Algoritmos y

Estructuras

De

Datos

Estructuras de Datos

ARREGLOS MULTIDIMENSIONALES

ESTRUCTURAS DE DATOS

- Simples o básicos: caracteres, reales, flotantes.
- **Estructurados:** colección de valores relacionados. Se caracterizan por el tipo de dato de sus elementos, la forma de almacenamiento y la forma de acceso.
 - Estructuras estáticas: Su tamaño en memoria se mantiene inalterable durante la ejecución del programa, y ocupan posiciones fijas.

ARREGLOS - CADENAS - ESTRUCTURAS

 Estructuras dinámicas: Su tamaño varía durante el programa y no ocupan posiciones fijas.

LISTAS - PILAS - COLAS - ARBOLES - GRAFOS

ESTRUCTURAS DE DATOS: Clasificaciones

Según donde se almacenan Internas (en memoria principal) **Externas** (en memoria auxiliar)

Según tipos de datos de sus componentes

Homogéneas (todas del mismo tipo) No homogéneas (pueden ser de distinto tipo)

Según la implementación Provistas por los lenguajes (básicas) Abstractas (TDA - Tipo de dato abstracto que puede implementarse de diferentes formas)

almacenamiento

Según la forma de Estáticas (ocupan posiciones fijas y su tamaño nunca varía durante todo el módulo)

> inámicas (su tamaño varía durante el módulo y sus posiciones también)

- Son arreglos que permiten varios índices.
- A los arreglos **bidimensionales** se los llama comúnmente matrices, tablas o arreglos de arreglos.
- A los de **3 dimensiones**, se los denomina cubos
- Y al resto, en general, se los denomina multidimensionales.

Declaración de Arreglos Bidimensionales:

Formato de declaración:

```
tipo_dato nombre-del-arreglo [nroDeFilas] [nroDeColumnas];
```

Ejemplo: Definir un arreglo <u>bidimensional</u> de 2 x 3 enteros:

int Matriz [2] [3];

Declaración utilizando tipo estructurado:

Formato de declaración:

```
typedef tipo_dato nombre-del-arreglo [dim1] [dim2];
```

Ejemplo: Definir un arreglo <u>bidimensional</u> de 2 x 3 enteros:

```
typedef int tMatriz [2] [3];
```

Creación de variables:

Formato de declaración:

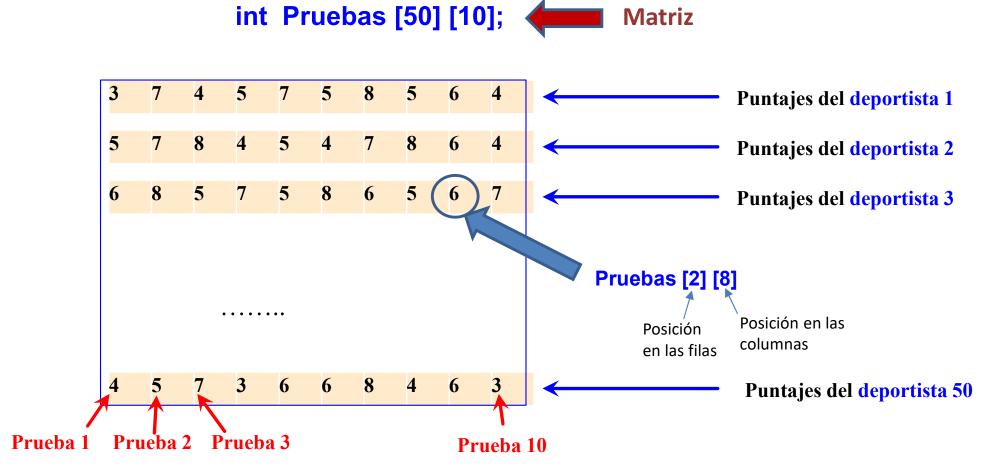
```
tipo_dato nombre-variable;
```

Ejemplo: tMatriz m1;

EJEMPLO 1:

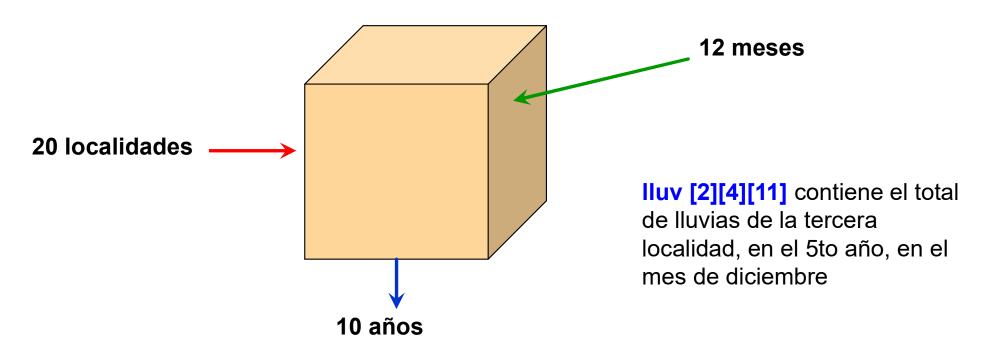
Si se deben almacenar los puntajes de un deportista en 10 pruebas:

Si se deben almacenar los puntajes de 50 deportistas en 10 pruebas:



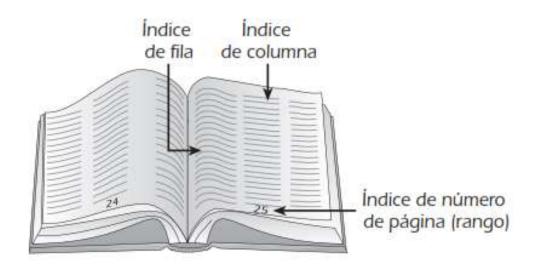
- Las dimensiones pueden ser múltiples.
- Si se desea almacenar los totales mensuales de lluvias mensuales en 20 localidades, durante cada uno de los meses de una década:

float Iluv [20] [10] [12];



C++ proporciona la posibilidad de almacenar varias dimensiones, aunque raramente los datos del mundo real requieren más de dos o tres dimensiones.

- Un arreglo tridimensional puede verse como un libro
- El 1er índice puede considerarse como la ubicación de la fila deseada en una tabla, el 2do índice como la columna deseada y el 3er índice, como el número de página de la tabla seleccionada.



Del mismo modo, un arreglo tetradimensional (4 dimensiones) puede representarse como un estante de libros, donde la 4ta dimensión se usa para declarar un libro deseado en el estante, y un arreglo pentadimensional (5 dimensiones) puede verse como una biblioteca llena de libros en el que la 5ta dimensión se refiere al estante seleccionado en la biblioteca.

Inicialización:

Por medio de asignaciones:

```
m1[0] [0] = 0; m1[0] [1] = 0; m1[0] [2] = 0;
m1[1] [0] = 0; m1[1] [1] = 0; m1[1] [2] = 0;
```

Enumerando sus elementos en orden de sus dimensiones:

```
tMatriz m1 = { \{0,0,0\}, \{0,0,0\}\};
int m1[2] [3] = { \{0,0,0\}, \{0,0,0\}\};
```

Las llaves interna separan filas individuales

int m1[] [3] = { $\{0,0,0\}, \{0,0,0\} \}$;

En este caso se omite la longitud de la primera componente (sólo de la primera, y no de todas).

Se pueden definir arreglos con componentes de otros arreglos previamente definidos.

Ejemplos:

```
typedef char tAlumno[15]; // 15 caracteres

typedef tAlumno tClase[85]; // 85 componentes del tipo tAlumno

typedef int tDatos[3]; // 3 enteros

typedef tDatos tDatosSemanales[5]; // 5 componentes del tipo tDatos

tDatosSemanales datSem = { {9,13,10}, {10,4,8}, {8,19,7}, {16,21,5},

{18,20,19} };
```

Se pueden definir matrices (tablas) como *constantes*, de la misma manera que se hace con los tipos elementales.

Ejemplos:

```
const int mat[3] [2] = \{ \{0,2\}, \{4,4\}, \{10,10\} \};
const int mat[] [2] = \{ \{0,2\}, \{4,4\}, \{10,10\} \};
```

Pasaje de arreglos bidimensionales como parámetros

```
_void cargarMatriz(int m[][DIM2], int cf, int cc){
  #include <iostream>
                                              //carga la matriz por filas
  #include <stdlib.h>
                                              int f, c;
  #include <time.h>
                                              srand(time(NULL));
 #include <iomanip>
                                              for (f=0; f<cf; f++)
 using namespace std;
                                                  for (c=0; c<cc; c++)
                                                      m[f][c] = rand() %10+1;
  const int DIM1=10:
 const int DIM2=10:
                                                                                Si se inserta un
                                                                                número dentro
                                                                                de los corchetes
 void cargarMatriz(int m[][DIM2], int cf, int cc);
                                                                                el compilador lo
 void mostrarMatriz(int m[][DIM2], int cf, int cc);
                                                                                 ignorará
-int main() {
      int matriz[DIM1][DIM2];
      int cf=4, cc=3;
      cargarMatriz(matriz, cf, cc);
                                        -void mostrarMatriz(int m[][DIM2], int cf, int cc) {
     mostrarMatriz (matriz, cf, cc);
                                              int f, c;
      return 0:
                                              cout << endl:
                                              for (f=0; f<cf; f++) {
                2
8
                                                  for (c=0; c<cc; c++)
          10
3
1
                    10
                                                       cout << setw(2) << m[f][c] << " ";
                1
                                                  cout << endl:
```

EJEMPLO 1:

1) Informar cuál fue el puntaje promedio de la primera prueba.

Puntajes en la prueba 1											
3	7	4	5	7	5	8	5	6	4		
5	7	8	4	5	4	7	8	6	4		
6	8	5	7	5	8	6	5	6	7		
4	5	7	3	6	6	8	4	6	3		

int matriz[DIM1] [DIM2];

```
int suma=0, max=0, puntos=0, depomax;
for (int f=0; f<DIM1; f++)
    suma += matriz[f][0];
cout << endl << "Promedio de lera prueba: " << float(suma)/DIM1;</pre>
```

EJEMPLO 1:

2) Informar cuál fue el mayor valor obtenido en alguna prueba de las últimas 3.

Puntajes de las 3 últimas pruebas

								1	iajes	_
3	7	4	5	7	5	8	5	6	4	
5	7	8	4	5	4	7	8	6	4	
6	8	5	7	5	8	6	5	6	7	
	•••••									
4	5	7	3	6	6	8	4	6	3	

int matriz[DIM1] [DIM2];

```
for (int f=0; f<DIM1; f++)
    for (int c=DIM2-3; c<DIM2; c++)
        if (matriz[f][c] > max) max = matriz[f][c];
    cout << endl << "El mayor puntaje obtenido en una prueba ";
    cout << "de las ultimas 3 es: " << max;</pre>
```

EJEMPLO 1.

El puntaje final de cada Deportista se calcula como el promedio de los puntajes de todas las pruebas.

3) Informar cuál fue el deportista con mayor puntaje final.

int matriz[DIM1] [DIM2]; float promedio; $\max = 0$: for (int f=0; f < cf; f++) { puntos = 0: for (int c=0; c<cc; c++) puntos += matriz[f][c]; promedio = float (puntos)/cc; if (promedio > max) { max = promedio; depomax = f+1;cout << endl << "El deportista con mayor puntaje final es el " << depomax;

Puntaje final deportista 1

Calcular la transpuesta de una matriz

EJEMPLO 2.

```
const int TF=10:
 void cargarmatriz(int m[][TF], int tam);
 void mostrarmatriz(int m[][TF], int tam);
 void transponermatriz(int m[][TF], int tam);
-int main() {
     int matriz[TF][TF];
     int i, j, N;
     cout << "Ingrese tamanio (hasta 10): ";
     cin >> N:
     cargarmatriz (matriz, N);
     cout << endl << "Matriz:" << endl;
     mostrarmatriz (matriz, N);
     transponermatriz (matriz, N);
     cout << endl << "Matriz transpuesta:" << endl;
     for (i=0; i<N; i++) {
         cout << endl;
         for (j=0; j<N; j++)
             cout << setw(2) << matriz[i][j] << "--";
     return 0:
```

```
void transponermatriz(int m[][TF], int tam) {
   int i, j, aux;

   for (i=0; i<tam; i++)
        for (j=0; j<i; j++) {
        aux = m[i][j];
        m[i][j] = m[j][i];
        m[j][i] = aux;
    }
   return;
}</pre>
```

```
Ingrese tamanio (hasta 10): 4

Matriz:

22 93 92 41

51 16 87 19

13 42 99 89

53 98 91 23

Matriz transpuesta

22--51--13--53--
93--16--42--98--
92--87--99--91--
41--19--89--23--

<< El programa ha finalizado: c
```

Obtener diferentes datos de una matriz

EJEMPLO 3.

```
const int TF=5;
void mostrar_datos(int mat[][TF], int tl);
void mostrar(int mat[][TF], int tl);
int Mayor_de_matriz(int mat[][TF], int tl);
int Mayor_de_diagonal_princ(int mat[][TF], int tl);
int Mayor_de_diagonal_sec(int mat[][TF], int tl);
int Mayor_de_una_fila(int mat[], int tl);
int Mayor_de_una_col(int mat[][TF], int tl, int c);
int Columna_con_mayor_suma(int mat[][TF], int tl);
float Promedio_suma_columna(int mat[][TF], int tl);
```

Obtener diferentes datos de una matriz

EJEMPLO 3.

```
mint main() {
      matriz1[TF][TF] = \{\{0,1,2,3,4\},\{1,0,2,3,4\},\{2,2,0,3,4\},\{3,3,3,0,4\},\{4,4,4,4,0\}\},
          matriz2[TF][TF] = \{\{0,0,0,0,0,0\}, \{0,0,0,0,0\}, \{0,0,1,0,0\}, \{0,0,0,0,0\}, \{0,0,0,0,0\}\},\
          matriz3[TF][TF] = \{\{0,0,0,0,0,3\},\{0,0,0,2,2\},\{0,0,1,0,0\},\{0,0,0,0,0\},\{0,0,0,1,1\}\},
          matriz4[TF][TF] = \{\{1,0,0,0,0,0\}, \{0,1,0,0,0\}, \{0,0,1,0,0\}, \{0,0,0,0,2,0\}, \{0,0,0,0,0,3\}\},\
          matriz5[TF][TF] = \{\{1,1,1,1,1\},\{2,0,0,0,2\},\{3,0,1,0,3\},\{4,0,0,0,4\},\{5,5,5,5\}\}\};
      mostrar datos (matriz, TF);
                                           La matriz:
      mostrar datos (matriz1, TF);
     mostrar datos (matriz2, TF);
                                           1 1 1 1 1
     mostrar datos (matriz3, TF);
                                           2 0 0 0 2
      mostrar datos (matriz4, TF);
      mostrar datos (matriz5, TF);
                                              0 1 0 3
      return 0:
                                              0 0 0 4
                                             5 5 5 5
                                           El mayor elemento de la matriz es: 5
                                           El mayor elemento de la diagonal principal es: 5
                                           El mayor elemento de la diagonal secundaria es: 5
                                           El mayor elemento de la columna 2 es: 5
                                           El mayor elemento de la fila 3 es: 4
                                           La columna de mayor suma es: 0
                                           El promedio de las sumas de columnas es: 9.8
```

Obtener diferentes datos de una matriz

EJEMPLO 3.

```
void mostrar_datos(int mat[][TF], int tl){
   int fila=3, col=2;
   mostrar(mat,tl);
   cout << "El mayor elemento de la matriz es: " << Mayor_de_matriz(mat,tl) << endl;
   cout << "El mayor elemento de la diagonal principal es: " << Mayor_de_diagonal_princ(mat,tl) << endl;
   cout << "El mayor elemento de la diagonal secundaria es: " << Mayor_de_diagonal_sec(mat,tl) << endl;
   cout << "El mayor elemento de la columna " << col << " es: " << Mayor_de_una_col(mat,tl,col) << endl;
   cout << "El mayor elemento de la fila " << fila << " es: " << Mayor_de_una_fila(mat[fila],tl) << endl;
   cout << "La columna de mayor suma es: " << Columna_con_mayor_suma(mat,tl) << endl;
   cout << "El promedio de las sumas de columnas es: " << Promedio_suma_columna (mat,tl) << endl;
   return;
}</pre>
```

```
int Mayor_de_matriz(int mat[][TF], int tl){
   int i, j, max = mat[0][0];
   for (i=0; i<tl; i++)
        for (j=0; j<tl; j++)
        if (mat[i][j] > max) max = mat[i][j];
   return max;
}
```

Devuelve el mayor elemento de la matriz

```
int Mayor_de_diagonal_princ(int mat[][TF], int tl){
   int i, max = mat[0][0];
   for (i=1; i<tl; i++)
      if (mat[i][i] > max) max = mat[i][i];
   return max;
}
```

Devuelve el mayor elemento de la diagonal principal

```
Int Mayor_de_diagonal_sec(int mat[][TF], int tl){
    int i, max = mat[0][tl-1];
    for (i=1; i<tl; i++)
        if (mat[i][tl-1-i] > max) max = mat[i][tl-1-i];
    return max;
}
```

Devuelve el mayor elemento de la diagonal secundaria

```
int Mayor_de_una_col(int mat[][TF], int tl, int c){
   int i, max = mat[0][c];
   for (i=1; i<tl; i++)
       if (mat[i][c] > max) max = mat[i][c];
   return max;
}
```

Devuelve el mayor elemento de una columna determinada

```
cout << "El mayor elemento de la columna " << col << " es: " <<
Mayor_de_una_col(mat,tl,col);</pre>
```

```
int Mayor_de_una_fila(int mat[], int tl){
   int i, max = mat[0];
   for (i=1; i<tl; i++)
      if (mat[i] > max) max = mat[i];
   return max;
}
```

Devuelve el mayor elemento de una fila determinada

```
cout << "El mayor elemento de la fila " << fila << " es: " << Mayor_de_una_fila (mat[fila], tl);
```

Se le pasa una fila (un vector) como parámetro.

```
int Columna con mayor suma(int mat[][TF], int tl) {
    int i, j, max, colmax, totc=0;
    for (i=0; i<tl; i++)
        totc += mat[i][0];
   max = totc;
    colmax = 0:
    for (j=1; j<t1; j++){}
        totc = 0;
        for (i=0; i<tl; i++)
           totc += mat[i][j];
        if (totc > max) {
            max= totc:
           colmax = j;
    return colmax;
```

Devuelve el índice de la columna que tiene mayor suma de sus elementos

```
☐ float Promedio_suma_columna(int mat[][TF], int tl){
    int i, j, totc=0, sum=0;
    for (j=0; j<tl; j++){
        totc = 0;
        for (i=0; i<tl; i++)
            totc += mat[i][j];
        sum += totc;
    }
    return (float) sum/tl;
}
</pre>
```

Devuelve el promedio de las sumas de columnas

Distintas características de una matriz

EJEMPLO 4.

```
const int TF=5;
void caracterizar (int mat[][TF], int tl);
void mostrar (int mat[][TF], int tl);
bool Es_nula (int mat[][TF], int tl);
bool Es_simetrica (int mat[][TF], int tl);
bool Es_diagonal_nula (int mat[][TF], int tl);
bool Es_triangular_superior (int mat[][TF], int tl);
bool Es_solo_diagonal (int mat[][TF], int tl);
bool Es_marco (int mat[][TF], int tl);
bool Tiene_fila_nula (int mat[][TF], int tl);
bool Tiene_columna_nula (int mat[][TF], int tl);
```

```
woid caracterizar (int mat[][TF], int tl) {
    mostrar(mat,tl);
    if (Es_nula (mat,tl)) cout << "La matriz es nula " << endl;
    if (Es_simetrica (mat,tl)) cout << "La matriz es simetrica " << endl;
    if (Es_diagonal_nula (mat,tl)) cout << "La matriz tiene diagonal nula " << endl;
    if (Es_triangular_superior (mat,tl)) cout << "La matriz es triangular superior " << endl;
    if (Es_solo_diagonal (mat,tl)) cout << "La matriz es solo diagonal " << endl;
    if (Es_marco (mat,tl)) cout << "La matriz es marco " << endl;
    return;
}</pre>
```

Distintas características de una matriz

EJEMPLO 4.

```
—int main() {
    m1[TF][TF] = \{\{0,1,2,3,4\},\{1,0,2,3,4\},\{2,2,0,3,4\},\{3,3,3,0,4\},\{4,4,4,4,0\}\}\},
        m2[TF][TF] = \{\{0,0,0,0,0,0\},\{0,0,0,0,0\},\{0,0,1,0,0\},\{0,0,0,0,0\},\{0,0,0,0,0\}\}\},
       m3[TF][TF] = \{\{0,0,0,0,0,3\},\{0,0,0,2,2\},\{0,0,1,0,0\},\{0,0,0,0,0\},\{0,0,0,1,1\}\}\},
        m5[TF][TF] = \{\{1,1,1,1,1,1\},\{2,0,0,0,2\},\{3,0,0,0,3\},\{4,0,0,0,4\},\{5,5,5,5,5\}\}\};
    caracterizar (m, TF);
    caracterizar (m1, TF);
    caracterizar (m2, TF);
    caracterizar (m3, TF);
    caracterizar (m4, TF);
    caracterizar (m5, TF);
    return 0:
```

```
bool Es nula(int mat [][TF], int tl) {
    int i=0, j; bool b=true;
    while((i<tl) && b) {
        j=0;
        while ((j<tl) && b) {
            if (mat[i][j]!=0) b=false;
            7++;
        1++;
    return b:
```

Determinar si una matriz es nula: tiene todos sus elementos iguales a cero

```
□bool Es_diagonal_nula (int mat[][TF], int tl) {
    int i=0; bool b=true;
    while ((i<tl) && b) {
        if(mat[i][i]!=0) b=false;
        i++;
    }
    return b;
}</pre>
```

Determinar si una matriz tiene la diagonal principal nula: tiene todos los elementos de la diagonal principal iguales a cero

```
La matriz:
0 1 2 3 4
1 0 2 3 4
2 2 0 3 4
3 3 3 0 4
4 4 4 4 0
La matriz es simetrica
La matriz tiene diagonal nula
```

```
□ void mostrar (int mat [][TF], int tl) {
    int i,j;
    cout << "-----" << endl;
    cout << endl << "La matriz: " << endl << endl;

    for (i=0; i<tl; i++) {
        for(j=0; j<tl; j++)
            cout << mat[i][j] << " ";
            cout << endl;
        }
}</pre>
```

Mostrar una matriz (por filas)

Determinar si una matriz es simétrica: todo par de elementos simétricos ((i,j) y (j,i)) son iguales

```
La matriz:
0 1 2 3 4
1 0 2 3 4
2 2 0 3 4
3 3 3 0 4
4 4 4 4 0
La matriz es simetrica
```

Determinar si una matriz es triangular superior: tiene todos los elementos que están por debajo de la diagonal principal iguales a cero

```
La matriz:
10000
01000
0000
0000
0000
La matriz es triangular superior
```

```
bool Es solo diagonal (int mat[][TF], int tl) {
     int i=1;
     bool b=true;
     if (b) {
         i=0;
         while ((i<tl) && b) {
             if (mat[i][i]==0) b=false;
                                           La matriz:
             i++;
                                           10000
                                           01000
     return b:
                                           00100
                                           00020
                                           00003
                                           La matriz es simetrica
                                           La matriz es triangular superior
                                           La matriz es solo diagonal
```

Determinar si una matriz es Solo Diagonal: todos los elementos de la diagonal principal son no nulos y el resto es todo nulo.

```
bool Es marco (int mat [][TF], int tl) {
     int i, j; bool b=true;
     j=0;
     while ((j<tl) && b) {
         if (mat[0][j]==0 || mat[tl-1][j]==0) b=false;
         j++;
     if (b) {
         j=1;
         while ((j<tl-1) && b) {
             if (mat[j][0]==0 || mat[j][tl-1]==0) b=false;
             j++;
     if (b) {
         i=1;
         while ((i<tl-1) && b) {
             j=1;
             while ((j<tl-1) && b) {
                 if (mat[i][j]!=0) b=false;
                 j++;
              1++;
     return b;
```

Determinar si una matriz es marco

tiene todos los elementos del borde no nulos y los del interior nulos

```
bool Tiene_fil_suma_cero (int mat [][TF], int tl) {
   int i=0, j, sum;
   bool b=false;

   while (i<tl && !b) {
      sum=0;
      for (j=0;j<tl;j++) sum += mat[i][j];
      if (sum==0) b=true;
      i++;
   }
   return b;
}</pre>
```

Determinar si una matriz tiene al menos una fila de suma cero

```
Int Cant_fil_suma_cero (int mat [][TF], int tl) {
    int i=0, j, cant=0, sum;
    for(i=0;i<tl;i++) {
        sum=0;
        for (j=0;j<tl;j++) sum+=mat[i][j];
        if (sum==0) cant++;
    }
    return cant;
}</pre>
```

Determinar cuantas filas de suma cero tiene una matriz

Revisamos la diferencias

```
void mostrar_datos (int mat[][TF], int tl) {
    mostrar(mat, tl);
    if(Tiene_fil_suma_cero(mat, tl))
        cout << "Tiene al menos una fila de suma cero" << endl;
    cout << "La cantidad de filas de suma cero es: "
        << Cant_fil_suma_cero(mat, tl) << endl;
    return;
}</pre>
```

```
La matriz :

0 1 2 3 4

1 0 2 3 4

2 2 0 3 4

3 3 3 0 4

4 4 4 0

La cantidad de filas de suma cero es: 0
```

```
La matriz :

0  0  0  0  0

0  0  0  0

0  0  1  0  0

0  0  0  0

0  0  0  0

Tiene al menos una fila de suma cero
La cantidad de filas de suma cero es: 4
```

Para profundizar en el tema:

Libro:

Resolución de problemas con C++ - Savitch
Capítulo 10
(Pág. 545)

Capítulo 6

Libro: Benjumea-Roldan Universidad de Málaga