重庆大学高等数学(工学类)课程试卷 □_{□#}

2018-2019 学年 第2学期

开课学院: 数统学院课程号: 考试日期: 20190617

MATH10023

考试方式: □开卷 □闭卷 □其他 考试时间: 120分钟

题号	_	=	Ξ	四	五	六	七	Л	九	+	总分
得分											

考试提示

1.严禁随身携带通讯工具等电子设备参加考试:

2.考试作弊,留校察看,毕业当年不授学位;请人代考、替他 1人考试、两次及以上作弊等,属严重作弊,开除学籍.

(A)
$$\frac{1}{2}$$
 (B) $\frac{1}{2}$ (C) $\frac{1}{3}$ (D) $\frac{1}{3}$

$$\Gamma: x = t, y = \frac{1}{2}t^2, z = \frac{1}{3}t^3(0 \le t \le 1)$$
 4. 设曲线 $\int_{\Gamma} \sqrt{2y} ds = ($

重庆大学2014版试卷标准格式 $\int_0^1 t \cdot \sqrt{1 + t^2 + t^2} \, dt \, \cdot$

 $(1\cdot2,-3)\times(1\cdot3,-1)=\begin{cases} i & j & k \\ 1 & 2-3 \\ 3 & -1 \end{cases} = (7,-2,1)$

N: 71x-2) -2(y-4)+(2+1)=0

(B) $\int_0^1 \sqrt{1+t^2+t^4} dt$

(D) $\int_0^1 t^2 \sqrt{1+t^2+t^4} dt$

(A) $\int_{0}^{1} \sqrt{t} \sqrt{1 + t^{2} + t^{4}} dt$ (C) $\int_{0}^{1} t \sqrt{1 + t^{2} + t^{4}} dt$

$$P = \lim_{n \to \infty} \frac{(-1)^n n}{(n+1)(-1)^{n+1}} = \lim_{n \to \infty} \frac{(-1)^n n}{(n+1)(-1)^{n+1}} = -|\cdot| : R = 1$$

$$1 = 101$$

$$1 = 101$$

四、综合题(每小题8分,共16分)

1.设函数 f(x) 在 $(-\infty, +\infty)$ 上连续,且满足

$$f(t) = \iint_{D_t} (x^2 + y^2) f(\sqrt{x^2 + y^2}) dx dy + t^4, \quad \sharp \oplus D_t : x^2 + y^2 \le t^2(t > 0), \quad \sharp f(t)$$

的表达式。

$$f(t) = \frac{1}{4} \int_{0}^{2a} d\theta \int_{0}^{t} r^{2} f(r) dr$$

$$= \frac{1}{2a} \int_{0}^{2a} d\theta \int_{0}^{t} r^{2} f(r) dr$$

$$= \frac{1}{2a} \int_{0}^{t} r^{3} (a + r^{4}) dr$$

$$= \frac{1}{2a} \int_{0}^{t} r^{3} d\theta \int_{$$

$$\int (t)^{2} \frac{2t^{4}}{2-2\lambda t^{4}} + t^{4}$$

$$= \frac{2t^{4}-\lambda t^{4}}{2-2\lambda t^{4}}$$

2.设 $^{z} = f(x,y)$ 是由方程 $^{F(x-z,y-z)} = 0$ (其中 $^{F(u,v)}$ 有连续的偏导数) 唯一确 定的可微二元函数,L为正向单位圆周 $x^2 + y^2 = 1$,试求 $I = \sqrt[2]{-x^2y - z}dx + (xy^2 + z)dy.$

$$J = \iint [y^{2} + \frac{\partial^{2}}{\partial x} - (-x^{2} - \frac{\partial^{2}}{\partial y})] c dx dy$$

$$\int F'_{1}(r^{1} + \frac{\partial^{2}}{\partial x}) + F'_{2}(r^{1} + \frac{\partial^{2}}{\partial x}) = 0 \Rightarrow \frac{\partial^{2}}{\partial x} = \frac{F'_{1}}{F'_{1} + F'_{2}}$$

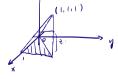
$$\int F'_{1}(\frac{\partial^{2}}{\partial y}) + F'_{2}(r^{1} + \frac{\partial^{2}}{\partial x}) = 0 \Rightarrow \frac{\partial^{2}}{\partial x} = \frac{F'_{1}}{F'_{1} + F'_{2}} = \frac{F'_{2}}{F'_{1} + F'_{2}}$$

$$1 = \iint (x^{2} + y^{2} + \frac{F'_{1}}{F'_{1} + F'_{2}} + \frac{F'_{2}}{F'_{1} + F'_{2}}) dx dy = \iint (x^{2} + y^{2} + 1) dx dy$$

$$= \int_{0}^{\infty} do \int_{0}^{\infty} r^{2} dr + \mathcal{X} = 2\lambda \cdot \frac{1}{4} + \lambda = \frac{\partial^{2}}{2\lambda}$$

五、证明题(每小题8分,共16分)

$$\left| \frac{|\Omega_{nr_1} - \Omega_n|}{|D_{nr_1} - \frac{1}{\alpha_n}|} \right| = \left| \underbrace{\int_{\Omega \to \infty} \left| \frac{(\Omega_{nr_1} - \Omega_n) \Omega_n \Omega_{nr_1}}{\Omega_n - \Omega_{nr_1}} \right|}_{\Omega \to \infty} \right| = \left| \underbrace{\int_{\Omega \to \infty} \left| \Omega_n \Omega_{nr_1} \right|}_{\Omega \to \infty} \right| = \Omega^2$$



重庆大学《高等数学(工学类)》课程试卷第1页共5页

六、应用题(本题8分)

某机器的一薄片型金属构件 S 为圆锥面 $z = \sqrt{x^2 + y^2}$ 被柱面 $z^2 = 2x$ 割下的有限部

- 分,该圆锥面与柱面的交线记为C.
 - (1) 求 C 在 xOy 平面上的投影曲线的方程 (2) 求 S 的面积。

重庆大学2014版试卷标准格式