

$$\left\{ \begin{array}{l} 4 = 1 + 1 + 1 + 1 \\ 4 = 1 + 1 + 1 + 1 \\ 4 = 1 + 1 + 1 + 1 \\ 4 = 1 + 1 + 1 + 1 \\ 4 = 1 + 1 + 1 + 1 \end{array} \right\} \text{ och adderar alla fyror,}$$

$$4.5 = 5 + 5 + 5 + 5$$

som äro på venstra sidan om likhets-tecknen, så är klart att summan blir fem gånger fyra eller 4.5; men denna summa måste vara lika med summan af alla enheterna, som äro på andra sidan, och dessa enheter äro lika många, man må addera dem i hvilken ordning som helst; man kan derföre särskilt sammanlägga dem, som stå i samma column, då man tydligen får 5 i hvar column; nu är columnernas antal 4; således blir enheternas antal 4 gånger 5, eller 5.4, och följaktligen $4.5 = 5.4$.

På samma sätt bevises äfven: att om 4.5 multipliceras med 7, så blir producten densamma som om 4.7 multipliceras med 5.

Ty 4.5 är $= 4 + 4 + 4 + 4 + 4$; sätter man nu 7 sådana expressioner under hvarandra på följande sätt:

$$\left\{ \begin{array}{l} 4.5 = 4 + 4 + 4 + 4 + 4 \\ 4.5 = 4 + 4 + 4 + 4 + 4 \\ 4.5 = 4 + 4 + 4 + 4 + 4 \\ 4.5 = 4 + 4 + 4 + 4 + 4 \\ 4.5 = 4 + 4 + 4 + 4 + 4 \\ 4.5 = 4 + 4 + 4 + 4 + 4 \\ 4.5 = 4 + 4 + 4 + 4 + 4 \end{array} \right\}$$

$$4.5.7 = 4.7 + 4.7 + 4.7 + 4.7 + 4.7 = 4.7.5$$

och adderar alla 4.5 på venstra sidan om likhets-tecknet, så blir summan 7 gånger 4.5 eller 4.5.7; och då man sammanlägger alla fyror, som äro i samma column på andra sidan, så får man tydligen