

Opgave 1

In het regenseizoen kopen in een kwartier gemiddeld 4 personen een warm drankje bij de schoolkantine.

- Bepaal met de tabel van de Poisson-verdeling de kans dat er in een kwartier minder dan 6 personen een warm drankje kopen (4 dec.) (6 *pnt*)
- Bepaal met de standaardnormale-verdeling tabel de kans dat er in een uur meer dan 22 personen een warm drankje kopen. (4 dec.) (7 *pnt*)
- Bereken de kans dat er in een half uur meer dan 10 personen een warm drankje kopen? (4 dec.) (7 *pnt*)

Opgave 2

De lengte van studenten van middelbare scholen is normaal verdeeld, waarvoor geldt:

$N(\mu = \text{onbekend}, \sigma = 4 \text{ cm})$. Uit een steekproef van 16 studenten wordt de gemiddelde lengte berekend op 158 cm.

- Bereken met een betrouwbaarheid van 95 % de grenzen van een betrouwbaarheidsinterval voor μ , die onbekend is. (2 dec.) (6 *pnt*)
- Bereken met een betrouwbaarheid van 99 % de grenzen van een betrouwbaarheidsinterval voor μ , die onbekend is. (2 dec.) (6 *pnt*)

Opgave 3

De verkeerspolitie onderzoekt hoeveel procent van de aanrijdingen, persoonlijk letsel tot gevolg hebben. Van 50 aanrijdingen, hebben 5 persoonlijk letsel tot gevolg.

Geef een 95% bbi voor de fractie aanrijdingen die persoonlijk letsel tot gevolg hebben (4 dec.) (6 *pnt*)

Opgave 4

Een weerskundige heeft onderzocht dat het aantal blikseminslagen per maand, voor het distrikt

Sipaliwini, poisson verdeeld is met onbekende μ en dat deze μ hetzelfde is voor elke maand van het jaar.

Voor 12 opeenvolgende maanden registreerde hij het aantal blikseminslagen in dit distrikt: 42, 46, 50, 48, 46, 52, 50, 52, 54, 48, 50, 52

Bereken een 95 % betrouwbaarheidsinterval voor μ . (4 dec.) (7 *pnt*)

$$Cijfer = \frac{Score + 5}{5}$$

Correctie-model:

Oplossing 1 (6, 7 & 7 punt)

- a) $X \sim P(\mu=4 \text{ p/kwartier})$, dus : $P(X < 6) = P(X \leq 5) = 0,7851$
- b) $X \sim N(\mu=16 \text{ p/u}, \sigma=4) \Rightarrow P(X > 22) \sim P(X > 22,5) = P(Z > \frac{22,5-16}{4}) = P(Z > 1,63) = 0,0516$
- c) $X \sim P(\mu=8 \text{ p/kwartier})$, dus : $P(X > 10) = 1 - P(X \leq 10) = 1 - 0,8159 = 0,1841$

Oplossing 2 (2 x 6 punt)

- a) 95% bbi: $\left[\bar{X} - Z_{\alpha/2} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}, \bar{X} + Z_{\alpha/2} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \right] = [156,04\text{cm}; 159,96\text{cm}]$
- b) 99% bbi: $\left[\bar{X} - Z_{\alpha/2} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}, \bar{X} + Z_{\alpha/2} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \right] = [155,43\text{cm}; 160,58\text{cm}]$

Oplossing 3 (6 punt)

- a) bbi: $\left[\bar{p} - Z_{\alpha/2} \cdot \sqrt{\frac{\bar{p}(1-\bar{p})}{n}}, \bar{p} + Z_{\alpha/2} \cdot \sqrt{\frac{\bar{p}(1-\bar{p})}{n}} \right] = [0,0168; 0,1832]$

Oplossing 4 (7 punt)

Een 95 % bbi voor μ bij een Poisson verdeling

Er geldt voor het aantal blikseminslagen in 12 mmaanden:

$$bbi: [\mu - Z_{\alpha/2} \cdot \sqrt{\mu}, \mu + Z_{\alpha/2} \cdot \sqrt{\mu}] = [542,3918; 637,6082]$$

Er geldt voor het aantal blikseminslagen per maand:

$$bbi: [\mu - Z_{\alpha/2} \cdot \sqrt{\mu}, \mu + Z_{\alpha/2} \cdot \sqrt{\mu}] = [45,1993; 53,1340]$$

$$Cijfer = \frac{Score + 5}{5}$$