

定理 5-3.3 设 $\langle S, * \rangle$ 是一个独异点, 则在关于运算 $*$ 的运算表中任何两行或两列都是不相同的。

$$[i] +_m [j] = [(i+j) \pmod m],$$

$$[i] \times_m [j] = [(i \times j) \pmod m]$$

定理 5-4.1 群中不可能有零元。

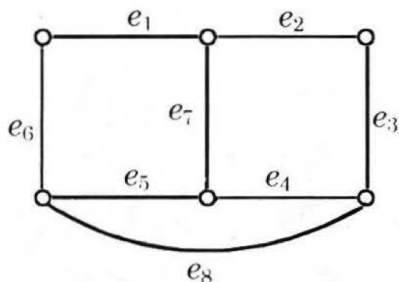
定理 5-4.2 设 $\langle G, * \rangle$ 是一个群, 对于 $a, b \in G$, 必存在唯一的 $x \in G$, 使得 $a * x = b$ 。

定理 5-4.3 设 $\langle G, * \rangle$ 是一个群, 对于任意的 $a, b, c \in G$, 如果有 $a * b = a * c$ 或者 $b * a = c * a$, 则必有 $b = c$ (消去律, 可约性)。

定义 7-7.1 一个连通且无回路的无向图称为树。树中度数为 1 的结点称为树叶, 度数大于 1 的结点称为分枝点或内点。一个无回路的无向图称作森林, 它的每个连通分图是树。

定理 7-7.2 任一棵树中至少有两片树叶。

定义 7-7.2 若图 G 的生成子图是一棵树, 则该树称为 G 的生成树。



设图 G 有一棵生成树 T , 则 T 中的边称作树枝。

图 G 的不在生成树中的边称作弦。

所有弦的集合称作生成树 T 的补。在图 7

定理 7-7.3 连通图至少有一棵生成树。

假定 G 是一个有 n 个结点和 m 条边的连通图, 则 G 的生成树正好有 $n-1$ 条边。因此要确定 G 的一棵生成树, 必须删去 G 的 $m - (n-1) = m - n + 1$ 条边。数 $m - n + 1$ 称为连通图 G

定理 7-7.4 一条回路和任何一棵生成树的补至少有一条公共边。