7

Dealing with Missing Data

缺失值

用代数、统计、机器学习算法补齐缺失值



若上天再给一次机会, 让我重新开始学业, 我定会听从柏拉图, 先学数学。

If I were again beginning my studies, I would follow the advice of Plato and start with mathematics.

—— 伽利略·伽利莱 (Galilei Galileo) | 意大利物理学家、数学家及哲学家 | 1564 ~ 1642



- df.dropna(axis = 0, how = 'any') 中 axis = 0 为按行删除,设置 axis = 1表示按列删除。how = 'any'时,表示某行或列只要有一个缺失值,就删除该行或列; 当 how = 'all',表示该行或列全部都为缺失值时,才删除该行或列
- ◀ df.isna() 判断 Pandas 数据帧是否为缺失值,是便用 True 占位,否便用 False 占位
- ◀ df.notna() 判断 Pandas 数据帧是否为非缺失值,是缺失值使用 False 占位,不是缺失值采用 True 占位
- ◀ missingno.matrix() 绘制缺失值热图
- ◀ numpy.NaN 产生 NaN 占位符
- numpy.random.uniform() 产生满足连续均匀分布的随机数
- ✓ seaborn.heatmap() 绘制热图
- seaborn.pairplot() 绘制成对特征分析图
- ◀ sklearn.impute.KNNImputer() 使用 k 近邻插补
- sklearn.impute.MissingIndicator() 将数据转换为相应的二进制矩阵 (True 和 False),以指示数据中缺失值的存在位置
- sklearn.impute.SimpleImputer() 使用缺失值所在的行/列中的统计数据平均值 ('mean')、中位数 ('median')
 或者众数 ('most_frequent') 来填充,也可以使用指定的常数 'constant'



7.1 **是不是缺了几个数?**

由于各种原因,数据中缺失值不可避免。缺失值通常被编码为空白,NaN或其他占位符。处理缺失值是数据预处理中重要一环。

数据中缺失值产生的原因有很多。比如,在数据采集阶段,人为失误、方法局限等等可以造成数据缺失。另外,数据存储阶段也可能引入缺失值;比如,数据存储失败、存储器故障等等。

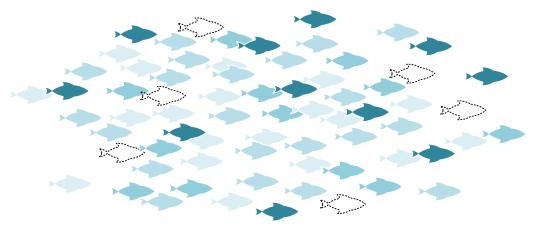


图 1. 缺失值

三大类

缺失值大致分为三类:

- **完全随机缺失** (Missing Completely at Random, MCAR),缺失值和自身值无关,和其他任何变量无 关。
- **随机缺失** (Missing at Random, MAR),其他特征存在数据,但是某个特征缺失值和自身无关。一个 经典例子是,人们是否透露收入可能与性别、教育或职业等因素存在某种联系,而非收入高低。
- **非随机缺失** (Missing Not at Random, MNAR),数据缺失可能与数据本身值存在一定关系,比如高收入群体不希望透露它们的收入。

NaN

NaN 常用于表示缺失值。NaN 是 not a number 的缩写,中文含义是"非数"。numpy.nan 可以用来产生NaN。举个例子,如果想要在已知数据帧 df 中,增加用 NaN 做占位符一列,就可以用 df['holder'] = np.nan,其中'holder'为这一列的标题 (header)。

一些 Numpy 函数在统计计算时,遇到缺失值会报错。表 1 第二列 Numpy 函数遇到缺失值 NaN,会直接报错。而表 1 第三列函数,计算时忽略 NaN。

	遇到 NaN,报错	计算时,忽略 NaN
均值	numpy.mean()	numpy.nanmean()
中位数	numpy.median()	numpy.nanmedian()
最大值	numpy.max()	numpy.nanmax()

表 1. 比较 Numpy 函数处理缺失值差异

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。

版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

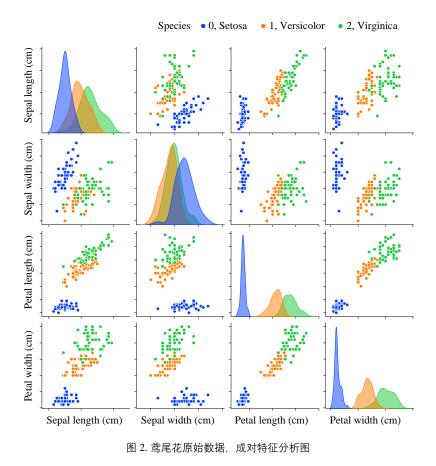
欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

最小值	numpy.min()	numpy.nanmin()
方差	numpy.var()	numpy.nanvar()
标准差	numpy.std()	numpy.nanstd()
分位	numpy.quantile()	numpy.nanquantile()
百分位	numpy.percentile()	numpy.nanpercentile()

原始数据中缺失值的样式没有特定标准,利用 pandas 读取数据时,可以设置缺失值样式。比如 read_csv() 读取 CSV 文件时,可以利用 na_values 设置缺失值样式,比如 na_values = 'Null',再如 na_values = '?' 等等。在 Pandas 数据帧中,也用 NaT 表达缺失值。

以鸢尾花数据为例

本章以鸢尾花数据讲解如何处理缺失值。图 2 所示为完整的鸢尾花数据成对特征分析图,其中有 150 个数据点。



在鸢尾花原始数据中完全随机引入缺失值 NaN,将数据存为 iris_df_NaN,数据的形式如图 3 所示。图 4 所示为含有缺失值的鸢尾花可视化图像。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在B站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

	sepal length	(cm)	sepal	width	(cm)	petal	length	(cm)	petal	width	(cm)
0		5.1			NaN			NaN			0.2
1		NaN			NaN			1.4			0.2
2		4.7			3.2			1.3			0.2
3		NaN			NaN			NaN			NaN
4		NaN			NaN			1.4			NaN
145		6.7			NaN			5.2			2.3
146		6.3			2.5			5.0			NaN
147		6.5			3.0			5.2			NaN
148		6.2			NaN			NaN			2.3
149		5.9			3.0			NaN			1.8

图 3. 鸢尾花样本数据, 随机引入缺失值

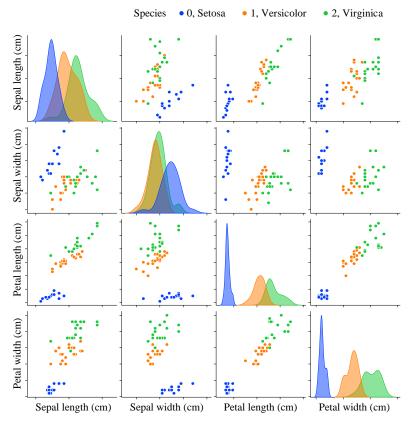


图 4. 鸢尾花数据可视化, 引入缺失值

7.2 可视化缺失值位置

为了准确获取缺失值位置、数量等信息,对于 Pandas 数据帧数据可以采用 isna()或 notna()方法。

查找缺失值

采用 iris_df_NaN.isna(),返回具体位置数据是否为缺失值。数据缺失的话,为 True; 否则,为 False。图 5 所示为 iris_df_NaN.isna() 结果。

	sepal length (cm)	sepal width (cm)	 petal width (cm)	species
0	False	True	 False	False
1	True	True	 False	False
2	False	False	 False	False
3	True	True	 True	False
4	True	True	 True	False
	• • •		 	
145	False	True	 False	False
146	False	False	 True	False
147	False	False	 True	False
148	False	True	 False	False
149	False	False	 False	False

图 5. 判断数据是否为缺失值

图 6 所示为采用 seaborn.heatmap() 可视化数据缺失值,热图的每一条黑色条带代表一个缺失值。使用缺失值热图可以粗略观察得到缺失值分布情况。

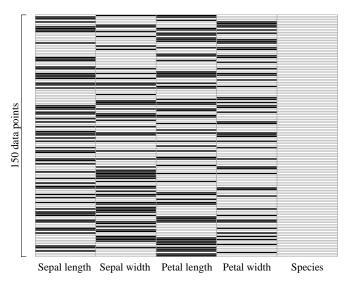


图 6. 缺失值可视化,每条黑带代表缺失值

查找非缺失值

方法 notna()正好和 isna()相反, iris_df_NaN.notna()判断数据是否为"非缺失值"; 如果数据没有缺失,则为 True。图 7 所示为 iris_df_NaN.notna() 结果。

	sepal length (cm)	sepal width (cm)	 petal width (cm)	species
0	True	False	 True	True
1	False	False	 True	True
2	True	True	 True	True
3	False	False	 False	True
4	False	False	 False	True
145	True	False	 True	True
146	True	True	 False	True
147	True	True	 False	True
148	True	False	 True	True
149	True	True	 True	True

图 7. 判断数据是否为"非缺失值"

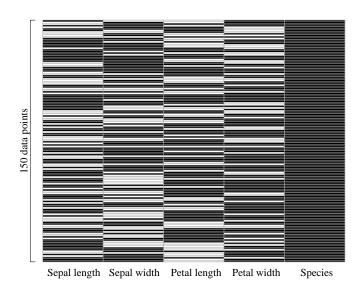


图 8. 缺失值可视化,每条白带代表缺失值

非缺失值变化线图

另外,可以安装 missingno,并调用 missingno.matrix() 绘制缺失值热图,具体如图 9 所示。这幅图最右侧还展示每行非缺失值数据数量的变化线图,线图最小取值为 1,最大取值为 5。取值为 1 时,每行只有一个非缺失值;取值为 5 时,该行不存在缺失值。观察这幅线图,可以帮助我们解读缺失值分布特征。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML 本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

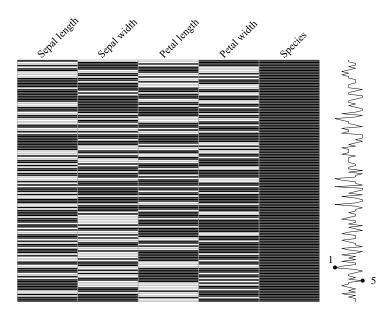


图 9. missingno.matrix()绘制缺失值热图,每条白带代表缺失值

总结缺失值信息

对于 pandas 数据帧,也可以采用 info() 显示数据非缺失值数量和数据类型。图 10 所示为 iris_df_NaN.info() 结果。df.isnull().sum() * 100 / len(df) 则计算每列缺失值的百分比。

```
<class 'pandas.core.frame.DataFrame'>
RangeIndex: 150 entries, 0 to 149
Data columns (total 5 columns):
   Column
                     Non-Null Count Dtype
                       -----
Ω
   sepal length (cm) 85 non-null
                                     float64
    sepal width (cm) 94 non-null
                                     float64
   petal length (cm) 91 non-null
    petal width (cm) 84 non-null species 150 non-null
 3
                                      float64
                                     int.32
dtypes: float64(4), int32(1)
memory usage: 5.4 KB
```

图 10. pd.info() 总结样本数据特征

也可以采用 sklearn.impute.MissingIndicator() 函数将数据转换为相应的二进制矩阵 (True 和 False,相当于 1 和 0),以指示数据中缺失值的存在位置。

7.3 处理缺失值:删除、插补

如图 11 所示, 处理缺失值有两个主要办法:

- 删除;可以删除缺失值所在的行、列,或者成对删除 (pairwise deletion)。
- **⋖ 插补** (imputation);采用插补,要根据数据特点,采用合理的方法。

对于表格数据,一般情况,每一行代表一个样本数据,每一列代表一个特征。处理存在缺失值数据 集的基本策略是舍弃包含缺失值的整行或整列。但是,这是以丢失可能有价值的数据为代价的。

```
本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。
代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML
本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466
欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com
```

更好的策略是估算缺失值,即从数据的已知部分推断出缺失值,这种方法统称插补 (imputation)。本章后续主要介绍连续数据的删除和插补方法。本书时间序列一章中将介绍时间序列数据的插补。

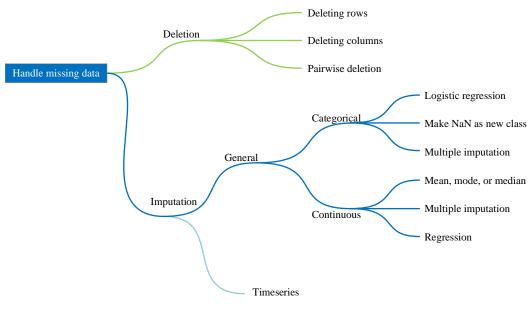


图 11. 处理缺失值的方法分类

7.4 删除: 最基本方法

本节简单介绍 Pandas 数据帧 dropna() 方法。

对于某一个数据帧 df, df.dropna(axis = 0, how = 'any') 中 axis = 0 为按行删除,设置 axis = 1 表示按列删除。how = 'any'时,表示某行或列只要有一个缺失值,就删除该行或列,如图 12 所示。

如图 13 所示,当 how = 'all',表示该行或列全部都为缺失值时,才删除该行或列。dropna()方法默认设置为 axis=0,how = 'any'。

df.dropna(axis=0, how='any')

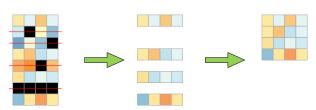
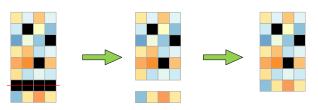


图 12. Pandas 数据帧中删除含有至少一个缺失值所在的行

df.dropna(axis=0, how='all')



本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

图 13. Pandas 数据帧中删除全为缺失值行

图 14 所示为删除缺失值后的鸢尾花数据,规则为删除含有至少一个缺失值所在的行。对比图 4,可以发现非缺失数据点明显减小。图 14 中所剩数据便是图 9 中最右侧线图值为 5 对应的数据点。

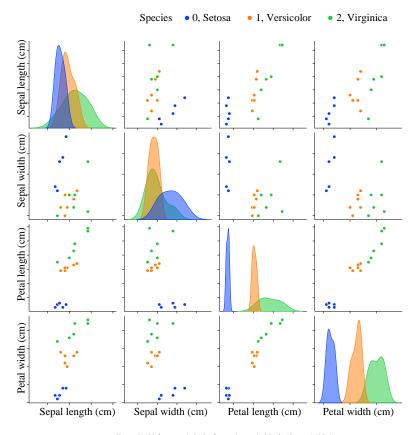


图 14. 鸢尾花数据,删除含有至少一个缺失值所在的行

一般情况每列数据代表一个特征,删除整列特征的情况也并不罕见。不管是删除缺失值所在的行或 列,都会浪费大量有价值的信息。

成对删除

成对删除 (pairwise deletion) 是一种特别的删除方式,进行多特征联立时,成对删除只删除掉需要执行运算特征包含的缺失数据;以估算方差协方差矩阵为例,如图 15 所示,计算 X_1 和 X_3 的相关性,只需要删除 X_1 和 X_3 中缺失值对应的数据点。

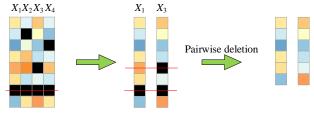


图 15. 成对删除

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

7.5 单变量插补

相对删除缺失值,更常用的方法是,采用一定的方法补全缺失值,我们称之为插补 (imputation)。分类数据和连续数据采用的方法也稍有差别。注意,选取采用插补方法要格外小心,如果填充方法不合理,会引入数据噪音,并造成数据分析结果不准确。

时间数据采用的插补方法不同于一般数据。Pandas 数据帧有基本插补功能,特别是对于时间数据,可以采用插值 (interpolation)、向前填充、向填充。这部分内容,我们将在本书插值和时间序列部分详细介绍。

单变量插补:统计插补

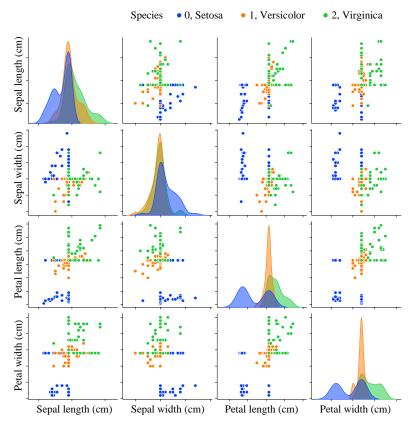
本节专门介绍单变量插补。单变量插补也称统计插补,仅使用第j个特征维度中的非缺失值插补该特征维度中的缺失值。本节采用的函数是 sklearn.impute.SimpleImputer()。

SimpleImputer() 可以使用缺失值所在的行/列中的统计数据平均值 ('mean')、中位数 ('median') 或者众数 ('most_frequent') 来填充,也可以使用指定的常数 'constant'。

如果某个特征是连续数据,可以根据在其他所有非缺失值平均值或中位数来填充该缺失值。

如果某个特征是分类数据,则可以利用该特征非缺失值的众数,即出现频率最高的数值来补齐缺失值。

图 16 所示为采用中位数插补鸢尾花缺失值。观察图 16,可以发现插补得到的数据形成"十字"图案。



本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

图 16. 鸢尾花数据, 采用中位数插补缺失值

7.6 **k近邻插补**

本节介绍 k 近邻插补。k 近邻算法 (k-nearest neighbors algorithm, k-NN) 是最基本监督学习方法之 一,k-NN 中的 k 指的是"近邻"的数量。k-NN 思路很简单——"近朱者赤,近墨者黑"。更准确地说,<u>小范</u> 围投票, 少数服从多数 (majority rule)。



→ 《机器学习》第2章专门介绍k近邻算法这种监督学习方法。

本节介绍 k 近邻插补的函数为 sklearn.impute.KNNImputer()。利用 KNNImputer 插补缺失值时,先给 定距离缺失值数据最近的 k 个样本,将这 k 个值等权重平均或加权平均来插补缺失值。图 17 所示为采用 k 近邻插补鸢尾花数据结果。

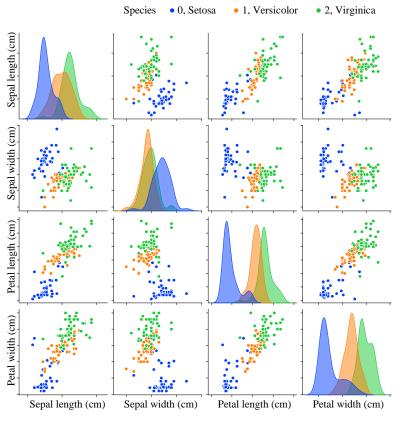


图 17. 鸢尾花数据, 最近邻插补

多变量插补

多变量插补,利用其它特征数据来填充某个特征内的缺失值。多变量插补将缺失值建模为其他特征 的函数,用该函数估算合理的数值,以填充缺失值。整个过程可以用迭代循环方式进行。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。 版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。 代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466

欢迎大家批评指教,本书专属邮箱: jiang.visualize.ml@gmail.com

单变量插补一般仅考虑单一特征进行插补,而多变量插补考虑不同特征数据的联系。

图 18 所示为采用 sklearn.impute.IterativeImputer() 函数完成多变量插补,补齐鸢尾花数据中缺失值。

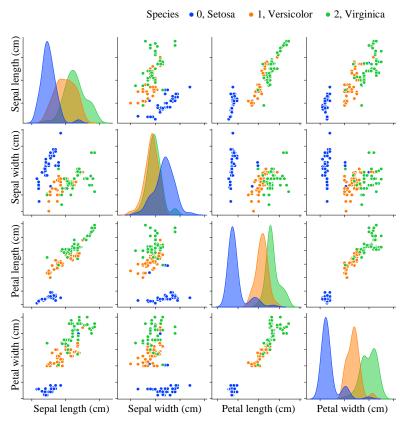


图 18. 鸢尾花数据, 多变量插补



Bk6_Ch02_01.py 绘制本章大部分图像。



总结来说,缺失值指的是在数据集中某些观测或特征的数值缺失或未记录。缺失值在机器学习中可能导致各种各样问题,因为模型需要完整的数据来进行有效的训练和预测。缺失值可能导致模型性能下降,因为模型可能无法准确学习缺失值对应的模式或关系。此外,缺失值还可能引入偏见,导致对特定子集的预测不准确。

处理缺失值的方法有几种。一种是删除包含缺失值的行或列,但这可能会损失大量信息。另一种是填充缺失值,可以用均值、中位数或其他统计量代替缺失值。还有一些先进的技术,如插值方法或使用机器学习模型来预测缺失值。选择哪种方法取决于数据的性质和缺失值的模式。

本 PDF 文件为作者草稿,发布目的为方便读者在移动终端学习,终稿内容以清华大学出版社纸质出版物为准。版权归清华大学出版社所有,请勿商用,引用请注明出处。

代码及 PDF 文件下载: https://github.com/Visualize-ML

本书配套微课视频均发布在 B 站——生姜 DrGinger: https://space.bilibili.com/513194466



有关数据帧处理缺失值,请大家参考:

 $https://pandas.pydata.org/pandas-docs/stable/user_guide/missing_data.html$

sklearn.impute.IterativeImputer() 函数非常灵活,可以和各种估算器联合使用,比如决策树回归、贝叶斯岭回归等等。感兴趣的读者可以参考如下链接:

https://scikit-learn.org/stable/modules/impute.html

https://scikit-learn.org/stable/auto_examples/impute/plot_iterative_imputer_variants_comparison