	UNIVERSIDAD DE SAN CARLOS DE GUATEMALA	FÍSICA 2 C	NOTA:
	FACULTAD DE INGENIERÍA		
	ESCUELA DE CIENCIAS	1S2023	
	DEPARTAMENTO DE FÍSICA		
	INGA. CLAUDIA CECILIA CONTRERAS FOLGAR DE ALFARO	AUX. ANGEL QUIM	

CARNÉ:	202200089	FECHA:	16/03/2023
NOMBRE:	Franklin Orlando Noj Pérez		

Hoja de Trabajo 4

HOJA DE TRABAJO 4
POTENCIAL DE DISTRIBUCIONES DE CARGA

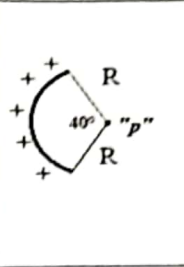
Problema 1.

a) Una varilla se dobla en forma de un segmento circular, la cual tiene una carga uniforme de densidad 4.0 nC/m , es colocada a lo largo del segmento circular mostrado, de radio R . Cuál es el potencial eléctrico (en V) en el punto "p" (considere el potencial cero en el infinito):

Respuesta: 25.13 tolerancia ± 0.03

b) Si en la varilla existiera en el punto "p" una relación de campo eléctrico de $E = 3x^2$ (i) (N/C) donde x está en metros, Si $V=0$ en $X=0$, calcular la diferencia de potencial $V_a - V_b$ (en V) que existiría entre los puntos $X_a = 2 \text{ m}$ y $X_b = 3 \text{ m}$

Respuesta: 19.00 tolerancia ± 0.01



$$\lambda = 4 \times 10^{-9} \text{ C/m}$$

Cuál es el V en el punto P.
No necesito el R

$$180 = \pi$$

$$40 = x$$

$$x = \frac{2\pi}{9}$$

$$dV = \frac{k dq}{r}$$

$$V = \int \frac{k dq}{r} \rightarrow V = \int_0^{\pi/2} \frac{k \lambda \cdot R d\theta}{R}$$

$$V = 4 \times 10^9$$

$$V = 9 \times 10^9 (4 \times 10^{-9}) \left[\frac{2\pi}{9} - 0 \right] = 25.1327$$

Potencial en Punto P
 $\Rightarrow 25.1327 \text{ V}$

$$E = 3x^2 \quad V_0 \text{ en } x=0$$

$$\Delta V = \int_a^b \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

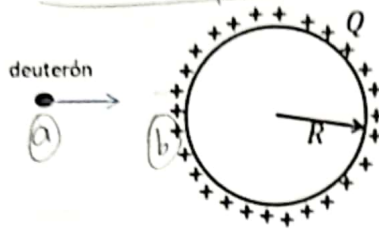
$$\Delta V = \int_2^3 3x^2 dx \rightarrow \frac{3x^3}{3} = x^3 \Big|_2^3 \quad 27 - 8 = 19$$

$\Delta V = 19 \text{ Volts.}$

Problema 2. Un cascarón esférico conductor de radio $R = 10 \text{ cm}$ posee una carga $Q = +20 \mu\text{C}$. El valor del potencial eléctrico en el centro del cascarón, en MV está dado por:

a) 0.8	b) 0.0	c) 1.8	d) 0.5	e) NEC
--------	--------	--------	--------	--------

Se dan a conocer



Un deuterón ($m = 3.34 \times 10^{-27} \text{ kg}$ y $q = +1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$) posee una energía cinética de 45 KeV cuando se encuentra a una distancia $r = 0.5 \text{ m}$ del centro del cascarón y se dirige hacia el cascarón. La distancia mínima a la que se aproxima a la superficie del cascarón, en cm, está dada por:

a) 44	b) 50	c) 24	d) 34	e) NEC
-------	-------	-------	-------	--------

$$V = \frac{kq}{r} \quad \text{MV} = 10^{-6}$$

$$V = \frac{9 \times 10^9 (20 \times 10^{-6})}{0.1}$$

$$V = 1.8$$

Al ser conductor su voltaje es constante en toda la figura $V = 1.8 \text{ MV}$

$$45 \text{ KeV} \rightarrow \text{KeV} \Rightarrow 1.602 \times 10^{-19}$$

$$eV = 1.602 \times 10^{-19} \text{ KeV}$$

Una distancia de 50 cm

$$U_A + K_A = U_B + K_B \quad \text{Potencial del cascarón}$$

$$\frac{kq}{0.5} + 45000 (1.6 \times 10^{-19}) = \frac{kq}{r}$$

$$U_A + K_A = U_B + K_B$$

$$U_A + K_A = q \frac{V_B \text{ cascarón}}{r_B}$$

$$U_A = q V_{\text{cascarón deuterón}}$$

$$U_A = \frac{1.602 \times 10^{-19} \times 9 \times 10^9 \times 20 \times 10^{-6}}{0.5}$$

$$U_A = 5.76 \times 10^{-14}$$

$$V = \frac{kq}{r}$$

$$\frac{kq}{0.5} + 45000 (1.6 \times 10^{-19}) = \frac{kq}{r}$$

$$V_B = \frac{5.76 \times 10^{-14} + 7.2 \times 10^{-15}}{1.602 \times 10^{-19}}$$

$$V_B = 40,500$$

$$K = \frac{kq_{\text{casca}}}{r_B} \rightarrow r_B = \frac{q}{405,000} \times 120 \times 10^{-6}$$

$$r_B = 0.44 \text{ m}$$

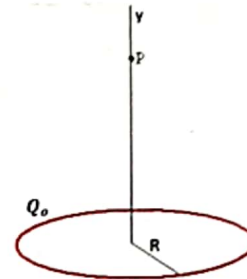
$$0.44 - 0.10 = 0.34$$

$$\text{radio} = 0.10 \text{ m}$$

Se acerca al Centro a 0.44 m

Una $d = 0.34 \text{ m}$ a la superficie del cascarón

Problema 3. Un aro circular delgado posee una carga uniformemente distribuida $Q_0 = 5\mu\text{C}$ y su radio es $R = 10\text{cm}$. El aro se encuentra en el plano xz con su eje sobre el eje "y". Un punto P se encuentra sobre el eje del aro en $y = 10\text{cm}$. El potencial electrostático en el punto P, en kV, está dado por:



a) 45.8	b) 31.8	c) 450	d) 318.2	e) NEC
---------	---------	--------	----------	--------

$$Q = 5 \times 10^{-6} \text{ C}$$

$$R = 0.10 \text{ m}$$

$$y = 0.10 \text{ m}$$

U en P en kV?

$$\lambda = \frac{Q}{S}$$

$$\theta =$$

$$S = R\theta$$

$$S = 0.10 (2\pi)$$

$$S = \frac{\pi}{5}$$

$$V = \int_0^{2\pi} \frac{k\lambda R d\theta}{(R^2 + y^2)^{3/2}} \Rightarrow V_P = \frac{k\lambda R \theta}{(R^2 + y^2)^{3/2}} \Big|_0^{2\pi} \Rightarrow$$

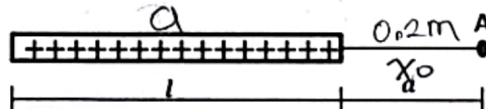
$$9 \times 10^9 \left(\frac{5 \times 10^{-6}}{\frac{\pi}{5}} \right) (0.1) \frac{1}{((0.1)^2 + (0.1)^2)^{3/2}} \cdot 2\pi \Rightarrow 318198.05$$

$$V_P = 318.19$$

Problema 4. Una línea de carga de longitud $l = 0.50\text{m}$ posee una densidad lineal de carga $\lambda = 5\mu\text{C/m}$. El punto A está localizado a una distancia $a = 0.2\text{m}$ del extremo derecho y colineales con la línea de carga como se observa en la figura. Calcule el potencial eléctrico en A en kV/m.

$$l = 0.5\text{m}$$

$$\lambda = 5 \times 10^{-6} \text{ C/m}$$



22.54	36.49	56.37	11.25	NEC
-------	-------	-------	-------	-----

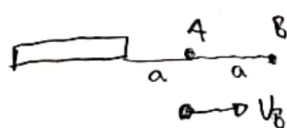
Si el punto B está localizado a una distancia $2a$ del extremo de la varilla, es decir a una distancia a del punto A y se suelta del punto A un protón, su rapidez al pasar por B en 10^6 m/s es:

10.47	3.74	2.36	1.95	NEC
-------	------	------	------	-----

$$V_A = \frac{kQ}{a} \ln \left| \frac{a+x_0}{x_0} \right| \Rightarrow 9 \times 10^9 (5 \times 10^{-6}) \ln \left| \frac{0.50+0.2}{0.20} \right| \Rightarrow 56.37 \text{ kV/m}$$

$$V_B = \Rightarrow$$

$$V_B = 9 \times 10^9 (5 \times 10^{-6}) \ln \left(\frac{0.5+0.4}{0.4} \right) \Rightarrow 36.498 \times 10^3$$



$$V = \frac{U}{q}$$

Energías

$$U_0 = U_f + \frac{mv^2}{2}$$

$$qV_A = qV_B + \frac{mv^2}{2}$$

$$V = \sqrt{\frac{q(V_A - V_B) \cdot 2}{m}}$$

$$V = \sqrt{\frac{1.602 \times 10^{-19} (56.37 \times 10^3 - 36.498 \times 10^3)}{1.6726 \times 10^{-27}}}$$

$$V = 1.9510616 \times 10^6 \text{ (b)}$$

Problema 5.

Una esfera conductora posee una carga inicial $q_1 = -15\mu\text{C}$ y su radio $R_1 = 5\text{mm}$; se encuentra aislada y muy lejos de una segunda esfera conductora que posee una carga inicial de $q_2 = +30\mu\text{C}$ y que tiene un radio $R_2 = 10\text{mm}$; dichas esferas son conectadas por un cable conductor.

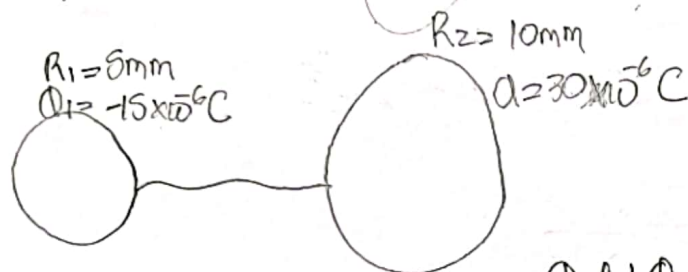
¿Cuál es la carga que posee la esfera de radio R_1 después de conectar el alambre, en μC ?

a) 10	b) -5	c) 5	d) -10	e) NEC
-------	-------	------	--------	--------

El potencial electrostático de la esfera de radio R_2 , después de conectar el alambre en MV, es

a) -9	b) 9	c) 4.5	d) -4.5	e) NEC
-------	------	--------	---------	--------

$$V = \frac{kQ}{R} \text{ en una esfera } \left(\frac{kQ}{R} \right)$$



$$Q_0 = Q_{\text{final}}$$

$$-15 \times 10^{-6} + 30 \times 10^{-6} = \frac{15 \times 10^{-6}}{2}$$

$$Q_{1f} = Q_{2f} = 7.5 \times 10^{-6}$$

$$Q_{1f} + Q_{2f} = 15 \times 10^{-6}$$

$$V_{1f} = V_{2f} \Rightarrow \frac{kQ_{1f}}{R_1} = \frac{kQ_{2f}}{R_2}$$

$$Q_{2f} = Q_{1f} + 15 \times 10^{-6}$$

$$\frac{Q_{1f}}{R_1} = \frac{-Q_{1f} + 15 \times 10^{-6}}{R_2}$$

$$R_1 = 5 \times 10^{-3} \text{ m}$$

$$R_2 = 10 \times 10^{-3} \text{ m}$$

$$\frac{Q_{1f}}{R_1} + \frac{(Q_{1f} - 15 \times 10^{-6})}{R_2} = 0$$

$$Q_{1f} \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right) = \frac{15 \times 10^{-6}}{R_2}$$

$$Q_{1f} = \frac{15 \times 10^{-6}}{10 \times 10^{-3}} \cdot \frac{1}{\left(\frac{1}{5 \times 10^{-3}} + \frac{1}{10 \times 10^{-3}} \right)} \Rightarrow Q_{1f} = 5 \times 10^{-6} \text{ C}$$

Una carga de $5 \times 10^{-6} \text{ C}$

$$5 \times 10^{-6} + Q_{2f} = 15 \times 10^{-6}$$

$$Q_{2f} = 10 \times 10^{-6} \text{ C}$$

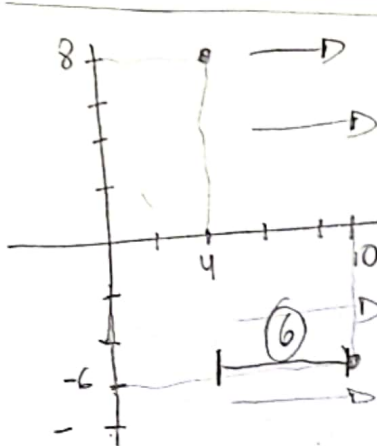
$$V_{2f} = \frac{Q_{2f} k}{R_2} = \frac{10 \times 10^{-6} \text{ C} \cdot k}{(10 \times 10^{-3})} = 9000000 \text{ V}$$

Tendrá un V de 9MV

Problema 6.

Un punto A se localiza en (4.00, 8.00) m y B en (10.0, -6.00) m y están en una región donde el campo eléctrico es uniforme y está dado por $E = 15.0 \text{ i N/C}$. ¿Cuál es la diferencia de potencial (en Voltios) $V_A - V_B$?

Respuesta: 90.0 tolerancia ± 0.5



$$y_1 = 8, y_2 = -6$$

$$10 - 4 = 6$$

$$\Delta V = E \cdot d$$

$$\Delta V = (15.0)(6) \Rightarrow \Delta V = 90$$

$$V_A - V_B = 90 \text{ Voltios}$$

Problema 7.

2.1) El potencial eléctrico V en el espacio entre las placas de cierto tubo al vacío está dado por $V(x, y) = (3x^2 + 2y^2)$, donde V en voltios y (x, y) está en m. El campo eléctrico en (V/m) en la dirección "x" ($E_x = ?$) en el punto $x = 2 \text{ m}$ y $y = 1 \text{ m}$ está dado por

a) 14 (+i)

b) 12 (-i)

c) 12 (+i)

d) 14 (-i)

e) NEC

$$V(x, y) = 3x^2 + 2y^2$$

V = voltios x, y en metros

$$x = 2 \text{ m}$$

$$y = 1 \text{ m}$$

Necesito el Campo

$$V_x = 6x$$

derivada Parcial

$$V_x = E(x=2) = 6(2) = 12 \hat{i}$$

$$E = \text{Campo} = 12 \hat{i}$$

Problema 8.

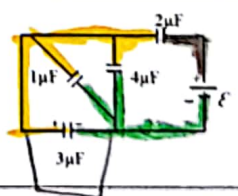
El circuito que se muestra en la figura se conecta a una fem \mathcal{E} . Se mide el voltaje en el capacitor de $3 \mu\text{F}$ y es 2V con la polaridad indicada. Calcular:

a) La energía (en μJ) que almacena el capacitor $2 \mu\text{F}$

Respuesta: 64.00 tolerancia ± 0.01

b) El valor de fem \mathcal{E} (en V)

Respuesta: 10.00 tolerancia ± 0.01



$$V_C = \frac{Q}{C}$$

$$V_C = \frac{16 \cdot 10^{-6}}{2(10^{-6})} = 8 \text{ V}$$

$$C_{eq1} = C_3 + C_2 + C_4$$

$$C_{eq1} = 8 \text{ nF}, V_{eq1} = 2 \text{ V}$$

$$Q_{eq1} = Q_C = C \cdot V$$

$$Q_C = (2)(8)10^{-6} = 16 \cdot 10^{-6}$$

$$U = \frac{Q^2}{2C} = \frac{(16 \cdot 10^{-6})^2}{2(2 \cdot 10^{-6})}$$

$$U = 64 \text{ nJ}$$

$$\text{fem} \cdot \mathcal{E} = V_C + V_{eq1}$$

$$\text{fem} \cdot \mathcal{E} = 8 \text{ V} + 2 \text{ V} = 10 \text{ V}$$

$$\mathcal{E} = 10 \text{ V}$$