## Matemática Financiera

Autor: José M. Martín Senmache Sarmiento

Capítulo 6: Tasa de Interés Real e Inflada

Solución de Ejercicio Nº9



e-financebook

9. Si la tasa nominal anual inflada (TNAf) con capitalización diaria es 12.8% y la inflación proyectada anual es de 4.5% ¿Cuál es la tasa nominal anual real (TNAr) con capitalización mensual?

Respuesta: 8.4254772%

DATOS		
Nombre	Descripcion	Valor
TN	Tasa de Interés Nominal Anual Inflada (TNAf)	12.8%
c.d.	Periodo de capitalización	Diario
Пр	Inflación anual ( $\prod$ a)	4.5%

FÓRMULAS		
Número	Fórmula	
17	$TN = m * \left( \sqrt[n]{1 + TEP} - 1 \right)$	
18	$TEP = \left(1 + \frac{TN}{m}\right)^{n} - 1$	
40	$TREP = \left(\frac{TEP - \prod p}{1 + \prod p}\right)$	

## **SOLUCIÓN**

Como tenemos a la tasa inflada expresada como nominal, y sabemos que para utilizar las fórmulas de conversión de tasas reales a infladas o viceversa, es necesario trabajar sólo con las tasas efectivas, primero debemos convertir la tasa nominal anual inflada en una tasa efectiva inflada; por lo que, primero aplicamos la fórmula para hallar la tasa efectiva anual inflada:

TNAf 12.8% 
$$\leftarrow$$
 m = 360 c.d.  $\longrightarrow$  TEAf
$$TEAf = \left(1 + \frac{TNAf}{m}\right)^{n} - 1$$

TEAf = 
$$\left(1 + \frac{12.8\%}{360}\right)^{360} - 1$$

TEAf = 0.136527144

TEAf = 13.6527144%

Ahora si podemos calcular la tasa efectiva anual real (TEAr):

$$TEAr = \left(\frac{TEAf - \prod a}{1 + \prod a}\right)$$

$$TEAr = \left(\frac{13.6527144\% - 4.5\%}{1 + 4.5\%}\right)$$

TEAr = 0.08758578373

TEAr = 8.758578373%

Pero como nos piden expresar la tasa real como nominal, entonces volvemos a convertirla del siguiente modo:

TNAr ?? 
$$\leftarrow$$
 m = 12 c.m.  $\longrightarrow$  TEAr = 8.758578373%

$$TNAr = m * \left( \sqrt[n]{1 + TEAr} - 1 \right)$$

$$TNAr = 12 * \left( \frac{12}{\sqrt{1 + 8.758578373\%}} - 1 \right)$$

TNAr = 0.084254772

TNAr = 8.4254772%