

LENGUAJES DE PROGRAMACIÓN

Paradigma Lógico Caso de Estudio : Prolog

Lenguajes de Programación 2018

Depto. de Ciencias e Ingeniería de la Computación
Universidad Nacional del Sur, Bahía Blanca



1/2

- Una **forma de razonar** para resolver problemas se fundamenta en la **lógica de primer orden**.
- El conocimiento básico se puede representar en la lógica en forma de **axiomas**, a los cuales se le agregan **reglas formales** para deducir cosas verdaderas (teoremas).
- Los lenguajes que utilizan esta lógica son **lenguajes declarativos** porque todo lo que tiene que hacer el programador para solucionar un problema es describirlo vía axiomas y reglas de deducción (**Que** se quiere resolver **no Como**).

2/2

- Este concepto de programación lógica esta ligado históricamente a **Prolog** (Programmation en Logique), desarrollado por la Universidad de Marseille en 1972.
- Prolog es utilizado para:
 - el desarrollo de aplicaciones de I.A.,
 - la escritura de compiladores,
 - la construcción de sistemas expertos,
 - el procesamiento de lenguaje natural,
 - búsqueda de patrones y
 - programación automática.

Profesor
Alain Colmerauer



CARACTERÍSTICAS DEL PARADIGMA LÓGICO

1

A	B	C
D	E	

3

CONTENIDO

2

A

ESQUEMA
GENERAL

B

ELEMENTOS DEL
PARADIGMA

C

PREDICADOS
REVERSIBLES

D

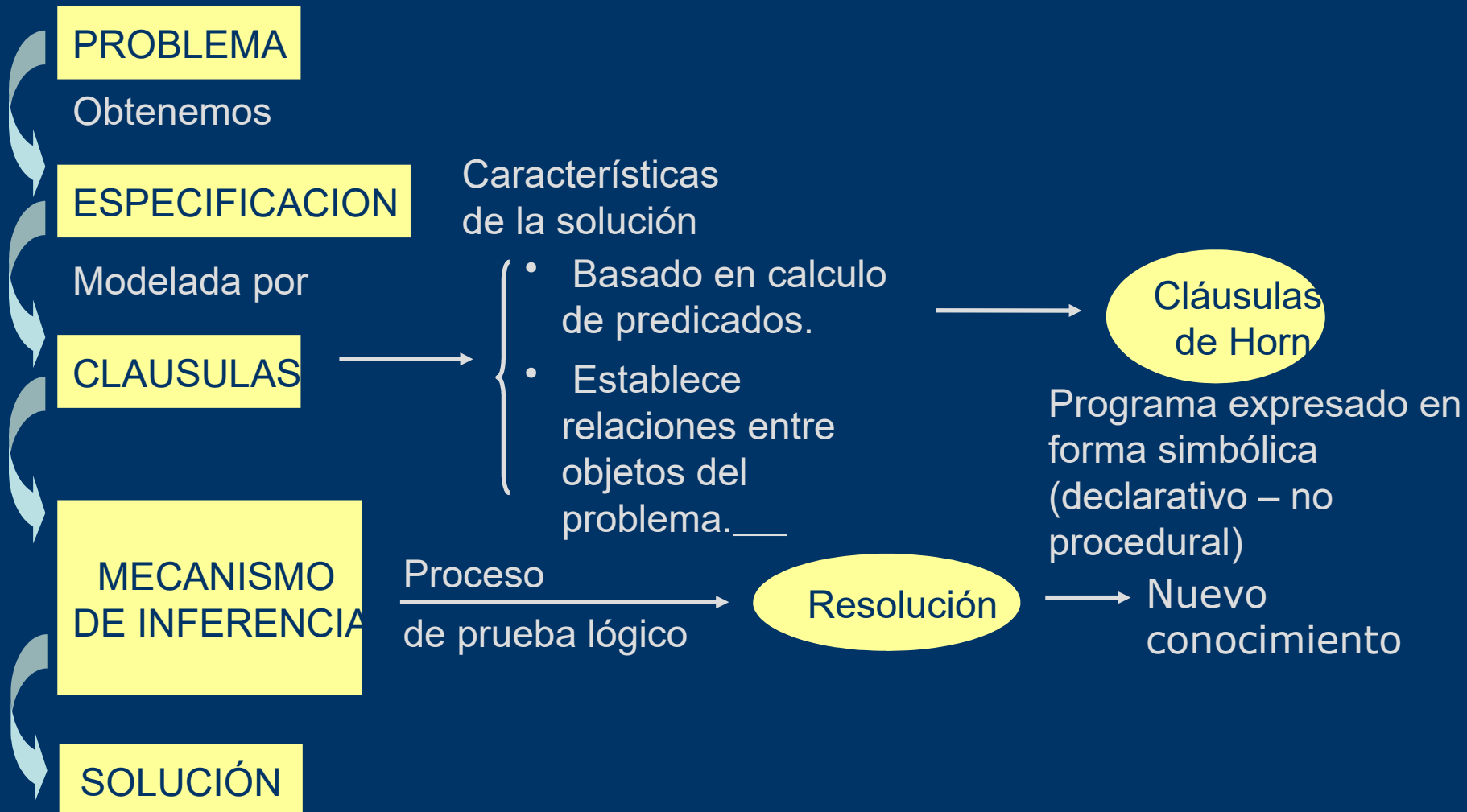
NOCIÓN DE
TIPOS

E

CONSIDERACIONES
SOBRE EL
PARADIGMA

ESQUEMA GENERAL

1/1



1

A	B	C
D	E	

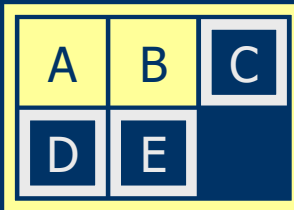
3

Los términos en los lenguajes lógicos son **ciudadanos de primera clase!**

ELEMENTOS DEL PARADIGMA

- Los lenguajes lógicos constan de **términos**:
 - Una **variable** es un término.
 - Si f es un **símbolo funcional** n -ario y t_1, \dots, t_n son términos entonces $f(t_1..t_n)$ es un término (Si $n = 0 \rightarrow f$ es una **constante**).
 - Los términos son los argumentos de los **predicados**.
- **Predicado**: Si p es un símbolo relacional n -ario y $t_1..t_n$ son términos, entonces $p(t_1, \dots, t_n)$ es un predicado.

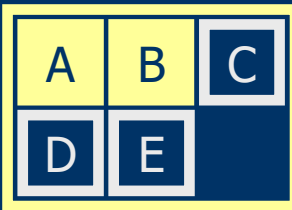
El conjunto de predicados conforman el programa lógico o base de conocimiento.



ELEMENTOS DEL PARADIGMA

2/9

- El paradigma lógico soporta el concepto matemático de **variable**.
- Las variables son **nombres** que **representan valores desconocidos**.
- No existe una asociación con una locación de memoria en la cual se almacenan distintos valores en distintos instantes de tiempo. Las variables se asocian a valores (**Semántica de valores**).
- El **valor** que puede tomar una variable consiste en **cualquier término**: $j(3)$, 23.2, 'hola que tal', etc. Por eso decimos que los **datos** que se manejan **son términos**.



ELEMENTOS DEL PARADIGMA

2/9

- El paradigma lógico soporta el concepto matemático de **variable**.
- Las variables son **nombres** que representan valores desconocidos.
- No existe una asociación con una locación de memoria en la cuál se almacenan distintos valores en distintos instantes de tiempo. Las variables se asocian a valores (**Semántica de valores**).
- El valor que puede tomar una variable consiste en

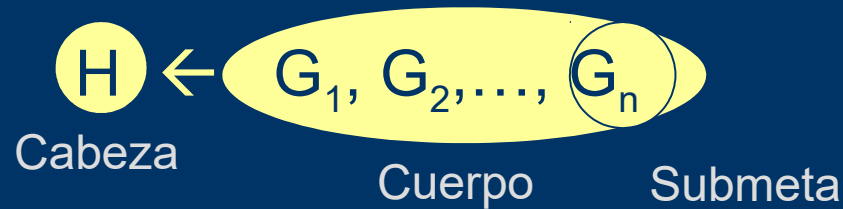
Cuando una variable **no tiene valor** se dice que está **libre**.

Una vez que **obtiene valor**, éste ya no cambia, por eso se dice que la variable está **ligada**.

ELEMENTOS DEL PARADIGMA

3/9

- Forma de una cláusula horn :

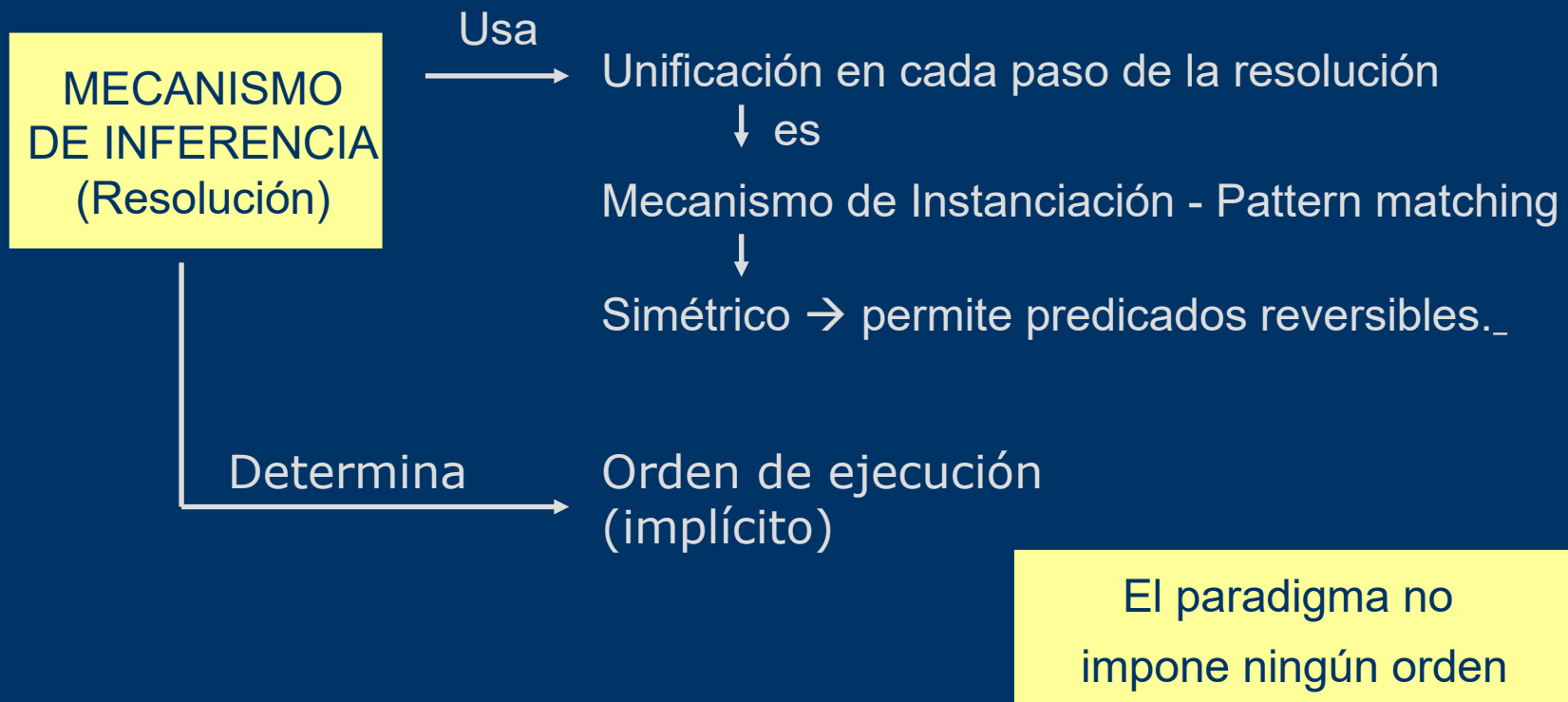


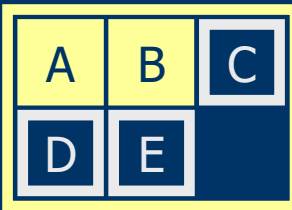
- El significado declarativo de la cláusula es:
Si $G_1..G_n$ son todas verdaderas, entonces H es verdadera.
- Ejemplo de cláusulas de horn:
 - $\text{aprueba}(X) \leftarrow \text{estudia}(X) \wedge \text{rinde}(X).$
 - $\text{aprueba}(X) \text{ :- } \text{estudia}(X), \text{rinde}(X).$

ELEMENTOS DEL PARADIGMA

4/9

- El mecanismo de inferencia permite derivar nuevo conocimiento y hallar soluciones.





ELEMENTOS DEL PARADIGMA

5/9

- Dado un programa lógico y una consulta compuesta por una o varias metas, el mecanismo de resolución intentará unificar alguna de dichas metas con la cabeza de alguna cláusula del programa, en algún orden.
- Como resultado se agregarán a la consulta todos los elementos del cuerpo de regla como metas

ELEMENTOS DEL PARADIGMA

6/9

- El proceso se repite hasta que:
 - alguna meta no pueda unificarse con ninguna cabeza, entonces la **consulta fallará**; o
 - para todas las metas existen hechos con los cuales unificar, por lo tanto la **consulta es exitosa**.

ELEMENTOS DEL PARADIGMA

7/9

Programa lógico

$t(a) \leftarrow p, q(a)$
 $p \leftarrow s, r$
 $s.$
 $r.$
 $q(a).$
 $v.$

Consulta

 $t(X), v ?$

$t(a) \leftarrow p, q(a)$ $t(X), v$
 $p, q(a), v$

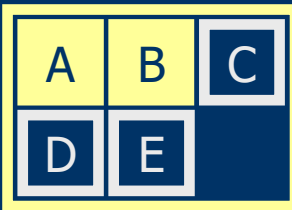
Nueva Consulta

 $p, q(a), v ?$

$p \leftarrow s, r$ $p, q(a), v$
 $s, r, q(a), v$

Nueva Consulta

 $s, r, q(a), v ?$

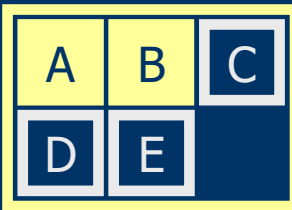


ELEMENTOS DEL PARADIGMA

8/9

Comportamiento de las variables durante el proceso de resolución

- No todas las variables están obligadas a quedar ligadas
- Por ejemplo: $h(X)$ y $h(Y)$ unifican aunque las variables X e Y no quedan ligadas a un valor.
- No obstante, **ambas variables permanecen unificadas entre sí.**
- Si posteriormente ligamos X al valor 3, entonces automáticamente la variable Y tomará ese mismo valor.



ELEMENTOS DEL PARADIGMA

9/9

Para saber si dos términos unifican:

- Una **variable** siempre **unifica con un término**, quedando ésta **ligada** a dicho término.
- Dos **variables** siempre **unifican entre sí**, además, cuando una de ellas se liga a un término, todas las que unifican con ella se ligan a dicho término.
- Para que **2 términos unifiquen**, deben tener el mismo **functor** y la misma **aridad**. Después se comprueba que los **argumentos unifican uno a uno** manteniendo las ligaduras que se produzcan en cada uno.
- Si **2 términos no unifican**, ninguna variable queda ligada.

1

A	B	C
D	E	

3

CONTENIDO

2

PREDICADOS REVERSIBLES

1/2

- **Reversibilidad:** propiedad que no existe en otros lenguajes, y que consiste en la **habilidad** de los argumentos de los predicados para actuar indistintamente como argumentos de entrada y/o salida.

A	B	C
D	E	

PREDICADOS REVERSIBLES

2/2

- A las diferentes formas de invocar un predicado se las denomina **modos de uso**.
- Modos de uso:
 - Indican qué combinación de **argumentos deben o no estar instanciados** para que una consulta tenga sentido.
 - Se dice que un argumento está **instanciado** cuando **no es una variable libre**.

A	B	C
D	E	

NOCIÓN DE TIPOS

1/1

- No se provee la noción de tipo de los lenguajes imperativos.
- Sólo se tienen términos y símbolos predicativos.
- La ausencia de un sistema de tipos permite hacer un mal uso de ciertos predicados. De esta manera, disminuye la seguridad y la confiabilidad.
- El programador debe encargarse de especificar axiomáticamente cualquier restricción que desea reflejar en el programa.

A	B	C
D	E	

CONSIDERACIONES SOBRE EL PARADIGMA 1/2

- La lógica subyacente provee al paradigma un lenguaje riguroso, preciso, elegante, uniforme y ortogonal, donde se obtiene como resultado programas más legibles y concisos.
- Semántica de Valores.
- No existen efectos colaterales - Verificación del programa simplificada.
- No hay noción de Tipos de Datos → menor seguridad. Cualquier restricción es especificada por el programador mediante reglas.

A	B	C
D	E	

CONSIDERACIONES SOBRE EL PARADIGMA 2/2

- El flujo de control es implícito ya que se rige por el mecanismo de resolución.
- El paradigma no establece un orden, por lo tanto es no determinista, lo que implica alguna forma de búsqueda, y backtracking.
- La unificación determina cuál o cuáles cláusulas matchean con la consulta realizada.
- No es eficiente en algunos casos → mayor tiempo en exploración en espacio de soluciones.
- El matching es simétrico, entonces permite predicados reversibles.

CASO DE ESTUDIO : PROLOG

1

2

A

B

C

CONTENIDO

3

A

PROLOG

B

CARACTERÍSTICAS
QUE ALEJAN A
PROLOG DEL
PARADIGMA LÓGICO

C

PREDICADOS
REVERSIBLES EN
PROLOG

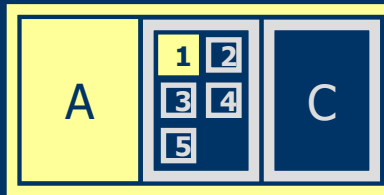
PROLOG

1/1

- Sintaxis y semántica del paradigma.
- Concepto de Ligadura: **Unificación**.
- Concepto de Variable: **Semántica de valores**.
- Evaluación de Expresiones
- Tipos de datos: **No hay noción de tipos de datos**.

CARACTERÍSTICAS QUE ALEJAN A PROLOG DEL PARADIGMA LÓGICO

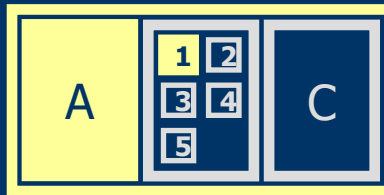
1. Estrategia de búsqueda en el espacio de soluciones – Orden de evaluación.
2. Control del backtracking – Cut.
3. Negación por falla.
4. Evaluador aritmético **is** y predicados Relacionales – Aritmética simple.
5. Assert – Retract.



ESTRATEGIA DE BÚSQUEDA EN EL ESPACIO DE SOLUCIONES – ORDEN DE EVALUACIÓN

- Exploración del espacio de búsqueda:
 - **Forward chainig**: Hechos hacia consulta.
 - **Backward chainig**: Consulta hacia hechos.
- Exploración del espacio de búsqueda (Backward chainig):
 - **Recorrido a lo ancho (BFS)**: Garantiza encontrar una prueba si esta existe. Sensatez y completitud. Mayor tiempo de ejecución y menor eficiencia.
 - **Recorrido en Profundidad (DFS)**: Sensatez, no completitud. Sensible a la forma de escribir la especificación.

Prolog



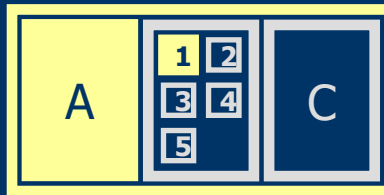
ESTRATEGIA DE BÚSQUEDA EN EL ESPACIO DE SOLUCIONES – ORDEN DE EVALUACIÓN

- Exploración del espacio de búsqueda:

Prolog adopta:

- Backward chaining con
 - DFS y
 - Backtracking.
- + Este esquema utiliza menor cantidad de recursos
- Compromete la terminación de programas lógicos en caso de que se exploren ramas infinitas, aún cuando existen ramas exitosas de longitud finita.

especificación.



ESTRATEGIA DE BÚSQUEDA EN EL ESPACIO DE SOLUCIONES – ORDEN DE EVALUACIÓN

- Orden de evaluación: Prolog intenta unificar por la primera regla que aparece en el programa y evalúa las submetas de izquierda a derecha.
- Ejemplo: ?-conectada(a,b)

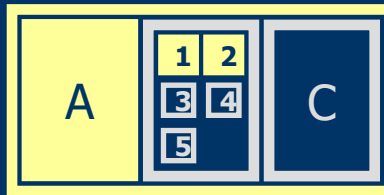
```
conectada(X,Y):- arco(X,Y).  
conectada(X,Y):- conectada(X,Z),  
                  conectada(Z,Y).
```

```
arco(a,b).
```

```
conectada(X,Y):- conectada(X,Z),  
                  conectada(Z,Y).  
conectada(X,Y):- arco(X,Y).
```

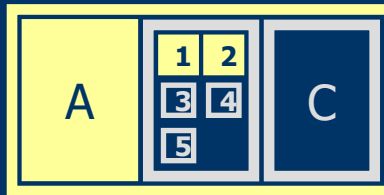
```
arco(a,b).
```

El programador debe tener en cuenta este orden para mejorar la performance de los programas y especialmente para no comprometer la terminación de los mismos



CONTROL DE BACKTRACKING – CUT

- **Cut**: predicado predefinido "!".
- Poda soluciones alternativas (hacia izquierda y abajo)
- Cuestión que debe ser analizada bajo **interpretación procedural**, permite al programador realizar **control sobre el backtracking**.
- **Efecto colateral**: acotar el espacio de búsqueda.
- Ventajas y desventajas:
 - Oscurece la semántica del programa lógico.
 - + Implementaciones mas eficientes en algunos casos.
 - + Elimina soluciones repetidas si se hace un uso cuidadoso del mismo.



CONTROL DE BACKTRACKING – CUT

- **EJEMPLO:** Supongamos que tenemos los siguientes hechos:

$p(a).$

$p(b).$

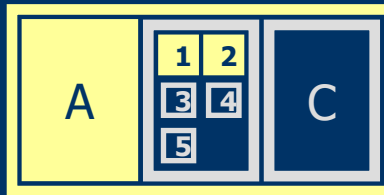
$p(c).$

?- $p(X), !.$

$X=a ;$

no

Acá Prolog trata de buscar alguna respuesta más usando ';' pero ellas ya fueron cortadas.



CONTROL DE BACKTRACKING – CUT

- **EJEMPLO:** Supongamos que tenemos los siguientes hechos: $r(a)$. $r(b)$. $r(c)$. $s(a)$. $s(b)$. $s(c)$.

- Consideremos ahora:

?- $r(X), !, s(Y)$.

$X=a$ $Y=a$;

$X=a$ $Y=b$;

$X=a$ $Y=c$;

no

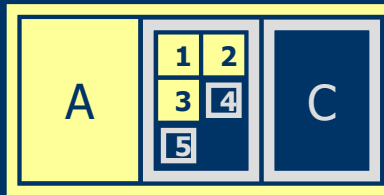
- También,

?- $r(X), s(Y), !$.

$X=a$ $Y=a$;

no

Note que no hay backtracking en la primera meta.



NEGACIÓN POR FALLA

- La semántica de la **negación por falla** difiere de la negación de la lógica de predicados.

```
not(X) :- call(X), !, fail .
not(X).
```

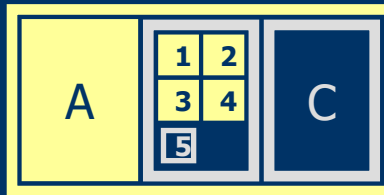
- Ejemplo:

```
member(X, [X|_]) :- !.
```

```
member(X, [_|Xs]):- member(X,Xs).
```

```
?- not(not(member(X,[1]))).
```

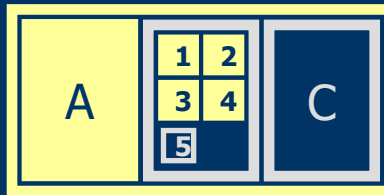
```
X = _
```

EVALUADOR ARITMÉTICO *IS* Y PREDICADOS RELACIONALES

- El evaluador aritmético *is* y los operadores relacionales imponen restricciones en sus argumentos y no son reversibles.

Le quitan uniformidad al lenguaje

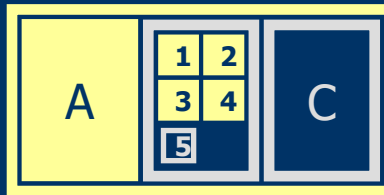


EVALUADOR ARITMÉTICO *IS* Y PREDICADOS RELACIONALES

- Cuando aparece una expresión en un predicado, no siempre es evaluada.

- $p(2+2)$.
?- $p(X)$.
 $X = 2+2$
yes.

No se evaluó la expresión



EVALUADOR ARITMÉTICO *IS* Y PREDICADOS RELACIONALES

- Las expresiones son **evaluadas** cuando se utiliza el predicado *is* y cuando se utilizan **operadores relacionales**.

densidad(X, Y) :-

poblacion(X, P),

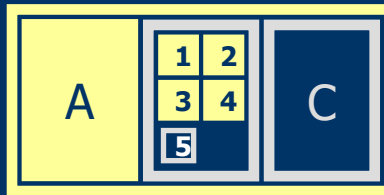
area(X, A),

Y is P/A.

P y A deben
estar instanciadas
con valores
aritméticos

¿Qué pasa si Y está instanciada al momento
de la ejecución del *is*?

Los evalúa P/A y los compara por igualdad estructural



EVALUADOR ARITMÉTICO *IS* Y PREDICADOS RELACIONALES

?- $X = 1 + 2$, Y is X .

$X = 1 + 2$

$Y = 3$

Yes

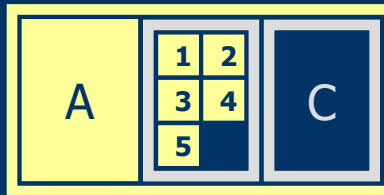
?- $3 + 4 = 5 + 2$.

No

?- $3 + 4 ::= 5 + 2$.

Yes

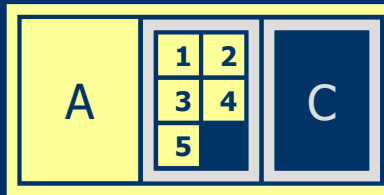
- El predicado *is* y los operadores relacionales provocan la evaluación de sus argumentos.
- Ventajas y desventajas del predicado *is*:
 - + Facilidad para el programador.
 - Menos uniformidad para el lenguaje por restricciones en la ligadura entre variables y expresiones.
 - Falta de reversibilidad



PREDICADOS ASSERT Y RETRACT

- Permiten la incorporación y eliminación de cláusulas dinámicamente → **efecto colateral**.
- Ventajas y desventajas:
 - + Facilita el desarrollo de aplicaciones que necesitan modificación dinámica de la base de conocimiento.
 - Uso cuidadoso, análisis procedural.
- Ejemplo:

a : - b, c.	?- a.
c.	no
b :- retract(c).	



REFLEXIÓN Y META-PROGRAMACION

- Prolog provee herramientas para que el programador pueda utilizar y manipular su base de conocimiento y mecanismo de inferencia
- **assert, retract, !, fail**
- **clause(X,Y)**: Busca la una cláusula cuya cabeza es X y cuerpo Y.

Reflexión: un lenguaje es reflexivo si permite a sus programas razonar acerca de su propia estructura

Meta-computación: programas que pueden crear o manipular programas.

3

Prolog lo permite en su **máxima expresión**: crear y utilizar nuevos predicados en forma dinámica.

- Prolog provee herramientas para que el programador pueda utilizar y manipular su base de conocimiento y mecanismo de inferencia
- **assert, retract, !, fail**
- **clause(X,Y)**: Busca la una cláusula cuya cabeza es X y cuerpo Y.
- **call(X)**: llama a **X** como una **meta**.
- **=..** : Es un operador que permite transformar términos en listas y viceversa.

```
not(X) :- call(X), !, fail .  
not(X).
```

PREDICADOS REVERSIBLES EN PROLOG

1/3

- EJEMPLO: Concatenación de listas.

`conc([],L2,L2).`

`conc([X|L], L2, [X|Lr]):- conc(L,L2,Lr)`

? – `conc([1,2],[3],R).`

`R = [1,2,3]`

? – `conc([1,2],Z,[1,2,3,4]).`

`Z = [3,4]`

? – `conc(Y,[3,4],[1,2,3,4]).`

`Y = [1,2]`

? – `conc(Y,Z,[1,2,3,4]).`

`Y = []`

`Z = [1,2,3,4]`

PREDICADOS REVERSIBLES EN PROLOG

2/3

- No todos los predicados son reversibles.
- **EJEMPLO:** Los predicados de comparación aritmética.

```
mayor(N1, N2) :- N1 > N2
```

```
?- mayor(3, 1).
```

```
yes
```

```
? - mayor(X, 1).
```

PREDICADOS REVERSIBLES EN PROLOG

3/3

- Dado el predicado suma/3 que suma en notación $s^n(0)$
suma(X,0,X).
suma(X, s(Y), s(Z)):- suma(X,Y,Z).
- Para sumar $1 + 1$, podemos consultar:
?- suma(s(0), s(0), R).
R = s(s(0))
- El predicado suma/3 nos sirve para restar $1 - 1$
consultando:
?- suma(s(0), R, s(0)).
R = 0

PREDICADOS REVERSIBLES EN PROLOG

3/3

- No hay noción de tipos de datos.
- Consideremos la definición anterior de suma. Es posible utilizar de la siguiente manera este predicado:
?- suma (algo, s(0), X).
X = s(algo)
- Para evitar este problema se puede restringir el formato de entrada de la siguiente manera:

```
num(0).  
num(s(X)) :- num(X).  
suma(X,0,X) :- num(X).  
suma(X,s(Y),s(Z)) :- suma(X,Y,Z).
```

La seguridad y la confiabilidad de los programas está sujeta a la habilidad del programador.

BIBLIOGRAFÍA

- Scott Cap. 11.
- Sebesta Cap. 16