Matemática Financiera

Autor: José M. Martín Senmache Sarmiento

Capítulo 4: Tasa de Interés Efectiva

Solución de Ejercicio Nº91

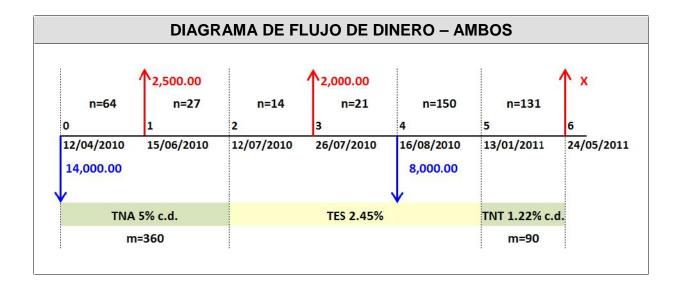


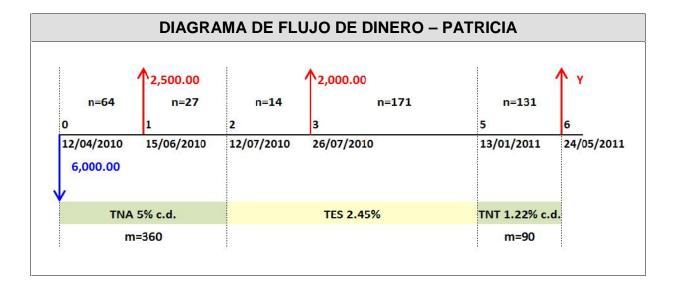
e-financebook

91. Jorge y Patricia se hicieron novios hace un par de años y desde el año pasado comenzaron a ahorrar para su boda, por lo que abrieron una cuenta de ahorros mancomunada en el Banco Max el 12 de abril de 2010, el cual les ofreció pagarles una tasa nominal anual (TNA) de 5.00%, depositando Jorge S/.8,000.00 y Patricia S/.6,000.00. Posteriormente Patricia -a espaldas de Jorge-, efectuó retiros por S/.2,500.00 y S/.2,000.00 los días 15 de junio y 26 de julio de 2010, respectivamente; mientras tanto Jorge emocionado con el avance de su relación, depositó S/.8,000.00 más el día 16 de agosto de 2010. Cuando Jorge descubre el comportamiento desleal de Patricia, la encara, y ella le confiesa que realmente no deseaba continuar con la relación, por lo que deciden romper su compromiso y cancelar la cuenta, lo que hacen hoy día 24 de mayo de 2011. Si se sabe que la tasa de interés cambió el 12 de julio de 2010 a una tasa efectiva semestral (TES) de 2.45% y el 13 de enero de 2011 a una tasa nominal trimestral (TNT) de 1.22% ¿Cuánto le corresponderá a cada uno al cierre de la cuenta, si ellos pretenden que cada uno reciba exactamente lo que depositó más los intereses que hubieran ganado?

Respuestas: Jorge recibe S/. 16,763.87 y Patricia S/. 1,639.08

FÓRMULAS	
Número	Fórmula
14	$S_2 = S_1 * \left(1 + \frac{TN}{m}\right)^{-n} + /-C_2$ o
	$S_2 = S_1 * \left(1 + \frac{TN}{m}\right)^n + /-C_2$
25	$S_2 = S_1 * \left(1 + TEP\right)^{\left(\frac{N^0 d (asTrasladar}{N^0 d (asTEP}\right)} + /-C_2$





SOLUCIÓN

Primero procedemos a calcular el monto acumulado en la cuenta mancomunada (sin distinción en los depósitos y retiros):

$$\begin{split} S_0 &= 14,000.00 \\ S_1 &= 14,000.00 * (1 + \frac{5\%}{360})^{64} - 2,500.00 = 11,624.99 \\ S_2 &= 11,624.99 * (1 + \frac{5\%}{360})^{27} + 0.00 = 11,668.66 \\ S_3 &= 11,668.66 * (1 + 2.45\%)^{\frac{14}{180}} - 2,000.00 = 9,690.65 \\ S_4 &= 9,690.65 * (1 + 2.45\%)^{\frac{21}{180}} + 8,000.00 = 17,718.05 \\ S_5 &= 17,718.05 * (1 + 2.45\%)^{\frac{150}{180}} + 0.00 = 18,079.07 \\ S_6 &= 18,079.07 * (1 + \frac{1.22\%}{90})^{131} - X = 18,402.95 - X = 0.00 \end{split}$$

Luego, calculamos el saldo de una cuenta ficticia, en la cual sólo participan los flujos que corresponden a Patricia:

$$S_0 = 6,000.00$$

X = 18,402.96

$$S_{1} = 6,000.00 * (1 + \frac{5\%}{360})^{64} - 2,500.00 = 3,553.57$$

$$S_{2} = 3,553.57 * (1 + \frac{5\%}{360})^{27} + 0.00 = 3,566.92$$

$$S_{3} = 3,566.92 * (1 + 2.45\%)^{\frac{14}{180}} - 2,000.00 = 1,573.64$$

$$S_{5} = 1,573.64 * (1 + 2.45\%)^{\frac{171}{180}} + 0.00 = 1,610.24$$

$$S_{6} = 1,610.24 * (1 + \frac{1.22\%}{90})^{131} - Y = 0.00$$

$$1,639.09 - Y = 0.00$$

Y = 1,639.09

Patricia = 1,609.09

Finalmente, la diferencia entre ambos montos, será la cantidad de dinero que le corresponderá a Jorge:

Jorge = X - Y

Jorge = 18,402.96 - 1,639.09

Jorge = 16,763.87