



cursos d'estiu | cursos de verano
rafael
altamira

Introducción al *Machine Learning*

Aprendizaje supervisado

Profesor: José Javier Valero Mas

Contenidos

- (re-)Introducción al aprendizaje supervisado
- Regresión
 - Definición
 - Técnicas y modelos
- Clasificación
 - Definición
 - Modelos no paramétricos
 - Modelos neuronales
- Evaluación de modelos

Tipos de aprendizaje



- Aprendizaje supervisado



- Aprendizaje no supervisado

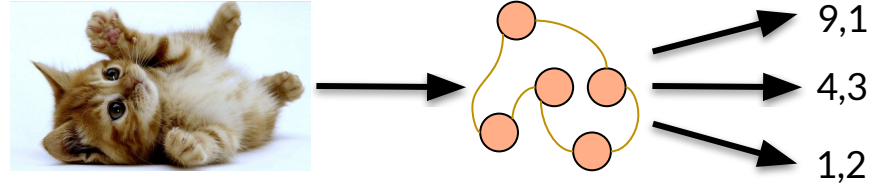


- Aprendizaje por refuerzo

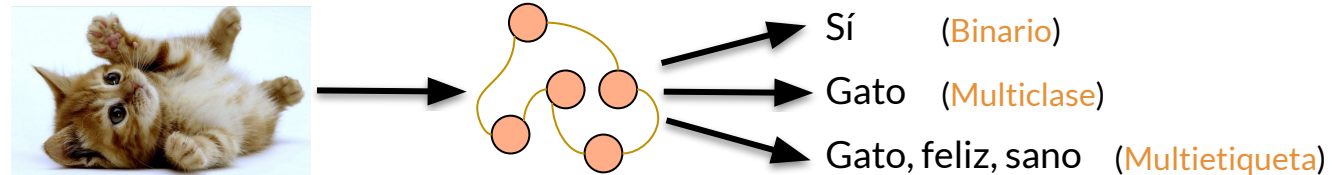


(re-)Introducción al aprendizaje supervisado

- Existe un **objetivo concreto** a inferir a partir de los datos:
 - **Regresión:** Un **valor** o valores de naturaleza **numérica** (valor real)

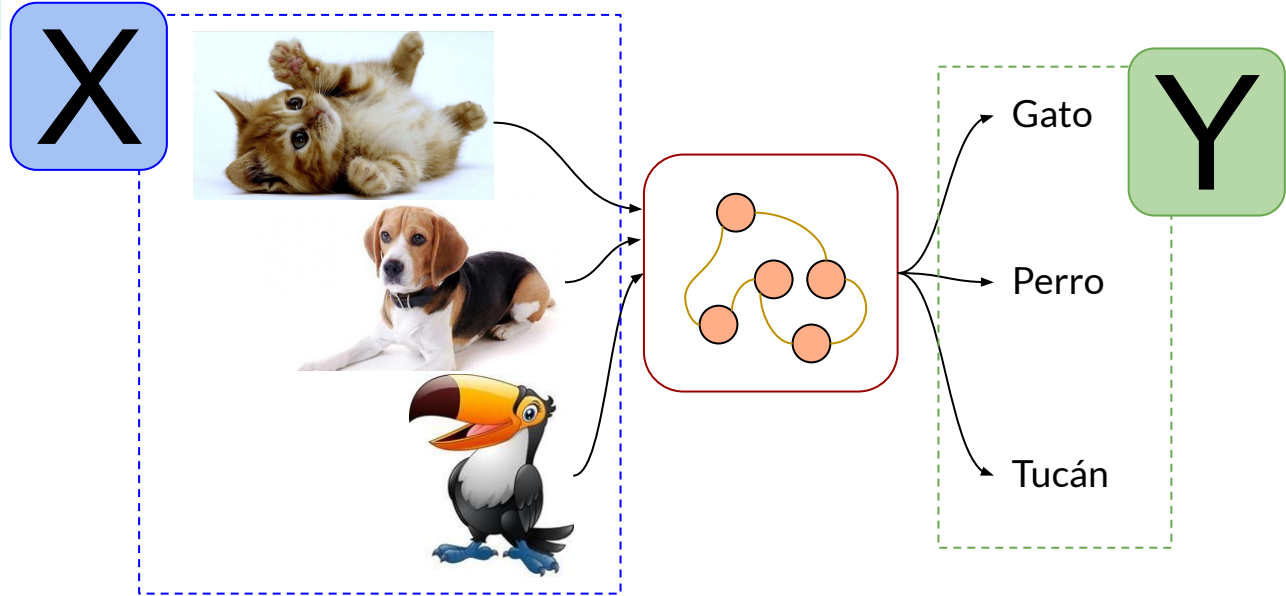


- **Clasificación:** Una **categoría** de un conjunto de posibilidades



(re-)Introducción al aprendizaje supervisado

- Necesitamos **datos etiquetados** para entrenar el modelo

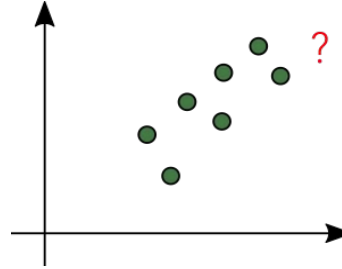


- Por contra, constituye una de sus **principales limitaciones**

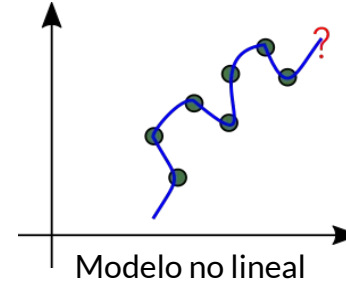
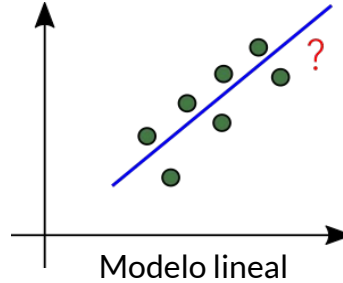
Regresión

Regresión

- Predecir el valor del punto señalado como ? en:



- ¿Posibilidades?

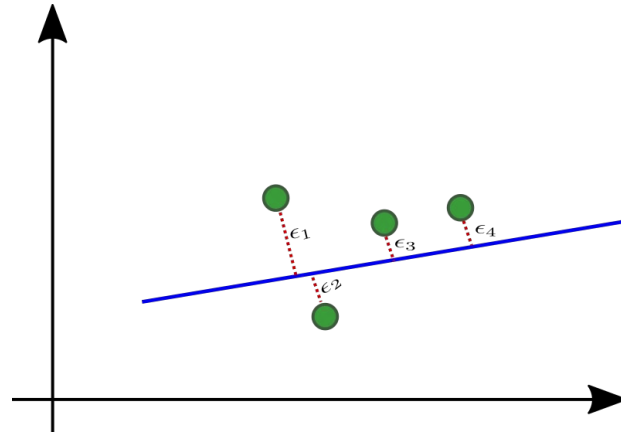


Regresión

- Posibles problemas a modelar:
 - Mercado de valores
 - Predicción de ventas
 - Puntuación de una película
 - ...

Regresión

- **Objetivo:** obtener una **función** que **minimice** el **error** con los datos dados



$$\epsilon_T = \epsilon_1 + \epsilon_2 + \epsilon_3 + \epsilon_4$$

- **Medidas** típicas de error:
 - Error Absoluto Medio (*Mean Absolute Error*, MAE)
 - Error Cuadrático Medio (*Mean Square Error*, MSE)

Regresión lineal

- Características:

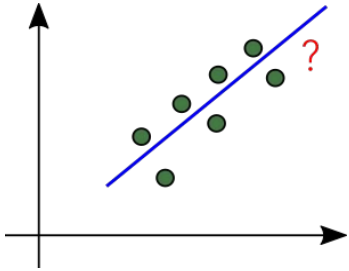
- Valor de salida → suma ponderada de todos los descriptores
- Sencillo de implementar

- Limitaciones:

- Problemas de tipo lineal
- Todos los descriptores → ¿todas las características son útiles?

- Alternativas:

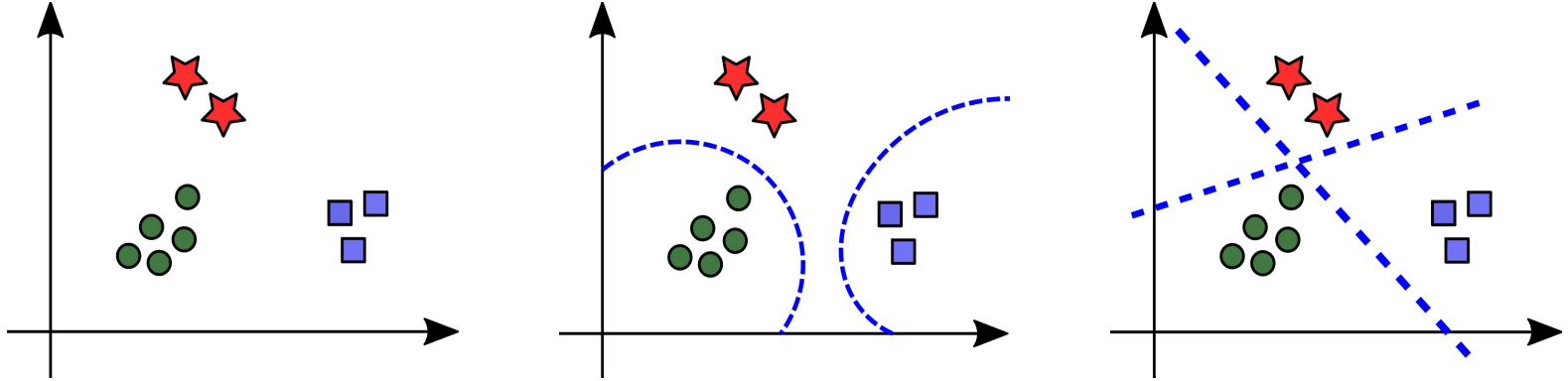
- LASSO (*Least Absolute Shrinkage and Selection Operator*)
- Modelos no lineales → Los veremos en clasificación



Clasificación

Frontera de decisión

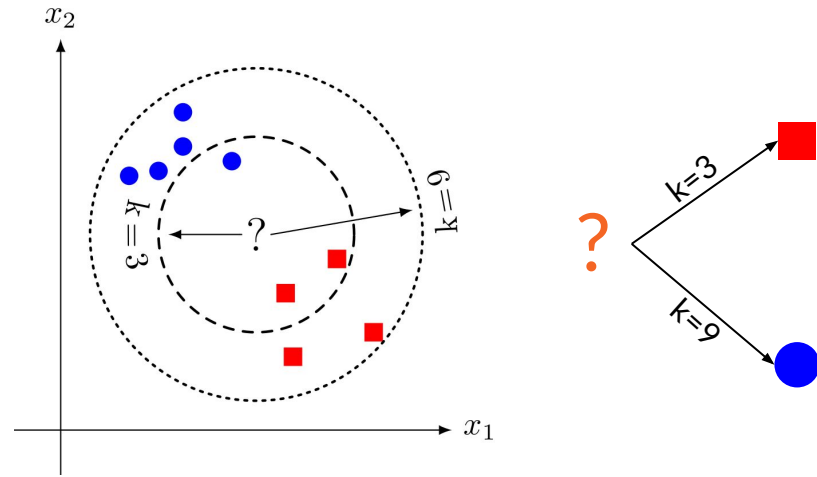
- **Clasificador:** mecanismos para modelar **fronteras de decisión**
- Estas fronteras dividen el espacio de características en categorías



- Estudiaremos cómo obtienen estas fronteras diferentes clasificadores

k -Nearest Neighbor (k NN)

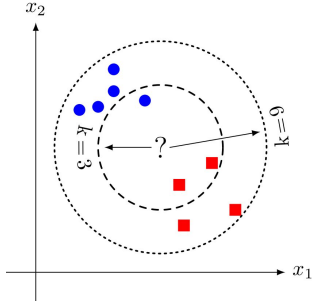
- **Premisa:** dada una consulta $?$, se le asigna la **clase más común** entre los k **elementos más cercanos**
- **Cercanía:** se necesita una medida de (di)similitud para poder estimarla



k -Nearest Neighbor (k NN)

- **Ventajas:**

- Sólo requiere una medida de disimilitud → aplicable a datos de tipo estadístico y estructurados
- No requiere entrenamiento
- Aplicable a casos binarios y multiclase; fácilmente adaptable a multietiqueta



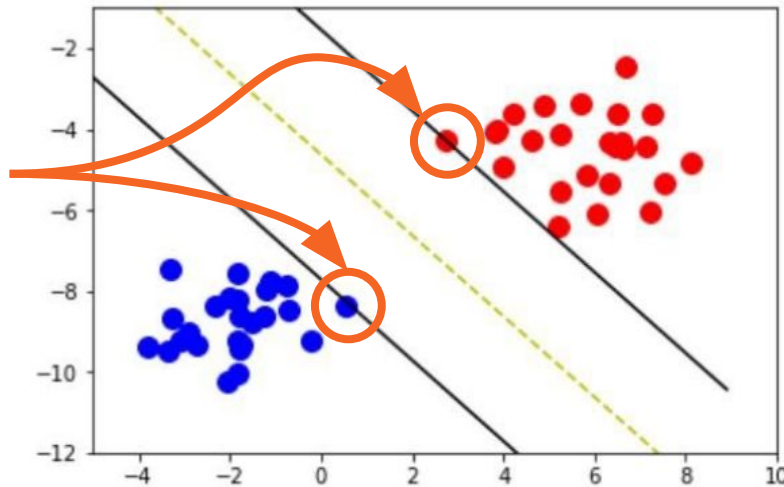
- **Desventajas:**

- Requiere examinar de manera exhaustiva el conjunto de entrenamiento para cada consulta

Support Vector Machines (SVM)

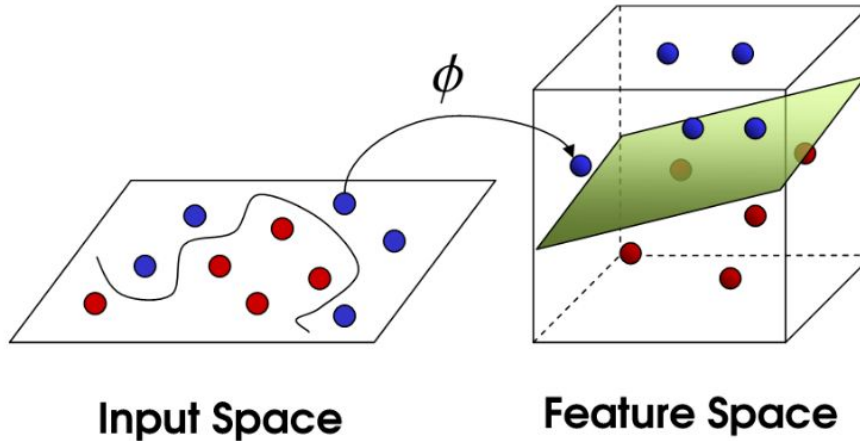
- **Premisa:** clasificador **binario** que crea un **hiperplano** que separa el espacio de características en dos zonas, una por categoría
- **Entrenamiento:** sitúa el **hiperplano** de manera que la **distancia** a los puntos más cercanos de **cada clase sea máxima**

Support Vectors



Support Vector Machines (SVM)

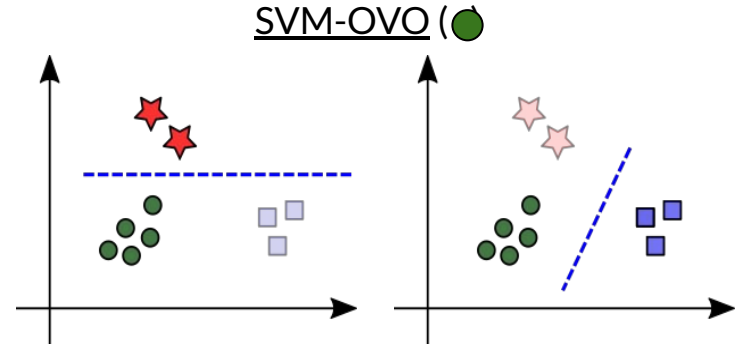
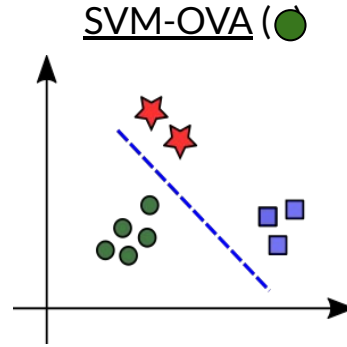
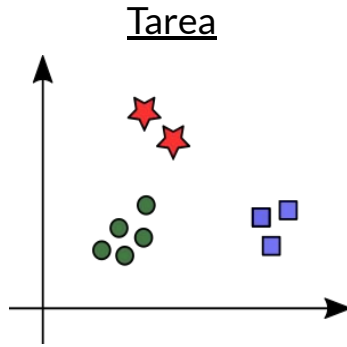
- SVM asume que las clases son **linealmente separables** → Muy infrecuente
 - **Kernel trick**: Cambiar el **espacio de representación** (normalmente a uno de mayor dimensionalidad) que cumpla la premisa de **linealidad**



- **Kernels típicos**: Polynomial, Radial Basis Function (RBF)

Support Vector Machines (SVM)

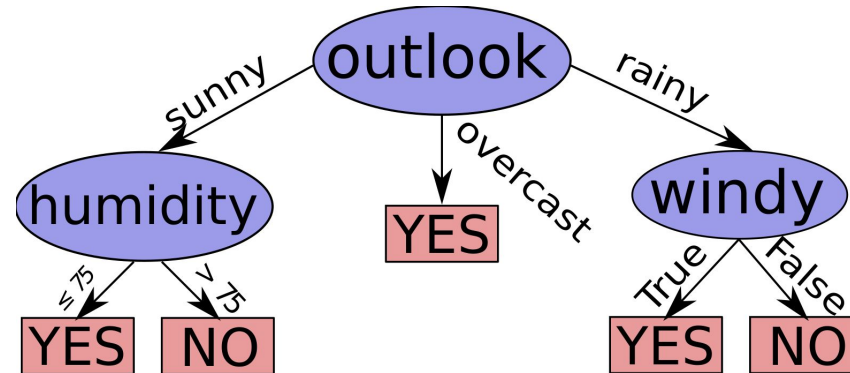
- ¿Sólo vale para **problemas binarios**? Se puede adaptar a **multiclase**:
 - **One-VS-All**: Enfrentar una clase contra una **agrupación** del resto
 - **One-VS-One**: Enfrentar **pares** de clases



- También puede darse que **no haya manera** de separar las clases de manera lineal en ningún espacio de representación
 - Se **relaja** la condición de **separación total** de clases (parámetro C)

Árboles de decisión

- **Premisa:** dada una consulta ?, se le asigna la **clase** obtenida recorriendo un árbol construido en base al conjunto de entrenamiento

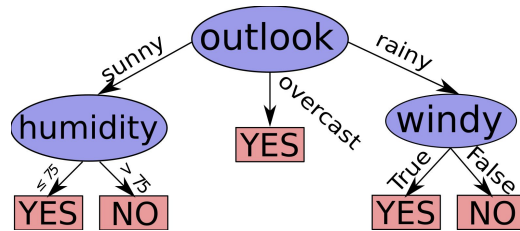


- **Árbol:**
 - **Nodos:** Atributos (X)
 - **Hojas:** Categorías/etiquetas (Y)

Árboles de decisión

- Entrenamiento:

- Ganancia de información → Capacidad de los atributos de separar las clases
- Sobreajusta de manera natural → Poda del árbol (*pruning*)

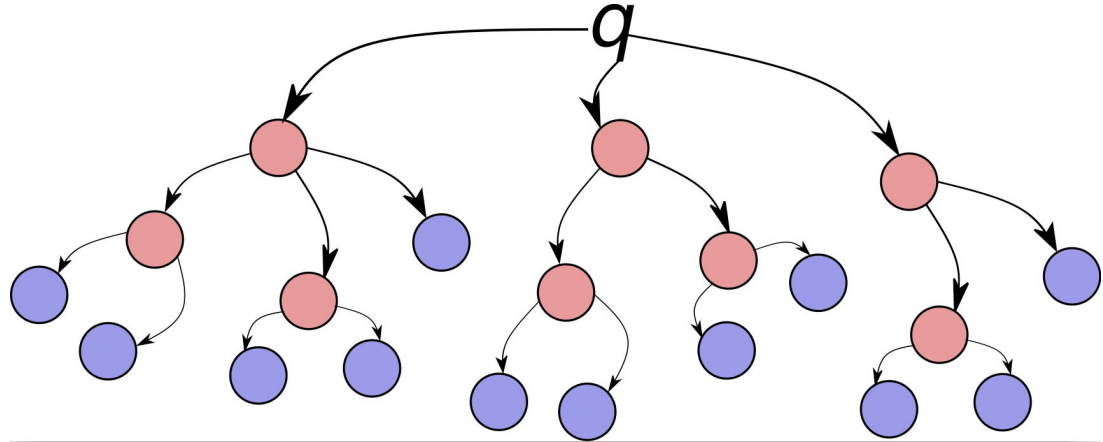


- Características:

- Altamente eficiente
- Interpretable → Se puede obtener un conjunto de reglas
- Aplicable a casos binarios y multiclase; fácilmente adaptable a multietiqueta

Random Forest

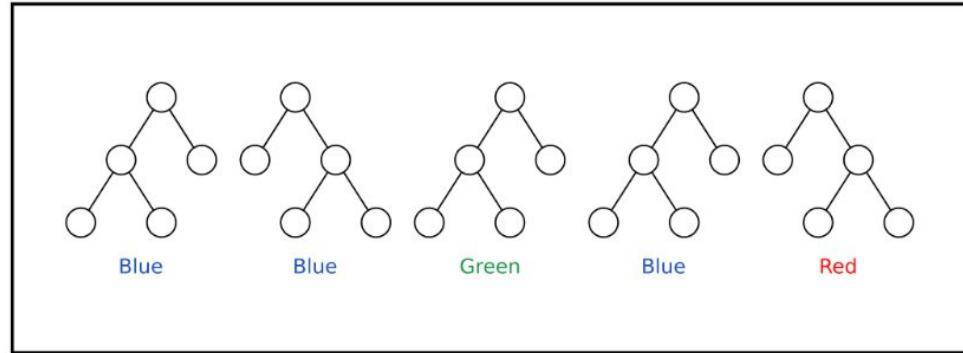
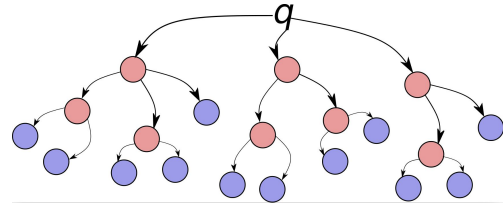
- Caso particular en el que se crean **diferentes árboles** de decisión y se **unen** sus **predicciones** individuales



- Añade **robustez** a la clasificación
- Realmente pertenece a la familia de **ensemble learning**

Random Forest

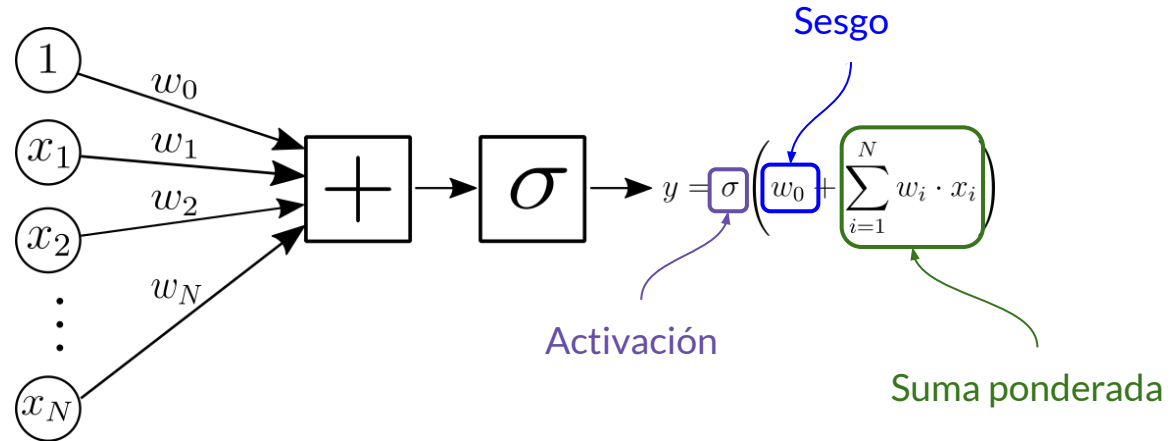
- Predicción (clase) final \rightarrow moda de las predicciones de cada árbol



↓
Blue

Modelos neuronales artificiales

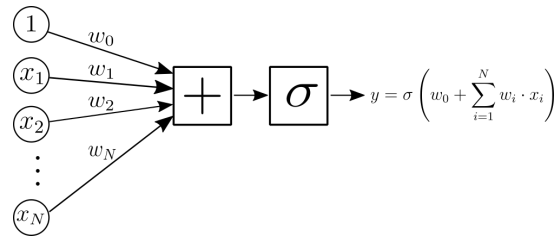
- Modelo que **imita** el comportamiento de las **neuronas biológicas**
- Unidad básica: **perceptrón**
 - **Suma ponderada** de las entradas con una **función de activación**



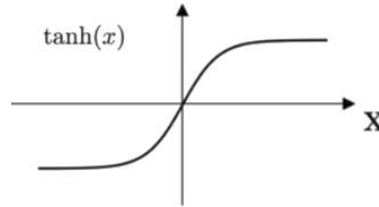
- Objetivo: **aprender** los **pesos** (w)

Modelos neuronales artificiales

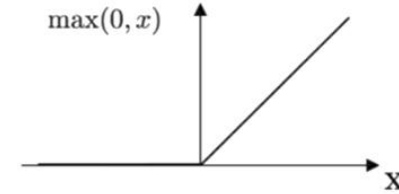
- Función de **activación**:



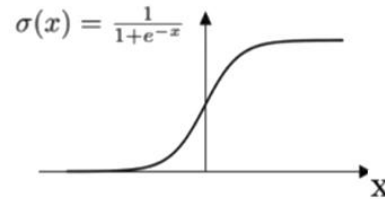
Tanh



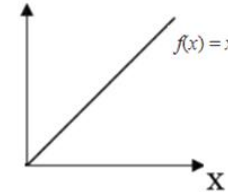
ReLU



Sigmoid

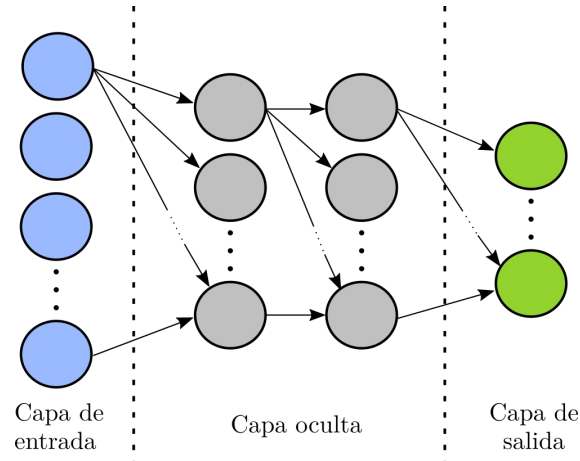


Linear

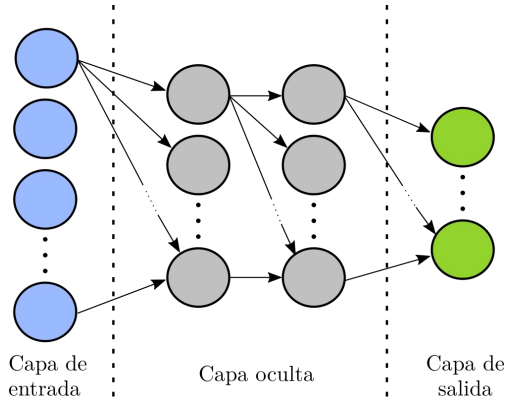


Modelos neuronales artificiales

- Se estructuran por **capas**:
 - Capa de **entrada** (*input*): Entrada de datos. No son perceptrones
 - Capa/s **oculta/s** (*hidden*): Normalmente no lineales
 - Capa de **salida** (*output*): Reporta el resultado

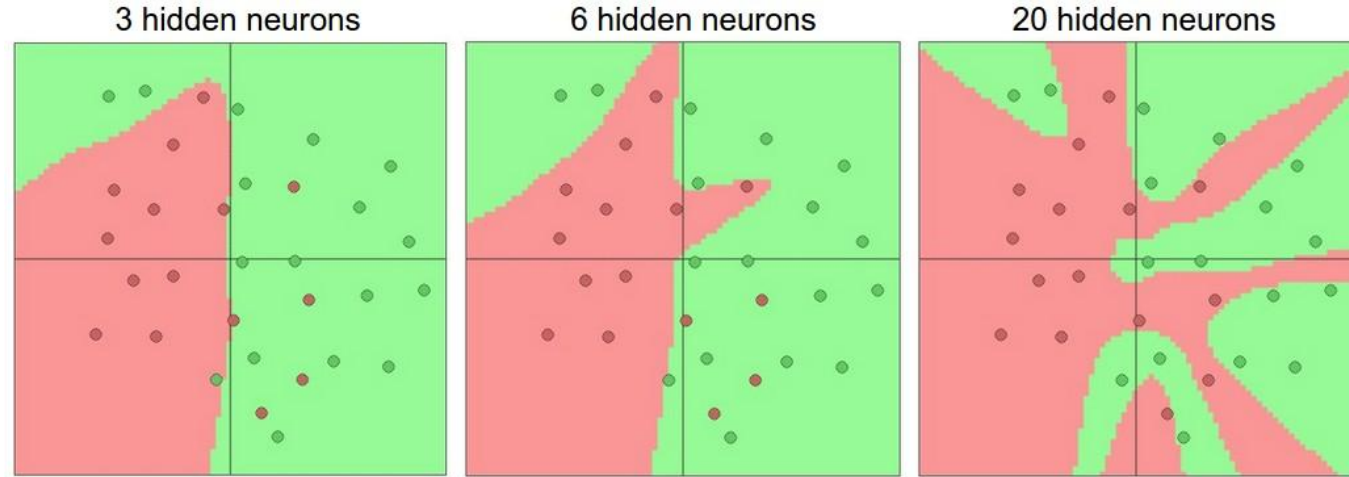
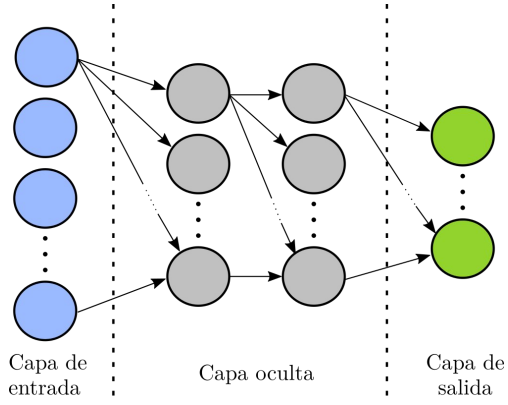


Modelos neuronales artificiales



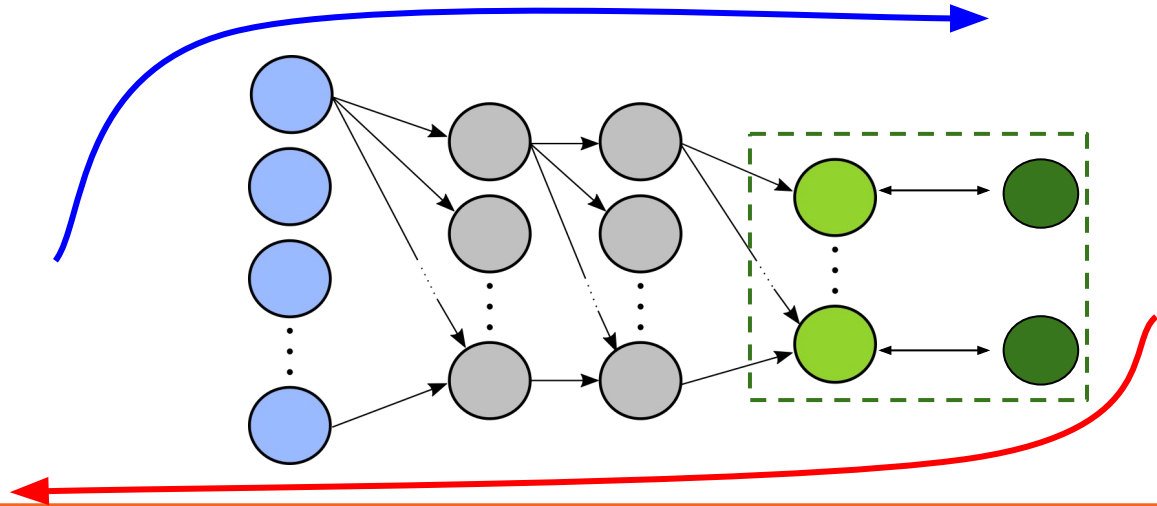
- Capa de **entrada**: Tamaño igual a la cantidad de características
- Capa/s **oculta**/s: Según complejidad del problema y datos disponibles
- Capa **salida**:
 - **Regresión**: Un perceptrón por elemento a predecir
 - **Clasificación**:
 - Binaria: Un perceptrón por clase/dos perceptrones
 - Multiclase: Un perceptrón por clase

Modelos neuronales artificiales



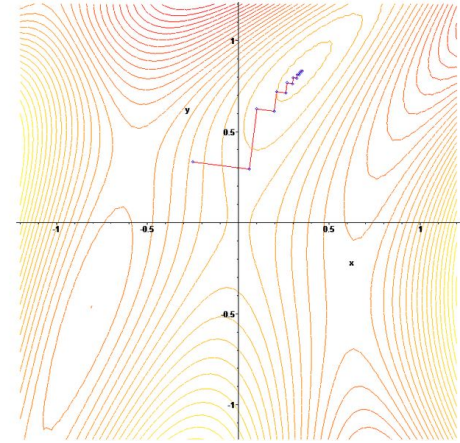
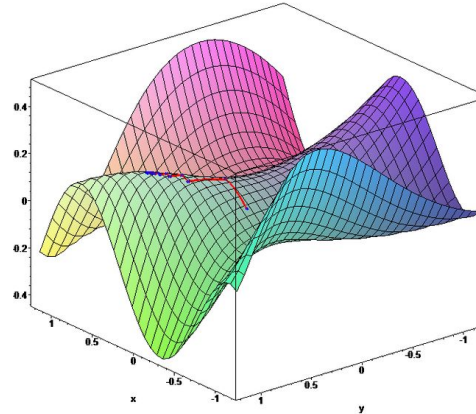
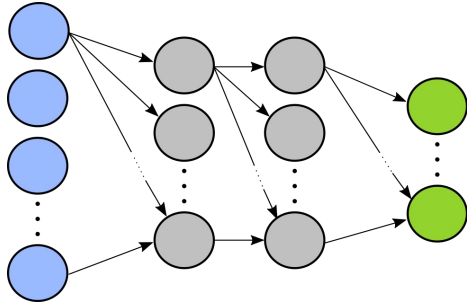
Modelos neuronales artificiales

- Proceso de **entrenamiento**:
 - Se introduce un dato en la red y se obtiene la salida (**forward**)
 - Se compara el resultado obtenido con el esperado (**pérdida o loss**)
 - Se propaga el error hacia atrás para adaptar los pesos (**backpropagation**)



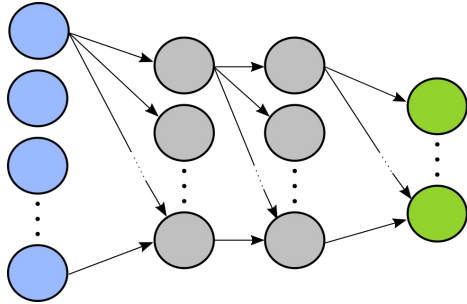
Modelos neuronales artificiales

- Descenso por gradiente:
 - **Objetivo** del entrenamiento: **minimizar** la función de **pérdida**
 - **Problema**: función de **gran dimensionalidad** → ~~Métodos analíticos~~
 - Recorrer la función de **pérdida** para buscar un **mínimo** (idealmente, global)

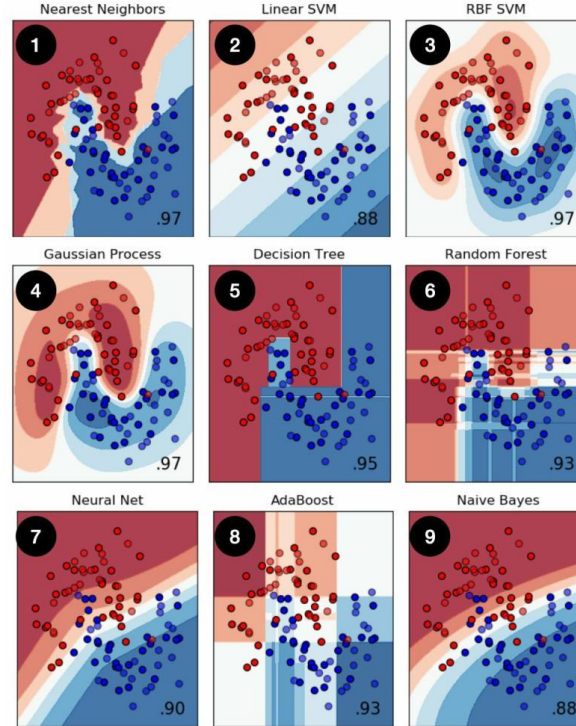


Modelos neuronales artificiales

- Detalles de **entrenamiento**:
 - Se utilizan **grupos de datos** (*batches*)
 - **Época**: cuando la red ha procesado todos los datos de entrenamiento
 - Se itera por varias épocas → **Minimizar** la pérdida
 - **Optimizador** → Método utilizado para recorrer la función de pérdida



Ejemplos de fronteras de decisión



Evaluación

Métricas de evaluación

- Hasta ahora hemos asumido que **cualquier métrica** de evaluación es **válida** para nuestro problema:
 - Por ejemplo, **asumimos** que la **tasa de acierto** es una buena métrica para cualquier problema de **clasificación**
- Sin embargo esto **no es siempre así** ya que ciertas métricas se ven *afectadas* por particularidades de nuestros datos
 - **Caso típico:** datos **desbalanceados**
- Estudiaremos esto con un **ejemplo práctico**



cursos d'estiu | cursos de verano
rafael
altamira

Introducción al *Machine Learning*

Aprendizaje supervisado

Profesor: José Javier Valero Mas
