

# 象形文字序列(hieroglyphs)

一个研究团队正在研究象形文字序列之间的相似性。他们将每个象形文字表示成一个非负整数。为了开展 研究,他们采用了关于序列的如下概念。

对于一个给定的序列 A,某个序列 S 被称为是 A 的**子序列**,当且仅当 S 能够通过移除 A 中的某些(也可能零个)元素而得到。

下表给出了序列 A = [3, 2, 1, 2] 的子序列的一部分例子。

子序列	由 $A$ 得到子序列的方式
[3, 2, 1, 2]	不移除任何元素。
[2, 1, 2] $[3, 2, 1, 2]$	
[3, 2, 2]	$[3, 2, \pm, 2]$
[3, 2]	[3, <del>2</del> , <del>1</del> , 2] 或者 [3, 2, <del>1</del> , <del>2</del> ]
[3]	[3, 2, 1, 2]
[]	[3, 2, 1, 2]

另一方面,[3,3] 或 [1,3] 不是 A 的子序列。

考虑有两个象形文字序列 A 和 B。某个序列 S 被称为是 A 和 B 的公共子序列,当且仅当 S 同时是 A 和 B 的子序列。此外,我们说某个序列 U 是 A 和 B 的一个**最全公共子序列**,当且仅当如下两个条件成立:

- $U \neq A \cap B$  的一个公共子序列。
- $A \cap B$  的任意公共子序列,都是 U 的一个子序列。

可以证明,任意两个序列 A 和 B 都至多有一个最全公共子序列。

研究人员发现了两个象形文字序列 A 和 B。序列 A 包含 N 个象形文字,而序列 B 包含 M 个象形文字。请帮助研究人员为序列 A 和 B 找到一个最全公共子序列,或者判定这样的序列并不存在。

# 实现细节

你要实现以下函数。

std::vector<int> ucs(std::vector<int> A, std::vector<int> B)

- A: 长度为 N 的数组,给出第一个序列。
- B: 长度为 M 的数组,给出第二个序列。
- 如果 A 和 B 有一个最全公共子序列,该函数应当返回一个包含该序列的数组。否则,该函数应当返回 [-1] (一个长度为 1 的数组,其唯一元素为 -1)。
- 对每个测试用例,该函数恰好被调用一次。

### 约束条件

- 1 < N < 100000
- $1 \le M \le 100\,000$
- 对所有满足  $0 \le i < N$  的 i,都有  $0 \le A[i] \le 2000000$
- 对所有满足  $0 \le j < M$  的 j, 都有  $0 \le B[j] \le 200000$

### 子任务

子任 务	分数	额外的约束条件
1	3	$N=M;\;A$ 和 $B$ 均由 $N$ 个 <b>不同的</b> 整数构成,取自 $0$ 到 $N-1$ (包括这两个值)
2	15	对任意整数 $k$ , $k$ 在 $A$ 和 $B$ 中的出现次数,加起来至多等于 $3$ 。
3	10	对所有满足 $0 \leq i < N$ 的 $i$ ,都有 $A[i] \leq 1$ ;对所有满足 $0 \leq j < M$ 的 $j$ ,都有 $B[j] \leq 1$
4	16	A和 $B$ 存在最全公共子序列。
5	14	$N \leq 3000; \; M \leq 3000$
6	42	没有额外的约束条件。

# 例子

#### 例1

考虑以下函数调用。

ucs([0, 0, 1, 0, 1, 2], [2, 0, 1, 0, 2])

此时,A 和 B 的公共子序列为: [], [0], [1], [2], [0,0], [0,1], [0,2], [1,0], [1,2], [0,0,2], [0,1,0], [0,1,2], [1,0,2]和 [0,1,0,2]。

由于 [0,1,0,2] 是 A 和 B 的一个公共子序列,而 A 和 B 的所有公共子序列又都是 [0,1,0,2] 的子序列,因此函数应该返回 [0,1,0,2]。

### 例 2

考虑以下函数调用。

```
ucs([0, 0, 2], [1, 1])
```

此时,A 和 B 唯一的公共子序列为空序列  $[\ ]$ 。因此函数应该返回一个空数组  $[\ ]$ 。

#### 例3

考虑以下函数调用。

```
ucs([0, 1, 0], [1, 0, 1])
```

此时,A 和 B 的公共子序列为  $[\ ]$ ,[0],[1],[0,1] 和 [1,0],可以看出两者并不存在最全公共子序列。因此,函数应该返回 [-1]。

# 评测程序示例

输入格式:

```
N M
A[0] A[1] ... A[N-1]
B[0] B[1] ... B[M-1]
```

#### 输出格式:

```
T
R[0] R[1] ... R[T-1]
```

这里 R 是 ucs 所返回的数组,而 T 为其长度。