系统辨识简介

系统辨识基本概念

邢超

<SI.1>

1 主要内容

课程学习内容

- 系统辨识目的
- 辨识的方法
- 辨识的具体步骤

如何学习:

- 学习该课程是做什么的?
- 主要解决什么问题?
- 有哪些方法?
- 每种方法的优缺点、适用范围?

<SI.2>

2 系统辨识的基本概念

系统辨识的地位和目的

控制理论 经典控制理论、现代控制理论、智能控制理论 经典控制 应用时域法、根轨迹法、频域法,设计被控对象的控制器。现代控制 线性系统理论、最优控制理论和最优估计理论等。智能控制 神经网络、专家系统及人工智能。

<SI.3>

线性系统理论

现代控制的基础,主要解决系统的模型描述和基础知识。即线性系统一般可描述为:

$$\dot{x} = Ax + Bu \tag{1}$$

$$y = Cx + Du \tag{2}$$

最优控制 解决在某一性能指标约束下,如何解算最优输入 $\mathbf{u}(t)$; 最优估计 主要解决状态变量 \mathbf{X} 的估计和预测。

<SI.4>

系统辨识目的

- 上述问题解决的先决条件:
 - 模型中的 A、B、C、D 已知。
 - 亦即系统的结构和参数已知,
 - 也就是要知道系统的传递函数、或是脉冲传递函数、或是差分方程、或是系统的频率特性。
- 那么,如何获取系统的结构和参数?
- 系统辨识目的: 如何获取系统的模型及其参数?

<SI.5>

3 系统的模型描述

系统的模型定义与特点

模型定义 系统的本质的部分信息简缩成的一种有用的描述形式。

模型特点 • 同一系统有多个模型描述;

- 同一模型可以反映不同的实际系统;
- 模型的精确度与复杂度。

<SI.6>

模型表示形式

- 直觉模型
- 物理模型
- 图表模型
- 数学模型。

其中,图表模型为非参数模型,数学模型为参数模型。

<SI.7>

数学模型分类

时域 • 微分方程

- 差分方程
- 状态方程

复域 • 传递函数

• 脉冲传递函数

频域 • 频率特性

• 描述函数

<SI.8>

系统辨识中的模型

系统辨识获取系统的非参数模型和参数模型。

非参数模型 • 频率特性曲线

• 脉冲响应曲线

参数模型 • 差分方程

- 传递函数
- 脉冲传递函数

模型转换 • 参数模型间可以相互变换;

• 非参数模型可以变换为参数模型。

<SI.9>

4 数学模型的建立方法和原则

模型建立方法

- 理论分析方法: 本科阶段已学
- 实验测试法:利用系统输入/输出数据,建立系统的数学模型。系统辨识采用该方法。

<SI.10>

建模原则

- 模型的使用目的明确;
- 物理概念清楚:
- 辨识具有无偏性和一致性;
- 符合节省原理。需辨识参数数目要少。

<SI.11>

5 系统辨识流程与分类

系统辨识定义

- 定义: 在系统输入和输出数据基础上,从一组给定的模型类中,确定一个与所测系统等价的模型。
- 系统辨识三要素: 数据、模型类与准则。
 - 数据:记录的输入/输出数据,往往含有噪声;
 - 模型类: 选定模型:
 - 准则: 亦即代价函数,通常为误差准则。

<SI.12>

系统辨识一般流程

系统辨识分为模型结构辨识和模型参数辨识。其一般流程为:

- 明确所辨识系统模型的使用目的:
- 预选待辨识系统的数学模型种类:
- 进行辨识的实验设计,记录 I/O 数据;
- 数据预处理, 野点剔除;
- 模型结构辨识,辨识系统阶次 n:
- 选择参数估计方法,辨识系统其它参数;
- 模型验证。

本课程重点:参数估计方法

<SI.13>

系统辨识分类

- 线性系统辨识和非线性系统辨识;
- 集中参数辨识和分布参数辨识:
- 系统结构参数辨识和系统参数辨识;
- 经典辨识和近代辨识:
- 开环系统辨识和闭环系统辨识:
- 离线辨识和在线辨识。

<SL14>

离线辨识

- 过程:系统模型及阶次 n 选定后,记录下系统全部的 I/O 数据,然后再用参数估计方法,辨识系统的模型参数。
- 特点:需存储数据量大,计算量大,辨识精度较高。事后数据处理方法,不能用于实时控制系统。

<SI.15>

在线辨识

- 过程:系统模型及阶次 n 选定后,先获取一小部分数据,估计系统模型参数,再获取新的 I/O 数据,采用递推修正算法获得新的参数估计值,重复上述过程,直至系统运行停止。
- 特点:数据量小,计算量小,辨识精度稍低。是一种在线数据处理方法,用于实时控制系统。

<SI.16>

6 系统辨识误差准则

系统辨识误差准则

误差准则通常被表示为误差的泛函

$$J(\theta) = \sum_{k=1}^{N} f(\varepsilon(k)) \tag{3}$$

 $\varepsilon(k)$ 为模型与实际系统的误差,可以是输出误差或输入误差,也可以是广义误差。一般函数 f 取为误差平方:

$$f(\varepsilon(k)) = \varepsilon^2(k) \tag{4}$$

- 输入误差 $\varepsilon(k) = u(k) u_m(k) = u(k) S^{-1}[y_m(k)]$
- 输出误差 $\varepsilon(k) = y(k) y_m(k)$

本课程均采用输出误差。

<SI.17>

7 思考

思考

- 系统辨识与其它课程的关系?
- 如何学习系统辨识?

<SI.18>