Esdras Lins Bispo Jr. bispojr@ufg.br

Lógica para Ciência da Computação Bacharelado em Ciência da Computação

03 de abril de 2014





Plano de Aula

- Pensamento
- 2 Avisos
- Revisão
 - Fórmulas da LP
 - Subfórmulas
- 4 Ordem de precedência





Sumário

- Pensamento
- 2 Avisos
- Revisão
 - Fórmulas da LP
 - Subfórmulas
- Ordem de precedência





Pensamento







Pensamento



<u>F</u>ra se

O preço a pagar pela tua não participação na política é seres governado por quem é inferior.

Quem?

Platão (428 a.C. - 347 a.C.) Filósofo e matemático grego.





Sumário

- Pensamento
- 2 Avisos
- Revisão
 - Fórmulas da I P
 - Subfórmulas
- Ordem de precedência





Avisos

Questão Avaliada 01 no Canvas

É necessária a avaliação pelos pares!



Notícias do Santa Cruz



SEGUNDO TURNO - TO* RUDADA

EMPATE DE 1 A 1 TIRA CENTRAL DA SEMI E DEIXA O SANTA CRUZ NA 3º POSIÇÃO

Em Caruaru, equipes tiveram seus intentos frustrados. Patativa perdeu vaga para Salgueiro e os tricolores, em 3º, não conquistaram a liderança





Sumário

- Pensamento
- 2 Avisos
- Revisão
 - Fórmulas da LP
 - Subfórmulas
- Ordem de precedência





Fórmulas da LP

Fórmulas da LP

O conjunto \mathcal{L}_{LP} das fórmulas proposicionais é definido indutivamente como o menor conjunto, satisfazendo as seguinte regras de formação:

- **1 Caso básico:** Todos os símbolos proposicionais que estão em \mathcal{L}_{LP} ; ou seja, $\mathcal{P} \subseteq \mathcal{L}_{LP}$. Os símbolos proposicionais são chamados de *fórmulas atômicas*, ou átomos.
- **2** Caso indutivo 1: Se $A \in \mathcal{L}_{LP}$, então $(\neg A) \in \mathcal{L}_{LP}$.
- **3 Caso indutivo 2:** Se $A, B \in \mathcal{L}_{LP}$, então $(A \land B) \in \mathcal{L}_{LP}$, $(A \lor B) \in \mathcal{L}_{LP}$, e $(A \to B) \in \mathcal{L}_{LP}$.





Subfórmulas

Subfórmulas

O conjunto Subf(A) de subfórmulas de uma fórmula A é definido da seguinte maneira:

- Caso básico: A = pSubf(p) = p, para toda fórmula atômica $p \in P$;
- ② Caso $A = (\neg B)$ Subf $((\neg B)) = \{(\neg B)\} \cup Subf(B)$.
- **3** Caso $A = (B \wedge C)$ Subf $((B \wedge C)) = \{(B \wedge C)\} \cup Subf(B) \cup Subf(C).$
- Caso $A = (B \vee C)$ Subf $((B \vee C)) = \{(B \vee C)\} \cup Subf(B) \cup Subf(C).$





Sumário

- Pensamento
- Avisos
- Revisão
 - Fórmulas da LP
 - Subfórmulas
- 4 Ordem de precedência





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:

•
$$\neg r \equiv (\neg r)$$





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:

•
$$p \wedge q \equiv (p \wedge q)$$





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:

$$\bullet \ (r \land \neg q) \to \neg p \equiv ((r \land \neg q) \to \neg p)$$





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:

- $\neg r \equiv (\neg r)$
- $p \wedge q \equiv (p \wedge q)$
- $(r \land \neg q) \rightarrow \neg p \equiv ((r \land \neg q) \rightarrow \neg p)$





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:

•
$$p \wedge q \wedge \neg r \wedge \neg s \equiv ((p \wedge q) \wedge \neg r) \wedge \neg s$$





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:

•
$$r \lor s \land \neg t \lor p \equiv ((r \lor s) \land \neg t) \lor p$$





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:

- $p \land q \land \neg r \land \neg s \equiv ((p \land q) \land \neg r) \land \neg s$
- $r \lor s \land \neg t \lor p \equiv ((r \lor s) \land \neg t) \lor p$





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:

O uso repetido dos conectivos \land e \lor dispensa o uso dos parênteses.

- $p \land q \land \neg r \land \neg s \equiv ((p \land q) \land \neg r) \land \neg s$
- $r \lor s \land \neg t \lor p \equiv ((r \lor s) \land \neg t) \lor p$

Observação

Note que os parênteses aninham-se à esquerda.





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:

$$\bullet \ p \to q \to \neg r \equiv p \to (q \to \neg r)$$





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:

•
$$r \rightarrow \neg s \rightarrow \neg t \equiv r \rightarrow (\neg s \rightarrow \neg t)$$





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:

•
$$p \rightarrow q \rightarrow \neg r \equiv p \rightarrow (q \rightarrow \neg r)$$

•
$$r \rightarrow \neg s \rightarrow \neg t \equiv r \rightarrow (\neg s \rightarrow \neg t)$$





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:

O uso repetido do conectivo \rightarrow também dispensa o uso dos parênteses.

- $p \rightarrow q \rightarrow \neg r \equiv p \rightarrow (q \rightarrow \neg r)$
- $\bullet \ r \to \neg s \to \neg t \equiv r \to (\neg s \to \neg t)$

Observação

Note que os parênteses aninham-se à direita.





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:

$$\bullet \ p \lor q \land r \equiv p \lor (q \land r)$$





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:

•
$$p \lor \neg q \to r \equiv (p \lor (\neg q)) \to r$$





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:

- $p \lor q \land r \equiv p \lor (q \land r)$
- $p \lor \neg q \to r \equiv (p \lor (\neg q)) \to r$





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:





De acordo com a definição de fórmula, o uso de parênteses é obrigatório ao se utilizar conectivos. Porém, iremos estabelecer algumas abreviações que serão permitidas:

Recomendação

Em geral, deve-se preferir clareza à economia de parênteses e, na dúvida, é bom deixar alguns parênteses para explicitar o sentido da fórmula.





Onde estudar mais...

Seção 1.2: A Linguagem Proposicional

SILVA, F. S. C. Da; FINGER, M.; MELO, A. C. V. de. Em Lógica para Computação. São Paulo: Thomson Learning, 2006. Código Bib.: [519.687 SIL /log].





Esdras Lins Bispo Jr. bispojr@ufg.br

Lógica para Ciência da Computação Bacharelado em Ciência da Computação

03 de abril de 2014



