

# 马赛克上色 (mosaic)

Salma 想给墙上的粘土马赛克上色。该马赛克由  $N\times N$  片正方形瓷砖组成,共有  $N^2$  片瓷砖;每片瓷砖的尺寸为  $1\times 1$ ,都还没有上色。马赛克从上到下每行瓷砖的行编号从 0 到 N-1,从左到右每列瓷砖的列编号从 0 到 N-1。位于第 i 行第 j 列( $0\le i< N$ , $0\le j< N$ )的瓷砖记为 (i,j)。每片瓷砖要么涂成白色(记为 0),要么涂成黑色(记为 1)。

为了给马赛克上色,Salma 首先选取两个长度为 N 的数组 X 和 Y,每个数组都由 0 和 1 组成,并且 X[0]=Y[0]。她按照数组 X 对最上面的行(第 0 行)的瓷砖进行上色,使得瓷砖 (0,j) 的颜色为 X[j] ( $0 \le j < N$ )。她按照数组 Y 对最左边的列(第 0 列)的瓷砖进行上色,使得瓷砖 (i,0) 的颜色为 Y[i] ( $0 \le i < N$ )。

然后她重复以下步骤直至所有瓷砖都上色完成:

- 她找到任意一片<u>没有上色</u>的瓷砖 (i,j),其上方相邻的瓷砖 (i-1,j) 和左边相邻的瓷砖 (i,j-1) 都已经上色。
- 然后,如果这两片相邻的瓷砖都是白色,她会把瓷砖 (i,j) 涂成黑色;否则,涂成白色。

可以证明,瓷砖最终的颜色不依赖于 Salma 的上色顺序。

Yasmin 对马赛克瓷砖的颜色非常好奇。她向 Salma 提出 Q 个问题,从 0 到 Q-1 编号。在问题 k ( $0 \leq k < Q$ )中,Yasmin 通过以下信息指定马赛克中的一个长方形:

- 最上面的行 T[k] 和最下面的行 B[k]  $(0 \le T[k] \le B[k] < N)$ ;
- 最左边的列 L[k] 和最右边的列 R[k]  $(0 \le L[k] \le R[k] < N)$  。

问题的答案是该长方形中黑色瓷砖的数量。具体来说,Salma 应当找出有多少片瓷砖 (i,j) 满足  $T[k] \leq i \leq B[k]$ , $L[k] \leq j \leq R[k]$ ,且颜色为黑色。

请编写程序回答 Yasmin 的问题。

#### 实现细节

你要实现以下函数。

std::vector<long long> mosaic(
 std::vector<int> X, std::vector<int> Y,
 std::vector<int> T, std::vector<int> B,
 std::vector<int> L, std::vector<int> R)

- X, Y: 长度为 N 的数组,分别描述最上方行和最左边列的瓷砖的颜色。
- T, B, L, R: 长度为 Q 的数组,分别描述 Yasmin 所提出的问题。
- 该函数应返回一个长度为 Q 的数组 C,使得 C[k] 给出问题 k (0 < k < Q) 的答案。
- 对每个测试用例,该函数恰好被调用一次。

#### 约束条件

- $1 \le N \le 200\,000$
- $1 \le Q \le 200\,000$
- 对所有满足  $0 \leq i < N$  的 i,都有  $X[i] \in \{0,1\}$ ,且  $Y[i] \in \{0,1\}$
- X[0] = Y[0]
- 对所有满足  $0 \leq k < Q$  的 k,都有  $0 \leq T[k] \leq B[k] < N$ ,且  $0 \leq L[k] \leq R[k] < N$

### 子任务

| 子任务 | 分数 | 额外的约束条件                                                       |
|-----|----|---------------------------------------------------------------|
| 1   | 5  | $N \leq 2; Q \leq 10$                                         |
| 2   | 7  | $N \leq 200; Q \leq 200$                                      |
| 3   | 7  | 对所有满足 $0 \leq k < Q$ 的 $k$ ,都有 $T[k] = B[k] = 0$              |
| 4   | 10 | $N \leq 5000$                                                 |
| 5   | 8  | 对所有满足 $0 \leq i < N$ 的 $i$ ,都有 $X[i] = Y[i] = 0$              |
| 6   | 22 | 对所有满足 $0 \leq k < Q$ 的 $k$ ,都有 $T[k] = B[k]$ ,且 $L[k] = R[k]$ |
| 7   | 19 | 对所有满足 $0 \leq k < Q$ 的 $k$ ,都有 $T[k] = B[k]$                  |
| 8   | 22 | 没有额外的约束条件。                                                    |

### 例子

考虑以下函数调用。

```
mosaic([1, 0, 1, 0], [1, 1, 0, 1], [0, 2], [3, 3], [0, 0], [3, 2])
```

该例子如下图所示。左边的图展示了马赛克中瓷砖的颜色,中间和右边的图分别展示了 Yasmin 的第一个问题和第二个问题中的长方形。

|   | 0 | 1 | 2 | 3 |
|---|---|---|---|---|
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 0 | 1 |
| 2 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| 3 | 1 | 0 | 1 | 0 |

|   | 0 | 1 | 2 | 3 |
|---|---|---|---|---|
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 0 | 1 |
| 2 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| 3 | 1 | 0 | 1 | 0 |

|   | 0 | 1 | 2 | 3 |
|---|---|---|---|---|
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 0 | 1 |
| 2 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| 3 | 1 | 0 | 1 | 0 |

这两个问题的答案(即阴影长方形中 1 的个数)分别是 7 和 3。因此,函数应该返回 [7,3]。

## 评测程序示例

#### 输入格式:

```
N
X[0] X[1] ... X[N-1]
Y[0] Y[1] ... Y[N-1]
Q
T[0] B[0] L[0] R[0]
T[1] B[1] L[1] R[1]
...
T[Q-1] B[Q-1] L[Q-1] R[Q-1]
```

#### 输出格式:

```
C[0]
C[1]
...
C[S-1]
```

其中S是 mosaic 所返回的数组C的长度。