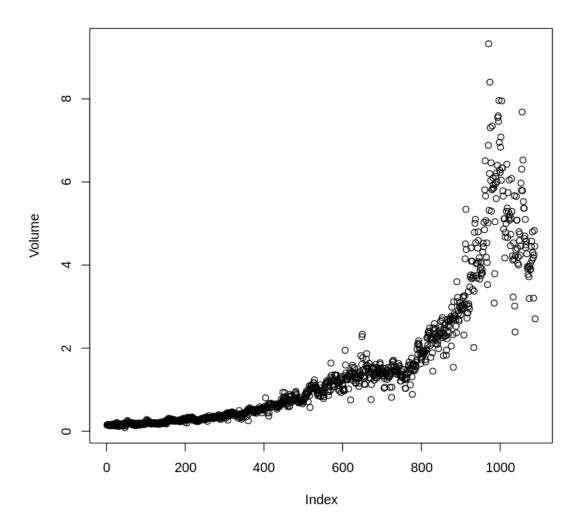
\$ Direction <fct> Down, Down, Up, Up, Up, Down, Up, Up, Up, Down, Down, Up, Up...

Year	Lag1	Lag2	Lag3
Min. :1990	Min. :-18.1950	Min. :-18.1950	Min. :-18.1950
1st Qu.:1995	1st Qu.: -1.1540	1st Qu.: -1.1540	1st Qu.: -1.1580
Median :2000	Median : 0.2410	Median : 0.2410	Median : 0.2410
Mean :2000	Mean : 0.1506	Mean : 0.1511	Mean : 0.1472
3rd Qu.:2005	3rd Qu.: 1.4050	3rd Qu.: 1.4090	3rd Qu.: 1.4090
Max. :2010	Max. : 12.0260	Max. : 12.0260	Max. : 12.0260
Lag4	Lag5	Volume	Today
Min. :-18.195	50 Min. :-18.19	950 Min. :0.0874	7 Min. :-18.1950
1st Qu.: -1.158	30 1st Qu.: -1.16	360 1st Qu.:0.3320	2 1st Qu.: -1.1540
Median : 0.238	30 Median: 0.23	340 Median :1.0026	8 Median: 0.2410
Mean : 0.145	58 Mean : 0.13	399 Mean :1.5746	2 Mean : 0.1499
3rd Qu.: 1.409	90 3rd Qu.: 1.40	)50 3rd Qu.:2.0537	3 3rd Qu.: 1.4050
Max. : 12.026	60 Max. : 12.02	260 Max. :9.3282	1 Max. : 12.0260
Direction			
Down:484			

Up :605

		Year	Lag1	Lag2	Lag3	Lag4	L
A matrix: $8 \times 8$ of type dbl	Year	1.00000000	-0.032289274	-0.03339001	-0.03000649	-0.031127923	-0
	Lag1	-0.03228927	1.0000000000	-0.07485305	0.05863568	-0.071273876	-0
	Lag2	-0.03339001	-0.074853051	1.00000000	-0.07572091	0.058381535	-0
	Lag3	-0.03000649	0.058635682	-0.07572091	1.00000000	-0.075395865	0.
	Lag4	-0.03112792	-0.071273876	0.05838153	-0.07539587	1.0000000000	-0
	Lag5	-0.03051910	-0.008183096	-0.07249948	0.06065717	-0.075675027	1.
	Volume	0.84194162	-0.064951313	-0.08551314	-0.06928771	-0.061074617	-0
	Today	-0.03245989	-0.075031842	0.05916672	-0.07124364	-0.007825873	0.





### 1.2 El modelo

Ahora, creamos un modelo con todas las variable, así podremos saber cuales son las significativas.

Call:
glm(formula = Direction ~ . - Today, family = binomial, data = Weekly)

Coefficients:

Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)

```
(Intercept) 17.225822 37.890522
                                  0.455
                                          0.6494
Year
                       0.018991 -0.448
           -0.008500
                                          0.6545
                                          0.1239
Lag1
           -0.040688
                       0.026447 -1.538
                       0.026970
                                  2.204
                                          0.0275 *
Lag2
            0.059449
                       0.026703 -0.580
Lag3
           -0.015478
                                          0.5622
           -0.027316
                       0.026485 -1.031
                                          0.3024
Lag4
Lag5
           -0.014022
                       0.026409
                                -0.531
                                          0.5955
Volume
            0.003256
                       0.068836
                                  0.047
                                          0.9623
```

Signif. codes: 0 '\*\*\*, 0.001 '\*\*, 0.01 '\*, 0.05 '., 0.1 ', 1

(Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)

Null deviance: 1496.2 degrees of freedom on 1088 Residual deviance: 1486.2 on 1081 degrees of freedom

AIC: 1502.2

Number of Fisher Scoring iterations: 4

Calculamos los intervalos de confianza para todas las betas del modelo que generamos. Como podemos ver en el modelo de arriba solamente Lag2 parece ser significativa.

```
[4]: contrasts(as.factor(Direction))
     confint(object = modelo.log.m, level = 0.95)
```

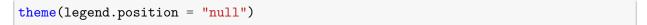
A matrix:  $2 \times 1$  of type dbl  $\overline{\text{Down}}$ Up

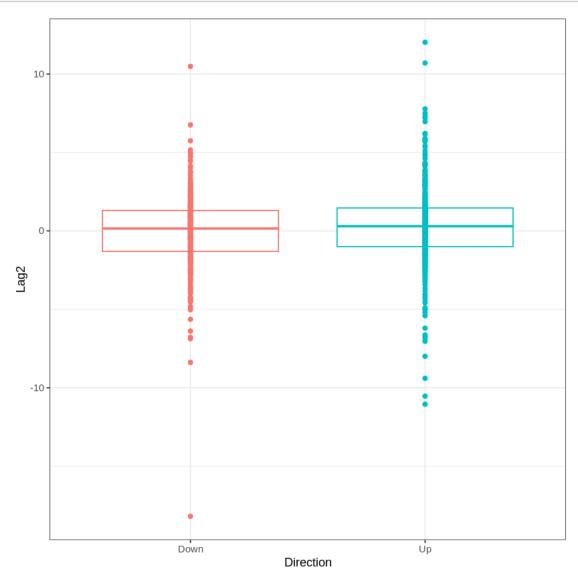
Waiting for profiling to be done ...

		$\mid 2.5 \%$	97.5 %
	(Intercept)	-56.985558236	91.66680901
	Year	-0.045809580	0.02869546
	Lag1	-0.092972584	0.01093101
A matrix: $8 \times 2$ of type dbl	Lag2	0.007001418	0.11291264
	Lag3	-0.068140141	0.03671410
	Lag4	-0.079519582	0.02453326
	Lag5	-0.066090145	0.03762099
	Volume	-0.131576309	0.13884038

Podemos ver que la variable significativa es Lag2. Aquí se muestra un boxplot de esta variable

```
[5]: # Gráfico de las variables significativas (boxplot), ejemplo: Lag2):
     ggplot(data = Weekly, mapping = aes(x = Direction, y = Lag2)) +
     geom_boxplot(aes(color = Direction)) +
     geom_point(aes(color = Direction)) +
     theme_bw() +
```





Ahora, dividimos los datos de entrenamiento hasta el 2008 para hacer las pruebas y los datos posteriores (2009 y 2010) se usarán para hacer las predicciones con el modelo.

```
[6]: # Training: observaciones desde 1990 hasta 2008
  datos.entrenamiento <- (Year < 2009)
  # Test: observaciones de 2009 y 2010
  datos.test <- Weekly[!datos.entrenamiento, ]
  # Verifica:
  nrow(datos.entrenamiento) + nrow(datos.test)
  # Ajuste del modelo logístico con variables significativas
  modelo.log.s <- glm(Direction ~ Lag2, data = Weekly,</pre>
```

```
family = binomial, subset = datos.entrenamiento)
summary(modelo.log.s)
Call:
glm(formula = Direction ~ Lag2, family = binomial, data = Weekly,
    subset = datos.entrenamiento)
Coefficients:
           Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
                       0.06428
                                 3.162 0.00157 **
(Intercept) 0.20326
            0.05810
                       0.02870
                                 2.024 0.04298 *
Lag2
Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1
(Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
   Null deviance: 1354.7 on 984 degrees of freedom
Residual deviance: 1350.5 on 983 degrees of freedom
AIC: 1354.5
Number of Fisher Scoring iterations: 4
```

Ahora, podemos ver que solamente la variable de Lag2 parece ser significativa. Por esto es que podemos hacer otro modelo solamente con esta variable relacionada con la dirección.

El resultado que nos dará será la Beta 0 (0.203) y la beta 1 (0.058) que son los valores que van dentro de la formula de la regresión logística.

Con el modelo generado podemos ver las predicciones que realiza para los datos del 2009 y 2010

```
[7]: # Vector con nuevos valores interpolados en el rango del predictor Lag2:
nuevos_puntos <- seq(from = min(Weekly$Lag2), to = max(Weekly$Lag2),
by = 0.5)
# Predicción de los nuevos puntos según el modelo con el comando predict() se
#calcula la probabilidad de que la variable respuesta pertenezca al nivel de
#referencia (en este caso "Up")
predicciones <- predict(modelo.log.s, newdata = data.frame(Lag2 =
nuevos_puntos),se.fit = TRUE, type = "response")
#El modelo devuelve las predicciones del logarítmo de Odds. La predicción se
#debe convertir en probabilidad. Eso se logra con el comando 'predict' y el
#'type="response"'.
```

Aunque arriba se puede ver el resultado de las predicciones, es más facil verlo con la matriz generada aqui

```
[8]: # Limites del intervalo de confianza (95%) de las predicciones
CI_inferior <- predicciones$fit - 1.96 * predicciones$se.fit
```

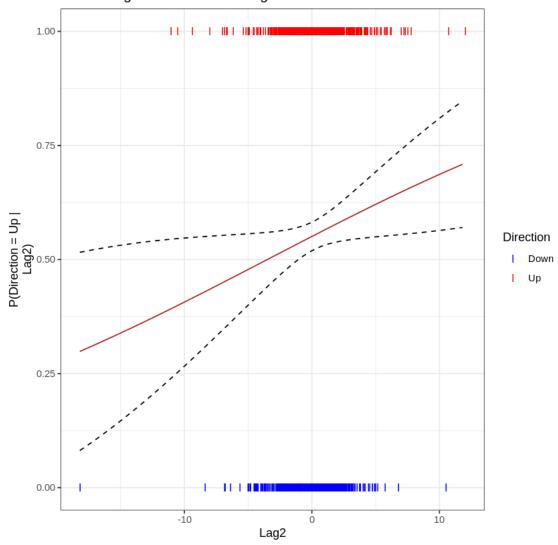
```
CI_superior <- predicciones$fit + 1.96 * predicciones$se.fit
# Matriz de datos con los nuevos puntos y sus predicciones
datos_curva <- data.frame(Lag2 = nuevos_puntos, probabilidad =
predicciones$fit, CI.inferior = CI_inferior, CI.superior = CI_superior)
datos_curva</pre>
```

		Lag2	probabilidad	CI.inferior	CI.superior
_		<dbl></dbl>	<dbl></dbl>	<dbl></dbl>	<dbl></dbl>
	1	-18.195	0.2986393	0.08140726	0.5158713
	2	-17.695	0.3047588	0.09092464	0.5185929
	3	-17.195	0.3109481	0.10069231	0.5212038
	4	-16.695	0.3172057	0.11070742	0.5237040
	5	-16.195	0.3235302	0.12096662	0.5260938
	6	-15.695	0.3299198	0.13146607	0.5283735
	7	-15.195	0.3363729	0.14220145	0.5305443
	8	-14.695	0.3428876	0.15316790	0.5326072
	9	-14.195	0.3494620	0.16436005	0.5345640
	10	-13.695	0.3560942	0.17577199	0.5364164
	11	-13.195	0.3627820	0.18739729	0.5381668
	12	-12.695	0.3695234	0.19922895	0.5398179
	13	-12.195	0.3763161	0.21125942	0.5413727
	14	-11.695	0.3831577	0.22348057	0.5428348
	15	-11.195	0.3900459	0.23588368	0.5442082
	16	-10.695	0.3969783	0.24845939	0.5454973
	17	-10.195	0.4039523	0.26119770	0.5467069
	18	-9.695	0.4109653	0.27408792	0.5478427
	19	-9.195	0.4180147	0.28711859	0.5489108
	20	-8.695	0.4250977	0.30027742	0.5499181
	$\frac{21}{22}$	-8.195	0.4322117	0.31355115	0.5508722
	22	-7.695	0.4393537	0.32692543	0.5517819
	23	-7.195	0.4465208	0.34038459	0.5526571
	24	-6.695	0.4537103	0.35391132	0.5535094
	$ \begin{array}{c c} 25 \\ 26 \end{array} $	-6.195 -5.695	0.4609192 $0.4681444$	0.36748624 $0.38108728$	$0.5543521 \\ 0.5552016$
	$\begin{vmatrix} 20 \\ 27 \end{vmatrix}$	-5.195	0.4081444 $0.4753830$	0.39468875	0.5560773
	$\begin{vmatrix} 21 \\ 28 \end{vmatrix}$	-4.695	0.4826320	0.40826002	0.5570040
	$\frac{20}{29}$	-4.195	0.4898883	0.40020002 $0.42176344$	0.5580132
	$\frac{20}{30}$	-3.695	0.4971489	0.43515136	0.5591464
		3.000	0.1011100	0.10010100	0.0001101
;	32	-2.695	0.5116706	0.4613097	0.5620314
;	33	-2.195	0.5189255	0.4738807	0.5639704
;	34	-1.695	0.5261725	0.4859140	0.5664311
	35	-1.195	0.5334085	0.4971925	0.5696245
	36	-0.695	0.5406305	0.5074442	0.5738168
;	37	-0.195	0.5478355	0.5163838	0.5792872
;	38	0.305	0.5550204	0.5238113	0.5862295
	39	0.805	0.5621824	0.5297166	0.5946483
	40	1.305	0.5693186	0.5342882	0.6043491
	41	1.805	0.5764262	0.5378162	0.6150361
	42	2.305	0.5835022	0.5405857	0.6264187
	43	2.805	0.5905440	0.5428256	0.6382624
	44	3.305	0.5975488	0.5447034	0.6503943
	45	3.805	0.6045141	0.5463373	0.6626910
	46	4.305	0.6114372	0.5478103	0.6750642
	47	4.805	0.6183157	0.5491814	0.6874499
	48	5.305	$0.6251470_{10}$	0.5504936	0.6998004
	49 50	5.805 $6.305$	0.6319288 $0.6386589$	0.5517784 $0.5530599$	$0.7120792 \\ 0.7242579$
	อบ 51	6.805	0.6386589 $0.6453350$	0.5543565	0.7363134
,	ÐΙ	0.809	U.U40303U	0.0045000	0.7000104

Finalmente, hacemos un gráfico del modelo direccion  $\sim lag2$ . El modelo es la linea roja y los intervalos de confianza estan representados por las lineas punteadas

```
[9]: # Codificación 0,1 de la variable respuesta Direction
Weekly$Direction <- ifelse(Weekly$Direction == "Down", yes = 0, no = 1)
ggplot(Weekly, aes(x = Lag2, y = Direction)) +
geom_point(aes(color = as.factor(Direction)), shape = "I", size = 3) +
geom_line(data = datos_curva, aes(y = probabilidad), color = "firebrick") +
geom_line(data = datos_curva, aes(y = CI.superior), linetype = "dashed") +
geom_line(data = datos_curva, aes(y = CI.inferior), linetype = "dashed") +
labs(title = "Modelo logístico Direction ~ Lag2", y = "P(Direction = Up |
Lag2)", x = "Lag2") +
scale_color_manual(labels = c("Down", "Up"), values = c("blue", "red")) +
guides(color=guide_legend("Direction")) +
theme(plot.title = element_text(hjust = 0.5)) +
theme_bw()</pre>
```





#### 1.3 Evaluación del modelo

Ahora que tenemos el modelo generado, le podemos hacer un anova con chi cuadrada para ver si es un buen modelo o no.

```
[10]: #Chi cuadrada: Se evalúa la significancia del modelo con predictores con⊔
→respecto al

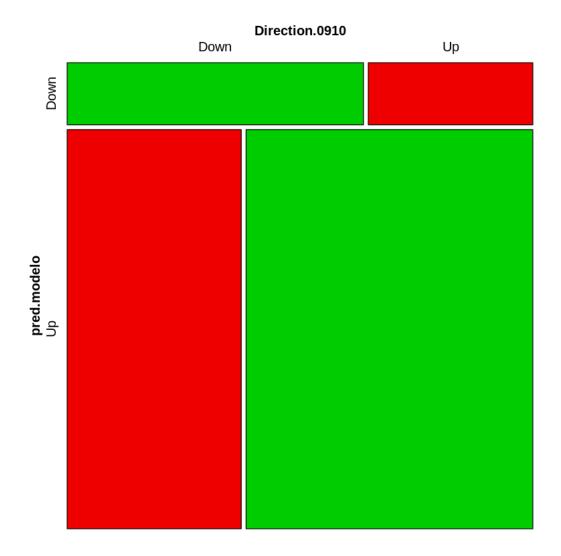
#modelo nulo ("Residual deviance" vs "Null deviance"). Si valor p es menor que⊔
→alfa será
#significativo.
anova(modelo.log.s, test ='Chisq')
```

```
Df
                                               Resid. Df Resid. Dev Pr(>Chi)
                                   Deviance
                           <int>
                                   <dbl>
                                               \langle int \rangle
                                                            <dbl>
                                                                          <dbl>
A anova: 2 \times 5 -
                          NA
                                   NA
                                               984
                                                            1354.710
                                                                         NA
                   Lag2 | 1
                                   4.166594
                                               983
                                                            1350.543
                                                                         0.04122861
```

Podemos ver que el modelo generado con Lag2 es bueno porque tiene un valor p menor a 0.5, por lo tanto es mas significativo. Por otro lado, el modelo con lag2 se explica mejor, por eso tiene un valor residual mas pequeño.

```
[11]: # Cálculo de la probabilidad predicha por el modelo con los datos de test
prob.modelo <- predict(modelo.log.s, newdata = datos.test, type = "response")
# Vector de elementos "Down"
pred.modelo <- rep("Down", length(prob.modelo))
# Sustitución de "Down" por "Up" si la p > 0.5
pred.modelo[prob.modelo > 0.5] <- "Up"
Direction.0910 = Direction[!datos.entrenamiento]
# Matriz de confusión
matriz.confusión <- table(pred.modelo, Direction.0910)
#matriz.confusión
mosaic(matriz.confusion, shade = T, colorize = T,
gp = gpar(fill = matrix(c("green3", "red2", "red2", "green3"), 2, 2)))
mean(pred.modelo == Direction.0910)</pre>
```

0.625



Además, la matriz de confusión de arriba nos dice que tanto se equivoca el modelo y que tantos resultados correctos dio. Vemos que hay una gran área verde, lo que quiere decir que generalmente el modelo tiende a dar resultados correctos, aunque todavía se equivoca en pocas ocasiones.