$$A \neq \sum_{k < n} A_k \neq \mathfrak{A}$$