Matemática Financiera

Autor: José M. Martín Senmache Sarmiento

Capítulo 2: Tasa de Interés Simple

Solución de Ejercicio Nº39



e-financebook

39. Un capital (C) fue prestado a un tanto por ciento tal que, después de 9 meses, el capital e intereses simples sumaban S/. 3,657.50. Si en vez de nueve meses hubiera permanecido 4 años ganando el mismo tanto por ciento de interés, la suma de capital más intereses hubiera sido S/. 4,340.00. ¿Cuál era el capital y el interés prestado?

Respuesta: S/. 3,500.00 a una tasa simple anual (TSA) de 6%

DATOS		
Nombre	Descripcion	Valor
S1	Valor futuro 1	3,657.50
t1	Tiempo de valor futuro 1	9 meses
S2	Valor futuro 2	4,340.00
t 2	Tiempo de valor futuro 2	4 años

FÓRMULAS		
Número	Fórmula	
4	$C = S * (1 + i * t)^{-1}$ o $C = \frac{S}{(1 + i * t)}$	

SOLUCIÓN

Calendario ordinario:

a)Tiempo 9 meses

$$t1 = N^0$$
 días = $9 * 30 = 270$ días

$$t1_{\text{años}} = \frac{270}{360}$$

$$C = \frac{S1}{(1 + TSA * t_{a\tilde{n}os})}$$

$$C = \frac{S1}{(1 + TSA * t_{años})}$$

$$C = \frac{3,657.50}{(1 + TSA * \frac{270}{360})}$$

b)Tiempo 4 años

$$t2 = N^{0} \text{ días} = 4 * 360 = 1,440 \text{ días}$$

$$t2_{a\tilde{n}os} = \frac{1,440}{360}$$

$$C = \frac{S2}{(1 + TSA * t_{a\tilde{n}os})}$$

$$C = \frac{4,340.00}{(1 + TSA * \frac{1,440}{360})}$$

Luego, igualamos el capital en a) y b), entonces:

$$\frac{3,657.50}{(1+TSA * \frac{270}{360})} = \frac{4,340.00}{(1+TSA * \frac{1,440}{360})}$$

Operamos y despejamos:

$$3,657.50 + 14,630.00 * TSA = 4,340.00 + 3,255.00 * TSA$$

$$11,375.00 * TSA = 682.50$$

$$TSA = \frac{682.50}{11.375.00} = 0.06 = 6\%$$

Luego, se reemplaza en b), y:

$$C = \frac{S2}{(1 + TSA * t_{años})}$$

$$C = \frac{S2}{(1 + TSA * t_{años})}$$

$$C = \frac{4,340.00}{(1 + 6\% * \frac{1,440}{360})}$$

$$C = 3,500.00$$