

Métodos de Classificação

Objetivos e Caracterizações

O acesso a um conjunto de dados é facilitado se o mesmo está armazenado conforme uma certa ordem, baseada num critério conhecido.

O objetivo básico da classificação ou ordenação é *facilitar o acesso aos dados*, propiciando a localização rápida de uma entrada, por um programa.

O interesse na ordenação se justifica diretamente por sua aplicação na adequação das listas (tabelas) à consulta.

Objetivos e Caracterizações

Além disso, o desenvolvimento de métodos e processos de ordenação também se constitui em um campo de pesquisa onde ocorre a aplicação de técnicas básicas de construção de algoritmos.

Talvez não haja outro problema de programação que, para uma mesma formulação (no caso: “ordenar uma lista”), tenha tantas soluções diferentes, cada uma com qualidades e defeitos, relacionados com desempenho (complexidade em tempo e uso da memória), facilidade de programação, tipo e condição inicial dos dados, etc. .

A operação de classificação ou ordenação pode ser entendida como um rearranjo (ou *permutação*) de uma lista, por exemplo, do menor para o maior, aplicado sobre um dos campos (a chave da ordenação).

Os processos de classificação diferem quanto à área de trabalho necessária. Enquanto uns métodos trabalham sobre o próprio vetor a ordenar (métodos *in situ*), outros exigem um segundo vetor para armazenar o resultado, e até mesmo outras áreas auxiliares. É interessante notar que nem sempre o uso de áreas auxiliares aumenta a eficiência dos processos, pois elas podem servir apenas para simplificar as operações, aumentando, no entanto, o número de operações a realizar.

Objetivos e Caracterizações

A complexidade dos algoritmos serve igualmente para classificar os processos de ordenação. A eficiência dos processos pode ser avaliada pelo número **C** de operações de comparação entre chaves conjuntamente com o número **M** de movimentos de dados (transposições) necessários. Tanto **C** como **M** são funções de **n**, o número de chaves. Daí, têm-se os processos ditos *diretos*, assim chamados por serem de formulação relativamente simples, de manipulação *in situ*, que apresentam, no entanto, complexidade $O(n^2)$.

Objetivos e Caracterizações

Nesses processos o normal é acontecer um grande número de operações de comparação e de troca de valores.

Já os processos *avançados*, são aqueles de formulação baseada em expedientes não tão óbvios, com algoritmos, portanto, mais elaborados, que alcançam desempenho de ordem $O(n \log n)$. Nesses métodos as operações tendem a ser mais complexas, porém há menos trocas, o que explica seu melhor desempenho.

Por outro lado, os diversos processos de ordenação partem de alguma proposta básica, a qual caracteriza uma *família* de métodos. Os diversos processos se diferenciam numa família conforme os meios e truques que usam para realizar a proposta básica.

Assim, os métodos diretos *in situ*, particularmente, pertencem às famílias de processos de ordenação por *troca*, por *inserção* e por *seleção*. Os métodos avançados podem ser refinamentos ou combinações de processos diretos ou podem implementar outras propostas, identificando-se famílias como da ordenação por *intercalação*, por *particionamento* e por *distribuição* de chaves.

É possível que dois registros num arquivo tenham a mesma chave. Uma técnica de classificação é chamada estável se, para todos os registros i e j , $k[i]$ seja igual a $k[j]$; se $r[i]$ precede $r[j]$ no arquivo original, $r[i]$ precederá $r[j]$ no arquivo classificado. Ou seja, uma classificação estável mantém os registros com a mesma chave na mesma ordem relativa em que estavam antes da classificação.

Exemplo: se uma lista alfabética de nomes de funcionários de uma empresa é ordenada pelo campo salário, então um método estável produz uma lista em que os funcionários com mesmo salário aparecem em ordem alfabética.

Objetivos e Caracterizações

Classificação dos métodos de ordenação, quanto à localização das chaves a serem ordenadas.

1. Ordenação Interna

- ✦ Número de registros a serem ordenados é pequeno o bastante para que todo o processo se desenvolva na memória interna.

2. Ordenação Externa

- ✦ Arquivo a ser ordenado não cabe na memória principal e, por isso, tem que ser armazenado em **fita** ou **disco** (memória secundária).

Objetivos e Caracterizações

Principais Diferenças entre os Dois Métodos

Na ordenação interna, qualquer registro pode ser imediatamente acessado. Os dados são organizados na forma de vetores, onde cada dado é "visível".

Exemplo: **2 5 7 1 9 4 8 0 ...**

Na ordenação externa, os registros são acessados seqüencialmente ou em grandes blocos. Os dados são organizados em arquivos, onde em cada arquivo apenas o dado de cima é visível.

Objetivos e Caracterizações

Classificação dos Métodos de Ordenação

1. Ordenação Interna

(a) Métodos Simples ou Diretos

- i. Ordenação por Troca (Permutação) ou **Bubblesort / Shakersort**
- ii. Ordenação por Seleção
- iii. Ordenação por Inserção

(b) Métodos Eficientes ou Avançados

- i. Ordenação por particionamento ou **Quicksort**
- ii. Ordenação por inserção através de incrementos decrescentes ou **Shellsort**

Objetivos e Caracterizações

Classificação dos Métodos de Ordenação

1. Ordenação Interna

(b) Métodos Eficientes ou Avançados (continuação)

- iii. Ordenação por intercalação ou **Mergesort**
- iv. Ordenação de árvores ou **Heapsort**

2. Ordenação Externa

(a) **Mergesort**

Classificação por Troca

Toda ordenação está baseada na permutação dos elementos do vetor; logo, sempre dependerá de trocas. São, no entanto, ditos processos por troca aqueles em que a operação de troca é dominante.

Analisaremos agora um método de classificação por troca, conhecido como classificação por troca simples, classificação por bolha ou bubble sort.

Classificação por Troca - bubble sort

A idéia básica por trás do bubble sort é percorrer a lista de chaves seqüencialmente várias vezes. Cada passagem consistem em comparar cada elemento na lista com seu sucessor e trocar os dois elementos se eles não estiverem na ordem correta.

Para uma melhor compreensão examinaremos o exemplo a seguir.

Classificação por Troca - bubble sort

25 57 48 37 12 92 86 33

Na primeira passagem as seguintes comparações são feitas:

$x[0]$ com $x[1]$ (25 com 57) nenhuma troca

$x[1]$ com $x[2]$ (57 com 48) troca

$x[2]$ com $x[3]$ (57 com 37) troca

$x[3]$ com $x[4]$ (57 com 12) troca

$x[4]$ com $x[5]$ (57 com 92) nenhuma troca

$x[5]$ com $x[6]$ (92 com 86) troca

$x[6]$ com $x[7]$ (92 com 33) troca

Classificação por Troca - bubble sort

Conjunto completo de iterações:

iteração 0 _(lista original)	25	57	48	37	12	92	86	33
iteração 1	25	48	37	12	57	86	33	92
iteração 2	25	37	12	48	57	33	86	92
iteração 3	25	12	37	48	33	57	86	92
iteração 4	12	25	37	33	48	57	86	92
iteração 5	12	25	33	37	48	57	86	92
iteração 6	12	25	33	37	48	57	86	92
iteração 7	12	25	33	37	48	57	86	92

Classificação por Troca - bubble sort

Com base no que foi visto, construa uma função, em C, que recebe um vetor de inteiros e o número de elementos neste vetor. Esta função deve ordenar o vetor implementando o bubble sort.

```
void bubble_sort (int *v, int n)  
{  
    int i, j;  
    for (i=0; i<n-1; i++)  
        for (j=0; j<n-1; j++)  
            if (v[j]>v[j+1])  
                {  
                    int temp;  
                    temp = v[j];  
                    v[j] = v[j+1];  
                    v[j+1] = temp;  
                }  
        }  
}
```

Classificação por Troca - bubble sort

Qual a complexidade do algoritmo anterior?

$O(n^2)$

Pode se fazer melhorias no algoritmo anterior?

Sim.

Quais?

Não existe necessidade de verificar o sub vetor ordenado e ao se verificar que o vetor está ordenado pode-se parar a ordenação.

Classificação por Troca - bubble sort

Implemente o algoritmo com as melhorias discutidas. Depois analise a complexidade do mesmo.

```

void bubble_sort (int *v, int n)
{
    int i, j, ah_troca=1;
    for (i=0; i<n-1 && ah_troca; i++)
    {
        ah_troca = 0;
        for (j=0; j<n-i-1; j++)
            if (v[j]>v[j+1])
            {
                int temp;
                temp = v[j];
                v[j] = v[j+1];
                v[j+1] = temp;
                ah_troca = 1;
            }
    }
}

```

Qual a complexidade
do algoritmo?
 $O(n^2)$

Classificação por Troca - bubble sort

Existem outras formas de aprimorar o *bubble sort*. Uma delas é fazer com que as passagens sucessivas percorram o vetor em sentidos opostos, de modo que os elementos de menor magnitude se desloquem mais rapidamente para o início da lista da mesma forma que os de maior magnitude se desloquem para o final. Implementaremos agora, como exercício, uma função, na linguagem C, que implemente este método.

```

void shaker_sort (int *v, int n)
{
    int esq = 0, dir = n-1, i, trocou;
    do
    {
        trocou = 0;
        for (i=esq; i<dir; i++)
            if (v[i]>v[i+1])
            {
                int temp;
                temp = v[i];
                v[i] = v[i+1];
                v[i+1] = temp;
                trocou = 1;
            }
        dir--;
    }

```

```

    if (trocou)
    {
        trocou = 0;
        for (i=dir; i>esq; i--)
            if (v[i]<v[i-1])
            {
                int temp;
                temp = v[i];
                v[i] = v[i-1];
                v[i-1] = temp;
                trocou = 1;
            }
    }
    esq++;
}while(esq<dir && trocou);

```


Classificação por Troca - shaker sort

Esta variante é conhecida como troca alternada ou *shaker sort*, devido a propiciar, por assim dizer, acomodação por “agitação” das chaves. O ganho obtido se deve a que: a) vão se formando dois subvetores ordenados que podem sair do processo de comparação e trocas; b) para vetores pouco desordenados, também as chaves menores são logo posicionadas, detectando-se em seguida o fim do processo.

Classificação por Troca - shaker sort

De qualquer forma, o ganho é apenas em relação ao número de comparações: as trocas a serem efetuadas são sempre lado a lado, e todos os elementos terão que se movimentar no mesmo número de casas que no método *bubble sort*. Como as comparações são menos onerosas que as trocas, estas continuam a ditar o desempenho: o método *shaker sort*, no melhor caso (vetor ordenado) e no pior caso (vetor invertido) tem a mesma complexidade que o *bubble sort*.