

Revisão e Demonstrações de LFA

Esdras Lins Bispo Jr.
bispojr@ufg.br

Teoria da Computação
Bacharelado em Ciência da Computação

19 de março de 2014

Plano de Aula

1 Pensamento

2 Revisão

3 LFA

- Autômato Finito Não-Determinístico
- Expressões Regulares

Sumário

1 Pensamento

2 Revisão

3 LFA

- Autômato Finito Não-Determinístico
- Expressões Regulares

Pensamento



Pensamento



Frase

O computador veio para resolver os problemas que nós ainda não tínhamos.

Quem?

Desconhecido

Sumário

1 Pensamento

2 Revisão

3 LFA

- Autômato Finito Não-Determinístico
- Expressões Regulares

Computação e Linguagem Regular

Computação

Seja M um autômato finito e $w = w_1 w_2 \dots w_n$ seja uma cadeia em que w_i é um membro do alfabeto Σ . Então M **aceita** w se existe uma sequência de estados r_0, r_1, \dots, r_n em Q com três condições:

- ❶ $r_0 = q_0$
- ❷ $\delta(r_i, w_{i+1}) = r_{i+1}$, para $i = 0, 1, \dots, n-1$, e
- ❸ $r_n \in F$.

Linguagem Regular (Definição 1.16)

Uma linguagem é chamada de uma **linguagem regular** se algum autômato finito a reconhece.



Operações Regulares

Sejam A e B linguagens. Definimos as operações regulares **união**, **concatenação** e **estrela** da seguinte forma:

- **União:** $A \cup B = \{x \mid x \in A \text{ ou } x \in B\}$.
- **Concatenação:** $A \circ B = \{xy \mid x \in A \text{ e } y \in B\}$.
- **Estrela:** $A^* = \{x_1 x_2 \dots x_k \mid k \geq 0 \text{ e } x_i \in A\}$.

Teorema 1.25

A classe de linguagens regulares é **fechada** sob a operação de união.

Sumário

1 Pensamento

2 Revisão

3 LFA

- Autômato Finito Não-Determinístico
- Expressões Regulares

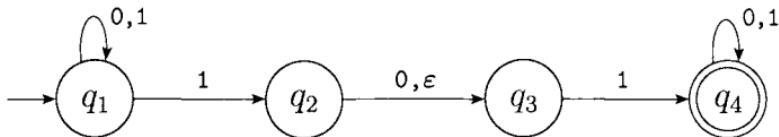
Autômato Finito Não-Determinístico

Um **autômato finito não-determinístico** (AFN) é uma 5-upla $(Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$, de forma que

- ❶ Q é um conjunto finito estados,
- ❷ Σ é um alfabeto finito,
- ❸ $\delta : Q \times \Sigma_{\epsilon} \rightarrow \mathcal{P}(Q)$ é a função de transição,
- ❹ $q_0 \in Q$ é o estado inicial, e
- ❺ $F \subseteq Q$ é o conjunto de estados de aceitação.

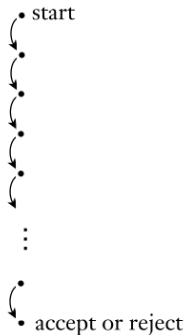
Autômato Finito Não-Determinístico

Qual linguagem este AFN reconhece?

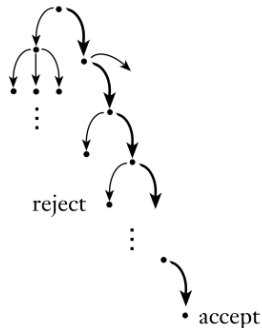


Autômato Finito Não-Determinístico

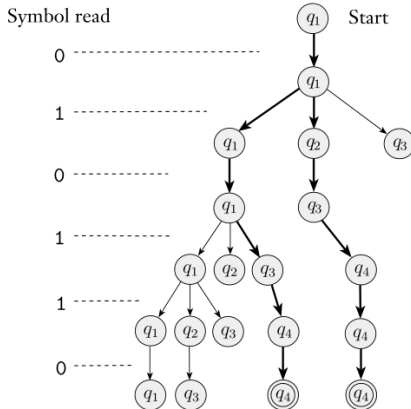
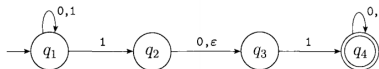
Deterministic
computation



Nondeterministic
computation



Autômato Finito Não-Determinístico



Autômato Finito Não-Determinístico

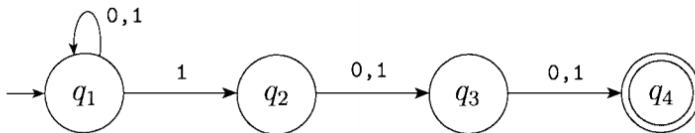
Computação em um AFN

Seja N um autômato finito não-determinístico e w uma cadeia sobre o alfabeto Σ . Então N **aceita** w se podemos escrever w como $w = y_1 y_2 \dots y_m$, em que cada y_i é um membro de Σ_ϵ e existe uma sequência de estados r_0, r_1, \dots, r_m em Q com três condições:

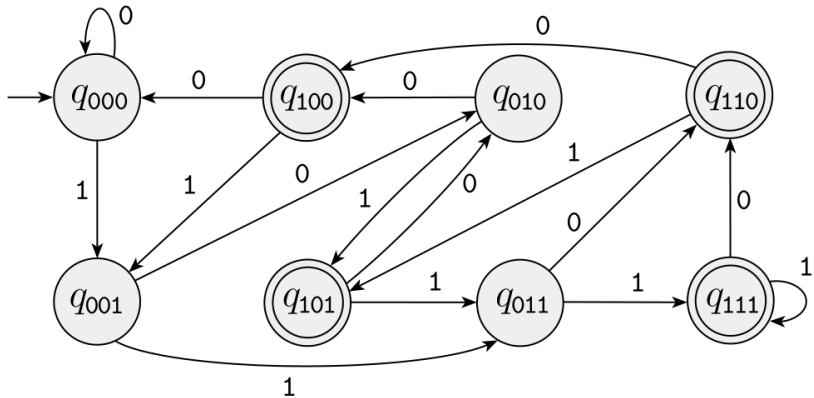
- 1 $r_0 = q_0$
- 2 $r_{i+1} \in \delta(r_i, y_{i+1})$, para $i = 0, 1, \dots, m-1$, e
- 3 $r_m \in F$.

Autômatos Finitos Não-Determinístico

Qual linguagem este AFN reconhece?

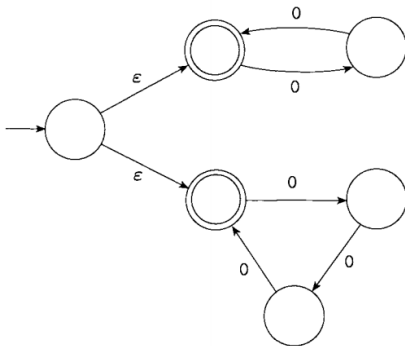


Autômatos Finitos Não-Determinístico



Autômatos Finitos Não-Determinístico

Qual linguagem este AFN reconhece?



Autômatos Finitos Não-Determinístico

Teorema 1.39

Todo autômato finito não-determinístico tem um autômato finito determinístico equivalente.

Autômatos Finitos Não-Determinístico

Teorema 1.39

Todo autômato finito não-determinístico tem um autômato finito determinístico equivalente.

Corolário 1.40

Uma linguagem é regular se e somente se algum autômato finito não-determinístico a reconhece.

Expressões Regulares

Digamos que R é uma **expressão regular** (ER) se R for:

- ❶ a , para algum $a \in \Sigma$,
- ❷ ϵ ,
- ❸ \emptyset ,
- ❹ $(R_1 \cup R_2)$, em que R_1 e R_2 são expressões regulares,
- ❺ $(R_1 \circ R_2)$, em que R_1 e R_2 são expressões regulares,
- ❻ (R_1^*) , em que R_1 é uma expressão regular.

Exemplos de ER

- 0^*10^*
- $\Sigma^*1\Sigma^*$
- $\Sigma^*001\Sigma^*$
- $1^*(01^+)^*$
- $(\Sigma\Sigma)^*$
- $(0 \cup \epsilon)1^* = 01^* \cup 1^*$
- $1^*\emptyset = \emptyset$
- $\emptyset^* = \{\epsilon\}$

Expressões Regulares

Teorema

Uma linguagem é regular se e somente se alguma expressão regular a descreve.

Expressões Regulares

Teorema

Uma linguagem é regular se e somente se alguma expressão regular a descreve.

Estratégia

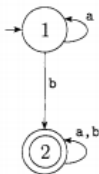
Utilizar para realizar a prova um **autômato finito não-determinístico generalizado**.

Autômato Finito Não-Determinístico Generalizado

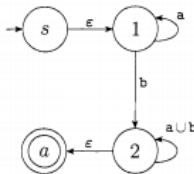
Um **autômato finito não-determinístico generalizado** (AFNG) é uma 5-upla $(Q, \Sigma, \delta, q_{início}, q_{aceita})$, de forma que

- ❶ Q é um conjunto finito estados,
- ❷ Σ é um alfabeto finito,
- ❸ $\delta : (Q - \{q_{aceita}\}) \times (Q - \{q_{início}\}) \rightarrow R$ é a função de transição,
- ❹ $q_{início} \in Q$ é o estado inicial, e
- ❺ $q_{aceita} \in Q$ é o estado de aceitação.

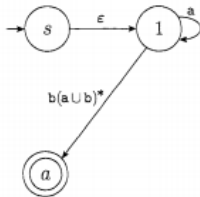
Autômatos Finitos Não-Determinístico Generalizado



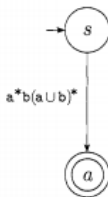
(a)



(b)



(c)



(d)

Linguagens Não-Regulares

Existem linguagens que não são regulares como

$$A = \{0^n 1^n \mid n \geq 0\}.$$

Linguagens Não-Regulares

Existem linguagens que não são regulares como

$$A = \{0^n 1^n \mid n \geq 0\}.$$

Lema do Bombeamento

Se A é uma linguagem regular, então existe um número p (o comprimento do bombeamento) tal que, se s é qualquer cadeia de A de comprimento no mínimo p , então s pode ser dividida em três partes, $s = xyz$, satisfazendo as seguintes condições:

- 1 para cada $i \geq 0$, $xy^i z \in A$,
- 2 $|y| > 0$, e
- 3 $|xy| \leq p$.



Lista de Exercícios 02

Livro

SIPSER, M. **Introdução à Teoria da Computação**, 2a Edição, Editora Thomson Learning, 2011. **Código Bib.: [004 SIP/int]**.

Exercícios

- 1.4 (a, d, g);
- 1.7 (a, d, g);
- 1.15;
- 1.31.

Revisão e Demonstrações de LFA

Esdras Lins Bispo Jr.
bispojr@ufg.br

Teoria da Computação
Bacharelado em Ciência da Computação

19 de março de 2014