

Temas Tratados en el Trabajo Práctico 7

- Teoría de utilidad.
- Toma de decisiones basadas en utilidad.
- Valor de la información.
- Ganancia y entropía.
- Algoritmos basados en la teoría de la decisión.
- Sistemas expertos.

Ejercicios Teóricos

1. ¿Qué representa una función de utilidad?

La **Función de Utilidad** representa matemáticamente las preferencias de los agentes económicos, específicamente representa la utilidad o satisfacción que estos obtienen a partir de ciertas combinaciones de bienes o servicios.

2. Respondan las siguientes preguntas. Cada respuesta corresponde a un axioma de la utilidad, indique cuál se relaciona con cada pregunta y dé una breve explicación de lo que dice el axioma.

2.1 ¿Qué color prefieren?

```
In [6]: import requests
from PIL import Image
from io import BytesIO
import matplotlib.pyplot as plt

# URLs directas de Google Drive
url1 = "https://drive.google.com/uc?export=view&id=1aofwvS7bUVmKS6M1Tcpl2ZgVa9JuGJe"
url2 = "https://drive.google.com/uc?export=view&id=1-htp7twx9y5-GpzMUX19hk-X3kV-BVz"

# Función para descargar y redimensionar imagen
def load_and_resize(url, size=(10, 10)):
    response = requests.get(url)
    img = Image.open(BytesIO(response.content))
    img = img.resize(size, Image.Resampling.LANCZOS) # redimensionar a 150x150
    return img

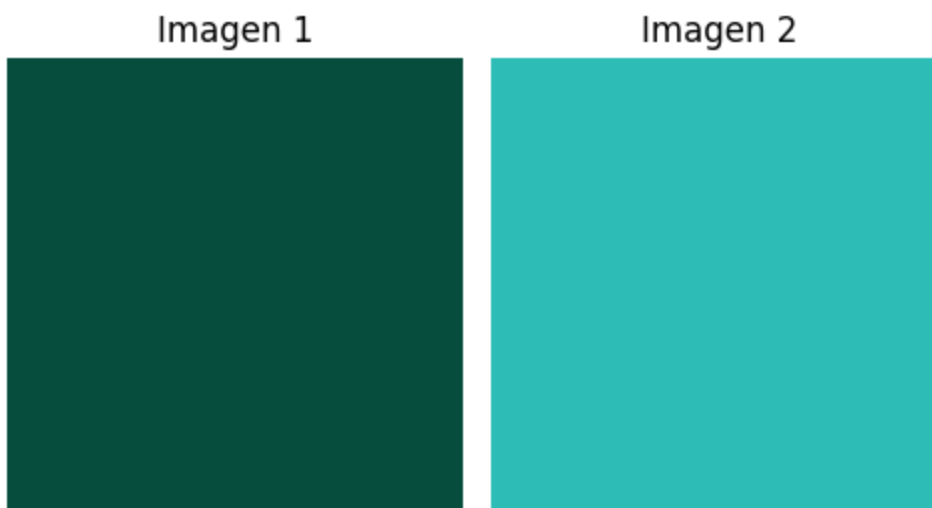
# Cargar imágenes
img1 = load_and_resize(url1)
img2 = load_and_resize(url2)
```

```
# Crear figura con 2 columnas
fig, axes = plt.subplots(1, 2, figsize=(5, 5))

# Mostrar primera imagen
axes[0].imshow(img1)
axes[0].axis('off')
axes[0].set_title("Color 1")

# Mostrar segunda imagen
axes[1].imshow(img2)
axes[1].axis('off')
axes[1].set_title("Color 2")

plt.tight_layout()
plt.show()
```



Es posible preferir el color de la imagen 1, el de la imagen 2 o ser indiferente a cualquiera de los dos. Esta decisión corresponde al **Axioma de Completitud**: Si A y B son dos estados posibles de un conjunto, entonces se puede preferir A ($A > B$), se puede preferir B ($B > A$), o se pueden preferir tanto A como B ($A \sim B$)

2.2 Entre sacar un 10 o un 7 en un parcial, ¿qué prefieren? ¿Y entre el 7 y desaprobado?

Si la preferencia es obtener la mayor nota posible, entonces entre un 10 o un 7 se prefiere sacar un 10, y entre sacar un 7 o desaprobado se prefiere sacar un 7. Esta decisión corresponde al **Axioma de Transitividad**: si se tienen 3 estados A, B y C, y se cumple que ($A > B$) y ($B > C$), entonces ($A > C$). Siguiendo el razonamiento de este axioma, se puede concluir que se prefiere sacar un 10 antes que desaprobado.

2.3 Imagínense que hacen una apuesta de \$100 jugando al cara o cruz, si pudieran trucar la moneda para que ustedes ganaran un porcentaje p de las veces, ¿en qué valor configurarían p ?

En este caso, debido a que se prefiere el estado A (ganar la apuesta) por sobre B (perder la apuesta), entonces se prefiere la lotería en la que la probabilidad de A sea máxima. Este razonamiento corresponde al **Axioma de Monotonidad**: Si dos loterías tienen los mismos resultados posibles A y B, y se prefiere A por sobre B, entonces se elige la lotería en la que A tenga la mayor probabilidad de suceder.

2.4 En una feria hay dos juegos: uno en el que el premio son \$100 y otro en el que el premio es una piedra, ambos con una probabilidad p de ganar al juego. ¿A qué juego prefieren jugar?

Si se define un estado A (ganar 100), un estado B (ganar una piedra) y un estado C (perder), entonces se prefiere el juego en el que ya que aunque exista la probabilidad de perder, se tiene un mayor beneficio al ganar. Este razonamiento corresponde al **Axioma de Independencia**: Si A se prefiere sobre B, y B se prefiere sobre C, entonces se prefiere una lotería entre A y C antes que una entre B y C.



2.5 En un casino hay dos juegos y en ambos el premio son \$1000. El primer juego se gana cuando se tira una moneda y sale cara y el segundo juego se gana cuando sale 6 en un dado. ¿A qué juego prefieren jugar?

Si se define ganar como un estado A y perder como un estado B, se prefiere la lotería en la que la probabilidad P de ganar sea la máxima posible. El juego de la moneda tiene una $P(A)=1/2$, mientras que el juego del dado tiene $P(A)=1/6$, por lo tanto se prefiere el juego de la moneda. El razonamiento corresponde al **Axioma de Monotonidad**.

2.6 Supongamos que quiere postularse a una beca. Primero, existe un 60% de probabilidad de que le llamen para una entrevista. Si no le llaman, entonces hay un 20% de probabilidad de que le ofrezcan participar en un curso online ¿Cuál es la probabilidad total de cada evento (recibir la beca, recibir el curso o no recibir nada)?

- Se definen primero los siguientes eventos: L (Recibir la llamada), CO (Recibir la oferta para participar en el curso online).
- Se toma el supuesto de que recibir la llamada L implica recibir la beca.
- Si $P(L)=0.6$, entonces $P(\sim L)=0.4$. Son eventos complementarios.
- La probabilidad de que, dado que no se ha recibido la llamada, sea ofrecido el curso online es $P(CO/\sim L)=0.2$.

3. Los boletos de una lotería cuestan un dólar. Hay dos juegos posibles con distintos premios: uno de 10 dólares con una probabilidad de uno entre 50 y otro de 1.000.000 dólares con una probabilidad de uno entre 2.000.000.

3.1 ¿Cuál es el valor monetario esperado del boleto de lotería?

3.2 ¿Cuándo es razonable comprar un boleto?

4. Hay que reparar una máquina averiada y el mecánico diagnostica que si la avería es leve la reparación costará 300, *perosi es grave costará 1.200*. La probabilidad de que la avería sea grave es $2/3$. También se ofrece la alternativa de comprar una máquina usada por \$600. Qué decisión se tomará si:

4.1 La función de utilidad fuese la mostrada por el agente rojo.

4.2 La función de utilidad fuese la mostrada por el agente verde.

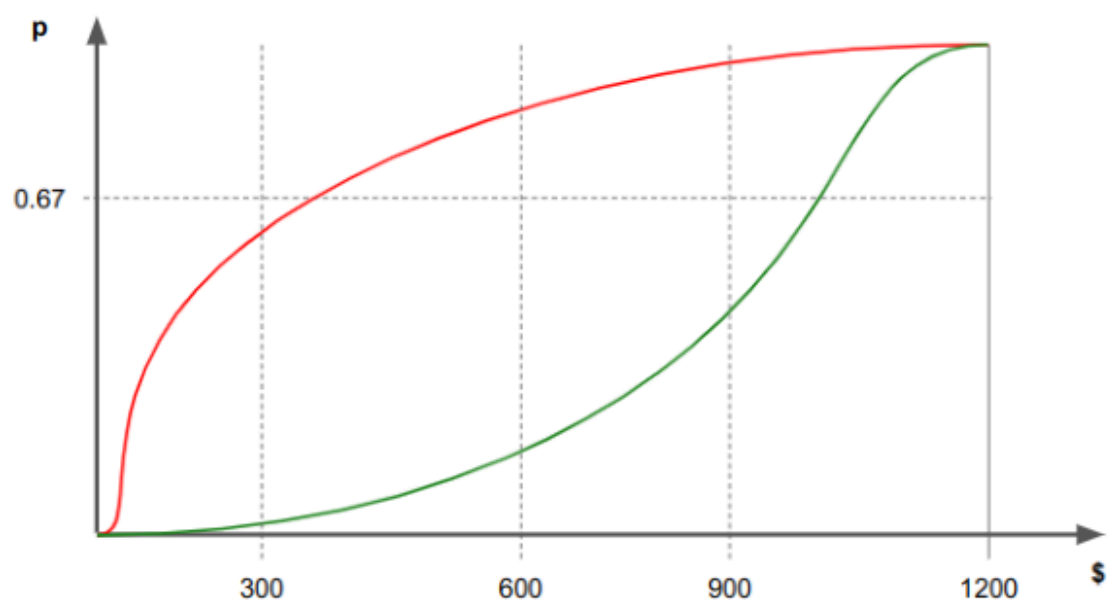
Datos:

Reparar: - A: si la falla es leve $\rightarrow 300$. $Prob(A) = 1/3$ - B: *si la falla es grave* $\rightarrow 1200$.
 $Prob(B) = 2/3$ Comprar una usada: 600\$. $Prob = 1$

Así, la utilidad esperada en cada caso es: Reparar: $1/3u(300) + 2/3u(1200)$ comprar usada: $1 \cdot u(600)$ en el caso de la curva roja, podemos ver que la utilidad esperada de comprar la usada es mejor que reparar mientras que en el de la curva verde esto sucede al revés, aunque no tan marcado.

```
In [7]: url = "https://drive.google.com/uc?export=view&id=1vNT1LArEhsxTOIvgs-NJ7NcE0B0JPJcw"
response = requests.get(url)
img = Image.open(BytesIO(response.content))

# Mostrar con figura más grande
plt.figure(figsize=(img.width / 80, img.height / 80)) # ajustá el divisor según de
plt.imshow(img)
plt.axis('off')
plt.show()
```



Ejercicios de Implementación

5. En unos laboratorios de un hospital se está investigando sobre una sustancia para la curación de una determinada enfermedad. Dicha sustancia ha sido inyectada en varias cobayas enfermas para verificar sus efectos. Los resultados de las pruebas realizadas se sintetizan en la siguiente tabla:

Estado de la enfermedad	Concentración de la sustancia	Número de dosis	Condición física	Efecto
Incipiente	75	70	Fuerte	Curación
Incipiente	80	90	Fuerte	Defunción
Incipiente	85	85	Débil	Defunción
Incipiente	62	95	Débil	Defunción
Incipiente	79	70	Débil	Curación
Avanzado	72	90	Fuerte	Curación
Avanzado	83	78	Débil	Curación
Avanzado	64	66	Fuerte	Curación
Avanzado	81	75	Débil	Curación
Terminal	71	80	Fuerte	Defunción
Terminal	65	70	Fuerte	Defunción
Terminal	75	80	Débil	Curación

Terminal	68	80	Débil	Curación
Terminal	70	96	Débil	Curación

Determine las reglas que rigen las condiciones en las que se ha de administrar una sustancia e implemente un sistema experto en CLIPS que determine si un sujeto resultará curado o no.

Para la resolución de este problema primero discretizamos La concentración de la sustancia y el numero de dosis:

- CONCENTRACIÓN
- Concentración alta(CA): 62-74
- Concentración baja(CB): 75-85
- NÚMERO DE DOSIS
- Dosis baja(DB): 66-80
- Dosis alta(DA): 81-96

Partimos de estado de enfermedad porque la ganancia respecto al estado inicial es máxima:

$$Eo(p=9, n=5) = 0,940$$

Ganancias

$$G(\text{Estado}, Eo) = 0,637 \quad \leftarrow \text{armamos el árbol de decisión a partir de esto}$$

$$G(N^{\circ} \text{ Dosis}, Eo) = 0,00028$$

$$G(\text{Concentracion}, Eo) = 0,06$$

$$G(\text{Condicion}, Eo) = 0,045$$

El árbol de decisiones queda:



Arbol_decision

Bibliografía

Russell, S. & Norvig, P. (2004) *Inteligencia Artificial: Un Enfoque Moderno*. Pearson Educación S.A. (2a Ed.) Madrid, España

Poole, D. & Mackworth, A. (2023) *Artificial Intelligence: Foundations of Computational Agents*. Cambridge University Press (3a Ed.) Vancouver, Canada