PyE Parcial 1 2023

Franco Cambiaso

April 2025

Ejercicio 2

a)
$$P(A_1 \cap A_2) = P(A_1)P(A_2/A_1) = 0, 6 \cdot 0, 3 = 0, 18$$

$$P(A_1 \cap B_2) = P(A_1)P(B_2/A_1) = 0, 6 \cdot 0, 5 = 0, 30$$

$$P(A_1 \cap C_2) = P(A_1)P(C_2/A_1) = 0, 6 \cdot 0, 2 = 0, 12$$

$$P(B_1 \cap A_2) = P(B_1)P(A_2/B_1) = 0, 3 \cdot 0, 1 = 0, 03$$

$$P(B_1 \cap B_2) = P(B_1)P(B_2/B_1) = 0, 3 \cdot 0, 3 = 0, 09$$

$$P(B_1 \cap C_2) = P(B_1)P(C_2/B_1) = 0, 3 \cdot 0, 6 = 0, 18$$

$$P(C_1 \cap A_2) = P(A_1)P(A_2/B_1) = 0, 1 \cdot 0, 0 = 0, 00$$

$$P(C_1 \cap B_2) = P(B_1)P(B_2/B_1) = 0, 1 \cdot 0, 2 = 0, 02$$

$$P(C_1 \cap C_2) = P(C_1)P(C_2/B_1) = 0, 1 \cdot 0, 8 = 0, 08$$

■ Tabla:

-	A2	B2	C2
A1	0,18	0,30	0,12
B1	0,03	0,09	0,18
C1	0	0,02	0,08

- b) Esto es solo sumar la primer columna de la tabla: $P(I_2) = 0, 18 + 0, 03 + 0 = 0, 21$
- c) $P(M_1/I_2) = \frac{P(B_1 \cap A_2)}{P(A_2)} = \frac{0.03}{0.21} = \frac{1}{7}$
- d) $P(A_1 \cap A_2) = 0, 18 \neq 0, 6 \cdot 0, 21 = 0, 126$ Resultan no independientes (Basta con que un tipo de error no lo sea para que ninguno lo sea)

Ejercicio 3

- a) X : Cantidad de viajeros revisados
 - Modelo: Binomial

- $P(X = x) = \binom{10}{x} 0, 1^x 0, 9^{10-x}$
- $P(X=2) = {10 \choose 2}0, 1^20, 9^8 = 0, 1937$
- $P(X=3) = \binom{10}{3}0, 1^30, 9^7 = 0,0574$
- $P(X = 2 \lor X = 3) = 0,1937 + 0,0574 = 0,2511$
- b) \bullet X : Posición del primer viajero revisado
 - Y Geom(0, 1)
 - $P(X = x) = (1 0, 1)^{x-1}0, 1$
 - $P(X=4) = 0,9^30,1=0,0729$
- c) Debemos calcular la probabilidad de que 2 de los primeros 9 sean revisados y multiplicarlo por la prob. de que el ultimo sea revisado. $P(C)=\binom{9}{2}0,1^20,9^70,1=0,0172$

Ejercicio 4

- P(TMD) = 0.36
- P(PDI) = 0.25
- $P(TMD \cap PDI) = 0,10$
- a) Demostración.

No, pues

$$P(TMD) \cdot P(PDI) = 0,36 \cdot 0,25 = 0,09 \neq P(TMD \cap PDI) = 0,10$$

QED

- b) $P(\overline{TMD} \cap \overline{PDI}) = 1 (TMD \cup PDI) = 1 0.36 0.25 + 0.1 = 0.49$
- c) $P(\text{Solo una}) = P(TMD \cup PDI) (TMD \cap PDI) = 0, 36 + 0, 25 0, 1 0, 1 = 0, 41$
- d) $P(TMD/\overline{PDI}) = \frac{P(TMD \cap \overline{PDI})}{P(\overline{PDI})} = \frac{0.36 0.1}{0.75} = \frac{26}{75} \approx 0.3467$
- e) NO, pues $P(TMD \cap PDI) = 0, 1 \neq 0$

Ejercicio 5

- $P(Alguno falla) = 0.25 \cdot 0.01 + 0.35 \cdot 0.02 + 0.40 \cdot 0.03 = 0.0215$
- $P(E_1/Fallo) = \frac{P(E_1 \cap Fallo)}{P(Fallo)} = \frac{P(Fallo/E_1) \cdot P(E_1)}{P(Fallo)} = \frac{0.01 \cdot 0.25}{0.0215} \approx 0.1163$

Ejercicio 6

a)
$$P(X = x) = e^{-1} \frac{1^x}{x!}$$

■
$$P(X \le 3) = P(X = 0) + P(X = 1) + P(X = 2) + P(X = 3) = \frac{1}{e} + \frac{1}{e} + 0,1839 + 0,0613 \approx 0,9809$$

$$P(X > 3) = 1 - P(X \le 3) \approx 1 - 0,9809 \approx 0,0191$$

- b) $P(\text{Ninguno de los 10 con más de 3 autos}) = P(X \le 3)^{10} = 0,9809^{10} \approx 0,8246$
 - $P(Al menos uno con más de 3) \approx 1 0,8246 = 0,1754$
 - Alternativamente, se pudo haber usado una binominal
 - $\,\blacksquare\,\, Y$: Ingresan más de 3 autos
 - Y B(10; 0, 0191)
 - $P(Y \ge 1) = 1 P(Y = 0) = 1 \left[\binom{10}{0}0, 0191^00, 9809^{10}\right] = 1 (0, 9809)^{10} \approx 0,1754$