Matemática Financiera

Autor: José M. Martín Senmache Sarmiento

Capítulo 3: Tasa de Interés Compuesta o Nominal

Solución de Ejercicio Nº31



e-financebook

- 31. El 31 de enero de 2011 nació el hijo de **Jean Carlo**, por lo que muy emocionado acudió al Banco más cercano y se informó que existen fondos que entregan hasta 12% de tasa de interés nominal (TNA) con capitalización diaria (c.d.), cuando se deja el dinero de 5 o más años, por lo que se pregunta cuánto debe depositar en dicho fondo si su objetivo es: "cuando mi hijo cumpla 18 años y termine el colegio, cuente con los US\$ 250,000.00 necesarios para ir a hacer sus estudios a una universidad del extranjero".
 - a) ¿Puede ayudarnos a definir el monto que dejó en el Banco en esa fecha?
 - b) El hijo de **Jean Carlo** acaba de cumplir hoy 18 años (hoy es 31 de enero de 2029) y se entera por boca de su madre que su padre —quien ya falleció- le dejo US\$ 250,000.00 en una cuenta bancaria para su educación; sin embargo, al pensarlo bien, desiste de salir a estudiar fuera del país y piensa mejor en hacerse millonario, por lo que el pide saber cuánto deberá esperar para que esto ocurra (en el supuesto que el fondo siga rindiendo el mismo jugoso interés) y así poder ser más racional en su decisión.

Respuestas: a) 27,942.80, b) Deberá esperar 4,160 días.

DATOS		
Nombre	Descripcion	Valor
S	Valor futuro o Ahorro deseado	250,000.00
TN	Tasa de Interés Nominal Anual (TNA)	12%
c.d.	Periodo de capitalización	diaria
Fecha inicial	Fecha de depósito inicial	31/01/2011
Fecha final	Fecha planeada para el retiro	31/01/2029

FÓRMULAS		
Número	Fórmula	
10	$C = S * \left(1 + \frac{TN}{m}\right)^{-n} \qquad C = \frac{S}{\left(1 + \frac{TN}{m}\right)^{n}}$	
13	$n = \frac{LN\left(\frac{S}{C}\right)}{LN\left(1 + \frac{TN}{m}\right)}$	

SOLUCIÓN

Calendario ordinario:

a)

$$t_{dias} = 365 * 18 + 5 = 6,575 dias$$

TNA 12%
$$\leftarrow$$
 m = 360 c.d. \longrightarrow c.d. $\xrightarrow{n = 6,575}$ t = 6,575 días

$$C = \frac{S}{\big(1 + \frac{TNA}{m}\big)^{n}}$$

$$C = \frac{250,000.00}{(1 + \frac{12\%}{360})^{6,575}}$$

$$S = 27,942.80$$

b)

TNA 12%
$$\leftarrow$$
 m = 360 c.d. \longrightarrow t = n días

$$n = \frac{LN\left(\frac{S}{C}\right)}{LN\left(1 + \frac{TNA}{m}\right)}$$

$$n = \frac{LN\!\!\left(\!\frac{1'\!000,\!000.00}{250,\!000.00}\right)}{LN\!\!\left(1\!+\!\frac{12\%}{360}\right)}$$

$$n = 4,159.576234$$

$$n = 4,160 \text{ días},$$