Matemática Financiera

Autor: José M. Martín Senmache Sarmiento

Capítulo 6: Tasa de Interés Real e Inflada

Solución de Ejercicio Nº25



e-financebook

25. La Juguetería SAC consigue un crédito por S/. 850,000.00, el cual cancelará en dos partes. Si sabe que el primer pago de S/. 350,000.00 lo hará dentro de 4 meses, ¿Cuánto deberá desembolsar dentro de 1 año al momento de cancelar la deuda, si esta se encuentra afecta a una tasa nominal anual de 12% capitalizable mensualmente y deberá indexarse por inflación, la que se proyecta en 4.2% anual?

Respuesta: S/. 608,490.02

DATOS		
Nombre	Descripcion	Valor
С	Crédito	850,000.00
Α	Amortización	350,000.00
t1	Tiempo de la primera amortización	4 mes
t2	Tiempo de la cancelación	1 año
TN	Tasa de Interés Nominal Anual Real (TNAr)	12%
c.d.	Periodo de capitalización	Mensual
Пр	Inflación anual (∏a)	4.2%

FÓRMULAS		
Número	Fórmula	
18	$TEP = \left(1 + \frac{TN}{m}\right)^{n} - 1$	
20	$S = C * (1 + TEP)^{\left(\frac{N^{\circ} \text{días Trasladar}}{N^{\circ} \text{días TEP}}\right)}$	
41	$TEP = TREP + \prod p + TREP * \prod p$	

SOLUCIÓN

Como la inflación esta expresada de forma anual, primero calculamos la tasa efectiva anual real (TEAr):

TNAr 12%
$$\leftarrow$$
 m = 12 c.m. \rightarrow TEAr = ???

$$TEAr = \left(1 + \frac{TNAr}{m}\right)^{n} - 1$$

$$TEAr = \left(1 + \frac{TNAr}{m}\right)^{n} - 1$$

$$TEAr = \left(1 + \frac{12\%}{12}\right)^{12} - 1$$

TEAr = 0.1268250301

TEAr = 12.68250301%

Ahora, con ambos datos calculamos la tasa efectiva anual (TEAf) inflada:

$$TEAf = TEAr + \prod a + TEAr * \prod a$$

$$TEAf = 12.68250301\% + 4.2\% + 12.68250301\% * 4.2\%$$

TEAf = 0.1741516814

TEAf = 17.41516814%

Ahora, calculamos el valor futuro de la deuda al 4to mes, momento de la amortización:

$$S = C * (1 + TEPf)$$

$$N^{\circ}DiasTeP$$
(120)

$$S_4 = C * (1 + TEAf)$$

$$\begin{pmatrix}
\frac{120}{360}
\end{matrix}$$

$$S_4 = 850,000.00*(1+17.41516814\%)$$

$$S_4 = 896,727.17$$

Como amortizamos 350,000.00, el valor de la deuda en el mes 4 se ve reducido a:

$$S_4 = 896,727.17 - 350,000.00$$

$$S_{4} = 546,727.17$$

Ahora, calculamos el valor futuro de la deuda al 12vo mes, momento de la cancelación de la deuda:

$$S = C * (1 + TEPf)$$

$$S = C * (1 + TEPf)$$

$$S_{12} = C * (1 + TEAf)$$

$$S_{12} = 546,727.17 * (1 + 17.41516814\%)$$

$$S_{12} = 608,490.02$$

Que será el monto necesario para cancelar la deuda.