## Matemática Financiera

Autor: José M. Martín Senmache Sarmiento

Capítulo 6: Tasa de Interés Real e Inflada

Solución de Ejercicio Nº11



e-financebook

11. Si la tasa efectiva anual inflada (TEAf) es 12.8% y la inflación proyectada anual es de 4.5% ¿Cuál es la tasa nominal semestral real (TNSr) con capitalización mensual?

Respuesta: 3.833658894 %

DATOS		
Nombre	Descripcion	Valor
TE	Tasa de Interés Efectiva Anual Inflada (TEAf)	12.8%
Пр	Inflación anual ( $\Pi^a$ )	4.5%

FÓRMULAS		
Número	Fórmula	
40	$TREP = \left(\frac{TEP - \prod p}{1 + \prod p}\right)$	
17	$TN = m * \left( \sqrt[n]{1 + TEP} - 1 \right)$	

## **SOLUCIÓN**

Como tenemos a la tasa efectiva inflada y a la inflación expresadas de manera anual, no es necesario hacer ninguna conversión de tasa, ni de inflación, por lo que aplicamos la fórmula para hallar la tasa real de manera directa:

$$TEAr = \left(\frac{TEAf - \prod a}{1 + \prod a}\right)$$

$$TEAr = \left(\frac{12.8\% - 4.5\%}{1 + 4.5\%}\right)$$

$$TEAr = 0.07942583732$$

$$TEAr = 7.942583732\%$$

Ahora si, hemos obtenido a la tasa de interés expresada de manera efectiva, pero en la que excluye el riesgo de inflación, por lo que hemos encontrado a la tasa efectiva anual real; ahora, será necesario

expresarla como una tasa nominal semestral real, para ello utilizamos la fórmula de conversión de tasas efectivas en nominales del siguiente modo:

TNSr ??% 
$$\leftarrow$$
 m = 6 c.m.  $\longrightarrow$  TEAf = 7.942583732%

$$TNSr = m * (\sqrt[n]{1 + TEAf} - 1)$$

$$TNSr = 6 * (\frac{12}{1 + 7.942583732\%} - 1)$$

TNSr = 0.03833658894

TNSr = 3.833658894%

Nota: Recuerde que si utiliza la fórmula que convierte una tasa nominal en efectiva o vicerversa, y una de ellas es una tasa expresada como real, la otra obligatoriamente lo será; por el contrario, si una de ellas está expresada como una tasa inflada, la que encuentre como equivalente también será una tasa inflada; en otras palabras, si utiliza la fórmula N°18, podríamos afirmar que:

TEPf = 
$$\left(1 + \frac{TNf}{m}\right)^n - 1$$
, o también: TE Pr =  $\left(1 + \frac{TNr}{m}\right)^n - 1$ 

- Una tasa nominal inflada permite encontrar como equivalente a una tasa efectiva inflada.
- 2. Una tasa nominal real, permite encontrar como equivalente a una tasa efectiva real.

Y si utiliza la fórmula N°17, para convertir tasas efectivas en nominal, podríamos afirmar que:

$$TNf = m* \left( \sqrt[n]{1 + TEPf} - 1 \right), o también: TNr = m* \left( \sqrt[n]{1 + TEPr} - 1 \right)$$

- 3. Una tasa efectiva inflada permite encontrar como equivalente a una tasa nominal inflada.
- 4. Una tasa efectiva real, permite encontrar como equivalente a una tasa nominal real.