

# Argumentação

Esdras Lins Bispo Jr.  
bispojr@ufg.br

Lógica para Ciência da Computação  
Bacharelado em Ciência da Computação

27 de maio de 2014

# Plano de Aula

- 1 Pensamento
- 2 Avisos
- 3 Revisão
  - Argumentação
- 4 Argumentação (Cont.)

# Sumário

- 1 Pensamento
- 2 Avisos
- 3 Revisão
  - Argumentação
- 4 Argumentação (Cont.)

# Pensamento



# Pensamento



## Frase

Eu nunca aprendi nada na minha vida através de qualquer homem que tenha concordado comigo.

## Quem?

**Dudley Field Malone (1882-1950)**  
Advogado estadunidense e defensor dos direitos civis.

# Sumário

- 1 Pensamento
- 2 Avisos**
- 3 Revisão
  - Argumentação
- 4 Argumentação (Cont.)

# Avisos

## Lista 03 - Exercícios

- **Data de Entrega:** 02 de junho (Segunda-feira), até 17h.

# Avisos

## Lista 03 - Exercícios

- **Data de Entrega:** 02 de junho (Segunda-feira), até 17h.

## Datas importantes

- **Teste 2:** 10 de junho;



# Notícias do Santa Cruz



Recife, PE / Afritos, Sexta-Feira, 23/05/2014 - 19:30

Min:23 - Max:30 °C



7ª RODADA

## SANTA CRUZ FICA NO 1 A 1 COM O LÍDER AMÉRICA-MG E BATE RECORDE

Tricolores derrubam marca da Chapecoense ao alcançarem sétimo empate seguido.  
Mineiros garantem o primeiro lugar isolado por mais uma rodada

# Sumário

- 1 Pensamento
- 2 Avisos
- 3 Revisão**
  - Argumentação
- 4 Argumentação (Cont.)

# Consequência Lógica

## *Modus Ponens*

$$(p \rightarrow q) \wedge p \models q$$

## *Modus Tollens*

$$(p \rightarrow q) \wedge \neg q \models \neg p$$

## Redução ao absurdo

$$(p \rightarrow q) \wedge (p \rightarrow \neg q) \models \neg p$$

## Silogismo Disjuntivo

$$(p \vee q) \wedge \neg p \models q$$



# Argumento

## Argumento

Um argumento pode ser representado em forma simbólica como

$$p_1 \wedge p_2 \wedge p_3 \wedge \cdots \wedge p_n \models q$$

em que  $p_1, p_2, p_3, \cdots, p_n$  e  $q$  são fórmulas proposicionais.

## Premissas

Chamamos  $p_1, p_2, p_3, \cdots, p_n$  de *premissas* (ou *hipóteses*) do argumento.

## Conclusão

Chamamos  $q$  de *conclusão* do argumento.



# Argumento

## Terminologia

- $q$  é uma *consequência lógica* de  $p_1, p_2, p_3, \dots, p_n$
- $q$  pode ser *deduzido logicamente* de  $p_1, p_2, p_3, \dots, p_n$
- $q$  é uma *conclusão lógica* de  $p_1, p_2, p_3, \dots, p_n$
- $p_1, p_2, p_3, \dots, p_n$  *implica logicamente* em  $q$
- $q$  *segue logicamente* de  $p_1, p_2, p_3, \dots, p_n$

# Argumento

## Argumento Válido

Um argumento é válido se  $p_1 \wedge p_2 \wedge p_3 \wedge \cdots \wedge p_n \models q$  for válida.

# Argumento

## Argumento Válido

Um argumento é válido se  $p_1 \wedge p_2 \wedge p_3 \wedge \cdots \wedge p_n \models q$  for válida.

## Exemplos

- $p \wedge q \models r$  é um argumento válido?
- $p \models p \vee q$  é um argumento válido?
- $(p \rightarrow q) \wedge p \models q$  é um argumento válido?
- $(p \rightarrow q) \wedge q \models p$  é um argumento válido?

# Sumário

- 1 Pensamento
- 2 Avisos
- 3 Revisão
  - Argumentação
- 4 Argumentação (Cont.)



# Argumento

**Problema** É possível garantir a validade de um argumento sem ter que recorrer à construção de uma tabela-verdade?

## Exemplos

- $(p \rightarrow q) \wedge (p \wedge r) \models q$  é um argumento válido?
- $(p \wedge q) \wedge ((p \vee r) \rightarrow s) \models p \wedge s$  é um argumento válido?
- $(p \rightarrow (q \rightarrow r)) \wedge (p \rightarrow q) \wedge p \models r$  é um argumento válido?

# Regras de Inferência

## Definição

**Regras de inferência** é uma coleção de consequências lógicas válidas notáveis que podem ser referenciadas em uma determinada demonstração.

# Regras de Inferência

## Introdução da Conjunção ( $\wedge i$ )

(1)  $A$

(2)  $B$

(3)  $A \wedge B$

$\wedge i$  (1), (2)

# Regras de Inferência

## Introdução da Conjunção ( $\wedge i$ )

(1)  $A$

(2)  $B$

(3)  $A \wedge B$

$\wedge i$  (1), (2)

## Expressão Lógica

$A \wedge B \models A \wedge B$



# Regras de Inferência

## Eliminação da Conjunção ( $\wedge e$ )

$$(1) \quad A \wedge B$$

$$(2) \quad \frac{\quad}{A} \quad \wedge e (1)$$

# Regras de Inferência

## Eliminação da Conjunção ( $\wedge e$ )

$$(1) \quad A \wedge B$$

$$(2) \quad \frac{\quad}{A} \quad \wedge e (1)$$

## Expressão Lógica

$$A \wedge B \models A$$

# Regras de Inferência

## Eliminação da Conjunção ( $\wedge e$ )

$$(1) \quad A \wedge B$$

$$(2) \quad \frac{\quad}{B} \quad \wedge e (1)$$

# Regras de Inferência

## Eliminação da Conjunção ( $\wedge e$ )

$$(1) \quad A \wedge B$$

$$(2) \quad \frac{\quad}{B} \quad \wedge e (1)$$

## Expressão Lógica

$$A \wedge B \models B$$



## Regras de Inferência

### Eliminação da Dupla Negação ( $\neg\neg e$ )

(1)  $\neg\neg A$

(2)  $A$   $\neg\neg e$  (1)

## Regras de Inferência

### Eliminação da Dupla Negação ( $\neg\neg e$ )

(1)  $\neg\neg A$

(2)  $A$   $\neg\neg e$  (1)

### Expressão Lógica

$\neg\neg A \models A$

# Regras de Inferência

## Introdução da Dupla Negação ( $\neg\neg i$ )

(1)  $A$

(2)  $\neg\neg A$        $\neg\neg i$  (1)

## Regras de Inferência

### Introdução da Dupla Negação ( $\neg\neg i$ )

(1)  $A$

(2)  $\neg\neg A$        $\neg\neg i$  (1)

### Expressão Lógica

$A \models \neg\neg A$

# Regras de Inferência

## Adição ( $\vee i$ )

(1)  $A$

(2)  $A \vee B$        $\vee i$  (1)

## Regras de Inferência

### Adição ( $\vee i$ )

(1)  $A$

(2)  $A \vee B$        $\vee i$  (1)

### Expressão Lógica

$A \models A \vee B$

## Onde estudar mais...

### Seção 1.3: Lógica Proposicional

GERSTING, J. L. Fundamentos Matemáticos para a Ciência da Computação: um tratamento moderno de matemática discreta. Rio de Janeiro: LTC, 2004.

# Argumentação

Esdras Lins Bispo Jr.  
bispojr@ufg.br

Lógica para Ciência da Computação  
Bacharelado em Ciência da Computação

27 de maio de 2014