Matemática Financiera

Autor: José M. Martín Senmache Sarmiento

Capítulo 6: Tasa de Interés Real e Inflada

Solución de Ejercicio Nº7



e-financebook

7. Si la tasa efectiva anual real (TEAr) es 12.8% y la inflación proyectada anual es de 4.5% ¿Cuál es la tasa nominal semestral inflada (TNSf) con capitalización mensual?

Respuesta: 8.279760426%

| DATOS | | |
|--------|--|-------|
| Nombre | Descripcion | Valor |
| TE | Tasa de Interés Efectiva Anual Real (TEAr) | 12.8% |
| Пр | Inflación anual (∏a) | 4.5% |

| FÓRMULAS | | |
|----------|---|--|
| Número | Fórmula | |
| 41 | $TEP = TREP + \prod p + TREP * \prod p$ | |
| 17 | $TN = m * \left(\sqrt[n]{1 + TEP} - 1 \right)$ | |

SOLUCIÓN

Como tenemos a la tasa efectiva real y a la inflación expresadas de manera anual, no es necesario hacer ninguna conversión de tasa, ni de inflación, por lo que aplicamos la fórmula para hallar la tasa inflada de manera directa:

$$TEAf = TEAr + \prod a + TEAr * \prod a$$

$$TEAf = 12.8\% + 4.5\% + 12.8\% * 4.5\%$$

TEAf = 0.17876

TEAf = 17.876%

Ahora si, hemos obtenido a la tasa de interés expresada de manera efectiva, pero en la que incluye el riesgo de inflación, por lo que hemos encontrado a la tasa efectiva anual inflada; ahora; será necesario expresarla como una tasa nominal semestral inflada, para ello utilizamos la fórmula de conversión de tasas efectivas en nominales del siguiente modo:

TNSf ??%
$$\leftarrow$$
 m = 6 c.m. \rightarrow TEAf = 17.876% TNSf = m * ($\sqrt[n]{1 + TEAf} - 1$)
TNSf = 6 * ($\sqrt[12]{1 + 17.876\%} - 1$)
TNSf = 0.08279760426
TNSf = 8.279760426%

Nota: Recuerde que si utiliza la fórmula que convierte una tasa nominal en efectiva o vicerversa, y una de ellas es una tasa expresada como real, la otra obligatoriamente lo será; por el contrario, si una de ellas está expresada como una tasa inflada, la que encuentre como equivalente también será una tasa inflada; en otras palabras, si utiliza la fórmula N°18, podríamos afirmar que:

TEPf =
$$\left(1 + \frac{TNf}{m}\right)^n - 1$$
, o también: TE Pr = $\left(1 + \frac{TNr}{m}\right)^n - 1$

- 1. Una tasa nominal inflada permite encontrar como equivalente a una tasa efectiva inflada.
- 2. Una tasa nominal real, permite encontrar como equivalente a una tasa efectiva real.

Y si utiliza la fórmula N°17, para convertir tasas efectivas en nominal, podríamos afirmar que:

$$TNf = m* \left(\sqrt[n]{1 + TEPf} - 1 \right), o también: TNr = m* \left(\sqrt[n]{1 + TEPr} - 1 \right)$$

- 3. Una tasa efectiva inflada permite encontrar como equivalente a una tasa nominal inflada.
- 4. Una tasa efectiva real, permite encontrar como equivalente a una tasa nominal real.