# Cours de Statistique - Étendue et Médiane cours paud functions

**Définitions** 

**Étendue** : La différence entre la plus grande et la plus petite valeur d'un ensemble de données.

$$\text{Étendue} = \text{Valeur max} - \text{Valeur min}$$

**Médiane** : La valeur qui divise l'ensemble des données triées en deux parties égales :

- Si le nombre de données est impair, c'est la valeur du milieu.
- Si le nombre de données est pair, c'est la moyenne des deux valeurs du milieu.

Exemple 1 : Ensemble de données impair

Données : **4, 7, 9 11, 15** (5 valeurs)

(les données sont triées par ordre croissant)

$$15 - 4 = 11$$

- Médiane : 9 (valeur au milieu).

Exemple 2 : Ensemble de données pair

Données : **3, 5, 8, 10, 12, 18** (6 valeurs)

- Étendue Ki N

$$18 - 3 = 15$$

- Médiane : moyenne des deux valeurs centrales :

$$M\'{e}diane = \frac{8+10}{2} = 9$$

# 4. Activité : Étendue et Médiane

Voici deux séries de données à analyser :

**Série 1**: 6, 12, 15, 18, 21

6 valur pair. • **Série 2**: 5, 9, 11, 13, 17, 19

### Questions:

- 1. Calculez l'étendue pour chaque série de données.
- 2. Calculez la médiane pour chaque série.
- 3. Comparez l'étendue des deux séries : laquelle est la plus dispersée ?
- 4. Interprétez les résultats : que nous apprend la médiane sur la répartition des valeurs ?

5 Valen impairs  $\begin{cases} 5 \text{ Exic } 2 \\ 1) & 19 - 5 = 14 \\ 2) & \frac{11+13}{2} = 12 \end{cases}$ 1) 21 - 6 = 15

3) la senier et plus dispersée du point de vue de l'étendue 4) la médiane. coupe la senie en deux parties égales [. 50% des données sont plus petites que la midiene et 50% sont plus grandes.

# Traitement d'un grand nombre de données discrètes

Lorsqu'on travaille avec un grand nombre de données discrètes, on regroupe ces données en fonction de leurs valeurs possibles (appelées **modalités** ou **valeurs des variables**). Nous allons calculer la moyenne, l'écart-type et d'autres paramètres statistiques à partir d'un tableau récapitulatif.  $m = \sum m$ 

Exemple nombre de fois que les valeurs apparaiment mi les voici un tableau contenant des données sur la note obtenue par elusieurs élèves à un test :

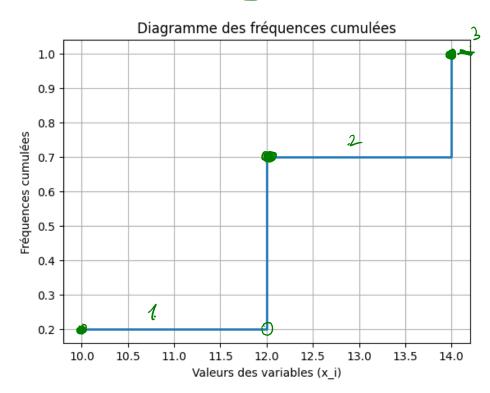
							- 1	<i>,</i>		
	Valeurs	Effect	ifs	Effectifs	Fréq.	Fréq.	V	Écart	<b>/</b>	
	$(x_i)$	$n_i$		cumulés	$f_{i}$	cumulées		$(x_i-ar{x})^2$	$n_i imes (x_i-ar x)^2$	
	1001	4		4	0.2	0.2= 40		(10 - 12,)2 =	4 . 4,84 = 19,36	
	12	10	<u>Ľ</u> _	<b>1</b> 4	0.5	0.7 = 44	120	(12 - \$1,2)2= 0,04	10.0,04 = 0,4	
	14	6	6	20	0,3	1 = 10	8.4 ×3.	(14-12, 2) = 3,24	6 - 3,24 = 19, +4	
	Total	n: 20			1		244		3.5,.12	

• Moyenne ( $\bar{x}$ ) :

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i \times \hat{m}}{\sum n_i} = \frac{n_1 \cdot m_1 + n_2 \cdot n_1 + n_3 \cdot m_3}{20} = \frac{n_2 \cdot m_1 + n_2 \cdot n_2 + n_3 \cdot m_3}{20}$$

• Écart-type ( $\sigma$ ) :

$$\sigma = \sqrt{rac{\sum n_i imes (x_i - ar{x})^2}{\sum n_i}} = ..\sqrt{rac{35,12}{20}} = 1, rac{4}{7}$$



#### Interprétation du Diagramme :

1 ève marche: Il ya 20% des données plus plétites on égalera 12 l'o et 12)
3 èm marche: Il ya 100% des données plus petites on (10 et 12)
3 èm marche: Il ya 100% des données plus petites on égalera à 14 (10,12 et 14)

# Estimation de la médiane :

La médiane est la valeur centrale de la série de données triées. Ici, la médiane est entre 10 et 12, car elle se situe au milieu de la série (on l'observe en traçant une droite horizontale à partir de 0.5 sur l'axe des ordonnées).

#### Calcul de la médiane :

La formule de la médiane avec interpolation linéaire est la suivante :

$$ext{M\'ediane} = x_{ ext{inf}} + rac{F_m - F_{ ext{inf}}}{F_{ ext{sup}} - F_{ ext{inf}}} imes (x_{ ext{sup}} - x_{ ext{inf}})$$

Où:

- $x_{\inf}$  : valeur inférieure de la marche.
- $x_{
  m sup}$  : valeur supérieure de la marche.
- ullet  $F_m$  : fréquence correspondant à la moitié de l'effectif total, donc c'est 0.5(50%).
- $F_{\mathrm{inf}}$  : fréquence cumulée de la marche inférieure.
- $F_{
  m sup}$  : fréquence cumulée de la marçne supérieure.

Voici l'application de la formule avec les valeurs :

$$ext{Mediane} = \ldots + rac{\ldots - 0.2}{0.7 - 0.2} imes (\ldots - 10)$$
  $ext{Médiane} = \ldots$ 

#### Exercice:

#### Voici un tableau de notes :

Valeurs ( $x_i$ )	Effectifs ( $n_i$ )			
8	5			
10	7			
15	8			

# Questions:

- 1. Complétez le tableau avec les fréquences, les fréquences cumulées, etc.
- 2. Calculez la moyenne.
- 3. Calculez l'écart-type.
- 4. Calculez l'étendue
- 5. Tracez le diagramme en escalier.
- 6. Interprétez le diagramme en escalier
- 7. Estimez la médiane.
- 8. Calculez la médiane

Valeuro	effeckfe n;	mjc	\$: *: *	fie tie	wird wird	Ecant gnadnahjue (x;-x) <sup>2</sup>	Ci.(x; -x)2 E cont	quaphatique 15 et la jour
in 8 MS	5	5	0,25	0, 25	40	(8-11 <sub>1</sub> 5) <sup>2</sup> =12,85	61, 25	Everts quadratipu
10 M.S	7 🚄	12	0, 35	0,6	*10 n.r	٤,25	15,75	Moyent
₩ 15	8	20	0,4		-12 0	12,25	98	
Total M=Zn	i Eco	yenr ut- dian	13p		$\begin{array}{c} x & 230 \\ n_i \cdot x_i & = n_i \\ \hline \\ \end{array}$	$\frac{1}{1} \frac{(X_i - \overline{X})^2}{(X_i - \overline{X})^2}$	30 - 11,5	total des  Evants' guadrahous  = 2,95
5 12	لي	. Q L M Y	1 <b>-</b> :	6N 0n 10-	a 200 a	Jonnés, (Pl. 11m donné	li R) te la 10 en e =!	et la $\frac{0+10}{2}=(0)$
8 5		10 /	7-10	15 1		8		2

