

# Ergänzungen zur Analysis 1 Sommersemester 2013

Dozent:  
Prof. Dr. Felix Leinen

Mitschrift von:  
Sven Bamberger, Maicon Hieronymus, Bernadette Mohr

L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>Xarbeit von:  
Sven Bamberger, Maicon Hieronymus, Bernadette Mohr

Zuletzt Aktualisiert:  
18. April 2013



JOHANNES GUTENBERG  
UNIVERSITÄT MAINZ

## Zusammenfassung:

Es handelt sich hier um den Baustein “Statistik und Ergänzungen zur Analysis,, des Pflichtmoduls “Analysis und Statistik,, der zu Beginn des Studienganges BSc Informatik im Kontext zum Baustein “Analysis I,, absolviert werden soll. Die “Statistik und Ergänzungen zur Analysis,, wird nur in Sommersemestern angeboten. Die Abschlußklausur zu “Statistik und Ergänzungen zur Analysis,, ist zugleich Modulabschlußklausur des Pflichtmoduls “Analysis und Statistik,,.

<http://www.mathematik.uni-mainz.de/arbeitsgruppen/gruppentheorie/leinen/s13-ana-plus>

**Raum:** Mi 03-428

**Uhrzeit:** 08:00-10:00

**Abgabe:** Mittwoch 08:13



Dieses Skript wurde erstellt, um sich besser auf die Klausur vorzubereiten und eine ordentliche und für alle Personen lesbare Mitschrift zu haben.

Dieses Dokument garantiert weder Richtigkeit noch Vollständigkeit, da es aus Mitschriften gefertigt wurde und dabei immer Fehler entstehen können. Falls ein Fehler enthalten ist, bitte melden oder selbst korrigieren und neu hochladen.

Hier kleine Notizen zu einzelne Besonderheiten dieses Dokumentes.

1. /\* \*/ alles zwischen diesen Zeichen sind Kommentare und sollen zum tieferen Verständnis oder Besondere Fragestellungen darstellen. Dabei ist zu beachten, das die Notation nicht immer komplett korrekt ist. Es können also kleinere mathematische Fehler auftauchen, welche aber für das Verständnis relevant sind.



# Inhaltsverzeichnis

<b>I. Wahrscheinlichkeitsrechnung</b>	<b>1</b>
I.1. Binomialkoeffizienten . . . . .	1



# I. Wahrscheinlichkeitsrechnung

## I.1. Binomialkoeffizienten

### I.1.1. Definition:

#### **Fakultät**

$$n! = n(n-1)(n-2) \dots 1$$

für  $1 \leq n \in \mathbb{N}$   
 $0! = 1$

### I.1.2. Satz:

$n!$  ist die Anzahl der Möglichkeiten,  $n$  Objekte anzuordnen (in einer Reihe)

Beweis:

$n$	Möglichkeiten für 1. Objekt
$(n-1) \dots$	Möglichkeiten für 2. Objekt $\square$
$(n-2) \dots$	Möglichkeiten für 3. Objekt

### I.1.3. Definition:

Standardmenge  
Es sei  $\underline{n} = \{0, 1, \dots, n-1\}$   
Für  $0 \leq k \leq n$  sei  $\binom{n}{k}$  die Anzahl aller  $k$ -elementigen Teilmengen von  $\underline{n}$ .

### I.1.4. Satz:

$$\text{Für } 0 \leq k \leq n \text{ ist } \binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$$

Beweis:

Wir basteln eine  $k$ -elementige Teilmenge von  $\underline{n}$

$n$	Möglichkeiten für 1. Element der Teilmenge
$n-1$	Möglichkeiten für 2. Element der Teilmenge
$\vdots$	$\vdots$
$n-k+1$	Möglichkeiten für $k$ . Element der Teilmenge

Insgesamt =  $n(n-1) \dots (n-k+1) = \frac{n!}{(n-k)!}$  Möglichkeiten. Jede  $k$ -elementige Teilmenge wurde  $k!$ -mal konstruiert, da die Reihenfolge des gewählten Elemente keine Relevanz hat.

Fazit: es gibt  $\frac{1}{k!} \cdot \frac{n!}{(n-k)!}$   $k$ -elementige Teilmengen in  $\underline{n}$

## I. Wahrscheinlichkeitsrechnung

### I.1.5. Beispiel:

a) Anzahl der Partien bei einem Turnier „jeder gegen jeden“.

$$\binom{n}{2} = \frac{n(n-1)}{1 \cdot 2} = \frac{n(n-1)}{2}$$

b) Anzahl der Tips beim Lotto “6 aus 49,,

$$\binom{49}{6} = \frac{49 \cdot 48 \cdot 47 \cdot 46 \cdot 45 \cdot 44}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6} \quad (\text{I.1})$$

$$= 49 \cdot 47 \cdot 46 \cdot 3 \cdot 44 \quad (\text{I.2})$$

$$= 13.983.816 \quad (\text{I.3})$$



# Abbildungsverzeichnis