
AIX-MARSEILLE-UNIVERSITÉ

Test 3 UE Algorithmie et programmation 2026

Contrôle L1

11-02-2026

Les réponses sont à donner directement sur le sujet. Un espace est réservé pour chaque réponse.

Équivalences

Difficulté : ★ ☆ ☆ Question :

Quelles sont les égalités correctes ?

- ① une fonction en $\mathcal{O}(n)$ est aussi en $\mathcal{O}(n^2)$
- ② une fonction en $\mathcal{O}(n)$ est aussi en $\Theta(n)$
- ③ une fonction en $\mathcal{O}(1)$ est aussi en $\Theta(1)$
- ④ une fonction en $\mathcal{O}(n^2)$ est aussi en $\mathcal{O}(n)$

Difficulté : ★ ☆ ☆ Question :

Quelle est la complexité $C(n)$ qui correspond à l'équation :

$$C(n) = \begin{cases} \mathcal{O}(1) + C(n - 3) & \text{si } n > 3 \\ \mathcal{O}(1) & \text{sinon} \end{cases}$$

- ① $C(n) = \Omega(1)$
- ② $C(n) = \mathcal{O}(n^2)$
- ③ $C(n) = \mathcal{O}(n) + \mathcal{O}(1)$
- ④ $C(n) = \Omega(n^2)$
- ⑤ $C(n) = \Theta(n)$
- ⑥ $C(n) = \Theta(n^2)$

Difficulté : ★ ★ ☆ Question :

Quelle est la complexité de l'algorithme suivant :

```
algorithme remplace(T: [entier], i: entier, j: entier):
    c := T[i]
    pour chaque (k := entier) de [0..T.longueur[:
        si T[k] == c :
            pour chaque (l := entier) de [0..T.longueur[:
                T[l] ← T[j]
```

- ① $C(n) = \mathcal{O}(n)$ avec $n = T.\text{longueur}$
- ② $C(n) = \mathcal{O}(n^2)$ avec $n = T.\text{longueur}$
- ③ $C(n) = \mathcal{O}(1)$ avec $n = T.\text{longueur}$

Zéro de fonction par dichotomie (GEI 2023)

Difficulté : ★ ★ ☆ Question :

On considère deux nombres réels a et b et une fonction réelle f continue sur l'intervalle $[a, b]$ avec comme contrainte que les deux valeurs $f(a)$ et $f(b)$ soient de signes contraires. On cherche à l'aide de l'algorithme de dichotomie comment trouver le zéro de la fonction f sur l'intervalle $[a, b]$, c'est-à-dire trouver x tel que $f(x) = 0$. On rappelle brièvement cet algorithme qui consiste à subdiviser en deux parties un intervalle et choisir celui dans lequel existe un zéro de la fonction. On répète le processus jusqu'à ce que l'erreur absolue soit inférieure à une valeur ϵ définie initialement. L'erreur absolue de la méthode de dichotomie, après n étapes, est au plus égale à :

- ① $\log_2((b - a)/\epsilon)$
- ② $(b - a)/2^{n+1}$
- ③ $(b - a)/n$
- ④ $(b - a)/2^n$
- ⑤ $(b - a)/(n + 1)$

Difficulté : ★ ★ ☆ Question :

Écrivez un algorithme qui implémente la recherche dichotomique. Sa signature devra être `dichotomie(f: (réel) -> réel, a: réel, b: réel, epsilon: réel) -> réel.`

Difficulté : ★ ★ ★ Question :

Donnez la complexité de l'algorithme précédent. Explicitez bien les paramètres que vous utilisez pour la mesurer.