

1 Réponses attendues pour la méthode count

Pour la grammaire des arbres :

n	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
count(n, Tree)	0	1	1	2	5	14	42	123	429	1430	4862
count(n, Node)	0	0	1	2	5	14	42	123	429	1430	4862
count(n, Leaf)	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0

Pour la grammaire des mots de Fibonacci :

n	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
count(n, Fib)	1	2	3	5	8	13	21	34	55	89	144
count(n, Cas1)	0	2	3	5	8	13	21	34	55	89	144
count(n, Cas2)	0	1	1	2	3	5	8	13	21	34	55
count(n, Vide)	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
count(n, CasAu)	0	1	2	3	5	8	13	21	34	55	89
count(n, AtomA)	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
count(n, AtomB)	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
count(n, CasBAu)	0	0	1	2	3	5	8	13	21	34	55

2 Grammaires

2.1 Alphabet A,B

$$S = \mathcal{E} \mid AS \mid BS$$

w est un mot de la grammaire A, B si :

- soit w est vide
- soit w est de la forme Au où u est un mot de la grammaire A, B
- soit w est de la forme Bu où u est un mot de la grammaire A, B

2.2 Mots de Dyck

$$S = \mathcal{E} \mid (S) \mid S(S)$$

w est un mot de Dyck si :

- soit w est vide
- soit w est de la forme (u) où u est un mot de Dyck de Dyck
- soit w est de la forme $u(v)$ où u et v sont des mots de Dyck

2.3 Mots sur l'alphabet A,B qui n'ont pas trois lettres consécutives égales

$$S = \mathcal{E} \mid U \mid T$$

$$U = A \mid AA \mid AT \mid AAT$$

$$T = B \mid BB \mid BT \mid BBT$$

w est un mot de cette grammaire si :

- soit w est vide
- soit w est de la forme A, AA, B, BB

- soit w est de la forme AT ou AAT où T est un mot de la grammaire qui commence par B
- soit w est de la forme BU ou BBU où U est un mot de la grammaire qui commence par A

2.4 Palindromes sur l'alphabet A, B

$$S = \mathcal{E} \mid A \mid B \mid ASA \mid BSB$$

w est un mot de la grammaire des palindrome sur A, B si :

- soit w est vide
- soit w est de la forme A ou B
- soit w est de la forme AuA où u est un palindrome.
- soit w est de la forme BuB où u est un palindrome.

2.5 Palindromes sur l'alphabet A, B, C

$$S = \mathcal{E} \mid A \mid B \mid ASA \mid BSB \mid CSC$$

w est un mot de la grammaire des palindrome sur A, B si :

- soit w est vide
- soit w est de la forme A ou B ou C
- soit w est de la forme AuA où u est un palindrome.
- soit w est de la forme BuB où u est un palindrome.
- soit w est de la forme CuC où u est un palindrome.

2.6 Mots sur l'alphabet A,B qui contiennent autant de A que de B

$$S = \mathcal{E} \mid aTbS \mid bUaS$$

$$T = \mathcal{E} \mid aTbT$$

$$U = \mathcal{E} \mid bTaT$$

3 Calcul de la valuation

3.1 Mots de Fibonacci

n	Fib	Cas1	Cas2	Vide	CasAu	AtomA	AtomB	CasBAu
règle	Vide \cup Cas1	CasAU \cup Cas2	AtomA \cup AtomB	\mathcal{E}	AtomA*Fib	A	B	AtomB*CasAu
0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
1	∞	∞	∞	0	∞	1	1	∞
2	0	∞	1	0	1	1	1	∞
3	0	1	1	0	1	1	1	2
3	0	1	1	0	1	1	1	2

3.2 Mots de Dyck

n	Dyck	Casuu	Vide	AtomLPAR	AtomRPAR	Cas(u	Casu)
règle	Vide \cup Casuu	Dyck * Cas(u	\mathcal{E}	“(“)”	LPAR * Casu)	Dyck * RPAR
0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
1	∞	∞	0	1	1	∞	∞
2	0	∞	0	1	1	∞	∞
3	0	∞	0	1	1	∞	1
4	0	∞	0	1	1	2	1
5	0	2	0	1	1	2	1
6	0	2	0	1	1	2	1

3.3 Mots sur l'alphabet A,B

n	AB	AtomA	AtomB	CasAB	Vide	CasAu	CasBu
règle	Vide \cup CasAB	A	B	CasAu \cup CasBu	\mathcal{E}	AtomA * AB	AtomB * AB
0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
1	∞	1	1	∞	0	∞	∞
2	0	1	1	∞	0	1	1
3	0	1	1	1	0	1	1
4	0	1	1	1	0	1	1

3.4 Mots qui n'ont pas trois lettres consécutives égales sur A, B

n	Three	Vide	AtomA	AtomB	AA	BB	S	U	U1
règle	Vide \cup S	\mathcal{E}	A	B	AtomA*AtomA	AtomB*AtomB	U \cup T	AtomA \cup U1	AA \cup U2
0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
1	∞	0	1	1	∞	∞	∞	∞	∞
2	0	0	1	1	2	2	∞	1	∞
3	0	0	1	1	2	2	1	1	2
4	0	0	1	1	2	2	1	1	2
5	0	0	1	1	2	2	1	1	2
6	0	0	1	1	2	2	1	1	2

n	U2	AT	AAT	T	T1	T2	BU	BBU
règle	AT \cup AAT	AtomA * T	AtomA * AT	AtomB \cup T1	BB \cup T2	BU \cup BBU	AtomB * U	AtomB * BU
0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
1	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
2	∞	∞	∞	1	∞	∞	∞	∞
3	∞	2	∞	1	2	∞	2	∞
4	2	2	3	1	2	∞	2	3
5	2	2	3	1	2	2	2	3
6	2	2	3	1	2	2	2	3

3.5 Palindromes sur A,B

n	Pal	Vide	AtomA	AtomB	S	S1
règle	Vide \cup S	\mathcal{E}	A	B	AtomA \cup S1	AtomB \cup S2
0	∞	∞	∞	∞	∞	∞
1	∞	0	1	1	∞	∞
2	0	0	1	1	1	1
3	0	0	1	1	1	1
4	0	0	1	1	1	1
5	0	0	1	1	1	1
6	0	0	1	1	1	1

n	S2	ASA	ASA1	BSB	BSB1
règle	ASA \cup BSB	AtomA * ASA1	Pal * AtomA	AtomB * BSB1	Pal * AtomB
0	∞	∞	∞	∞	∞
1	∞	∞	∞	∞	∞
2	∞	∞	∞	∞	∞
3	∞	∞	1	∞	1
4	∞	2	1	2	1
5	2	2	1	2	1
6	2	2	1	2	1

3.6 Palindromes sur A,B,C

n	Pal	Vide	AtomA	AtomB	AtomC	S	S1	S2	S3
règle	Vide \cup S	\mathcal{E}	A	B	C	AtomA \cup S1	AtomB \cup S2	AtomC \cup S3	ASA \cup S4
0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
1	∞	0	1	1	1	∞	∞	∞	∞
2	0	0	1	1	1	1	1	1	∞
3	0	0	1	1	1	1	1	1	∞
4	0	0	1	1	1	1	1	1	∞
5	0	0	1	1	1	1	1	1	2
6	0	0	1	1	1	1	1	1	2

n	S4	ASA	ASA1	BSB	BSB1	CSC	CSC1
règle	BSB \cup CSC	AtomA * ASA1	Pal * AtomA	AtomB * BSB1	Pal * AtomB	AtomC * CSC1	Pal * AtomC
0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
1	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
2	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
3	∞	∞	1	∞	1	∞	1
4	∞	2	1	2	1	2	1
5	2	2	1	2	1	2	1
6	2	2	1	2	1	2	1

3.7 Palindromes sur A,B,C

n	Pal	Vide	AtomA	AtomB	AtomC	S	S1	S2	S3
règle	$\text{Vide} \cup S$	\mathcal{E}	A	B	C	$\text{AtomA} \cup S1$	$\text{AtomB} \cup S2$	$\text{AtomC} \cup S3$	$\text{ASA} \cup S4$
0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
1	∞	0	1	1	1	∞	∞	∞	∞
2	0	0	1	1	1	1	1	1	∞
3	0	0	1	1	1	1	1	1	∞
4	0	0	1	1	1	1	1	1	∞
5	0	0	1	1	1	1	1	1	2
6	0	0	1	1	1	1	1	1	2

n	S4	ASA	ASA1	BSB	BSB1	CSC	CSC1
règle	$\text{BSB} \cup \text{CSC}$	$\text{AtomA} * \text{ASA1}$	$\text{Pal} * \text{AtomA}$	$\text{AtomB} * \text{BSB1}$	$\text{Pal} * \text{AtomB}$	$\text{AtomC} * \text{CSC1}$	$\text{Pal} * \text{AtomC}$
0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
1	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
2	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
3	∞	∞	1	∞	1	∞	1
4	∞	2	1	2	1	2	1
5	2	2	1	2	1	2	1
6	2	2	1	2	1	2	1

3.8 Mots sur A,B qui contiennent autant de A que de B

n	Vide	AtomA	AtomB	S	S1	T	U	aTbS	TbS	bS
règle	\mathcal{E}	A	B	$\mathcal{E} \cup S1$	$\text{aTbS} \cup \text{bUaS}$	$\mathcal{E} \cup \text{aTbT}$	$\mathcal{E} \cup \text{bUaU}$	$A * \text{TbS}$	$T * \text{bS}$	$B * S$
0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
1	0	1	1	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
2	0	1	1	0	∞	0	0	∞	∞	∞
3	0	1	1	0	∞	0	0	∞	∞	1
4	0	1	1	0	∞	0	0	∞	1	1
5	0	1	1	0	∞	0	0	2	1	1
6	0	1	1	0	2	0	0	2	1	1
7	0	1	1	0	2	0	0	2	1	1

n	bUaS	UaS	aS	aTbT	TbT	bT	bUaU	UaU	aU
règle	$B * \text{UaS}$	$U * \text{aS}$	$A * S$	$A * \text{TbT}$	$T * \text{bT}$	$B * T$	$B * \text{UaU}$	$U * \text{aU}$	$A * U$
0	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
1	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
2	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞	∞
3	∞	∞	1	∞	∞	1	∞	∞	1
4	∞	1	1	∞	1	1	∞	1	1
5	2	1	1	2	1	1	2	1	1
6	2	1	1	2	1	1	2	1	1
7	2	1	1	2	1	1	2	1	1

4 Fonction qui vérifie qu'une grammaire est correcte

Pour vérifier qu'une grammaire est correcte, on parcourt toutes les règles de la grammaire et pour chaque règle, s'il s'agit d'une règle de type `ConstructorRule`, on vérifie si les deux règles qu'elle possède en attributs sont définies dans la grammaire.

```
def checkDefinedRules (grammar):
    for ruleId in grammar:
        rule = grammar[ruleId]
        if isinstance(rule, R.ConstructorRule):
            fst, snd = rule.parameters
            if not (fst in grammar):
                raise IncorrectGrammar(fst+" rule not defined in grammar")
            if not (snd in grammar):
                raise IncorrectGrammar(snd+" rule not defined in grammar")
```

5 Structure du programme

Le projet est composé de 7 fichiers, et a été développé avec Python 3.5 :

- `Rules.py` : contient les classes `AbstractRule`, `ConstructorRule`, `ConstantRule`, `UnionRule`, `ProductRule`, `SingletonRule`, `EpsilonRule`
- `Grammars.py` : contient la déclaration des grammaires de la question 2.2, des fonctions qui calculent des suites qui correspondent au nombre d'objets créés par une grammaire (ce point est expliqué plus en détail dans la partie suivante) ainsi qu'un dictionnaire qui associe à un nom de grammaire une liste qui contient la grammaire, la première règle de la grammaire et une fonction qui calcule la cardinalité.
- `CRules.py` : contient les classes permettant d'implémenter les grammaires condensées (plus de détails dans la partie ??)
- `GrammarsC.py` : contient les déclarations de grammaires condensées. ?? Pas au max pour lisibilité
- `Tree.py` : contient la classe `BinaryTree` du TP3
- `Project.py` : contient les fonctions permettant d'initialiser les grammaires et les fonctions de tests
- `Demo.ipynb` : contenu similaire à `Project.py` sous forme de notebook pour la démonstration

6 Tests de cohérence génériques

Pour toute règle r d'une grammaire, pour tout entier n positif ou nul, les propriétés suivantes doivent être vérifiées :

- La longueur de la list générée par $r.list(n)$ doit être égale à $r.count(n)$
 - Si on applique la fonction $r.rank$ à chaque élément de la liste générée par $r.list(n)$, on doit obtenir une liste égale à $list(range(r.count(n)))$
 - Si on applique la fonction $r.unrank$ à chaque élément de la liste $range(r.count(n))$, on doit obtenir une liste égale à $r.list(n)$
 - On ne peut pas générer de mots ayant une taille inférieure à la valeur de la valuation de la règle
 - Pour toutes les fonctions, pour toutes les règles, un paramètre négatif provoque une exception.
 - Aucune règle ne doit avoir pour valuation ∞
 - Si r est une *EpsilonRule* alors $count(n) = 0$ si $n \neq 0$ et $count(n) = 1$ sinon
 - Si r est une *SingletonRule* alors $count(n) = 0$ si $n \neq 1$ et $count(n) = 1$ sinon
 - Un appel à $r.unrank(n, i)$ avec $i \geq r.count(n)$ doit provoquer une exception
 - Un appel à $r.rank(obj)$ où r est une règle de type *ConstantRule* provoque une exception si obj n'est pas égal à l'objet passé en argument au constructeur de la règle.
 - S'il existe une suite U_n qui dénombre les objets de la grammaire, alors $\forall n \geq 0$, on doit avoir $U_n = r.count(n)$
- ?? AJOUTER GRAMMAIRE -i SUITES OEIS

7 Ajout des fonctions : valuation, count, random, list, unrank

Pour le calcul des valuations d'une grammaire, on parcourt toutes les règles en mettant à jour les valuations pour les règles de type *ConstructorRule* en boucle (puisque les valuations des règles de type *ConstantRule* sont constantes) jusqu'à atteindre un point fixe. Les règles de type *ConstructorRule* possèdent deux méthodes : `get_valuation` qui retourne la valeur de l'attribut `valuation`, et `update_valuation` qui met à jour la valuation.

Pour les autres fonctions (`count`, `random`, `list`, `unrank`), on implémente les algorithmes de l'énoncé en ajoutant des vérifications pour respecter la spécification décrite dans la partie précédente.

8 Ajout de la fonction rank

Pour ajouter la fonction `rank` aux grammaires on modifie les constructeurs des classes *UnionRule* et *ProductRule*. On aurait pu ajouter le nouveau paramètre au constructeur de la classe *ConstructorRule*,

mais les fonctions ajoutées ayant des signatures différentes en fonction du cas (Union ou Product), on préfère ajouter le nouveau paramètre à chaque classe, pour plus de cohérence.

Pour la classe `UnionRule`, le nouvel attribut est nommé `_derive_from_first`, et correspond à une fonction qui retourne vrai si l'argument qui lui est passé en paramètre a été dérivé par la première règle qui compose l'union et faux sinon.

Pour la classe `ProductRule`, le nouvel attribut est nommé `_get_pair`, et correspond à une fonction qui prend un mot de la grammaire et le sépare en une paire dans laquelle le premier (resp. second) élément est la partie du mot dérivée par la première (resp. seconde) règle.

Afin de maintenir la possibilité de déclarer des grammaires sans avoir à écrire les fonctions de séparation, la fonction est un attribut optionnel du constructeur. L'appel à la fonction `rank` d'une règle pour laquelle la fonction n'a pas été fournie provoque une exception de type `NotImplementedError`.

Pour effectuer le calcul de `rank`, il est nécessaire d'avoir une méthode qui permet de calculer la taille d'un objet. Dans notre implémentation, nous utilisons la fonction python `__len__` pour obtenir la longueur d'un objet. Il est donc nécessaire que les objets de la grammaire possèdent une définition pour `__len__`.

L'algorithme utilisé pour le calcul de `r.rank(obj)` est :

- Si `r` est de type `EpsilonRule` ou `SingletonRule` alors si `obj` est égal à l'objet passé au constructeur, on retourne 0 sinon on lance une exception `ValueError`.
- Si `r` est de type `UnionRule(A, B)`, alors si `obj` dérive de `A` on retourne `A.rank(obj)` sinon on retourne `A.count(len(obj)) + B.rank(obj)`

9 Caching

Comparaison temps exec avec caching et sans
Comparaison temps en fonction des fonctions mémorisées
Comparaison mémoïsation python2 vs python3?

10 Ajout des Grammaires Condensées

Expliquer traduction
Création de nom de règle
-¿ Grammaires condensées dans `GrammarsC` (pas totalement pour lisibilité)
On exécute les tests sur les `GrammarsC`
+ Eventuellement comparaison des résultats `GrammairesCondensées` vs `GrammairesNonCondensées`.

11 Constructeur Bound

Explication

- list concat
- count sum
- unrank et rank

Créer tests?

12 Sequence

Montrer traduction

Montrer utilisation pour réécriture de DyckGram