

## Paradigma Lógico

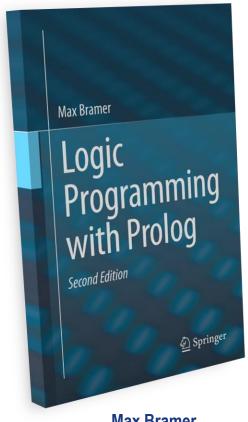
# Introdução à Linguagem PROLOG

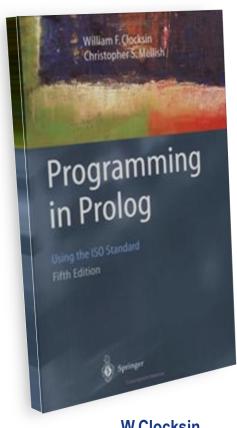
PROgramação em LÓGica

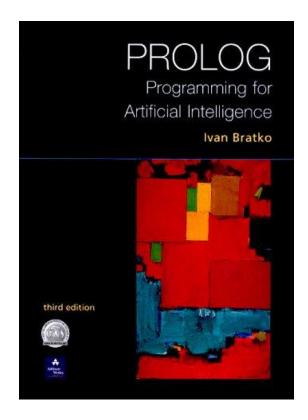


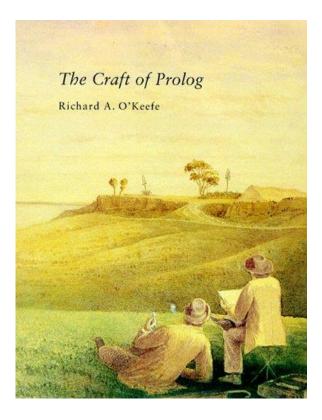
Prof. Ausberto S. Castro V. ascv@uenf.br

# **Bibliografia**









**Max Bramer** 

W.Clocksin

# Lógica

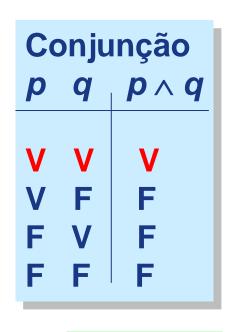
- \* LÓGICA: estudo das proposições
- Conjunção p AND q
  - $\mathbf{p} \wedge \mathbf{q}$
- Disjunção p OR q
  - **p** ∨ q
- Cláusula de Horn (argumento)
  - É uma disjunção de literais com pelo menos um literal positivo  $\neg p \lor \neg q \lor \cdots \lor \neg t \lor u$

ou equivalentemente

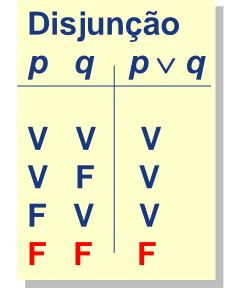
$$(p \land q \land \cdots \land t) \rightarrow u$$

- \* Predicado
  - Uma função P(p,q,r,...) que é verdadeiro ou falso
  - Uma proposição composta

# Lógica - Tabelas-verdade



V = verdadeiro F = falso



Negação	
p	¬ <b>p</b>
V	F
F	V

$$p \rightarrow q \equiv \neg p \lor q$$
Condicional

$$p \leftrightarrow q \equiv (p \rightarrow q) \land (q \rightarrow p)$$

BiCondicional

# Cálculo Proposicional

# Argumento válido

\* Um argumento é uma seqüência (conjunção) de sentenças chamadas *premissas*, seguida de outra sentença chamada *conclusão*, na forma de uma implicação:

$$p_1 \wedge p_2 \wedge p_3 \wedge ... \wedge p_n \rightarrow q$$

Se um argumento

$$p_1 \wedge p_2 \wedge p_3 \wedge ... \wedge p_n \rightarrow q$$

- é uma tautologia, então é chamado de *argumento válido*
- Se  $(p1 \land p2) \rightarrow q$  é um argumento válido, então dizemos que a conclusão q é deduzida ou inferida da verdade das premissas p1 e p2
- Argumentos não válidos são chamados de falacias

# Argumento válido

$$p_1 \wedge p_2 \wedge p_3 \wedge ... \wedge p_n \rightarrow q$$

 $p_1$  and  $p_2$  and  $p_3$  and ... and  $p_n \rightarrow q$ 

Se p<sub>1</sub> and p<sub>2</sub> and p<sub>3</sub> and ... and p<sub>n</sub> então q

Se q então p<sub>1</sub> and p<sub>2</sub> and p<sub>3</sub> and ... and p<sub>n</sub>

$$q := p_1, p_2, p_3, \dots, p_n$$

# Implicação Lógica

- \* Se p e q são duas proposições qualquer tais que  $p \to q$  é uma tautolgia, então dizemos que p implica logicamente q e escrevemos  $p \Rightarrow q$ 
  - Neste caso nos referimos a  $p \rightarrow q$  como uma implicação lógica
  - Se  $p \Rightarrow q$  e  $q \Rightarrow p$  então escrevemos  $p \Leftrightarrow q$

# Regras de Inferência

 Permitem a dedução de novas proposições a partir de proposições anteriores

```
fbf = fórmula bem formada: p, p \wedge q, p \vee q, \sim p
```

- Permitem a dedução de novas fbf a partir de fbf anteriores
  - Pedro lê jornal
  - Pedro lê revistas

Então Pedro lê jornal e revistas

# Regras de Inferência

\* Modus Ponens MP

$$\frac{\mathbf{p},\,\mathbf{p} \rightarrow \mathbf{q}}{\therefore \,\mathbf{q}}$$

\* Modus Tollens MT

$$\frac{\mathbf{p} \rightarrow \mathbf{q}, \ \sim \mathbf{q}}{\therefore \ \sim \mathbf{p}}$$

\* Silogismos HS

$$\underbrace{p \rightarrow q, q \rightarrow r}_{\therefore p \rightarrow r}$$

Conjunção CONJ

$$\frac{\mathbf{p},\mathbf{q}}{\therefore \mathbf{p} \wedge \mathbf{q}}$$

\* Simplificação SIMP

$$\frac{p \wedge q \ p \wedge q}{\therefore p} \stackrel{?}{\sim} q$$

\* Dilema DC

$$\frac{\mathbf{p} \rightarrow \mathbf{q}, \ \mathbf{r} \rightarrow \mathbf{s}, \ \mathbf{p} \vee \mathbf{r}}{\therefore \ \mathbf{q} \vee \mathbf{s}}$$

Silogismo Disjuntivo SD

$$\frac{p \lor q, \sim p}{\therefore q} \qquad \frac{p \lor q, \sim q}{\therefore p}$$

\* Adição ADD

$$\frac{\mathbf{p}}{\mathbf{p} \wedge \mathbf{q}}$$

$$\frac{\mathbf{q}}{\mathbf{p} \vee \mathbf{q}}$$

# Regras de Inferência

Amplificação AMP

Prova Condicional CON

$$\underbrace{\begin{array}{c} p & q \\ p \rightarrow (q \rightarrow r) \\ \therefore r \end{array}}$$

Prova por Casos CAS

$$\begin{array}{c}
p \to r \\
q \to r \\
\hline
\therefore (p \lor q) \to r
\end{array}$$

Dilema Destrutivo DD

$$p \rightarrow q$$

$$r \rightarrow s$$

$$\sim q \vee \sim s$$

$$\therefore \sim p \vee \sim r$$

### **Modus Ponens MP**



- Maria ganha um milhão de reais
- Se Maria ganha um milhão de reais então Luisa abandona o emprego
- Portanto, Luisa abandona o emprego



- Se João vai a Fortaleza de férias, então ele ganha um desconto escolar
- João já esta de férias em Fortaleza
- Portanto, João já ganhou um desconto escolar

### **Modus Tollens MT**

- •
- Se Carlos for eleito Presidente, então Guilherme será nomeado como ministro de Cultura
- Guilherme não é o ministro de Cultura
- Portanto, Carlos não foi eleito Presidente
- •
- Se tiver chuva nas quartas-feiras então teremos aula teórica
- Nesta quarta tivemos aula prática
- Portanto, não teve chuva nesta quarta-feira

# Exemplo



- Suzana esta preparando um bolo p
- Se Suzana esta preparando um bolo, então ela não esta dando aulas de piano  $p \rightarrow \neg q$
- Se Suzana não esta dando aulas de piano, então ela não pode pagar o seguro do seu carro ~q → ~r
- Por tanto, Suzana não pode pagar o seguro do seu carro ~r

$$\begin{array}{c}
p \\
p \rightarrow \sim q \\
\sim q \rightarrow \sim r \\
\hline
\therefore \sim r
\end{array}$$

☐ Demonstrar a validade do argumento

### Demonstrando a validade do argumento

### \* Passos

#### 1. $p \rightarrow \sim q$

2. 
$$\sim q \rightarrow \sim r$$

3. 
$$p \rightarrow \sim r$$

- 4. **p**
- 5. ∴ ~r

### Razões

premissa

premissa

1. e 2. e HS

premissa

4. e MP

### Outra forma

- 1. **p**
- 2.  $p \rightarrow \sim q$
- 3. ~q
- 4.  $\sim q \rightarrow \sim r$
- 5. ∴ ~r

premissa premissa

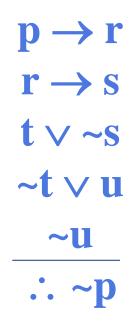
1. e 2. e MP

premissa

3. e 4. e MP

### **Exercícios**

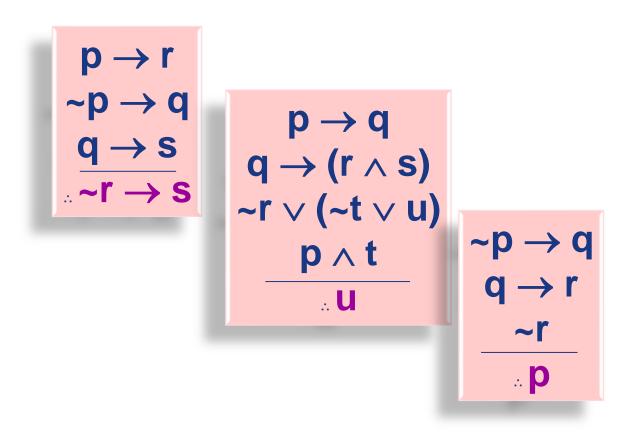
# Demonstrar a validade do argumento





- 1.  $p \rightarrow r, r \rightarrow s$  premissa
- 2.  $p \rightarrow s$  1. e HS
- 3.  $t \lor \sim s$  premissa
- $4. \sim s \vee t$  3.
- $5. s \rightarrow t$  4.
- $6. p \rightarrow t$  2. e 5.
- 7.  $\sim t \vee u$  premissa
- $8. t \rightarrow u 7.$
- $9. p \rightarrow u 6. e 8.$
- 10.~u premissa
- 11.~p 9. e 10.

### **Exercícios - Provar os seguintes argumentos:**



# História do Prolog

- \* 1974 Bob Kowalski
  - University of Edinburgh, <u>Escocia</u>
  - Demonstração automatizada de teoremas
  - "Predicate Logic as Programming Language"
  - IFIP Congress, Stockholm
- 1975 Alain Colmerauer & Philippe Roussel
  - Interpreter for the first Logic Programming Language Prolog
    - University of Aix-Marseille, <u>França</u>, 1972
    - Processamento de linguagem natural
- \* Outros
  - Fifth Generation Computing Systems (FGCS)
    - Tokyo, 1981
  - Turbo Prolog, Borland, 1985

# Paradigma PROLOG

- \* PROLOG:
  - PROgramming in LOGic
- PROLOG é uma linguagem:
  - Declarativa
    - especifica (declara, descreve, afirma) fatos e relacionamentos lógicos
  - Simbólica
    - símbolos são utilizados para representar objetos
  - Alto nível:
    - Contém um mecanismo embutido (dedução) para resolver problemas

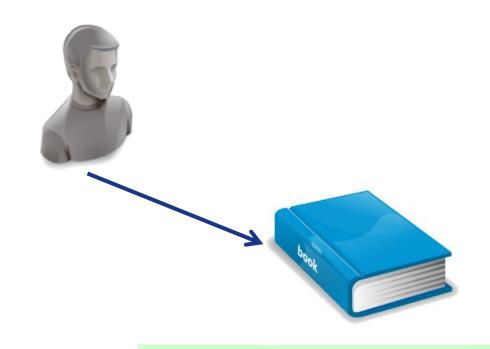
(pensar??)

- Programas PROLOG
  - Resolvem problemas declarando objetos e seus relacionamentos



# Paradigma PROLOG

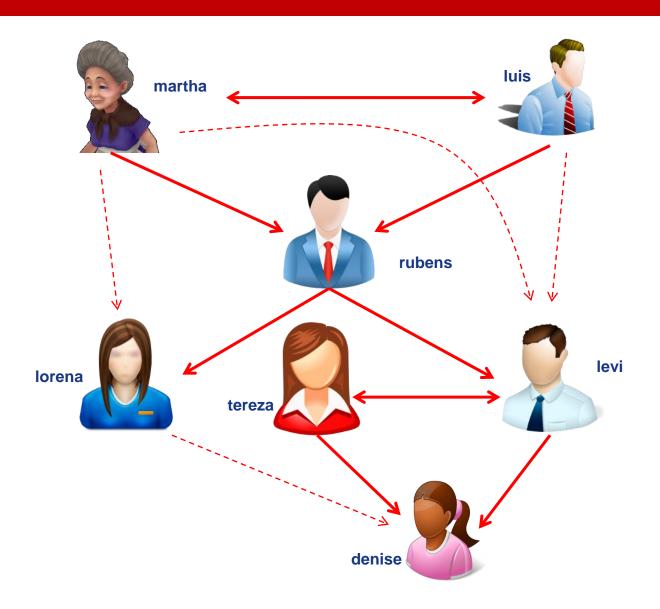
- Exemplo:
  - Sergio é proprietário de um livro
- \* Relacionamento
  - proprietário
- \* Objetos
  - Sergio
  - Livro
- Direcional
  - Sergio é proprietário de um livro
  - Porém, o livro não é proprietário de Sergio
- \* Consultas
  - Sergio é proprietário do livro? (Respostas: Sim, Não)



propietario(sergio, livro)

# Objetos e Relacionamentos

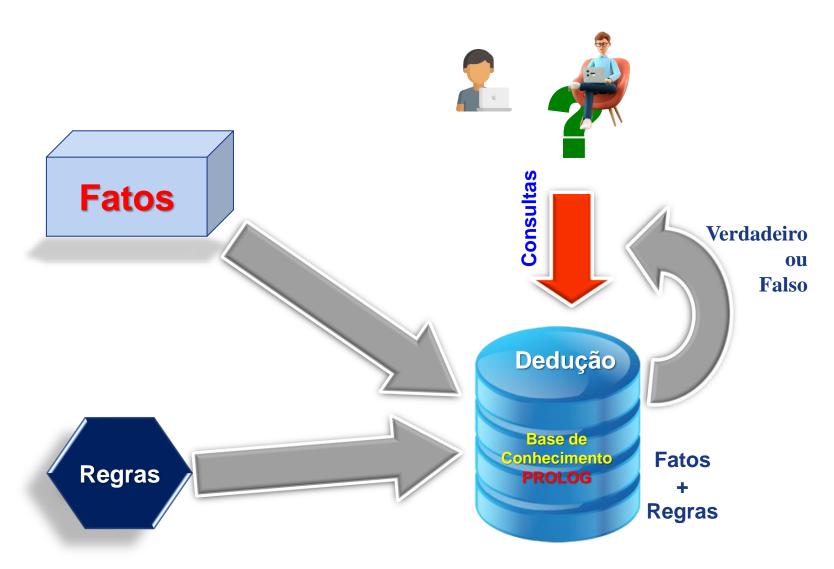
Árvore genealógica



# **Objetos e Relacionamentos**



# Paradigma Prolog

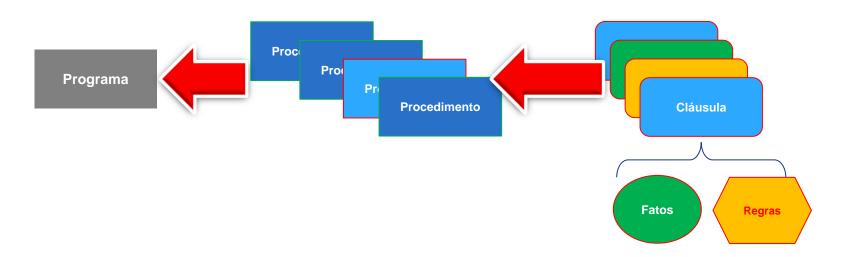


# Programa Lógico

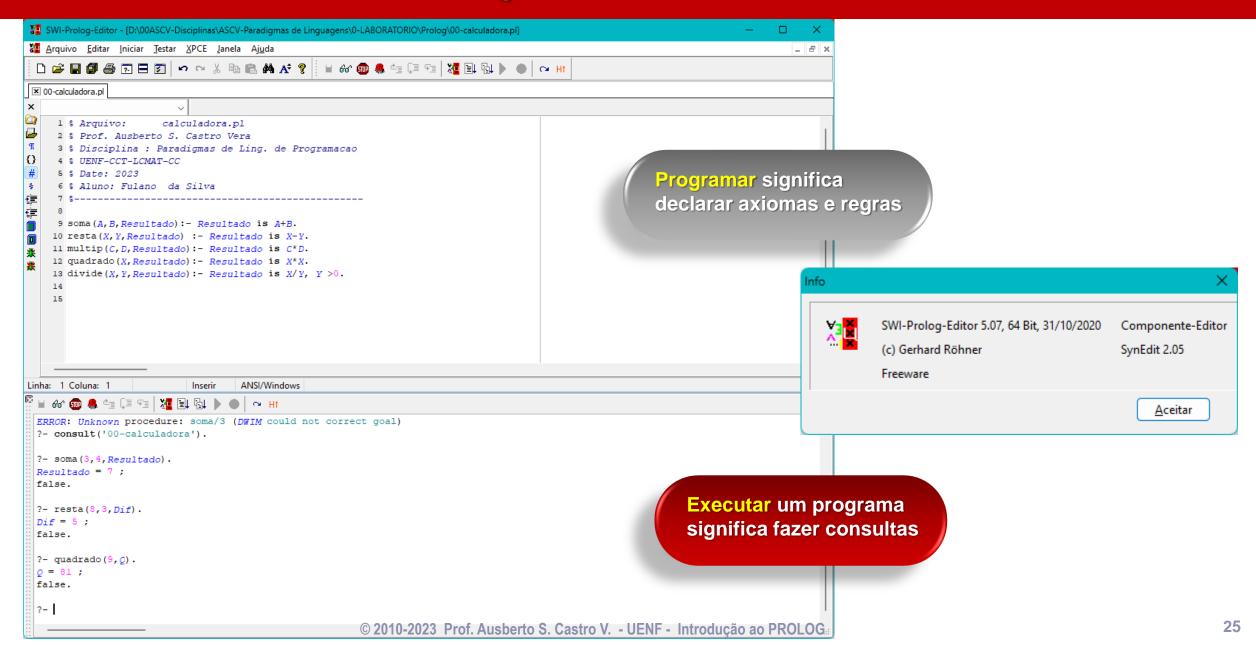
- Um programa é um conjunto de regras, fatos e deduções
  - regras e fatos para representar informação
  - dedução para responder <u>consultas</u>

#### \* Programas

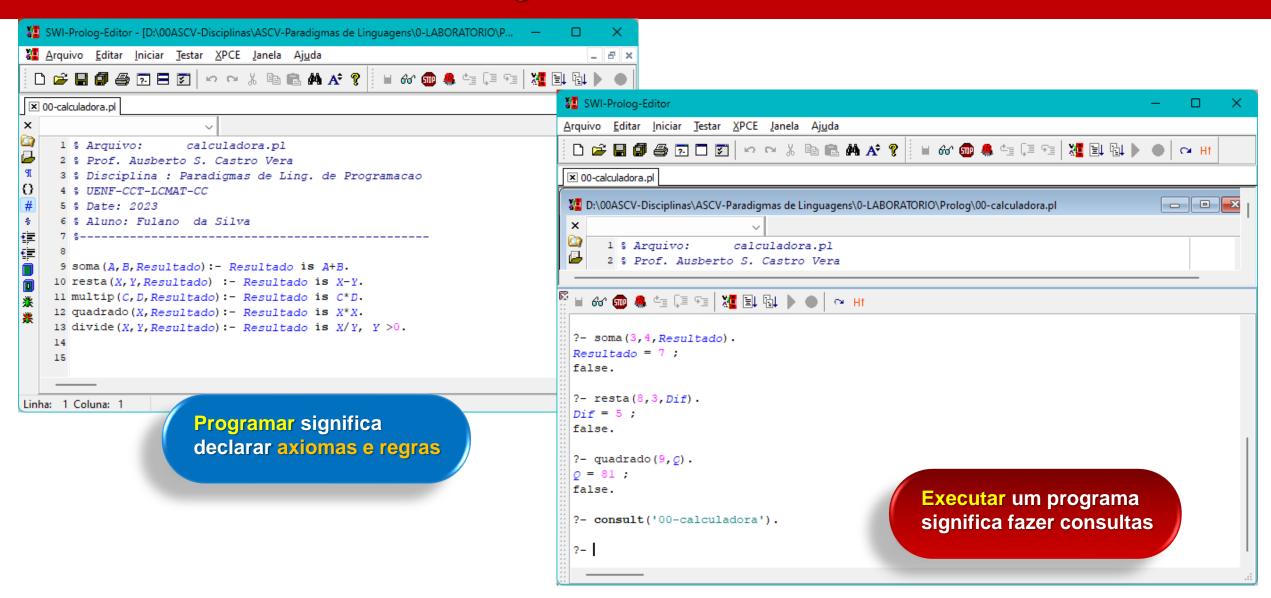
- Programas consistem em um conjunto de procedimentos
- Procedimentos consistem em um conjunto de cláusulas
- Cláusulas é um fato ou uma regra



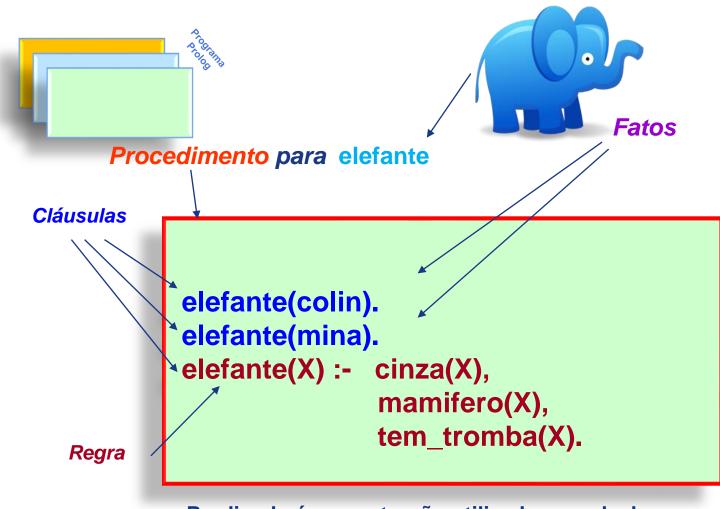
# **Programar - Executar**



# **Programar - Executar**



## Programa PROLOG



Predicado é a construção utilizada para declarar algo a respeito de objetos

# Programa PROLOG

### Regras

```
avo(A,C) :- pai(A,B), pai(B,C).
```

### \* Fatos

```
pai(João, Guilherme).
```

### \* Consultas

```
?- avo(Jorge, Guilherme)yes?- avo(Guilherme, Jorge)not
```



### Base do conhecimento

- Knowledge Base (KB)
- Coleção de fatos

#### \* Fato

- Utilizados para estabelecer propriedades que são <u>incondicionalmente verdadeiras</u> em um domínio de interesse
- \* São conhecidas como Cláusulas de Horn sem cabeça
  - estrela(sol).
  - ponto(12,8).
  - funcionario("pedro")
- \* Representam asserções (afirmações) incondicionais



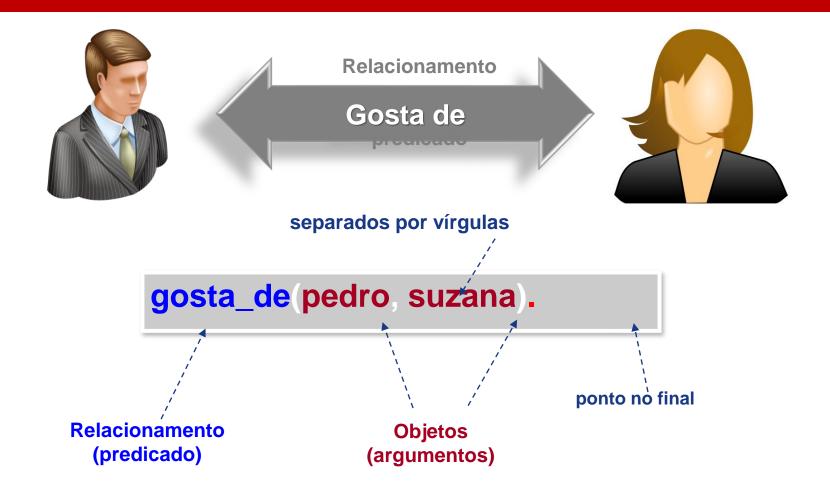
### Fatos – Sintaxe

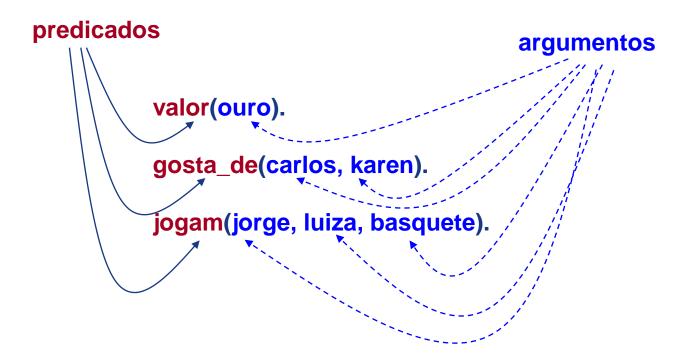
predic(arg1, arg2, ... argN).

- \* predic
  - Nome do predicado
- arg1, arg2, ..., argN
  - argumentos
- $\bullet$  N
  - Aridade
- Predicado de aridade 0
  - pred.

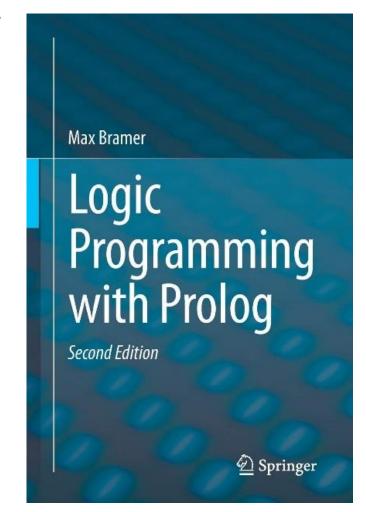
Termina com ponto!

- Os argumentos podem ser qualquer termo PROLOG válido
  - Inteiro
  - Átomo
    - Texto constante começando com <u>letra</u> minúscula
  - Variável
    - Começa com <u>letra maiúscula</u> ou underline (\_)
  - Estrutura
    - Termo complexo

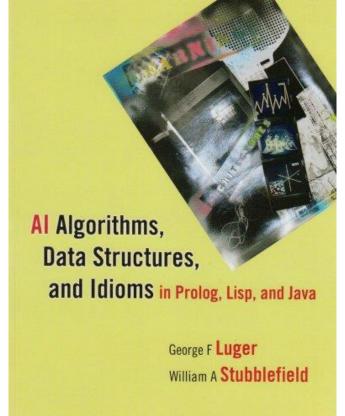


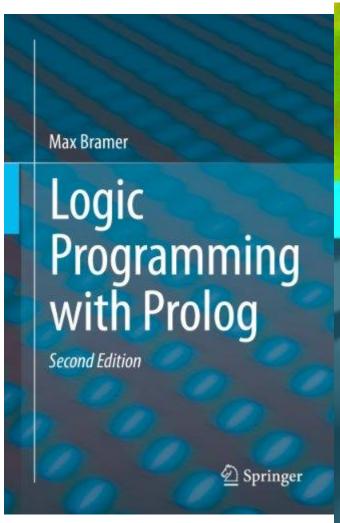


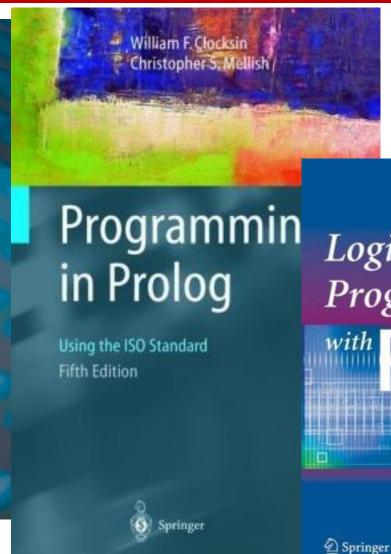
```
book('prolog','max bramer','springer',2013).
autor('max', 'bramer').
publicador('springer').
publicador('prentice-hall').
book(T,A,publisher(C,rome),Date).
natural(0).
inteiro(-4).
real (3.141516).
pi(3.141516).
pai(abraham, isaque).
filho(isaque, esau).
verdura (alface).
```

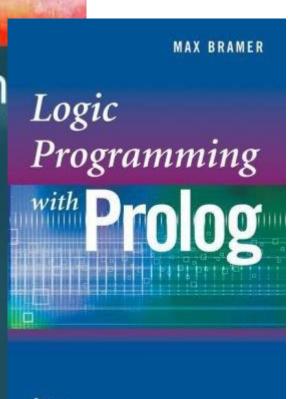


### Exercício









Base de conhecimento PROLOG

# **Regras - Sintaxe**

```
cabeça :- corpo
```

- Cabeça
  - Definição de predicado (similar a um fato)
- \* O símbolo :-
- \* Corpo
  - Um ou mais objetivos (goals)

## Regras

- Descrevem relacionamentos, utilizando outros relacionamentos
- \* Estabelecem dependência: ...A..., se ...B..

  delimitador corpo ponto no final

  Irmao\_de(X,Y):- masculino(X), pais(X,M,P), pais(Y,M,P).

  cabeça objetivos

X é irmão de Y se X é masculino X tem como mãe M e pai P Y tem como mãe M e pai P

### Regras

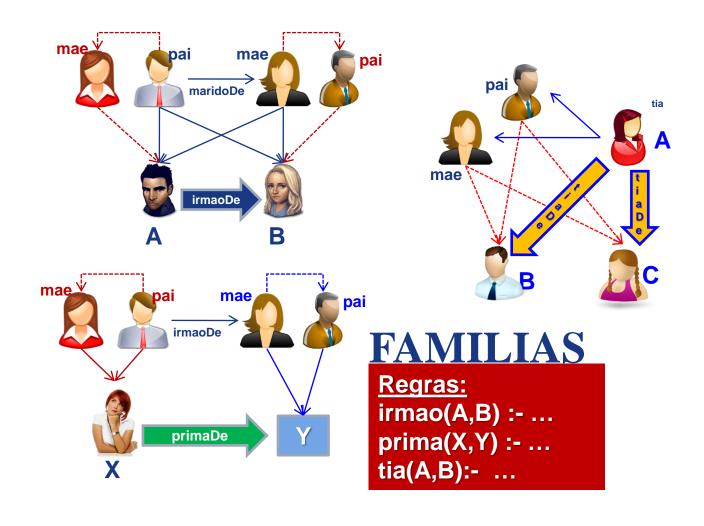
- Conhecidas como Cláusulas de Horn com cabeça
- Utilizam variáveis para generalizar seu significado
- São asserções condicionais
  - A cabeça é verdadeira se o corpo for verdadeiro
- Definem como novos fatos podem ser criados
- \* As vírgulas (,) no corpo representam conjunções
  - Exemplo:mae(M X) mae(M

```
mae(M,X), mae(M,Y), pai(P,X), pai(P,Y).
```

significa

mae(M,X) AND mae(M,Y) AND pai(P,X) AND pai(P,Y).

### Regras



#### Consultas

- Significa perguntar à base de dados do sistema sobre determinadas informações
- Ocorrem em forma interativa
- Realizadas depois de carregar o programa (fatos e regras)
- prompt ?-





```
34 SWI-Prolog-Editor - [E\00ASCV-Disciplinas\ASCV-Paradigmas de Linguagens\0-LABORATORIO\Prolog\00-calculadora.pl]
Arquivo Editar Iniciar Jestar XPCE Janela Ajuda
■ 00-calculadora.pl
   1 % Arquivo:
                  calculadora.pl
   2 % Prof. Ausberto S. Castro Vera
   3 % Disciplina : Paradigmas de Ling. de Programacao
   4 % UENF-CCT-LCMAT-CC
   5 % Date: Setembro 2022
   6 % Aluno: Fulano da Silva
   7 %-----
   9 soma(A,B,Resultado):- Resultado is A+B.
   10 resta(X,Y,Resultado) :- Resultado is X-Y.
   11 multip(C,D,Resultado):- Resultado is C*D.
   12 quadrado(X, Resultado): - Resultado is X*X.
   13 divide(X,Y,Resultado): - Resultado is X/Y, Y >0.
                     Inserir ANSI/Windows
Linha: 15 Coluna: 72
🖁 н 🔗 📵 🧸 🕾 🕮 🖼 📓 🖟 🕨 🕳 нг
 ?- soma(2,7,ResultadoSoma).
ResultadoSoma = 9 ;
 false.
 ?- resta(18,5,ResultadoResta).
 ResultadoResta = 13;
 false.
 ?- quadrado(8, ResultadoQuadr).
 ResultadoQuadr = 64;
 false.
```

#### Base de Dados

- É o conjunto de fatos no sistema PROLOG
- Contém os fatos a partir dos quais, as consultas serão responde
  - O sistema PROLOG constrói seu conhecimento a partir destes fatos
  - O programador PROLOG é responsável pela sua exatidão

```
humano(pele).
brasileiro(pele).
jogador(pele).
presidente(lula, brasil).
cantor(romario).
campeao(barcelona, espanha).
Campeao(internacional, brasil).
```

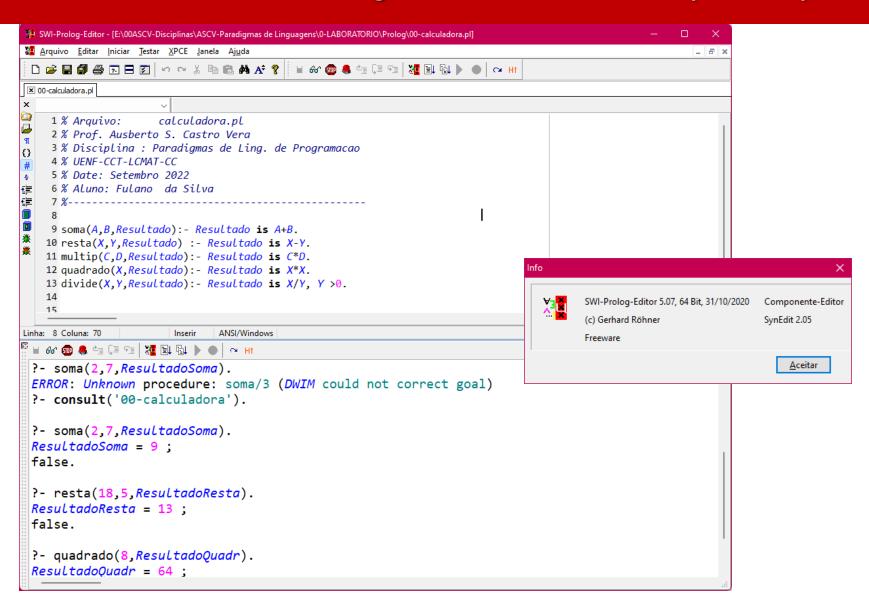
```
mae(Teresa).
dispositivo(papel)
rede(caneta)
pai(Pedro).
mamifero(tigre).
profeta(Jeremias).
igreja(Laodiceia, Grecia).
```

### Programa Exemplo: casa.pl

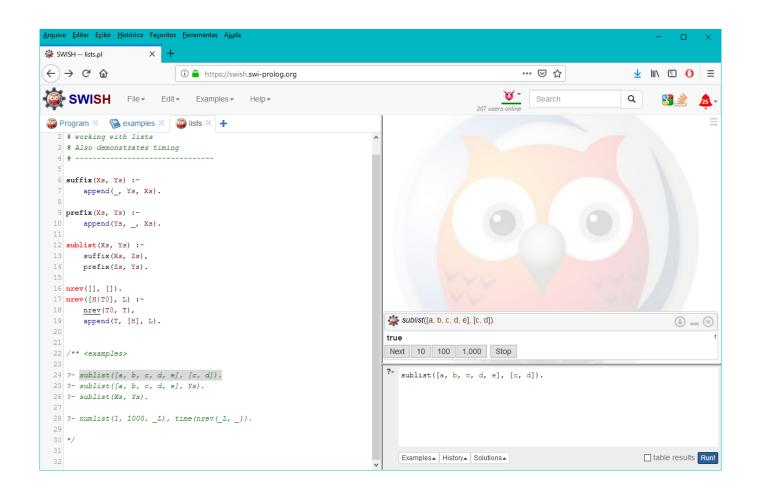
```
% Author: Ausberto S. Castro Vera
% UENF, Ciência da Computação, 05/2019
 %----- FATOS -----
lugar(sala).
lugar(cozinha).
lugar(escritorio).
lugar(corredor).
lugar('sala de jantar').
                                                                              escritório
lugar(celeiro).
lugar(jardim).
porta(escritorio, corredor).
porta(cozinha, escritorio).
porta(corredor, 'sala de jantar').
porta(cozinha, celeiro).
porta('sala de jantar', cozinha).
                                                         corredor
localizacao(escrivaninha, escritorio).
localizacao(laranja, cozinha).
localizacao(lanterna, escrivaninha).
                                                                                       cozinha
localizacao('maq de lavar', celeiro).
                                                                                                               celeiro
                                                     sala
localizacao(sabao, 'maq de lavar').
localizacao(verdura, cozinha).
localizacao(biscoitos, cozinha).
localizacao(computador, escritorio).
comestivel(laranja).
comestivel(biscoitos).
gosto amargo(verdura).
aqui(cozinha).
```

```
%%------ REGRAS -----
conectar(X,Y) :- porta(X,Y).
conectar(X,Y) :- porta(Y,X).
lista_coisas(Lugar):-
      localizacao(X, Lugar),
      tab(2),
      write(X).
      nl,
      fail.
      lista_coisas(Qualquerlugar).
lista_portas(Lugar) :-
      conectar(Lugar, X),
      tab(2),
      write(X),
      nl,
      fail.
      lista_portas(_).
observar :- aqui(Lugar),
      write('Voce esta na '), write(Lugar),
    nl.
      write('Voce pode ver:'), nl,
      lista coisas(Lugar),
      write('Voce pode ir para:'), nl,
      lista portas(Lugar).
```

### **SWI Prolog 9.0.4 + Editor 5.07 (64 bits)**



# **SWISH - https://swish.swi-prolog.org/**



# **Sintaxe Prolog**

Um fato é um termo sem variáveis gato.

```
verde(papagaio).
habitat(tigre,mato).
```

\* Regras são definidas por uma cabeça seguida do símbolo :- seguida da conjunção de termos, os quais são as condições para que a cabeça seja verdadeira

```
pai(A,B) :- parente(A,B), homem(A).

natural(N) :- inteiro(N), N > 0.
```

Consulta é a conjunção de termos

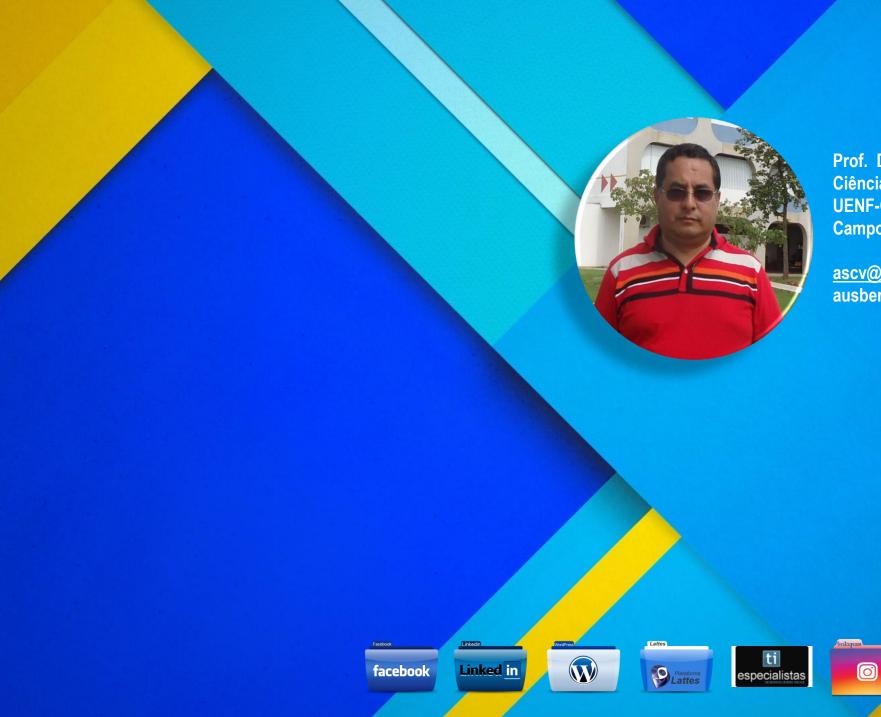
```
?- habitat(gato, floresta).
```

# **Sintaxe Prolog**

```
<fato> ::= <termo>.
<regra> ::= <termo> :- <termos>.
<consulta> ::= <termos>.
<termo> ::= <termo> , <termo> >
<termo> ::= <numero>
          | <atomo> | <variavel>
          | <atomo> ( <termos> )
atomo
<atomo> ::= nomepred | nomepred(t1, t2, ...,tn)
<variavel> ::= identificador começando com letra minúscula
```

# **Compiladores-Interpretadores**

- \* SWI Prolog
  - http://www.swi-prolog.org/
- \* Amzi!
  - http://www.amzi.com/
- \* BProlog
  - http://www.sci.brooklyn.cuny.edu/~zhou/bprolog.html
- \* GNU Prolog
  - http://pauillac.inria.fr/~diaz/gnu-prolog/
- \* Poplog
  - http://www.poplog.org/
- Strawberry Prolog
  - http://www.dobrev.com/
- Visual Prolog
  - http://www.visual-prolog.com/



Prof. Dr. Ausberto S. Castro Vera Ciência da Computação UENF-CCT-LCMAT Campos, RJ

ascv@uenf.br ausberto.castro@gmail.com