Matemática Financiera

Autor: José M. Martín Senmache Sarmiento

Capítulo 7: Anualidades

Solución de Ejercicio Nº37



e-financebook

37. **Pronto S.A.** desea adquirir un nuevo local administrativo a través de un crédito hipotecario otorgado por el **Banco de los Ingenuos** en las siguientes condiciones:

✓ Precio de Venta de la propiedad : US\$ 75,000.00

✓ Cuota inicial exigida por el propietario : 20% del precio de venta

✓ Periodicidad en el pago : Trimestral

✓ Método de Pago : Francés (cuotas iguales)

✓ Número de años a pagar : 15 años

✓ Cuotas ordinarias y regulares : 60 cuotas trimestrales vencidas

✓ Cuotas extraordinarias US\$ 2,000.00 : 15 cuotas anuales vencidas

✓ Tasa efectiva Anual (TEA) : 9.99% constante

TRAFA SA, luego de conocer el valor de la cuota trimestral ordinaria, cree conveniente proponer al Banco cancelar con 60 cuotas trimestrales, ordinarias, iguales y vencidas; trato que finalmente fuera aceptado por el Banco de los Ingenuos.

Se pide saber:

- a) ¿Cuál es el valor presente de las 15 cuotas extraordinarias ofrecidas por TRAFA SA cada fin de año?
- b) ¿Cuál es el valor de la cuota trimestral ordinaria que inicialmente solicitó el Banco a la empresa para cancelar su deuda?
- c) ¿Cuál es el valor de la nueva cuota trimestral ordinaria que contra ofertó TRAFA SA al Banco para cancelar su deuda?
- d) Después de cancelar la cuota Nº56, TRAFA SA decide cancelar la totalidad del saldo del préstamo ¿Cuál será el monto a cancelar?

Respuestas: a) 15,220.85, b) 1,418.88, c) 1,901.17, d) Tarea

DATOS		
Nombre	Descripcion	Valor
PV	Precio de venta de equipo de edición	75,000.00
CI	Porcentaje de cuota inicial	20%
TE	Tasa de Interés Efectiva Semestral (TES)	9.99%
Tiempo	Tiempo que dura el crédito	15 años
f	Frecuencia de pago	trimestral
CE	Cuotas extraodinarias	2,000.00

FÓRMULAS		
Número	Fórmula	
19	$TEP_2 = (1 + TEP_1)^{\left(\frac{N^{\circ} díasTEP2}{N^{\circ} díasTEP1}\right)} - 1$	
21	$C = \frac{S}{\left(1 + TEP\right)^{\left(\frac{N^{\circ} díasTrasladar}{N^{\circ} díasdeTEP}\right)}}$	
47	C = PV * (1 - %CI)	
49	$R = C * \left(\frac{TEP * (1+TEP)^{n}}{(1+TEP)^{n}-1}\right)$	
51	$C = R * \left(\frac{(1 + TEP)^{n} - 1}{TEP * (1 + TEP)^{n}} \right)$	

SOLUCIÓN

a) Calendario ordinario:

$$C = R * \left(\frac{(1 + TEA)^{n} - 1}{TEA * (1 + TEA)^{n}} \right) =$$

$$C = 2,000.00 * \left(\frac{(1 + 9.99\%)^{15} - 1}{9.99\% * (1 + 9.99\%)^{15}} \right) =$$

$$C = 15,220.85$$
b)
$$C = PV * (1 - \%CI) = 75,000.00 * (1 - 20\%) =$$

$$C = 60,000.00$$

$$TET = (1 + TEA)^{\binom{N^{o} \text{diasTET}}{N^{o} \text{diasTEA}}} - 1 = (1 + 9.99\%)^{\binom{90}{360}} - 1 =$$

$$TET = 0.024090413 = 2.4090413\%$$

$$n_1 = 60$$

$$R_2 = 2,000.00$$

$$n_2 = 15$$

$$C = R_1 * \left(\frac{(1 + TET)^{n_1} - 1}{TET * (1 + TET)^{n_1}} \right) + R_2 * \left(\frac{(1 + TEA)^{n_2} - 1}{TEA * (1 + TEA)^{n_2}} \right)$$

$$60,000.00 = R_1 * \left(\frac{(1 + 2.4090413\%)^{60} - 1}{2.4090413\% * (1 + 2.4090413\%)^{60}} \right) +$$

$$2,000.00* \left(\frac{(1+9.99\%)^{15}-1}{9.99\%*(1+9.99\%)^{15}} \right)$$

$$60,000.00 = 31.55949504 * R_1 + 15,220.85$$

$$31.55949504 * R_1 = 44,779.15$$

$$R_1 = \frac{44,779.15}{31.55949504} = 1,418.88$$

c)

$$R = C * \left(\frac{TET * (1 + TET)^{n}}{(1 + TET)^{n} - 1} \right) =$$

$$R = 60,000.00 * \left(\frac{2.4090413\% * (1 + 2.4090413\%)^{60}}{(1 + 2.4090413\%)^{60} - 1} \right) =$$

$$R = 1,901.17$$

d) Le faltaría pagar 4 cuotas :

$$C = R * \left(\frac{(1 + TET)^{n} - 1}{TET * (1 + TET)^{n}} \right) =$$

$$C = 1,901.17 * \left(\frac{(1+2.4090413\%)^4 - 1}{2.4090413\% * (1+2.4090413\%)^4} \right)$$

$$C = 7,167.85$$