讲堂 > 数据结构与算法之美 > 文章详情

40 | 初识动态规划:如何巧妙解决"双十一"购物时的凑单问题?

2018-12-26 王争



40 | 初识动态规划: 如何巧妙解决"双十一"购物时的凑单问题?

朗读人:修阳 16'25" | 15.04M

淘宝的"双十一"购物节有各种促销活动,比如"满 200 元减 50 元"。假设你女朋友的购物车中有 n 个 (n>100)想买的商品,她希望从里面选几个,在凑够满减条件的前提下,让选出来的商品价格总和最大程度地接近满减条件(200 元),这样就可以极大限度地"薅羊毛"。作为程序员的你,能不能编个代码来帮她搞定呢?

要想高效地解决这个问题,就要用到我们今天讲的动态规划 (Dynamic Programming) 。

动态规划学习路线

动态规划比较适合用来求解<mark>最优问题</mark>,比如求<mark>最大值、最小值等等。它可以非常显著地降低时间复杂度,提高代码的执行效率。不过,它也是出了名的难学。它的主要学习难点跟递归类似,那就是,<mark>求解问题的过程不太符合人类常规的思维方式</mark>。对于新手来说,要想入门确实不容易。不过,等你掌握了之后,你会发现,实际上并没有想象中那么难。</mark>

为了让你更容易理解动态规划,我分了三节给你讲解。这三节分别是,初识动态规划、动态规划理论、动态规划实战。

第一节,我会通过两个非常经典的动态规划问题模型,向你展示我们为什么需要动态规划,以及动态规划解题方法是如何演化出来的。实际上,你只要掌握了这两个例子的解决思路,对于其他很多动态规划问题,你都可以套用类似的思路来解决。

第二节,我会总结动态规划适合解决的问题的特征,以及动态规划解题思路。除此之外,我还会将贪心、分治、回溯、动态规划这四种算法思想放在一起,对比分析它们各自的特点以及适用的场景。

第三节,我会教你应用第二节讲的动态规划理论知识,实战解决三个非常经典的动态规划问题,加深你对理论的理解。弄懂了这三节中的例子,对于动态规划这个知识点,你就算是入门了。

0-1 背包问题

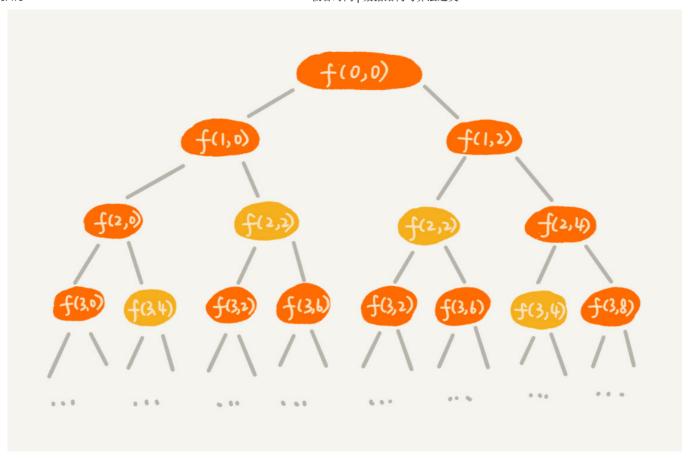
我在讲贪心算法、回溯算法的时候,多次讲到背包问题。今天,我们依旧拿这个问题来举例。

对于一组不同重量、不可分割的物品,我们需要选择一些装入背包,在满足背包最大重量限制的前提下,背包中物品总重量的最大值是多少呢?

关于这个问题,我们上一节讲了回溯的解决方法,也就是<mark>穷举搜索所有可能的装法</mark>,然后找出满足条件的最大值。不过,回溯算法的复杂度比较高,是指数级别的。那有没有什么规律,可以有效降低时间复杂度呢?我们一起来看看。

```
■ 复制代码
1 // 回溯算法实现。注意: 我把输入的变量都定义成了成员变量。
2 private int maxW = Integer.MIN_VALUE; // 结果放到 maxW 中
3 private int[] weight = {2, 2, 4, 6, 3}; // 物品重量
4 private int n = 5; // 物品个数
5 private int w = 9; // 背包承受的最大重量
6 public void f(int i, int cw) { // 调用 f(0, 0)
   if (cw == w || i == n) { // cw==w 表示装满了, i==n 表示物品都考察完了
8
    if (cw > maxW) maxW = cw;
      return;
10
    }
11
    f(i+1, cw); // 选择不装第 i 个物品
    if (cw + weight[i] <= w) {</pre>
    f(i+1,cw + weight[i]); // 选择装第 i 个物品
13
14
    }
15 }
```

规律是不是不好找?那我们就举个例子、画个图看看。我们假设背包的最大承载重量是 9。我们有 5 个不同的物品,每个物品的重量分别是 2, 2, 4, 6, 3。如果我们把这个例子的回溯求解过程,用<mark>递归树</mark>画出来,就是下面这个样子:



递归树中的每个节点表示一种状态,我们用(i,cw)来表示。其中,i表示将要决策第几个物品是否装入背包,cw表示当前背包中物品的总重量。比如,(2,2)表示我们将要决策第2个物品是否装入背包,在决策前,背包中物品的总重量是2。

从递归树中,你应该能会发现,有些子问题的求解是重复的,比如图中 f(2, 2) 和 f(3,4) 都被重复计算了两次。我们可以借助<u>递归</u>那一节讲的"备忘录"的解决方式,记录已经计算好的 f(i, cw),当再次计算到重复的 f(i, cw) 的时候,可以直接从备忘录中取出来用,就不用再递归计算了,这样就可以避免冗余计算。

```
■ 复制代码
1 private int maxW = Integer.MIN_VALUE; // 结果放到 maxW 中
2 private int[] weight = {2, 2, 4, 6, 3}; // 物品重量
3 private int n = 5; // 物品个数
4 private int w = 9; // 背包承受的最大重量
5 private boolean[][] mem = new boolean[5][10]; // 备忘录,默认值 false
6 public void f(int i, int cw) { // 调用 f(0, 0)
    if (cw == w || i == n) { // cw==w 表示装满了, i==n 表示物品都考察完了
8
      if (cw > maxW) maxW = cw;
     return;
10
    }
    if (mem[i][cw]) return; // 重复状态
11
    mem[i][cw] = true; // 记录 (i, cw) 这个状态
13
    f(i+1, cw); // 选择不装第 i 个物品
14
    if (cw + weight[i] <= w) {
     f(i+1,cw + weight[i]); // 选择装第 i 个物品
15
16
    }
17 }
```

这种解决方法非常好。实际上,它已经跟动态规划的执行效率基本上没有差别。但是,多一种方法就多一种解决思路,我们现在来看看<mark>动态规划</mark>是怎么做的。

我们把整个求解过程分为 n 个阶段,每个阶段会决策一个物品是否放到背包中。每个物品决策 (放入或者不放入背包)完之后,背包中的物品的重量会有多种情况,也就是说,会达到多种不同的状态,对应到递归树中,就是有很多不同的节点。

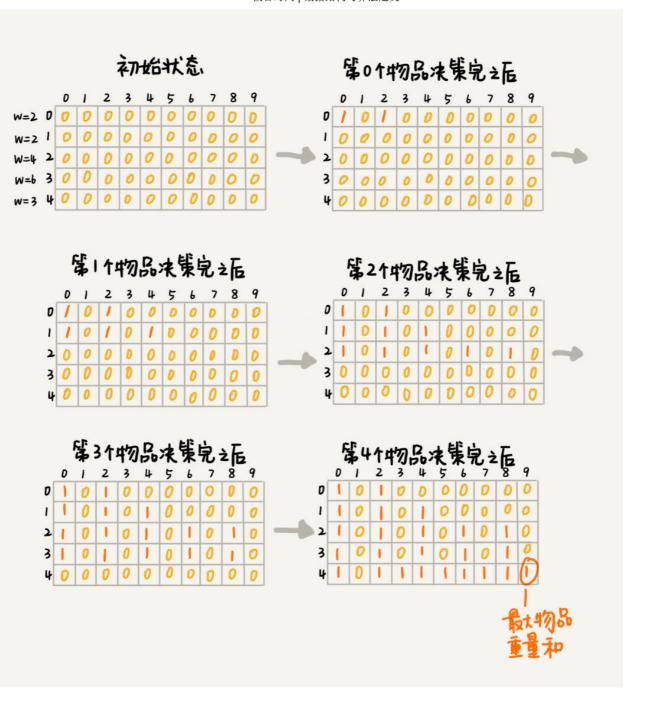
我们把每一层重复的状态(节点)合并,只记录不同的状态,然后基于上一层的状态集合,来推导下一层的状态集合。我们可以通过合并每一层重复的状态,这样就保证每一层不同状态的个数都不会超过w个(w表示背包的承载重量),也就是例子中的9。于是,我们就成功避免了每层状态个数的指数级增长。

我们用一个二维数组 states[n][w+1],来记录每层可以达到的不同状态。

第 0 个 (下标从 0 开始编号) 物品的重量是 2, 要么装入背包, 要么不装入背包, 决策完之后, 会对应背包的两种状态, 背包中物品的总重量是 0 或者 2。我们用 states[0][0]=true 和 states[0][2]=true 来表示这两种状态。

第 1 个物品的重量也是 2,基于之前的背包状态,在这个物品决策完之后,不同的状态有 3 个,背包中物品总重量分别是 0(0+0), 2(0+2 or 2+0), 4(2+2)。我们用 states[1][0]=true, states[1][2]=true, states[1][4]=true 来表示这三种状态。

以此类推,直到考察完所有的物品后,整个 states 状态数组就都计算好了。我把整个计算的过程画了出来,你可以看看。图中 0 表示 false, 1 表示 true。我们只需要在最后一层,找一个值为 true 的最接近 w(这里是 9)的值,就是背包中物品总重量的最大值。



文字描述可能还不够清楚。我把上面的过程,翻译成代码,你可以结合着一块看下。

```
■ 复制代码
1 weight: 物品重量, n: 物品个数, w: 背包可承载重量
2 public int knapsack(int[] weight, int n, int w) {
    boolean[][] c = new boolean[n][w+1]; // 默认值 false
    states[0][0] = true; // 第一行的数据要特殊处理,可以利用哨兵优化
    states[0][weight[0]] = true;
    for (int i = 1; i < n; ++i) { // 动态规划状态转移
      for (int j = 0; j <= w; ++j) {// 不把第 i 个物品放入背包
        if (states[i-1][j] == true) states[i][j] = states[i-1][j];
9
      }
      for (int j = 0; j <= w-weight[i]; ++j) {// 把第 i 个物品放入背包
        if (states[i-1][j]==true) states[i][j+weight[i]] = true;
11
12
      }
13
    }
    for (int i = w; i >= 0; --i) { // 输出结果
```

```
15   if (states[n-1][i] == true) return i;
16   }
17   return 0;
18 }
```

实际上,这就是一种用动态规划解决问题的思路。我们把问题分解为多个阶段,每个阶段对应一个决策。我们记录每一个阶段可达的状态集合(去掉重复的),然后通过当前阶段的状态集合,来推导下一个阶段的状态集合,动态地往前推进。这也是动态规划这个名字的由来,你可以自己体会一下,是不是还挺形象的?

前面我们讲到,用回溯算法解决这个问题的时间复杂度 O(2ⁿ),是指数级的。那动态规划解决方案的时间复杂度是多少呢?我来分析一下。

这个代码的时间复杂度非常好分析, 耗时最多的部分就是代码中的两层 for 循环, 所以时间复杂度是 O(n*w)。n 表示物品个数, w 表示背包可以承载的总重量。

从理论上讲,指数级的时间复杂度肯定要比 O(n*w) 高很多,但是为了让你有更加深刻的感受,我来举一个例子给你比较一下。

我们假设有 10000 个物品, 重量分布在 1 到 15000 之间, 背包可以承载的总重量是 30000。 如果我们用回溯算法解决, 用具体的数值表示出时间复杂度, 就是 2^10000, 这是一个相当大的一个数字。如果我们用动态规划解决, 用具体的数值表示出时间复杂度, 就是 10000*30000。虽然看起来也很大, 但是和 2^10000 比起来, 要小太多了。

尽管动态规划的执行效率比较高,但是就刚刚的代码实现来说,我们需要额外申请一个 n 乘以 w+1 的二维数组,对空间的消耗比较多。所以,有时候,我们会说,<mark>动态规划是一种空间换时间的解决思路</mark>。你可能要问了,有什么办法可以降低空间消耗吗?

实际上,我们只需要一个大小为 w+1 的一维数组就可以解决这个问题。动态规划状态转移的过程,都可以基于这个一维数组来操作。具体的代码实现我贴在这里,你可以仔细看下。

```
■ 复制代码
1 public static int knapsack2(int[] items, int n, int w) {
    boolean[] states = new boolean[w+1]; // 默认值 false
    states[0] = true; // 第一行的数据要特殊处理,可以利用哨兵优化
4
    states[items[0]] = true;
    for (int i = 1; i < n; ++i) { // 动态规划
     for (int j = w-items[i]; j >= 0; --j) {// 把第 i 个物品放入背包
7
        if (states[j]==true) states[j+items[i]] = true;
8
      }
9
    for (int i = w; i >= 0; --i) { // 输出结果
     if (states[i] == true) return i;
11
12
    }
    return 0;
```

```
14 }
```

这里我特别强调一下代码中的第 6 行, j 需要从大到小来处理。如果我们按照 j 从小到大处理的话, 会出现 for 循环重复计算的问题。你可以自己想一想, 这里我就不详细说了。

0-1 背包问题升级版

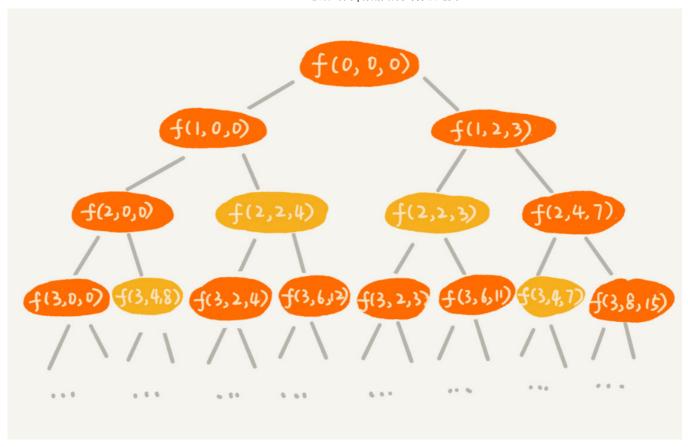
我们继续升级难度。我改造了一下刚刚的背包问题。你看这个问题又该如何用动态规划解决?

我们刚刚讲的背包问题,<mark>只涉及背包重量和物品重量。我们现在引入物品价值这一变量</mark>。对于一组不同重量、不同价值、不可分割的物品,我们选择将某些物品装入背包,在满足背包最大重量限制的前提下,背包中可装入物品的总价值最大是多少呢?

这个问题依旧可以用回溯算法来解决。这个问题并不复杂,所以具体的实现思路,我就不用文字描述了,直接给你看代码。

```
■ 复制代码
1 private int maxV = Integer.MIN_VALUE; // 结果放到 maxV 中
2 private int[] items = {2, 2, 4, 6, 3}; // 物品的重量
3 private int[] value = {3, 4, 8, 9, 6}; // 物品的价值
4 private int n = 5; // 物品个数
5 private int w = 9; // 背包承受的最大重量
6 public void f(int i, int cw, int cv) { // 调用 f(0, 0, 0)
    if (cw == w || i == n) { // cw==w 表示装满了, i==n 表示物品都考察完了
     if (cv > maxV) maxV = cv;
     return;
9
10
    f(i+1, cw, cv); // 选择不装第 i 个物品
    if (cw + weight[i] <= w) {</pre>
    f(i+1,cw+weight[i], cv+value[i]); // 选择装第 i 个物品
13
14
   }
15 }
```

针对上面的代码,我们还是照例画出递归树。在递归树中,每个节点表示一个状态。现在我们需要 3 个变量 (i, cw, cv)来表示一个状态。其中,i表示即将要决策第i个物品是否装入背包,cw表示当前背包中物品的总重量,cv表示当前背包中物品的总价值。



我们发现,在递归树中,有几个节点的 i 和 cw 是完全相同的,比如 f(2,2,4) 和 f(2,2,3)。在背包中物品总重量一样的情况下, f(2,2,4) 这种状态对应的物品总价值更大,我们可以舍弃 f(2,2,3) 这种状态,只需要沿着 f(2,2,4) 这条决策路线继续往下决策就可以。

也就是说,对于 (i, cw)相同的不同状态,那我们<mark>只需要保留 cv 值最大的那个</mark>,继续递归处理,其他状态不予考虑。

思路说完了,但是代码如何实现呢?如果用回溯算法,这个问题就没法再用"备忘录"解决了。 所以,我们就需要换一种思路,看看动态规划是不是更容易解决这个问题?

我们还是把整个求解过程分为 n 个阶段,每个阶段会决策一个物品是否放到背包中。每个阶段决策完之后,背包中的物品的总重量以及总价值,会有多种情况,也就是会达到多种不同的状态。

我们用一个二维数组 states[n][w+1],来记录每层可以达到的不同状态。不过这里数组存储的值不再是 boolean 类型的了,而是当前状态对应的最大总价值。我们把每一层中 (i, cw) 重复的状态 (节点) 合并,只记录 cv 值最大的那个状态,然后基于这些状态来推导下一层的状态。

我们把这个动态规划的过程翻译成代码,就是下面这个样子:

```
1 public static int knapsack3(int[] weight, int[] value, int n, int w) {
2   int[][] states = new int[n][w+1];
3   for (int i = 0; i < n; ++i) { // 初始化 states
4   for (int j = 0; j < w+1; ++j) {
```

```
states[i][j] = -1;
6
      }
7
     }
8
     states[0][0] = 0;
9
     states[0][weight[0]] = value[0];
     for (int i = 1; i < n; ++i) { // 动态规划, 状态转移
10
       for (int j = 0; j <= w; ++j) { // 不选择第 i 个物品
        if (states[i-1][j] >= 0) states[i][j] = states[i-1][j];
12
13
       for (int j = 0; j <= w-weight[i]; ++j) { // 选择第 i 个物品
15
        if (states[i-1][j] >= 0) {
16
          int v = states[i-1][j] + value[i];
          if (v > states[i][j+weight[i]]) {
            states[i][j+weight[i]] = v;
          }
         }
      }
21
     }
    // 找出最大值
24
    int maxvalue = -1;
    for (int j = 0; j <= w; ++j) {
26
     if (states[n-1][j] > maxvalue) maxvalue = states[n-1][j];
27
     }
28
     return maxvalue;
29 }
```

关于这个问题的时间、空间复杂度的分析,跟上一个例子大同小异,所以我就不赘述了。我直接给出答案,时间复杂度是 O(n*w), 空间复杂度也是 O(n*w)。跟上一个例子类似,空间复杂度也是可以优化的,你可以自己写一下。

解答开篇

掌握了今天讲的两个问题之后, 你是不是觉得, 开篇的问题很简单?

对于这个问题,你当然可以利用回溯算法,穷举所有的排列组合,看大于等于 200 并且最接近 200 的组合是哪一个?但是,这样效率太低了点,时间复杂度非常高,是指数级的。当 n 很大的时候,可能"双十一"已经结束了,你的代码还没有运行出结果,这显然会让你在女朋友心中的形象大大减分。

实际上,它跟第一个例子中讲的 0-1 背包问题很像,只不过是把"重量"换成了"价格"而已。购物车中有 n 个商品。我们针对每个商品都决策是否购买。每次决策之后,对应不同的状态集合。我们还是用一个二维数组 states[n][x],来记录每次决策之后所有可达的状态。不过,这里的 x 值是多少呢?

0-1 背包问题中, 我们找的是小于等于 w 的最大值, x 就是背包的最大承载重量 w+1。对于这个问题来说, 我们要找的是大于等于 200 (满减条件) 的值中最小的, 所以就不能设置为 200

加 1 了。就这个实际的问题而言,如果要购买的物品的总价格超过 200 太多,比如 1000,那 这个羊毛"薅"得就没有太大意义了。所以,我们可以限定 x 值为 1001。

不过,这个问题不仅要求大于等于 200 的总价格中的最小的,我们还要找出这个最小总价格对应都要购买哪些商品。实际上,我们可以利用 states 数组,倒推出这个被选择的商品序列。我先把代码写出来,待会再照着代码给你解释。

```
■ 复制代码
1 // items 商品价格, n 商品个数, w 表示满减条件,比如 200
2 public static void double11advance(int[] items, int n, int w) {
    boolean[][] states = new boolean[n][3*w+1];// 超过 3 倍就没有薅羊毛的价值了
    states[0][0] = true; // 第一行的数据要特殊处理
    states[0][items[0]] = true;
    for (int i = 1; i < n; ++i) { // 动态规划
      for (int j = 0; j <= 3*w; ++j) {// 不购买第 i 个商品
        if (states[i-1][j] == true) states[i][j] = states[i-1][j];
8
9
      for (int j = 0; j <= 3*w-items[i]; ++j) {// 购买第 i 个商品
        if (states[i-1][j]==true) states[i][j+items[i]] = true;
11
12
      }
    }
13
15
    int j;
16
    for (j = w; j < 3*w+1; ++j) {
     if (states[n-1][j] == true) break; // 输出结果大于等于 w 的最小值
17
18
    }
    if (j == -1) return; // 没有可行解
19
20
    for (int i = n-1; i >= 1; --i) { // i 表示二维数组中的行, j 表示列
     if(j-items[i] >= 0 && states[i-1][j-items[i]] == true) {
21
        System.out.print(items[i] + " "); // 购买这个商品
22
23
        j = j - items[i];
     } // else 没有购买这个商品, j 不变。
24
    if (j != 0) System.out.print(items[0]);
26
27 }
```

代码的前半部分跟 0-1 背包问题没有什么不同,我们着重看后半部分,看它是如何打印出选择购买哪些商品的。

状态 (i, j) 只有可能从 (i-1, j) 或者 (i-1, j-value[i]) 两个状态推导过来。所以,我们就检查这两个状态是否是可达的,也就是 states[i-1][j] 或者 states[i-1][j-value[i]] 是否是 true。

如果 states[i-1][j] 可达,就说明我们没有选择购买第 i 个商品,如果 states[i-1][j-value[i]] 可达,那就说明我们选择了购买第 i 个商品。我们从中选择一个可达的状态(如果两个都可达,就随意选择一个),然后,继续迭代地考察其他商品是否有选择购买。

内容小结

动态规划的第一节到此就讲完了。内容比较多,你可能需要多一点时间来消化。为了帮助你有的 放矢地学习,我来强调一下,今天你应该掌握的重点内容。

今天的内容不涉及动态规划的理论,我通过两个例子,给你展示了动态规划是如何解决问题的,并且一点一点详细给你讲解了动态规划解决问题的思路。这两个例子都是非常经典的动态规划问题,只要你真正搞懂这两个问题,基本上动态规划已经入门一半了。所以,你要多花点时间,真正弄懂这两个问题。

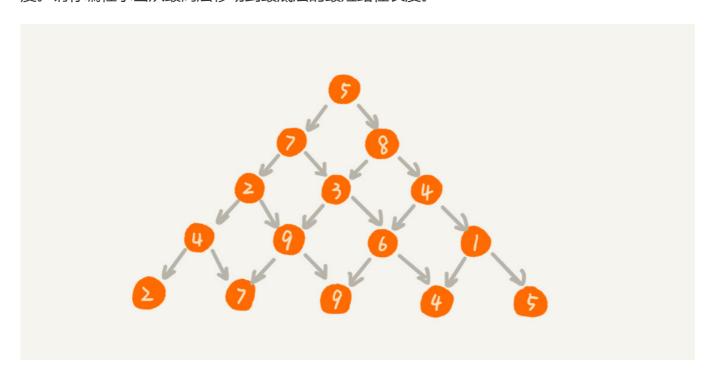
从例子中,你应该能发现,大部分动态规划能解决的问题,都可以通过回溯算法来解决,只不过回溯算法解决起来效率比较低,时间复杂度是指数级的。动态规划算法,在执行效率方面,要高很多。尽管执行效率提高了,但是动态规划的空间复杂度也提高了,所以,很多时候,我们会说,动态规划是一种空间换时间的算法思想。

我前面也说了,今天的内容并不涉及理论的知识。这两个例子的分析过程,我并没有涉及任何高深的理论方面的东西。而且,我个人觉得,贪心、分治、回溯、动态规划,这四个算法思想有关的理论知识,大部分都是"后验性"的,也就是说,在解决问题的过程中,我们往往是先想到如何用某个算法思想解决问题,然后才用算法理论知识,去验证这个算法思想解决问题的正确性。所以,你大可不必过于急于寻求动态规划的理论知识。

课后思考

"杨辉三角"不知道你听说过吗?我们现在对它进行一些改造。每个位置的数字可以随意填写,经过某个数字只能到达下面一层相邻的两个数字。

假设你站在第一层,往下移动,我们把移动到最底层所经过的所有数字之和,定义为路径的长度。请你编程求出从最高层移动到最底层的最短路径长度。



欢迎留言和我分享,也欢迎点击"<mark>请朋友读</mark>",把今天的内容分享给你的好友,和他一起讨论、 学习。



新版升级:点击「 🍣 请朋友读 」,10位好友免费读,邀请订阅更有现金奖励。

©版权归极客邦科技所有,未经许可不得转载

上一篇 39 | 回溯算法: 从电影《蝴蝶效应》中学习回溯算法的核心思想

下一篇 不定期福利第四期 | 刘超:我是怎么学习《数据结构与算法之美》的?

与曲言

精选留言



茴香根

ഥ 11

我理解的动态规划,就是从全遍历的递归树为出发点,广度优先遍历,在遍历完每一层之后对每层结果进行合并(结果相同的)或舍弃(已经超出限制条件的),确保下一层遍历的数量不会超过限定条件数完W,通过这个操作达到大大减少不必要遍历的目的。在空间复杂度优化上,通过在计算中只保留最优结果的目的重复利用内存空间。

位工问发未受1/17亿工, 迪达在17 异中大体由取1/1/纪末的自创里发利用内付工户

2018-12-26



⊚ ⇔hfy⊛

首先得有个女朋友

2018-12-26



凸 5



ഥ 4

贪心: 一条路走到黑, 就一次机会, 只能哪边看着顺眼走哪边

回溯:一条路走到黑,无数次重来的机会,还怕我走不出来 (Snapshot View)

动态规划:拥有上帝视角,手握无数平行宇宙的历史存档,同时发展出无数个未来 (Version ed Archive View)

2018-12-30



Andylee

മ 4

老师, 倒数第二段的代码(背包升级版)的12行的if条件判断是不是写错了

2018-12-26

作者回复

是的 我改下

2018-12-26



P@tricK

心 3

老师你这个只能精确到元,女朋友羊毛精说要求精确到0.01元,时间空间复杂度增大100倍

2018-12-26

作者回复

心 说的没错

2018-12-26



煦暖

凸 2

老师你好,您在专栏里提到好几次哨兵,啥时候给我们讲解一下呢?

2018-12-28



feifei

ሰን 2

这个动态规划学习了三天了,把老师的代码都手练了一遍,感觉对动态规划有点感觉了!然后在写这个课后题,我也练了一遍,我练了这么多,但我觉得动态规则这个最重要的是每层可达的状态这个怎么计算的,这是重点,我开始的时候,用纸和笔,把老师的第一例子,中的状态都画了出来,然后再来看代码,感觉很有帮助!

杨晖三角的代码我我也贴出来,希望对其他童鞋有帮助,老师,也麻烦你帮忙看下,看我的 实现是否存在问题,谢谢!

由于这个限制,限制长度,没有贴出来倒推出路径,可查看我的git https://github.com/kkzfl22/datastruct/blob/master/src/main/java/com/liujun/datastruct/algorithm/dynamicProgramming/triangle/Triangle.java

int[][] status = new int[triangles.length][triangles[triangles.length - 1].length];

int startPoint = triangles.length - 1;

int maxpoint = triangles[triangles.length - 1].length;

```
// 初始化相关的数据
for (int i = 0; i \le startPoint; i++) {
for (int j = 0; j < maxpoint; j++) {
status[i][i] = -1;
}
// 初始化杨晖三解的第一个顶点
status[0][startPoint] = triangles[0][startPoint];
// 开始求解第二个三角形顶点
// 按层级遍历
for (int i = 1; i \le startPoint; i++) {
// 加入当前的位置节点
int currIndex = 0;
while (currIndex < maxpoint) {
if (status[i - 1][currIndex] > 0) {
// 计算左节点
int leftValue = status[i - 1][currIndex] + triangles[i][currIndex - 1];
// 1,检查当前左节点是否已经设置,如果没有,则直接设置
if (status[i][currIndex - 1] == -1) {
status[i][currIndex - 1] = leftValue;
} else {
if (leftValue < status[i][currIndex - 1]) {</pre>
status[i][currIndex - 1] = leftValue;
}
// 计算右节点
int rightValue = status[i - 1][currIndex] + triangles[i][currIndex + 1];
if (status[i][currIndex + 1] == -1) {
status[i][currIndex + 1] = rightValue;
currIndex++;
currIndex++;
}
}
int minValue = Integer.MAX VALUE;
```

```
for (int i = 0; i < maxpoint; i++) {
    if (minValue > status[startPoint][i] && status[startPoint][i] != -1) {
        minValue = status[startPoint][i];
    }
}
System.out.println("最短路径结果为:" + minValue);
```

2018-12-28



Monday

凸 1

- 1、这里我特别强调一下代码中的第 6 行, j 需要从大到小来处理。 这里自己写代码调试完才恍然大悟, 第i轮循环中新设置的值会干扰到后面的设值。
- 2、特别感谢争哥今天让其他的课程的老师来客串了一节课,让我有了更多的时间学习本节。

2018-12-28

作者回复

不着急你慢慢学就是了 不用非得跟的那么紧

2019-01-02



任悦

凸 1

思考题这个杨辉三角有点巧了, 最短路径就是最左边一列

2018-12-28



像玉一样的石头

凸 1

老师,请教个问题,想了好久不知道该如何求解

关于汇率方面的,比如手里有100人民币,设计一个汇率转换的环,比如人民币-》美元-》日元-》韩元-》人民币,兑换一圈后,手里的钱一直在增加,这个问题该如何求解呢

2018-12-27



失火的夏天

凸 1

杨辉三角的动态规划转移方程是: S[i][j] = min(S[i-1][j],S[i-1][j-1]) + a[i][j]。

其中a表示到这个点的value值, S表示到a[i][i]这个点的最短路径值。

这里没有做边界条件限制,只是列出一个方程通式。边界条件需要在代码里具体处理。个人 感觉动态规划的思想关键在于如何列出动态规划方程,有了方程,代码基本就是水到渠成 了。

2018-12-27



@

凸 1

第三部分的代码,第11行是不是有问题?根据代码推不出states[4][3]=true???

2018-12-26



blacknhole

凸 1

有个疑问:

解答开篇的示例代码中,for (int j = 0; j <= w; ++j) {...} 和 for (int j = 0; j <= w-items[i]; ++j) {...} 的循环条件是不是有问题啊,应分别为 j <= 3 * w 和 j <= 3 * w - items[i] 吧?

2018-12-26

作者回复

是的 我改下 感谢

2018-12-26



ሆን 1 家

是不是可以从下往上递推,每个节点都选择下一层能到的两个节点中最小的一个和本身相 加,加到根节点应该就是最小值。

2018-12-26



```
Tsingxu
```

心 ①

```
关于背包升级为有价值区别的题中,如果用一维数组存储的话,我是这样写的(PHP):
function knapsack4($weight, $value, $n, $w)
for (\$i = 0; \$i <= \$w; \$i++) \{
states[i] = -1;
states[0] = 0;
$states[$weight[0]] = $value[0];
for (\$i = 1; \$i < \$n; \$i++) \{
for (\$j = \$w - \$weight[\$i]; \$j >= 0; \$j--) {
if ($states[$j] && $j + $weight[$i] <= $w) {
if \{\text{weight}[\$i] == \$j \&\& \$value[\$i] > \$states[\$j]\}  \{\text{states}[\$j] = \$value[\$i]\}
else $states[$j + $weight[$i]] = $states[$j] + $value[$i];
}
}
}
\max Value = 0;
for (\$i = \$w; \$i > = 0; \$i--) \{
if ($states[$i] > $maxValue) $maxValue = $states[$i];
}
return $maxValue;
```

虽然答案是一样的,但不知求解过程是否正确

2019-01-02





心 ()

王争老师动态规划讲得确实精彩,就是课后练习没有答案,有时候解不出来会很难受。我是看了下一篇文章的讲解然后明白了这篇文章的课后习题解法,这里分享一下吧,希望对大家有帮助。

```
int[][] matrix = {{5},{7,8},{2,3,4},{4,9,6,1},{2,7,9,4,5}};
public int yanghuiTriangle(int[][] matrix) {
int[][] state = new int[matrix.length][matrix.length];
state[0][0] = matrix[0][0];
for (int i = 1; i < matrix.length; i++) {
for (int j = 0; j < matrix[i].length; j++) {
if (j == 0) state[i][j] = state[i - 1][j] + matrix[i][j];
else if (j == matrix[i].length - 1) state[i][j] = state[i - 1][j - 1] + matrix<math>[i][j];
else {
int top1 = state[i - 1][j - 1];
int top2 = state[i - 1][j];
state[i][j] = Math.min(top1, top2) + matrix[i][j];
}
}
int minDis = Integer.MAX_VALUE;
for (int i = 0; i < matrix[matrix.length - 1].length; i++) {
int distance = state[matrix.length - 1][i];
if (distance < minDis) minDis = distance;
return minDis;
2019-01-02
```



易波

心 ()

老师你好,关于动态规划第一段代码(函数: public int knapsack(int[] weight, int n, int w)

中,第5行,需要加上判断条件if(weight[0]<=w),避免数组越界,瑕不掩玉,老师讲解的非常好,思路清晰,受益匪浅!

2019-01-02



趙衍

心 ()

最近在学概率图模型,忽然觉得动态规划和图模型挺像的。当前状态依赖于上一个状态

2019-01-01



心 ()

0-1背包python实现:

```
def backpack(items, w):

""

# items: python list of item weights

# w: upper limit weight the backpack can load

""

states = [False] * (w + 1) # initialize list with len w+1

states[0] = True; states[items[0]] = True # first row

for i in items[1:]: # traverse from index 1

for j in range(w-i,-1,-1): # traverse from back to front

if states[j] == True:

states[j+i] = True

for i in range(w,-1,-1): # output max weight

if states[i] == True:

print(i)

break
```

how to use items = [2, 2, 4, 6, 3] backpack(items, 9)

2018-12-29



桂浩晋

请教老师一个问题: 您觉得为什么会有这些奇怪数据结构呢?

2018-12-29

作者回复

◎ 很多问题都可以抽象成这些模型 所以才被人总结出来了2019-01-02

心 (