$$(a+b)^4 = (a+b)^2(a+b)^2$$
  
=  $(a^2 + 2ab + b^2)(a^2 + 2ab + b^2)$  (1)  
=  $a^4 + 4a^3b + 6a^2b^2 + 4ab^3 + b^4$