

ACTIVIDAD 1

EXPLICACIÓN DE LA TAD UTILIZADA:

Se implementó el Tipo Abstracto de Datos (TAD) `ListaDobleEnlazada` utilizando una clase `Nodo`.

- La clase `Nodo` almacena el dato y dos referencias: `anterior` y `siguiente`.
- La clase `ListaDobleEnlazada` gestiona la estructura principal, manteniendo referencias a `cabeza` (el primer nodo), `cola` (el último nodo) y `tamanio` (la cantidad de elementos).

La implementación cumple con la especificación solicitada:

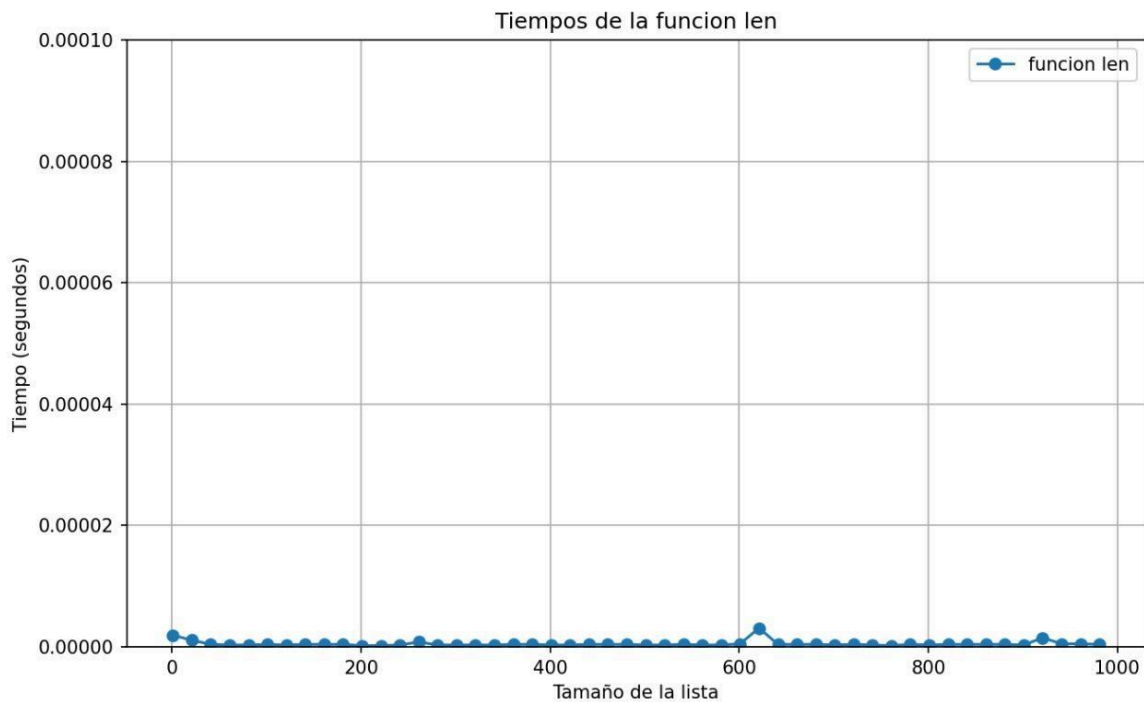
- `__init__` y `esta_vacia`: Crean una lista vacía y verifican su estado
- `agregar_al_inicio` y `agregar_al_final`: Añaden elementos en los extremos de la lista actualizando `cabeza` y `cola` respectivamente
- `insertar(item, posicion)`: Permite agregar un elemento en cualquier punto. Si la posición no se especifica, el código le asigna al final (`self.tamanio`)
- `extraer(posicion)`: Elimina y devuelve un ítem. Si la posición es `None`, se asigna `self.tamanio - 1` para extraer el último elemento. La implementación de los casos `posicion == 0` (`cabeza`) y `posicion == self.tamanio - 1` (`cola`) accede directamente a los punteros `cabeza` y `cola`, sin bucles, lo que garantiza una complejidad $O(1)$
- `copiar()`: Crea y devuelve una nueva `ListaDobleEnlazada` con los mismos elementos
- `invertir()`: Modifica la lista actual invirtiendo el orden de sus elementos.
- `concatenar(lista)`: se usa para unir dos listas
- `__len__`: Devuelve el valor de `self.tamanio`.
- `__add__`: Devuelve una nueva lista que es el resultado de la concatenación, utilizando los métodos `copiar` y `concatenar` para evitar la duplicación de código
- `__iter__` y `__next__`: Permiten que la lista sea recorrida con un ciclo `for`.

La implementación no utiliza listas de Python como estructura de almacenamiento principal, respetando la consigna propuesta por la cátedra.

ANÁLISIS DE COMPLEJIDAD:

Mediante el uso de las gráficas (N vs tiempo) obtenidas vamos a realizar el análisis de complejidad para los métodos `len`, `copiar` e `invertir`:

Gráfica función len



Complejidad Deducida: $O(1)$ (Tiempo constante).

La complejidad del método `__len__` es $O(1)$ porque la implementación del TAD `ListaDobleEnlazada` no calcula el tamaño de la lista al momento de la consulta, sino que mantiene un registro constante del mismo.

Esto se logra por el atributo interno, `self.tamanio`, que guarda el número de elementos de la lista en todo momento.

Inicialización: El contador `self.tamanio` se inicializa en 0 durante la creación de la lista (en el método `__init__`).

Actualización Constante: Cada vez que un método de modificación altera la lista, el contador se actualiza.

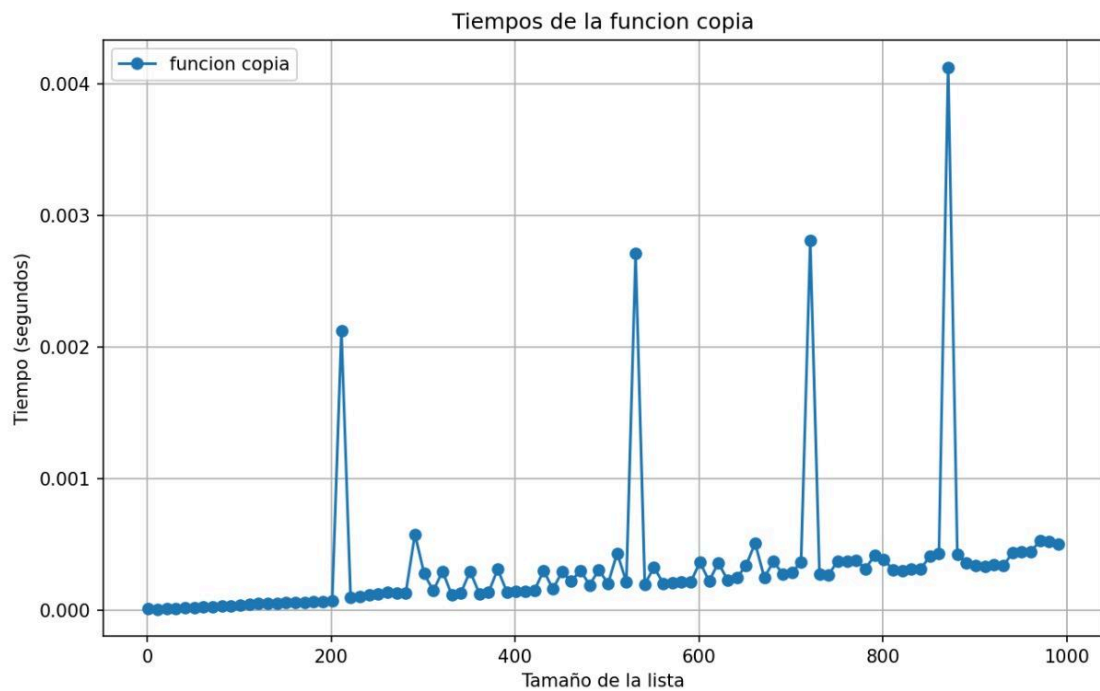
Las operaciones de inserción (`agregar_al_inicio`, `agregar_al_final`, `insertar`) incrementan el contador (`self.tamanio += 1`).

Las operaciones de extracción (`extraer`) decrementan el contador (`self.tamanio -= 1`).

Estas actualizaciones de incremento/decremento son operaciones de tiempo constante $O(1)$.

Como resultado, cuando se invoca el método `__len__` su única responsabilidad es retornar el valor ya almacenado en el atributo `self.tamanio`. Esta operación consiste en un único acceso a memoria, cuyo tiempo de ejecución es constante y totalmente independiente del número de elementos (N) que contenga la lista.

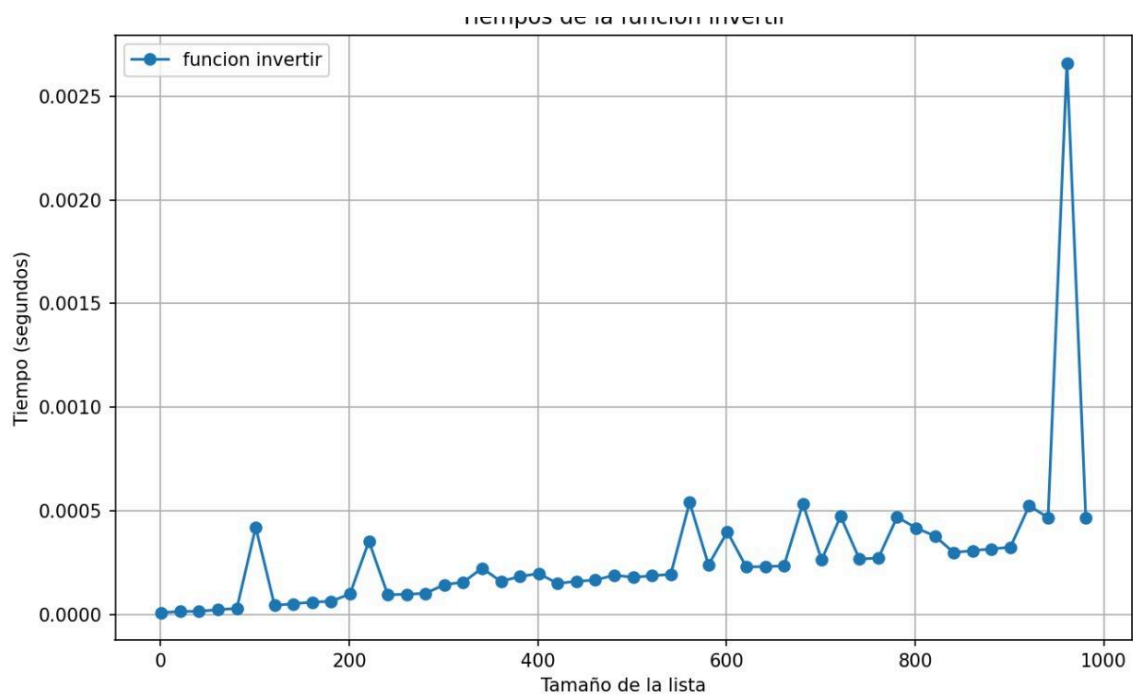
Gráfica función copia



Complejidad Deducida: $O(n)$.

Justificación: El método `copiar` itera una vez sobre la lista original. El bucle `for i in range(self.tamano)` se ejecuta n veces. Dentro del bucle, se llama a `nueva_lista.agregar_al_final()`, que es una operación $O(1)$. Por lo tanto, el tiempo total es $nO(1) = O(n)$. El tiempo de ejecución crece linealmente con el número de elementos, lo cual cumple el requisito de ser $O(n)$ y no $O(n^2)$.

Gráfica función invertir



Complejidad Deducida: $O(n)$.

Justificación: La implementación de `invertir` crea una nueva lista vacía. Luego, recorre la lista original completa una vez, lo cual toma n pasos. En cada paso, ejecuta `nueva_lista.agregar_al_inicio(pivote.dato)`. Esta operación es $O(1)$ (porque la nueva lista mantiene una referencia a cabeza). El tiempo total para llenar la nueva lista es $nO(1) = O(n)$. Finalmente, se reasignan las referencias de la lista original, lo cual es $O(1)$. La complejidad dominante es $O(n)$.