线性离散系统分析 离散系统稳态误差

Outline

1 离散系统稳态误差

② 离散系统型别与静态误差系数

Topic

1 离散系统稳态误差

2 离散系统型别与静态误差系数

离散系统稳态误差

- 连续系统稳定误差:
 - Laplacian 变换的终值定理
 - 静态误差系数
 - 动态误差系数
- 离散系统稳态误差
 - · Z 变换终值定理

$$\lim_{t \to \infty} e^*(t) = \lim_{z \to 1} (z - 1) E(z)$$
$$= \lim_{z \to 1} (z - 1) \Phi_e(z) R(z)$$

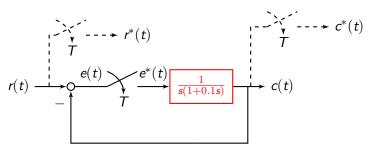
离散系统稳态误差

- 连续系统稳定误差:
 - Laplacian 变换的终值定理
 - 静态误差系数
 - 动态误差系数
- 离散系统稳态误差
 - · Z 变换终值定理

$$\begin{array}{ll} \lim_{t \to \infty} \mathrm{e}^*(t) & = & \lim_{z \to 1} (z-1) E(z) \\ & = & \lim_{z \to 1} (z-1) \Phi_{\mathrm{e}}(z) R(z) \end{array}$$

其中

离散系统稳态误差示例:



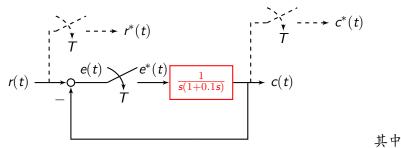
 $T = 0.1, r_1(t) = 1(t), r_2(t) = t$ 求离散系统相应的稳态误差

解

$$G(z) = \frac{z(z-1)(z-0.368)}{(z-1)(z-0.368)}$$

$$\Phi_e(z) = \frac{1}{1+G(z)} = \frac{(z-1)(z-0.368)}{z^2-0.736z+0.368}$$

离散系统稳态误差示例:



 $T=0.1, r_1(t)=1(t), r_2(t)=t$ 求离散系统相应的稳态误差

解:

$$G(z) = \frac{2(1-0.308)}{(z-1)(z-0.368)}$$

$$\Phi_e(z) = \frac{1}{1+G(z)} = \frac{(z-1)(z-0.36z)}{z^2-0.736z+0.36z}$$

离散系统稳态误差示例 (续)

$$r_1(t) = 1(t)$$
 时

$$R_1(z) = \frac{1}{1-z^{-1}}$$

 $\lim_{z \to 1} (1-z^{-1}) \Phi_e(z) R(z) = 0$

$$r_2(t) = t(t)$$

$$R_1(z) = \frac{72}{(1-z^{-1})^2}$$

$$\lim_{z \to 1} (1-z^{-1}) \Phi_e(z) R(z) = \lim_{z \to 1} \frac{T(z-0.368)}{z^2 - 0.736z + 0.368}$$

$$= T$$

离散系统稳态误差示例 (续)

$$r_1(t) = 1(t)$$
 时

$$R_1(z) = \frac{1}{1-z^{-1}}$$

 $\lim_{z \to 1} (1-z^{-1}) \Phi_e(z) R(z) = 0$

$$r_2(t) = t(t)$$
 时

$$\begin{array}{rcl} R_1(z) & = & \frac{Tz^{-1}}{(1-z^{-1})^2} \\ \lim_{z \to 1} (1-z^{-1}) \Phi_{\rm e}(z) R(z) & = & \lim_{z \to 1} \frac{T(z-0.368)}{z^2-0.736z+0.368} \\ & = & T \end{array}$$

Topic

1 离散系统稳态误差

② 离散系统型别与静态误差系数

离散系统型别

• 连续系统型别:

$$G_o(s) = \frac{M(s)}{s^{\nu} N(s)}$$

若 $\nu = 0,1,2$ 则分别称为 0 型,| 型,| 型系统.

• 离散系统型别:

$$G_o(z) = \frac{M(z)}{(z-1)^{\nu}N(z)}$$

若 $\nu = 0, 1, 2$ 则分别称为 0 型, 1 型, 11 型系统. ($G_o(z)$ 为单位负反馈开环脉冲传递函数)

离散系统型别

• 连续系统型别:

$$G_o(s) = \frac{M(s)}{s^{\nu} N(s)}$$

若 $\nu = 0, 1, 2$ 则分别称为 0 型, 1 型, 11 型系统.

• 离散系统型别:

$$G_o(z) = \frac{M(z)}{(z-1)^{\nu}N(z)}$$

若 $\nu = 0, 1, 2$ 则分别称为 0 型, | 型, | 型系统. ($G_o(z)$ 为单位负反馈开环脉冲传递函数)

静态误差系数:0型系统:

连续系统

$$K_p = \lim_{s \to 0} G_o(s)$$
 $r(t) = 1$
 $e_{ss} = \frac{1}{1 + K}$

$$K_p = \lim_{z \to 1} (1 + G_o(z))$$

$$r(t) = 1(t)$$

$$e_{ss} = \frac{1}{K_p}$$

静态误差系数:0型系统:

连续系统

$$K_p = \lim_{s \to 0} G_o(s)$$

 $r(t) = 1$
 $e_{ss} = \frac{1}{1 + K}$

$$K_p = \lim_{z \to 1} (1 + G_o(z))$$
 $r(t) = 1(t)$
 $e_{ss} = \frac{1}{K_s}$

静态误差系数:| 型系统:

连续系统

$$K_p = \lim_{s \to 0} sG_o(s)$$

$$r(t) = t$$

$$e_{ss} = \frac{1}{K_o}$$

$$K_p = \lim_{z \to 1} (z - 1) G_o(z)$$

$$r(t) = t$$

$$e_{ss} = \frac{T}{K_{tt}}$$

静态误差系数:| 型系统:

连续系统

$$K_p = \lim_{s \to 0} sG_o(s)$$
 $r(t) = t$
 $e_{ss} = \frac{1}{K_v}$

$$K_p = \lim_{z \to 1} (z - 1) G_o(z)$$
 $r(t) = t$
 $e_{ss} = \frac{T}{\kappa}$

静态误差系数:|| 型系统:

连续系统

$$K_{p} = \lim_{s \to 0} s^{2} G_{o}(s)$$

$$r(t) = \frac{t^{2}}{2}$$

$$e_{ss} = \frac{1}{K}$$

$$K_{p} = \lim_{z \to 0} (z - 1)^{2} G_{o}(s)$$

$$r(t) = \frac{t^{2}}{2}$$

$$e_{ss} = \frac{T^{2}}{\kappa}$$

静态误差系数:|| 型系统:

连续系统

$$K_{p} = \lim_{s \to 0} s^{2} G_{o}(s)$$

$$r(t) = \frac{t^{2}}{2}$$

$$e_{ss} = \frac{1}{\kappa}$$

$$K_{p} = \lim_{z \to 0} (z - 1)^{2} G_{o}(s)$$

$$r(t) = \frac{t^{2}}{2}$$

$$e_{ss} = \frac{T^{2}}{\kappa}$$