

---

**Examen Corto #5. (24 puntos)**

---

Nombre: \_\_\_\_\_ Carné: \_\_\_\_\_

1. Sea  $H(k)$  la DFT de un filtro digital real causal de cuatro coeficientes, de los cuales los primeros tres son:

$$\begin{aligned}H(0) &= 1 \\H(1) &= \frac{1}{2} - j\frac{1}{2} = \frac{\sqrt{2}}{2} e^{-j\frac{\pi}{4}} \\H(2) &= 0\end{aligned}$$

- 1.1. Indique el tipo de filtro representado por este sistema, en cuanto a la banda de frecuencias que permite pasar. (1pto)
- 1.2. ¿Qué valor tiene el coeficiente faltante  $H(3)$ ? (1pto)
- 1.3. Dos de los coeficientes de la respuesta correspondiente son  $h(0) = 1/2$ ,  $h(3) = 0$ . ¿Qué valores tienen los coeficientes faltantes  $h(1)$  y  $h(2)$ ? (4pts)
- 1.4. ¿Cuántas muestras de la respuesta en frecuencia son necesarias para representar sin pérdidas el filtro de los puntos anteriores? (1pto).
- 1.5. Calcule la DFT del filtro utilizando el menor número posible de muestras en el dominio de la frecuencia. (4pts)
- 1.6. Ahora se desea filtrar una secuencia de longitud 3 con el filtro  $H(k)$  anterior en el dominio de la frecuencia. ¿Qué longitud debe tener entonces la señal de salida para que no ocurra aliasing temporal? (1pto)
- 1.7. Calcule entonces en el dominio de la frecuencia la DFT de la señal de salida  $Y(k)$  utilizando el número de muestras especificado por usted en el punto anterior, si la señal de entrada es  $x(n) = \{-1, 2, 1\}$ . (6pts)
- 1.8. Calcule la salida  $y(n)$  utilizando IDFT a partir del  $Y(k)$  obtenido en el punto anterior. (6pts)