Matemática Financiera

Autor: José M. Martín Senmache Sarmiento

Capítulo 5: Tasa Descontada o Adelantada

Solución de Ejercicio Nº13



e-financebook

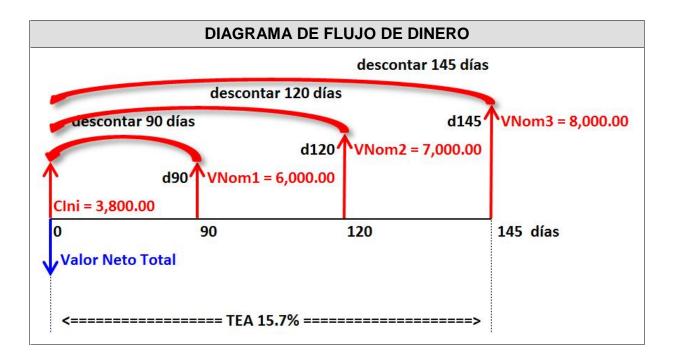
- 13. La señora **Jauregui** ha adquirido un auto Jiunday y a cambio ha aceptado pagar una cuota inicial de US\$ 3,800.00 y firmar tres letras por US\$ 6,000.00, US\$ 7,000.00 y US\$ 8,000.00 a 90, 120 y 145 días respectivamente. Si a las letras se les aplicó una tasa efectiva anual (TEA) de 15.7%, se pide:
 - a) ¿Cuál es el valor neto de cada una de las letras?
 - b) ¿Cuál es el precio al contado del automóvil?
 - c) ¿Con cuánto dinero contará Jiunday del Perú S.A.C. (incluyendo la cuota inicial) si descuenta las letras en el Banco del Progreso a una tasa efectiva anual (TEA) de 11.5%?

Respuestas: a) US\$ 5,785.19 / US\$ 6,667.87 / US\$ 7,543.64, b) US\$ 23,796.70, c) US\$ 24,246.30 (Fe de erratas)

DATOS		
Nombre	Descripcion	Valor
TE	Tasa de Interés Efectiva Anual (TEA) que aplica Jiunday a su cliente	15.7%
Clni	Cuota Inicial	3,800.00
VNom1	Valor Nominal de la letra 1	6,000.00
t1	Días transcurridos entre la fecha de descuento y la fecha de vencimiento	90 días
VNom2	Valor Nominal de la letra 2	7,000.00
t2	Días transcurridos entre la fecha de descuento y la fecha de vencimiento	120 días
VNom3	Valor Nominal de la letra 2	8,000.00
t3	Días transcurridos entre la fecha de descuento y la fecha de vencimiento	145 días
TE	Tasa de Interés Efectiva Anual (TEA) que aplica Banco del Progreso a Jiunday	11.5%

FÓRMULAS		
Número	Fórmula	
19	$TEP_2 = (1 + TEP_1)^{\left(\frac{N^{\circ} díasTEP2}{N^{\circ} díasTEP1}\right)} - 1$	

26	$d = \frac{TEP}{1 + TEP}$
28	Descuento = Valor Nominal * d
29	Valor Neto = Valor Nominal - Descuento



a) Calendario ordinario: *Letra Nº1 TET = $(1+TEA)^{\frac{N^{\circ} diasTET}{N^{\circ} diasTEA}} - 1$ TET = $(1+15.7\%)^{\frac{90}{360}} - 1$ TET = 0.03713034125TET = 3.713034125% $d90 = \frac{TET}{1+TET}$ $d90 = \frac{3.713034125\%}{1+3.713034125\%}$

d90 = 0.03580103655

d90 = 3.580103655%

Descuento 1 = Valor Nominal 1* d90

Descuento 1 = 6,000.00 * 3.580103655 %

Descuento 1 = 214.81

Valor Neto 1 = Valor Nominal 1 - Descuento 1

Valor Neto 1 = 6,000.00 - 214.81

Valor Neto 1 = 5,785.19

*Letra Nº2

$$TEC = \left(1 + TEA\right)^{\left(\frac{N^{o} \text{díasTEC}}{N^{o} \text{díasTEA}}\right)} - 1$$

TEC =
$$(1+15.7\%)^{\left(\frac{120}{360}\right)}$$
 - 1

TEC = 0.0498110015

TEC = 4.98110015%

$$d120 = \frac{TEC}{1 + TEC}$$

$$d120 = \frac{4.98110015\%}{1 + 4.98110015\%}$$

d120 = 0.04744758955

d120 = 4.744758955%

Descuento 2 = Valor Nominal 2*d120

Descuento 2 = 7,000.00 * 4.744758955 %

Descuento 2 = 332.13

Valor Neto 2 = Valor Nominal 2 - Descuento 2

Valor Neto 2 = 7,000.00 - 332.13

Valor Neto 2 = 6,667.87

*Letra Nº3

$$TE145d = (1 + TEA)^{\left(\frac{N^{\circ} diasTE145d}{N^{\circ} diasTEA}\right)} - 1$$

TE145d =
$$(1+15.7\%)^{\left[\frac{1+6}{360}\right]}$$
 - 1

TE145d = 0.06049657336

TE145d = 6.049657336%

$$d145 = \frac{TE145d}{1+TE145d}$$

$$d145 = \frac{6.049657336\%}{1+6.049657336\%}$$

d145 = 0.05704551517

d145 = 5.704551517%

Descuento 3 = Valor Nominal 3 * d145

Descuento 3 = 8,000.00 * 5.704551517%

Descuento 3 = 456.36

Valor Neto 3 = Valor Nominal 3 – Descuento 3

Valor Neto 3 = 8,000.00 - 456.36

Valor Neto 3 = 7,543.64

b) Precio de Venta del automóvil es:

Precio Venta = Cuota Inicial + Valor Neto 1 + Valor Neto 2 + Valor Neto 3

Precio Venta = 3,800.00 + 5,785.19 + 6,667.87 + 7,543.64

Pr ecio Venta = 23,796.70

c) Con TEA 11.5%

*Letra Nº1

$$TET = (1 + TEA)^{\left(\frac{N^{o}diasTET}{N^{o}diasTEA}\right)} - 1$$

TET =
$$(1+11.5\%)^{\left(\frac{90}{360}\right)}$$
 -1

TET = 0.02758727322

TET = 2.758727322%

$$d90 = \frac{TET}{1 + TET}$$

$$d90 = \frac{2.758727322\%}{1 + 2.758727322\%}$$

d90 = 0.02684664742

d90 = 2.684664742%

Descuento 1 = Valor Nominal 1* d90

Descuento 1 = 6,000.00 * 2.684664742%

Descuento 1 = 161.08

Valor Neto 1 = Valor Nominal 1 - Descuento 1

Valor Neto 1 = 6,000.00 - 161.08

Valor Neto 1 = 5,838.92

*Letra Nº2

$$TEC = \left(1 + TEA\right)^{\left(\frac{N^{\circ} \text{díasTEC}}{N^{\circ} \text{díasTEA}}\right)} - 1$$

TEC =
$$(1+11.5\%)^{\left(\frac{120}{360}\right)} - 1$$

TEC = 0.03695112981

TEC = 3.695112981%

$$d120 = \frac{TEC}{1 + TEC}$$

$$d120 = \frac{3.695112981\,\%}{1+3.695112981\,\%}$$

d120 = 0.03563439852

 $d120 = 3.563439852\,\%$

Descuento 2 = Valor Nominal 2 * d120

Descuento 2 = 7,000.00 * 4.744758955%

Descuento 2 = 249.44 Valor Neto 2 = Valor Nominal 2 - Descuento 2

Valor Neto 2 = 7,000.00 - 249.44

Valor Neto 2 = 6,750.56

*Letra Nº3

$$TE145d = \left(1 + TEA\right)^{\left(\frac{N^{\circ} d \text{fas} TE145d}{N^{\circ} d \text{fas} TEA}\right)} - 1$$

TE145d =
$$(1+11.5\%)^{\left[\frac{145}{360}\right]}$$
 -1

TE145d = 0.04481949173

TE145d = 4.481949173%

$$d145 = \frac{TE145d}{1 + TE145d}$$

$$d145 = \frac{4.481949173\%}{1+4.481949173\%}$$

d145 = 0.04289687557

d145 = 4.289687557%

Descuento 3 = Valor Nominal 3 * d145

Descuento 3 = 8,000.00 * 4.289687557%

Descuento 3 = 343.18

Valor Neto 3 = Valor Nominal 3 – Descuento 3

Valor Neto 3 = 8,000.00 - 343.18

Valor Neto 3 = 7,656.82

b) Monto total a recibir por Jiunday:

Total = ValorNeto 1+ ValorNeto 2+ ValorNeto 3

Total = 5,838.92 + 6,750.56 + 7,656.82

Total = 20,246.30