Matemática Financiera

Autor: José M. Martín Senmache Sarmiento

Capítulo 5: Tasa Descontada o Adelantada

Solución de Ejercicio Nº21



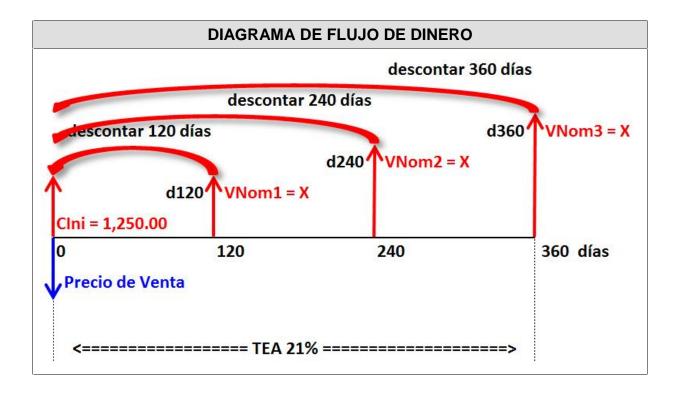
e-financebook

- 21. PAN PRONTO S.A. vende al crédito un horno cuyo precio en efectivo es de US\$ 5,000.00. Si el cliente ofrece a cambio el pago de una inicial del 25% y 3 letras de igual valor nominal afectas a una tasa efectiva anual (TEA) del 21% con vencimientos cada 120 días.
 - a) ¿Cuál será el monto de cada una de las 3 letras iguales?
 - b) Si PAN PRONTO acepta el trato, vende el horno y hoy mismo coloca las 3 letras al descuento en el Banco del Sur a una tasa efectiva anual (TEA) del 16% ¿Cuál será el monto total en efectivo del que dispondrá para seguir operando?

Respuestas: a) US\$ 1,417.48, b) US\$ 5,104.97

DATOS		
Nombre	Descripcion	Valor
TE	Tasa de Interés Efectiva Anual (TEA)	21%
PV	Precio de venta el bien	5,000.00
pCI	Porcentaje de cuota inicial (respecto del precio de venta)	25%

FÓRMULAS		
Número	Fórmula	
19	$TEP_2 = (1 + TEP_1)^{\left(\frac{N^{\circ} diasTEP2}{N^{\circ} diasTEP1}\right)} - 1$	
21	$C = \frac{S}{\left(1 + TEP\right)^{\left(\frac{N^{\circ} \text{días Trasladar}}{N^{\circ} \text{días TEP}}\right)}}$	
26	$d = \frac{TEP}{1 + TEP}$	
30	Valor Neto = Valor Nominal * (1 − d)	



SOLUCIÓN

a) Calendario ordinario:

* Letra convencimiento a 120 días:

$$TEC = (1 + TEA)^{\left(\frac{N^{\circ} diasTEC}{N^{\circ} diasTEA}\right)} - 1$$

$$\mathsf{TEC} = \left(1 + 21\%\right)^{\left(\frac{120}{360}\right)} - 1$$

$$TEC = 0.06560223676$$

 $TEC = 6.560223676\,\%$

$$d120 = \frac{TEC}{1 + TEC}$$

$$d120 = \frac{6.560223676\,\%}{1 + 6.560223676\,\%}$$

d120 = 0.0615635314

d120 = 6.15635314%

Valor Neto
$$1 = \text{Valor No min al } 1 * (1 - \text{d} 120)$$

Valor Neto
$$1 = X * (1 - 6.15635314\%)$$

* Letra convencimiento a 240 días:

$$TE240d = \left(1 + TEA\right)^{\left(\frac{N^{o}d\text{iasTE 240d}}{N^{o}d\text{iasTEA}}\right)} - 1$$

TE240d =
$$(1 + 21\%)^{\left(\frac{240}{360}\right)}$$
 - 1

$$TE240d = 0.135508127$$

$$d240 = \frac{TE240d}{1 + TE240d}$$

$$d240 = \frac{13.5508127\%}{1+13.5508127\%}$$

$$d240 = 0.1193369944$$

$$d240 = 11.93369944\%$$

Valor Neto
$$2 = \text{Valor Nominal 2} * (1 - \text{d240})$$

Valor Neto
$$2 = X * (1-11.93369944\%)$$

* Letra convencimiento a 360 días:

$$d360 = \frac{TEA}{1 + TEA}$$

$$d360 = \frac{21\%}{1 + 21\%}$$

$$d360 = 0.173553719$$

$$d360 = 17.3553719\%$$

Valor Neto 3 = Valor Nomin al 3 * (1 - d360)

Valor Neto
$$3 = X * (1 - 17.3553719\%)$$

Valor Neto 3 = 0.826446281 * X

* Luego igualamos el precio de venta contra financiamiento:

$$5,000.00 = 25\% * 5,000.00 +$$

0.9384364686 * X +

0.8806630056 * X +

0.826446281 * X

$$5,000.00 = 1,250.00 + 2.645545755 * X$$

$$X = \frac{5,000.00 - 1,250.00}{2.645545755}$$

$$X = \frac{3,750.00}{2.645545755}$$

X = 1,417.48

b) Descon tan do las letras utilizando método del valor presente :

Valor Neto = Valor Neto 1 + Valor Neto 2 + Valor Neto 3

Valor Neto =
$$\frac{1417.48}{(1+16\%)^{\left(\frac{120}{360}\right)}} + \frac{1417.48}{(1+16\%)^{\left(\frac{240}{360}\right)}} + \frac{1417.48}{(1+16\%)^{\left(\frac{360}{360}\right)}}$$

 $Valor\,Neto = 1{,}349.06 + 1{,}283.94 + 1{,}221.97$

Valor Neto = 3,854.97

Luego:

Disponible = C.I. + Valor Neto

Disponible = 1,250.00 + 3,854.97

Disponible = 5,104.97