Soit un demi-groupe (S,+), c'est-à-dire que

• S est stable par +

• La loi + est associative

On considère que tous les éléments de S occupent une taille constante en mémoire.

Soit  $L \in S^{[\![1,n]\!]}$  une liste d'éléments de S, et  $w \leq n$ .

## Un algorithme insatisfaisant

Question 0 Justifier que String est un demi-groupe. Pour quelle loi ?

Question 1 Est-il possible d'avoir un demi-groupe sans élément neutre ?

On définit la liste W de longueur n - w + 1,

$$W[i] \coloneqq \sum_{k=0}^{w-1} L[i+k]$$

**Question 2** Si L = [a, b, c, d, e, f] et w = 3, que vaut W?

? Question 3 Déterminer un algorithme qui calcule la liste W.

## Souvenirs, souvenirs

**Question 4** En considérant W[2], W[3], ..., déterminer un ordre judicieux d'évaluation de la somme W[1].

**Question 5** Dans le cas  $w = \frac{n}{2} + 1$ , déterminer un algorithme s'exécutant en temps linéaire.

 $\bigcirc$  Question 6 En déduire un algorithme calculant W.

Une complexité temporelle en  $\mathcal{O}(n)$  et spatiale en  $\mathcal{O}(w)$  sont attendues.