

韩昊辰 2014272

今天的课后作业，第22章19题，21题，23题，共三道题目。

22.19 如果一个电子处于原子某能态的时间为 10^{-8} s, 该原子的这个能态的最小不确定量是多少? (不确定关系式 $\Delta E \cdot \Delta t \geq \hbar$.)
 设电子从上述能态跃迁到基态, 对应的能量为 3.39 eV, 试确定所辐射光子的波长及这波长的最小不确定量。

$$\Delta E_{\min} = \frac{\hbar}{\Delta t} = 10^8 \hbar = 6.59 \times 10^{-8} \text{ eV}$$

$$E = \frac{hc}{\lambda} \Rightarrow \lambda = \frac{hc}{E} = 367 \text{ nm}$$

$$\Delta \lambda = \frac{hc}{E^2} \Delta E = 7.13 \times 10^{-15} \text{ m}$$

22.21 在一维无限深方势阱中, 当粒子处于 $n=3$ 时, 问: 在哪些位置附近发现粒子的概率最大? 哪些位置附近发现粒子概率最小?

$$n=3 \text{ 时 } \psi(x) = A \sin \frac{3\pi x}{a} \quad x \in [0, a]$$

$$|\psi(x)|^2 \text{ 最大时 } x = \frac{a}{6}, \frac{a}{2}, \frac{5a}{6}$$

$$|\psi(x)|^2 \text{ 最小时 } x = 0, \frac{a}{3}, \frac{2a}{3}, a$$

22.23 一维运动的粒子, 处于如下波函数所描述的状态:

$$\phi(x) = \begin{cases} A x e^{-\lambda x} & (x \geq 0) \\ 0 & (x < 0) \end{cases}$$

 式中 $\lambda > 0$. 试求: (1) 波函数 $\phi(x)$ 的归一化常数 A ; (2) 粒子的概率密度函数; (3) 在何处发现粒子的概率密度最大?

$$(1) \int_{-\infty}^{+\infty} |\phi(x)|^2 dx = 1$$

$$\Rightarrow \int_0^{+\infty} A^2 x^2 e^{-2\lambda x} dx = 1$$

$$\Rightarrow A = 2\lambda^{\frac{3}{2}}$$

$$(2) f(x) = |\phi(x)|^2 = \begin{cases} 4\lambda^3 x^2 e^{-2\lambda x} & x \geq 0 \\ 0 & x < 0 \end{cases}$$

$$(3) f'(x) = \begin{cases} 8\lambda^3 x e^{-2\lambda x} (1 - \lambda x) & x \geq 0 \\ 0 & x < 0 \end{cases}$$

即 $x = \frac{1}{\lambda}$ 时 $f(x)$ 最大, 概率最大

