Matemática Financiera

Autor: José M. Martín Senmache Sarmiento

Capítulo 7: Anualidades

Solución de Ejercicio Nº19

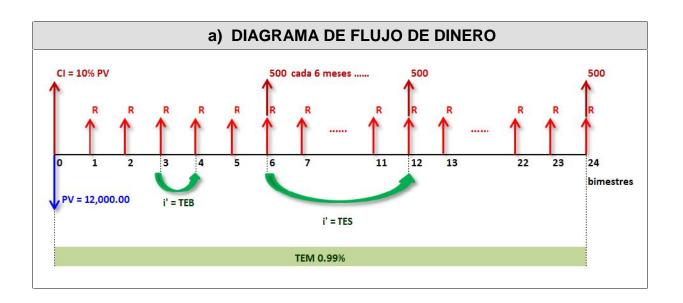


e-financebook

- 19. CAZA S.A. compra un horno industrial por US\$ 12,000.00. Si la casa comercial le exige una cuota inicial del 10% y el resto lo cancelará a través de un financiamiento a 4 años con el Banco del Emprendedor, el cual se oferta a una tasa efectiva mensual (TEM) de 0.99% con el siguiente plan de pagos:
 - 24 cuotas ordinarias bimestrales vencidas iguales a (R).
 - 8 cuotas extraordinarias vencidas semestrales de US\$ 500.00.
 - a) Construya un gráfico con el flujo de pagos mencionado.
 - b) ¿Cuál será el valor de las cuotas ordinarias vencidas (R)?
 - c) Si no existieran cuotas extraordinarias vencidas ¿Cuál sería el valor del nuevo (R)? Respuestas: b) US\$ 406.95, c) US\$ 570.35

DATOS		
Nombre	Descripcion	Valor
PV	Precio de venta del horno industrial	12,000.00
CI	Porcentaje de cuota inicial	10%
TE	Tasa de Interés Efectiva Mensual (TEM)	0.99%
Tiempo	Tiempo que dura el crédito	4 años
f	Frecuencia de pago	bimestral
CE	Cuotas extraodinarias	500.00
fe	Frecuencia de cuotas extraordinarias	semestral

FÓRMULAS		
Número	Fórmula	
19	$TEP_2 = (1 + TEP_1)^{\left(\frac{N^{\circ} díasTEP2}{N^{\circ} díasTEP1}\right)} - 1$	
47	C = PV * (1 - %CI)	
49	$R = C * \left(\frac{TEP * (1+TEP)^{n}}{(1+TEP)^{n} - 1}\right)$	
51	$C = R * \left(\frac{(1 + TEP)^{n} - 1}{TEP * (1 + TEP)^{n}} \right)$	



SOLUCIÓN

b) Cuota vencida

Calendario ordinario:

$$C = PV - \%CI * PV$$

$$C = 12,000.00 - 10\% * 12,000.00$$

$$C = 10,800.00$$

$$TEB = \left(1 + TEM\right)^{\left(\frac{N^{o} \text{díasTEB}}{N^{o} \text{díasTEM}}\right)} - 1$$

TEB =
$$(1 + 0.99\%)^{\left(\frac{60}{30}\right)}$$
 -

$$TES = \left(1 + TEM\right)^{\left(\frac{N^{\circ} \text{díasTES}}{N^{\circ} \text{díasTEM}}\right)} - 1$$

TES =
$$(1 + 0.99\%)^{\left[\frac{130}{30}\right]} - 1$$

$$TES = 0.06088970064$$

Número de cuotas bimenstrales:

$$n_1 = 4 * 6 = 24$$
 cuotas bimenstrales R

Número de cuotas semestrales:

 $n_2 = 8$ cuotas semestrales de 500.00

Luego, el crédito se cancela con 2 anualidades : una bimenstral y la segunda semestral, entonces :

$$C = R * \left(\frac{(1 + TEB)^{n_1} - 1}{TEB * (1 + TEB)^{n_1}} \right) + R'* \left(\frac{(1 + TES)^{n_2} - 1}{TES * (1 + TES)^{n_2}} \right)$$

Entonces, se forma la ecuación equivalente de valor :

$$10,800.00 = R * \left(\frac{(1+1.989801\%)^{24} - 1}{1.989801\% * (1+1.989801\%)^{24}} \right) +$$

$$500.00 * \left(\frac{(1+6.088970064\%)^8 - 1}{6.088970064\% * (1+6.088970064\%)^8} \right)$$

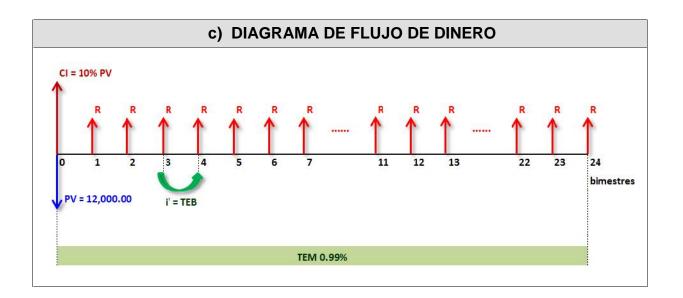
10,800.00 = 18.93579611 * R + 3,093.99

18.93579611 * R = 10,800.00 - 3,093.99

18.93579611 * R = 7,706.01

$$R = \frac{7,706.01}{18.93579611}$$

R = 406.95



SOLUCIÓN

c) Cuota vencida sin cuotas extraordinarias Calendario ordinario:

$$C = PV - \%CI*PV$$

$$C = 12,000.00 - 10\% * 12,000.00$$

$$C = 10,800.00$$

$$TEB = \left(1 + TEM\right)^{\left(\frac{N^{o}d\text{(asTEB}}{N^{o}d\text{(asTEM}}\right)} - 1$$

$$TEB = \left(1 + 0.99\%\right)^{\left(\frac{60}{30}\right)} - 1$$

TEB =
$$(1 + 0.99\%)^{\left[\frac{60}{30}\right]} - 1$$

Número de cuotas bimenstrales:

$$n = 4 * 6$$

n = 24 cuotas bimenstrales

$$R = C * \left(\frac{TEB * (1 + TEB)^n}{(1 + TEB)^n - 1} \right)$$

$$R = C * \left(\frac{\text{TEB} * (1 + \text{TEB})^{n}}{(1 + \text{TEB})^{n} - 1} \right)$$

$$R = 10,800.00 * \left(\frac{1.989801 \% * (1 + 1.989801 \%)^{24}}{(1 + 1.989801 \%)^{24} - 1} \right)$$

$$R = 570.35$$