PyE Práctica 3

Franco Cambiaso

April 2025

Ejercicio 1

c) Espacio muestral $S=\{(V),(M,V),(M,M,V),(M,M,M)\}$ $P_{varon}=\frac{1}{2}+\frac{1}{2}.\frac{1}{2}+\frac{1}{2}.\frac{1}{2}.\frac{1}{2}=\frac{7}{8}$

Ejercicio 2

Ejercicio 3

- a) $S_a = [1, 12]$
- b) $S_b = \{ \text{Basto, Copa, Oro, Espada} \}$
- c) $S_c = S_b.S_b$
- d) $S_d = \{(Basto, i), (Copa, i), (Oro, i), (Espada, i) \mid i \in [1, 12]\}$
- e) $S_e = \{Cara, Cruz\}$
- f) $S_f = \{(Cara, Cara), (Cara, Cruz), (Cruz, Cruz), (Cruz, Cara)\}$
- g) $S_g = S_e^3$
- h) $S_h = [1, 3]$
- i) $S_i = \mathbb{N}$
- j) $S_j = [2, 12]$
- $k) S_k = \mathbb{N}$
- 1) $S_l = \{t \mid t > 0\}$

- a) $A \cup B \cup C$
- b) $\overline{A \cup B \cup C}$
- c) $A \cap B \cap C$
- d) $(A \cap B \cap \bar{C}) \cup (A \cap C \cap \bar{B}) \cup (\bar{A} \cap B \cap C)$
- e) $(A \cap B) \cup (A \cap C) \cup (B \cap C)$

Ejercicio 6

- a) $|S| = 8 = 2^3$
- b) $A = \{(V, V, M), (V, M, M), (M, M, M), (M, V, M)\}$
- c) $B = \{(V, V, V), (V, M, M), (V, V, M), (V, M, V)\}$
- d) $A \cup B = \{(V, V, M), (V, V, V), (V, M, M), (M, M, M), (M, VM), (V, M, V)\}$

Ejercicio 7

- a) $S = \{(i,j) \mid i \in [1,6], j \in [1,6]\}$
- b) $\{(i,j) \mid i \text{ es par}, j \in [1,6]\}$
 - $\{(i,j) \mid j \text{ es impar}, i \in [1,6]\}$
 - $\{(i,j) \mid j \text{ es impar}, i \text{ es impar}\} \cup \{(i,j) \mid j \text{ es par}, i \text{ es par}\}$

Ejercicio 8

No son mutuamente excluyentes.

De mostraci'on.

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$P(A \cap B) = P(A) + P(B) - P(A \cup B)$$

$$P(A \cap B) = \frac{1}{4} + \frac{1}{2} - \frac{2}{3} = \frac{1}{12}$$

$$P(A \cap B) = \frac{1}{12} \neq 0$$

QED

$$P(B) = 1 - P(\bar{B}) = 1 - \frac{2}{3} = \frac{1}{3}$$

$$P(A) = P(A \cup B) - P(B) + P(A \cap B) = \frac{3}{4} - \frac{1}{3} + \frac{1}{4} = \frac{2}{3}$$

$$P(\bar{A} \cap B) = P(B) - P(A \cap B) = \frac{1}{3} - \frac{1}{4} = \frac{1}{12}$$

Ejercicio 10

De mostraci'on.

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) \le 1$$
$$P(A) + P(B) \le 1 + P(A \cap B) < 1 + \frac{1}{2} = \frac{3}{2}$$

La afirmación es verdadera.

QED

Ejercicio 11

6) a)
$$P(A) = \frac{|A|}{|S|} = \frac{1}{2}$$

b)
$$P(B) = \frac{|B|}{|S|} = \frac{1}{2}$$

c)
$$P(A \cup B) = \frac{|A \cup B|}{|S|} = \frac{3}{4}$$

7) a)
$$P(A) = \frac{1}{2}$$

b)
$$P(B) = \frac{1}{2}$$

c)
$$P(C) = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$$

Ejercicio 12

a)
$$P(A) = \frac{5}{8} \cdot \frac{4}{7} \cdot \frac{3}{6} \cdot \frac{2}{5} = \frac{1}{14}$$

b)
$$P(B) = \frac{6}{8} \cdot \frac{5}{7} \cdot \frac{4}{6} \cdot \frac{3}{5} = \frac{3}{14}$$

a)
$$P(A) = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}$$

b) Casos totales =
$$P(8,4)=1680$$

Casos favorables = $P(6,3)\cdot 2=240$
 $P(B)=\frac{240}{1680}=\frac{1}{7}$

c) Casos totales = P(8,4) = 1680Casos favorables = $P(5,2) \cdot 1 \cdot 2 = 40$ $P(C) = \frac{40}{1680} = \frac{1}{42}$

Ejercicio 14

- a) Casos totales = 5! Casos favorables = 3! · 2 = 12 $P(A) = \frac{12}{120} = \frac{1}{10}$
- b) Casos favorables = $3 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 1 \cdot 1 = 12$ $P(B) = \frac{12}{120} = \frac{1}{10}$
- c) $\frac{4 \cdot 3 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 1}{120} = \frac{1}{5}$
- d) $\frac{3!}{120} = \frac{1}{20}$

Ejercicio 15

$$P(A) = \frac{4! \cdot 2!}{5!} = \frac{2}{5}$$

Ejercicio 16

- a) $P(\text{Ninguna cara}) = (\frac{1}{2})^4 = \frac{1}{16} P(\text{Al menos una cara}) = 1 \frac{1}{16} = \frac{15}{16}$
- b) Esto es lo mismo que "al menos una cara", entonces: $P(B) = \frac{15}{16}$
- c) Casos favorables = $\frac{4\cdot 3}{2!}=6$ $P(C)=\frac{6}{16}=\frac{3}{8}$

Ejercicio 17

$$P(A) = (\frac{1}{6})^5 \cdot 6 = \frac{1}{1296}$$

Ejercicio 18

Con 3 bolas blancas y 1 negra, se cumple pues: $\frac{\binom{3}{2}}{\binom{4}{2}} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$

- a) $P(\text{Sea chico}) = \frac{187 + 413}{1000} = \frac{3}{5}$
 - $P(\text{Sea chica}) = 1 \frac{3}{5} = \frac{2}{5}$
 - $P(\text{Use anteojos}) = \frac{3}{10}$
 - $P(\text{No use anteojos}) = 1 \frac{3}{10} = \frac{7}{10}$
 - $P(\text{Chica y use anteojos}) = \frac{113}{1000}$
- b) $P(\text{Si es chica, anteojos}) = \frac{113}{400}$

- a) P(A) = 1 (0.20 + 0.16 + 0.14 0.08 0.05 0.04 + 0.02) = 0.65Al total, se le resta la prob de que lea aguno de los tres
- b) P(B) = 0.35
- c) P(Solo A) = 0,20 0,08 0,05 + 0,02 = 0,09 P(Solo B) = 0,16 - 0,08 - 0,04 + 0,02 = 0,06 P(Solo C) = 0,14 - 0,05 - 0,04 + 0,02 = 0,07P(Solo uno) = 0,09 + 0,06 + 0,07 = 0,22
- d) $P(A \cup B) = 0.20 + 0.16 0.08 = 0.28 P(D) = \frac{0.08}{0.28} = 0.2857$

Ejercicio 21

En total hay $6^3 = 216$ posibles resultados

Suma 9

- 126 tiene 3! = 6 posibles permutaciones
- 135 tiene 3! = 6 posibles permutaciones
- 144 tiene $\frac{3!}{2!} = 3$ posibles permutaciones
- 225 tiene $\frac{3!}{2!} = 3$ posibles permutaciones
- 234 tiene 3! = 6 posibles permutaciones
- 333 tiene 1 posibles permutaciones
- Permutaciones totales = 6 + 6 + 3 + 3 + 6 + 1 = 25

Suma 10

- 136 tiene 3! = 6 posibles permutaciones
- 145 tiene 3! = 6 posibles permutaciones
- 244 tiene $\frac{3!}{2!} = 3$ posibles permutaciones
- 226 tiene $\frac{3!}{2!} = 3$ posibles permutaciones
- 235 tiene 3! = 6 posibles permutaciones
- 334 tiene $\frac{3!}{2!} = 3$ posibles permutaciones

Permutaciones totales = 6+6+3+3+6+3=27La probabilidad de que salgan sumando 10 es mayor.

- a) Si se encuentra y se extrae con una posibilidad del $5\,\%$ que es lo que falta para llegar a 100 sumando el resto de probabilidades.
- b) Si el rey de basto es el 5 % del mazo, entonces quedan $\frac{100}{5}=20$ cartas

Ejercicio 23

- a) $P(A) = \frac{113}{400}$
- b) $P(B) = \frac{113}{300}$
- c) $P(C) = \frac{187}{300}$
- d) $P(D) = \frac{413}{700}$

Ejercicio 24

- a) $P(A) = \frac{75}{99} = \frac{25}{33}$
- b) $P(B) = \frac{24}{99} = \frac{8}{33}$
- c) $P(C) = \frac{1}{4} \cdot \frac{24}{99} = \frac{2}{33}$

Ejercicio 25

- a) $P(A/B) = \frac{0.15}{0.15 + 0.15} = 0.5$
- b) P(Solo A) = 0, 2 0, 15 = 0, 05

Ejercicio 26

- a) $P(E2\cap E3)=P(E3/E2)\cdot P(E2)=\frac{4}{5}\cdot \frac{3}{4}=\frac{3}{5}$ Notese que son dependientes porque $P(E3/E2)\neq 0$
- b) $P(E1 \cap E2 \cap E3) = P(E1/(E2 \cap E3)) \cdot P(E2 \cap E3) = \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{5} = \frac{3}{10}$
- c) $P(E1 \cup (E2 \cap E3)) = \frac{2}{5} + \frac{3}{5} \frac{3}{10} = \frac{7}{10}$

$$P(K) = P(K/A) \cdot P(A) + P(K/B) \cdot P(B) = 0, 1 \cdot 0, 2 + 0, 15 \cdot 0, 8 = 0, 14$$