

Tarefa Básica

1- Como diz no enunciado é uma matriz 3x2, ou seja, três linhas e duas colunas. Onde sua lei de formação é $2i + 3j$.

$$A = [a_{11} \ a_{12}]$$

$$[a_{21} \ a_{22}]$$

$$[a_{31} \ a_{32}]$$

$$a_{11} = 2.1 + 3.1 = 5$$

$$a_{12} = 2.1 + 3.2 = 8$$

$$a_{21} = 2.2 + 3.1 = 7 \quad | \begin{matrix} 5 & 8 \end{matrix} |$$

$$a_{22} = 2.2 + 3.2 = 10 \quad \text{====>} \quad | \begin{matrix} 7 & 10 \end{matrix} |$$

$$a_{31} = 2.3 + 3.1 = 9 \quad | \begin{matrix} 9 & 12 \end{matrix} |$$

$$a_{32} = 2.3 + 3.2 = 12$$

2- 2×2 $[a_{11} \ a_{12}] \quad a_{ij} = i^2 + 4j^2$

$$[a_{21} \ a_{22}]$$

$$a_{11} = 1^2 + 4.1^2 = 5$$

$$a_{12} = 1^2 + 4.2^2 = 17 \quad \text{====>} \quad | \begin{matrix} 5 & 17 \end{matrix} |$$

$$a_{21} = 2^2 + 4.1^2 = 8 \quad | \begin{matrix} 8 & 20 \end{matrix} |$$

$$a_{22} = 2^2 + 4.2^2 = 20$$

Resposta correta: **letra A**

3- Determine x, y e z: $|1 \ x+2| = |1 \ -x|$
 $|y-1 \ z+1| \quad |2y \ -2z|$

$$2y = y-1 \quad x+2 = -x \quad z+1 = -2z$$

$$y = -1 \quad 2x = -2 \quad -3z = 1$$

$$x = -1 \quad z = -1/3$$

4- Determine x, y e z:
$$\begin{vmatrix} 3 & -x \\ 3x & x \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 3 & y \\ 2x+1 & z-1 \end{vmatrix}$$

$$3x = 2x + 1 \quad y = -x \quad z-1 = x$$

$$x = 1 \quad y = -1 \quad z = 1 + 1$$

$$z = 2$$

5- A matriz 4x4 tal que a_{ij} é a distância entre os vértices de número i e j é:

$a_{11} = 0 \implies$ a distância entre os vértices 1 e 1 é igual a 0

$a_{12} = 1 \implies$ a distância entre os vértices 1 e 2 é igual a 1

$a_{13} = \sqrt{2} \implies$ a distância entre os vértices 1 e 3 é igual à diagonal do quadrado (raiz quadrada de 2)

$a_{14} = 1 \implies$ a distância entre os vértices 1 e 4 é igual a 1

$a_{21} = 1 \implies$ a distância entre os vértices 2 e 1 é igual a 1

$a_{22} = 0 \implies$ a distância entre os vértices 2 e 2 é igual a 0

$a_{23} = 1 \implies$ a distância entre os vértices 2 e 3 é igual a 1

$a_{24} = \sqrt{2} \implies$ distância entre os vértices 2 e 4 é igual à diagonal do quadrado

$a_{31} = \sqrt{2} \implies$ a distância entre os vértices 3 e 1 é igual à diagonal do quadrado

$a_{32} = 1 \implies$ a distância entre os vértices 3 e 2 é igual a 1

$a_{33} = 0 \implies$ a distância entre os vértices 3 e 3 é igual a 0

$a_{34} = 1 \implies$ a distância entre os vértices 3 e 4 é igual a 1

$a_{41} = 1 \implies$ a distância entre os vértices 4 e 1 é igual a 1

$a_{42} = \sqrt{2} \implies$ a distância entre os vértices 4 e 2 é igual à diagonal do quadrado

$a_{43} = 1 \implies$ a distância entre os vértices 4 e 3 é igual a 1

$a_{44} = 0 \implies$ a distância entre os vértices 4 e 4 é igual a 0

Logo, substituindo:

$$A = \begin{vmatrix} 0 & 1 & \sqrt{2} & 1 \\ 1 & 0 & 1 & \sqrt{2} \end{vmatrix} \quad \text{Resposta correta: letra B}$$

$$\begin{vmatrix} \sqrt{2} & 1 & 0 & 1 \\ 1 & \sqrt{2} & 1 & 0 \end{vmatrix}$$

6- $2A = \begin{vmatrix} -2 \\ 4 \\ 6 \end{vmatrix}$ $B = \begin{vmatrix} 0 \\ -2 \\ 1 \end{vmatrix}$ $\begin{vmatrix} -2 \\ -2 \\ 1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 6 \\ 6 \\ 5 \end{vmatrix}$ Respostas correta: **letra D**

$$\begin{vmatrix} 4 \\ 6 \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} -2 \\ 1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 6 \\ 5 \end{vmatrix}$$

7- A-Bt:

$$A = \begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{vmatrix} \quad B_t = \begin{vmatrix} -1 & 2 \\ 3 & 0 \\ 2 & 1 \end{vmatrix} \quad \begin{vmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 4 \\ 3 & 5 \end{vmatrix} \quad \text{Resposta correta: letra B}$$

$$\begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{vmatrix} - \begin{vmatrix} -1 & 2 \\ 3 & 0 \\ 2 & 1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 4 \\ 3 & 5 \end{vmatrix}$$

8- $A = \begin{vmatrix} 2 & -1 & 2y \\ x & 0 & -z \\ 4 & 3 & 2 \end{vmatrix}$ $A_t = \begin{vmatrix} 2 & x & 4 \\ -1 & 0 & 3 \\ 2y & -z & 2 \end{vmatrix}$

$$x = -1 \quad 2y = 4 \quad z = -3 \quad \text{Soma: } -1 + 2 - 3 = -2$$

$y = 2$ Resposta correta: **letra A**

9- Resposta correta: **letra C**

$\textcircled{3}$ $a_{11} = 1$ $a_{12} = 3$ $a_{21} = 3$ $a_{22} = 1$ $a_{31} = 4$ $a_{32} = 5$	$b_{11} = 1$ $b_{12} = 0$ $b_{21} = 0$ $b_{22} = 2$ $b_{31} = 0$ $b_{32} = 0$	$A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 3 & 1 \\ 4 & 5 \end{bmatrix}$ $B = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 2 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$ $A + B = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 3 \\ 4 & 5 \end{bmatrix}$
---	--	---

10-

$$\frac{3}{2} * M = \frac{3}{2} * |x \quad 8|$$

$$|10 \quad y|$$

então fica:

$$M = |3x/2 \quad 12|$$

$$|15 \quad 3y/2|$$

$$\frac{2}{3} * N = \frac{2}{3} * |y \quad 6|$$

$$|12 \quad x+4|$$

então fica:

$$N = |2y/3 \quad 4|$$

$$|8 \quad [2x+8/3]|$$

Para somar matrizes, você deve somar coluna com coluna:

$$|3x/2 \quad 12| + |2y/3 \quad 4| = |3x/2 + 2y/3 \quad 12 + 4 = 16|$$

$$|15 \quad 3y/2| + |8 \quad [2x+8/3]| = |15 + 8 = 23 \quad (2x+8/3) + 3y/2|$$

Como essa soma é igual a P:

$$3x/2 + 2y/3 = 7$$

$$2x+8/3 + 3y/2 = 13$$

tirando o mínimo nas duas equações:

$$9x/6 + 2 * 2y/6 = 42/6$$

$$2(2x+8)/6 + 3 * 3y/6 = 13 * 6$$

$$9x + 4y = 42$$

$$4x + 16 + 9y = 78$$

$$9x + 4y = 42$$

$$4x + 9y = 62$$

Como só é desejado o valor de $y - x$, vou subtrair uma equação da outra e vamos ver no que dá:

$$9x - 4x + 4y - 9y = 42 - 62$$

$$5x - 5y = -20$$

$$x - y = -4 \text{ (inverso, irei multiplicar por -1)}$$

$$y - x = 4$$

Resposta correta: **letra B**