

## Практическая работа №10

### Бинарное дерево поиска. AVL дерево

Автор: Николаев-Аксенов И. С.

Группа: ИКБО-20-19

#### Код программы:

*RedBlackTree.py:*

```
1. import sys
2.
3.
4. class Node():
5.     def __init__(self, data):
6.         self.data = data
7.         self.parent = None
8.         self.left = None
9.         self.right = None
10.        self.color = 1
11.
12.
13. class RedBlackTree():
14.     def __init__(self):
15.         self.TNULL = Node(0)
16.         self.TNULL.color = 0
17.         self.TNULL.left = None
18.         self.TNULL.right = None
19.         self.root = self.TNULL
20.
21.     def __pre_order_helper(self, node):
22.         if node != TNULL:
23.             sys.stdout.write(node.data + " ")
24.             self.__pre_order_helper(node.left)
25.             self.__pre_order_helper(node.right)
26.
27.     def __in_order_helper(self, node):
28.         if node != TNULL:
29.             self.__in_order_helper(node.left)
30.             sys.stdout.write(node.data + " ")
31.             self.__in_order_helper(node.right)
32.
33.     def __post_order_helper(self, node):
34.         if node != TNULL:
35.             self.__post_order_helper(node.left)
36.             self.__post_order_helper(node.right)
37.             sys.stdout.write(node.data + " ")
38.
39.     def __search_tree_helper(self, node, key):
40.         if node == TNULL or key == node.data:
41.             return node
42.
43.         if key < node.data:
44.             return self.__search_tree_helper(node.left, key)
45.         return self.__search_tree_helper(node.right, key)
46.
47.     def __fix_delete(self, x):
48.         while x != self.root and x.color == 0:
49.             if x == x.parent.left:
50.                 s = x.parent.right
51.                 if s.color == 1:
52.                     s.color = 0
53.                     x.parent.color = 1
54.                     self.left_rotate(x.parent)
```

```

55.         s = x.parent.right
56.
57.         if s.left.color == 0 and s.right.color == 0:
58.             s.color = 1
59.             x = x.parent
60.         else:
61.             if s.right.color == 0:
62.                 s.left.color = 0
63.                 s.color = 1
64.                 self.right_rotate(s)
65.                 s = x.parent.right
66.
67.             s.color = x.parent.color
68.             x.parent.color = 0
69.             s.right.color = 0
70.             self.left_rotate(x.parent)
71.             x = self.root
72.     else:
73.         s = x.parent.left
74.         if s.color == 1:
75.             s.color = 0
76.             x.parent.color = 1
77.             self.right_rotate(x.parent)
78.             s = x.parent.left
79.
80.         if s.left.color == 0 and s.right.color == 0:
81.             s.color = 1
82.             x = x.parent
83.         else:
84.             if s.left.color == 0:
85.                 s.right.color = 0
86.                 s.color = 1
87.                 self.left_rotate(s)
88.                 s = x.parent.left
89.
90.             s.color = x.parent.color
91.             x.parent.color = 0
92.             s.left.color = 0
93.             self.right_rotate(x.parent)
94.             x = self.root
95.     x.color = 0
96.
97. def __rb_transplant(self, u, v):
98.     if u.parent == None:
99.         self.root = v
100.    elif u == u.parent.left:
101.        u.parent.left = v
102.    else:
103.        u.parent.right = v
104.    v.parent = u.parent
105.
106. def __delete_node_helper(self, node, key):
107.     z = self.TNULL
108.     while node != self.TNULL:
109.         if node.data == key:
110.             z = node
111.
112.         if node.data <= key:
113.             node = node.right
114.         else:
115.             node = node.left
116.
117.     if z == self.TNULL:
118.         print("Данный ключ не найден на дереве")
119.         return
120.
121.     y = z
122.     y_original_color = y.color
123.     if z.left == self.TNULL:

```

```

124.         x = z.right
125.         self.__rb_transplant(z, z.right)
126.     elif (z.right == self.TNULL):
127.         x = z.left
128.         self.__rb_transplant(z, z.left)
129.     else:
130.         y = self.minimum(z.right)
131.         y_original_color = y.color
132.         x = y.right
133.         if y.parent == z:
134.             x.parent = y
135.         else:
136.             self.__rb_transplant(y, y.right)
137.             y.right = z.right
138.             y.right.parent = y
139.
140.         self.__rb_transplant(z, y)
141.         y.left = z.left
142.         y.left.parent = y
143.         y.color = z.color
144.     if y_original_color == 0:
145.         self.__fix_delete(x)
146.
147. def __fix_insert(self, k):
148.     while k.parent.color == 1:
149.         if k.parent == k.parent.parent.right:
150.             u = k.parent.parent.left # uncle
151.             if u.color == 1:
152.                 u.color = 0
153.                 k.parent.color = 0
154.                 k.parent.parent.color = 1
155.                 k = k.parent.parent
156.             else:
157.                 if k == k.parent.left:
158.                     k = k.parent
159.                     self.right_rotate(k)
160.                 k.parent.color = 0
161.                 k.parent.parent.color = 1
162.                 self.left_rotate(k.parent.parent)
163.         else:
164.             u = k.parent.parent.left
165.
166.             if u.color == 1:
167.                 u.color = 0
168.                 k.parent.color = 0
169.                 k.parent.parent.color = 1
170.                 k = k.parent.parent
171.             else:
172.                 if k == k.parent.right:
173.                     k = k.parent
174.                     self.left_rotate(k)
175.                 k.parent.color = 0
176.                 k.parent.parent.color = 1
177.                 self.right_rotate(k.parent.parent)
178.         if k == self.root:
179.             break
180.     self.root.color = 0
181.
182. def __print_helper(self, node, indent, last):
183.     if node != self.TNULL:
184.         sys.stdout.write(indent)
185.         if last:
186.             sys.stdout.write("R---")
187.             indent += "   "
188.         else:
189.             sys.stdout.write("L---")
190.             indent += "|  "
191.
192.     s_color = "RED" if node.color == 1 else "BLACK"

```

```

193.         print(str(node.data) + "(" + s_color + ")")
194.         self.__print_helper(node.left, indent, False)
195.         self.__print_helper(node.right, indent, True)
196.
197.     def preorder(self):
198.         self.__pre_order_helper(self.root)
199.
200.     def inorder(self):
201.         self.__in_order_helper(self.root)
202.
203.     def postorder(self):
204.         self.__post_order_helper(self.root)
205.
206.     def searchTree(self, k):
207.         return self.__search_tree_helper(self.root, k)
208.
209.     def minimum(self, node):
210.         while node.left != self.TNULL:
211.             node = node.left
212.         return node
213.
214.     def maximum(self, node):
215.         while node.right != self.TNULL:
216.             node = node.right
217.         return node
218.
219.     def successor(self, x):
220.         if x.right != self.TNULL:
221.             return self.minimum(x.right)
222.         y = x.parent
223.         while y != self.TNULL and x == y.right:
224.             x = y
225.             y = y.parent
226.         return y
227.
228.     def predecessor(self, x):
229.         if (x.left != self.TNULL):
230.             return self.maximum(x.left)
231.
232.         y = x.parent
233.         while y != self.TNULL and x == y.left:
234.             x = y
235.             y = y.parent
236.
237.         return y
238.
239.     def left_rotate(self, x):
240.         y = x.right
241.         x.right = y.left
242.         if y.left != self.TNULL:
243.             y.left.parent = x
244.
245.         y.parent = x.parent
246.         if x.parent == None:
247.             self.root = y
248.         elif x == x.parent.left:
249.             x.parent.left = y
250.         else:
251.             x.parent.right = y
252.         y.left = x
253.         x.parent = y
254.
255.     def right_rotate(self, x):
256.         y = x.left
257.         x.left = y.right
258.         if y.right != self.TNULL:
259.             y.right.parent = x
260.
261.         y.parent = x.parent

```

```

262.         if x.parent == None:
263.             self.root = y
264.         elif x == x.parent.right:
265.             x.parent.right = y
266.         else:
267.             x.parent.left = y
268.             y.right = x
269.             x.parent = y
270.
271.     def insert(self, key):
272.         node = Node(key)
273.         node.parent = None
274.         node.data = key
275.         node.left = self.TNULL
276.         node.right = self.TNULL
277.         node.color = 1
278.
279.         y = None
280.         x = self.root
281.
282.         while x != self.TNULL:
283.             y = x
284.             if node.data < x.data:
285.                 x = x.left
286.             else:
287.                 x = x.right
288.         node.parent = y
289.         if y == None:
290.             self.root = node
291.         elif node.data < y.data:
292.             y.left = node
293.         else:
294.             y.right = node
295.
296.         if node.parent == None:
297.             node.color = 0
298.             return
299.
300.         if node.parent.parent == None:
301.             return
302.
303.         self.__fix_insert(node)
304.
305.     def get_root(self):
306.         return self.root
307.
308.     def delete_node(self, data):
309.         self.__delete_node_helper(self.root, data)
310.
311.     def pretty_print(self):
312.         self.__print_helper(self.root, "", True)

```

*startRBT.py:*

```

1. from RedBlackTree import RedBlackTree
2. rbt = RedBlackTree()
3.
4.
5. def menu():
6.     x = int(input("\nВыберите действие с деревом:\n1 - Добавить элемент\n2 - Удалить
элемент\n3 - Печать дерева\nВвод: "))
7.     if (x == 1):
8.         rbt.insert(int(input("Введите число для добавления его на дерево: ")))
9.         print("Число успешно добавлено на дерево!\n")
10.        menu()
11.    elif (x == 2):
12.        rbt.delete_node(

```

```

13.         int(input("Введите число которое вы хотите удалить: "))
14.     print("Число успешно удалено из дерева!\n")
15.     menu()
16. elif (x == 3):
17.     print("\nR - right, L - left\n")
18.     rbt.pretty_print()
19.     menu()
20. else:
21.     print("Действие не найдено! Повторите ввод.")
22.     menu()
23.
24.
25. def main():
26.     numbers = list(
27.         map(int, input("Введите числа для добавления их на дерево: ").split()))
28.
29.     for i in numbers:
30.         rbt.insert(i)
31.
32.     menu()
33.
34.
35. if __name__ == "__main__":
36.     main()

```

### Результат выполнения программы:

```

Введите числа для добавления их на дерево: 5 7 8 9 6 4 2 3 55

Выберите действие с деревом:
1 - Добавить элемент
2 - Удалить элемент
3 - Печать дерева
Ввод: 3

R - right, L - left

R-----7(BLACK)
  L-----5(RED)
    |      L-----3(BLACK)
    |      |      L-----2(RED)
    |      |      R-----4(RED)
    |      |      R-----6(BLACK)
    |      R-----9(BLACK)
    |      |      L-----8(RED)
    |      |      R-----55(RED)

```