Matemática Financiera

Autor: José M. Martín Senmache Sarmiento

Capítulo 9: Indicadores de Rentabilidad

Solución de Ejercicio Nº26



e-financebook

- 26. **CAMINA S.A.C.** desea comprar una máquina; después del proceso de búsqueda, encuentra estas alternativas, las cuales tienen un tiempo de vida útil de 5 años:
 - ✓ Máquina 1: Costo inicial de US\$ 100,000.00, costo de operación anual de US\$
 3,000.00 y valor de salvamento de US\$ 1,000.00
 - ✓ Máquina 2: Costo inicial de US\$ 150,000.00, costo de operación anual de US\$ 1,000.00 y valor de salvamento de US\$ 45,000.00

Si la tasa de rendimiento atractiva para la empresa es de 32% efectiva anual (TEA), ¿Cuál de las dos alternativas deberá elegir?

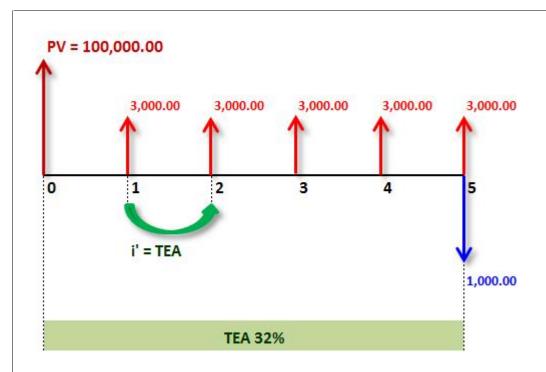
Respuesta: Máquina 1.

FÓRMULAS	
Número	Fórmula
19	$TEP_2 = (1 + TEP_1)^{\left(\frac{N^{\circ} diasTEP2}{N^{\circ} diasTEP1}\right)} - 1$
49	$R = C * \left(\frac{TEP * (1+TEP)^{n}}{(1+TEP)^{n}-1}\right)$
51	$C = R * \left(\frac{(1 + TEP)^{n} - 1}{TEP * (1 + TEP)^{n}} \right)$

SOLUCIÓN

Calcularemos el valor actual (con la tasa de rendimiento de 32%) de los Flujos de Caja Neto de ambas maquinarias, y nos quedaremos con aquella que nos proporcione un menor costo anual uniforme equivalente (menor CAUE).

✓ Máquina 1:



VAC1 = PV1 + Costo1*
$$\left(\frac{(1+TEA)^{n}-1}{TEA*(1+TEA)^{n}}\right) - \frac{Salvataje1}{(1+TEA)^{n}}$$

VAC1 = 100,000.00 + 3,000.00 * $\left(\frac{(1+32\%)^{5}-1}{32\%*(1+32\%)^{5}}\right) - \frac{1,000.00}{(1+32\%)^{5}}$
VAC1 = 100,000.00 + 7,035.62 - 249.53

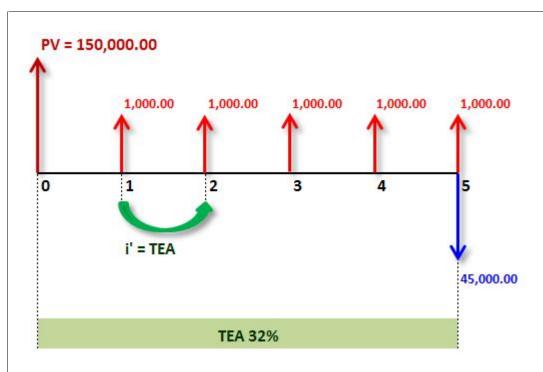
VAC1 = 106,786.09

Luego, el CAUE (costo de operación anual de la máquina 1) lo calculamos con la fórmula de la anualidad simple vencida:

CAUE1 = VAC1*
$$\left(\frac{\text{TEA} * (1+\text{TEA})^{n}}{(1+\text{TEA})^{n} - 1}\right)$$

CAUE1 = 106,786.09* $\left(\frac{32\% * (1+32\%)^{5}}{(1+32\%)^{5} - 1}\right)$
CAUE1 = 45,533.79

✓ Máquina 2:



$$VAC2 = PV2 + Costo2 * \left(\frac{(1 + TEA)^{n} - 1}{TEA * (1 + TEA)^{n}} \right) - \frac{Salvataje2}{(1 + TEA)^{n}}$$

$$VAC2 = 150,000.00 + 1,000.00 * \left(\frac{(1 + 32\%)^{5} - 1}{32\% * (1 + 32\%)^{5}} \right) - \frac{45,000.00}{(1 + 32\%)^{5}}$$

$$VAC2 = 150,000.00 + 2,345.21 - 11,229.05$$

VAC2 = 141,116.16Luego, el CAUE (costo de operación anual de la máquina 2) lo

calculamos con la fórmula de la anualidad simple vencida:
$$CAUE2 = VAC2*\left(\frac{TEA*(1+TEA)^n}{(1+TEA)^n-1}\right)$$

$$CAUE2 = 141,116.16*\left(\frac{32\%*(1+32\%)^5}{(1+32\%)^5-1}\right)$$

CAUE2 = 141,116.16 *
$$\left(\frac{32\% * (1+32\%)^5}{(1+32\%)^5-1}\right)$$

CAUE2 = 60,172.20

Conclusión: Como la primera maquinaria tiene el menor CAUE, entonces, elijo la Máquina 1.