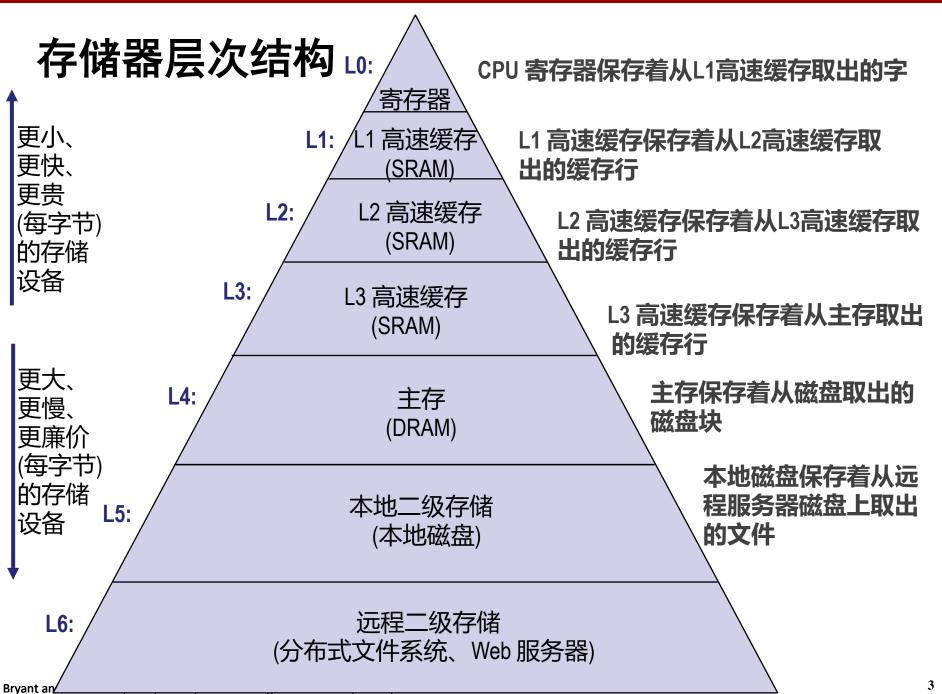
第六章 Part2:高速缓存存储器

- 教 师: 郑贵滨
- 计算机科学与技术学院
- 哈尔滨工业大学

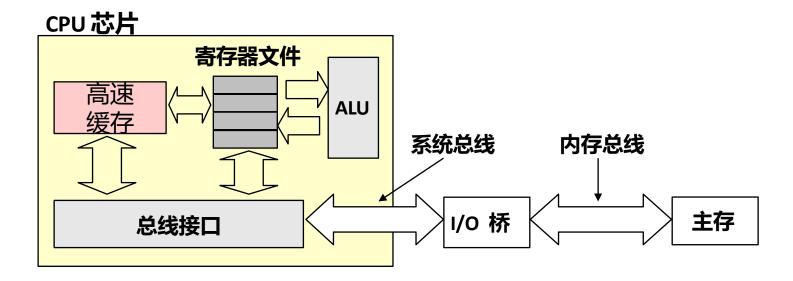
主要内容

- 高速缓存存储器组织结构和操作
- 高速缓存对程序性能的影响
 - 存储器山
 - 重新排列循环以提高空间局部性
 - 使用分块来提高时间局部性

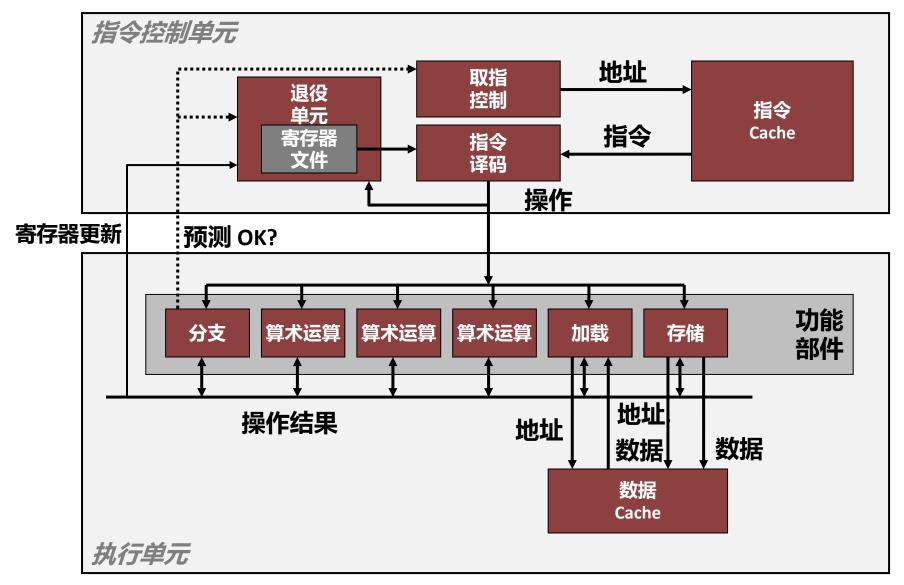


高速缓存存储器

- <mark>高速缓存存储器</mark>是小型的、快速的基于SRAM的存储器是在 硬件中自动管理的
 - 保存经常访问主存的块
- CPU 首先查找缓存中的数据
- 典型的系统结构



回顾:现代CPU设计

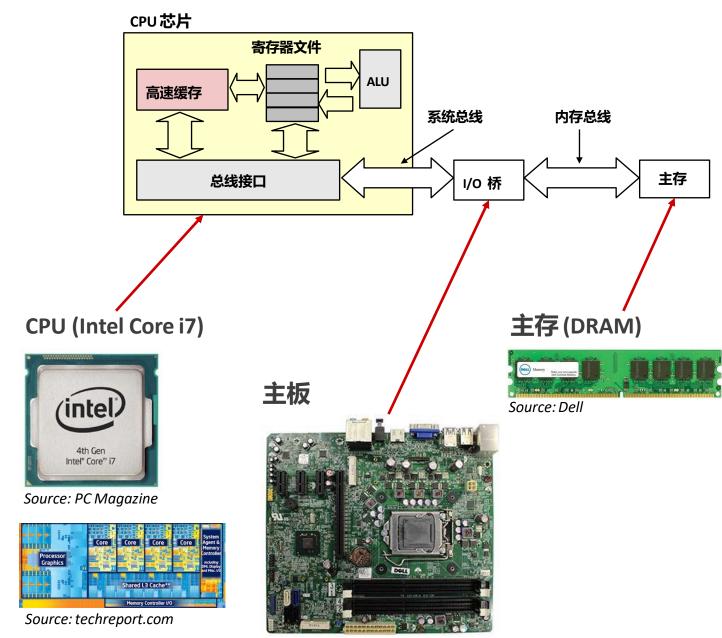


实例

台式机 PC

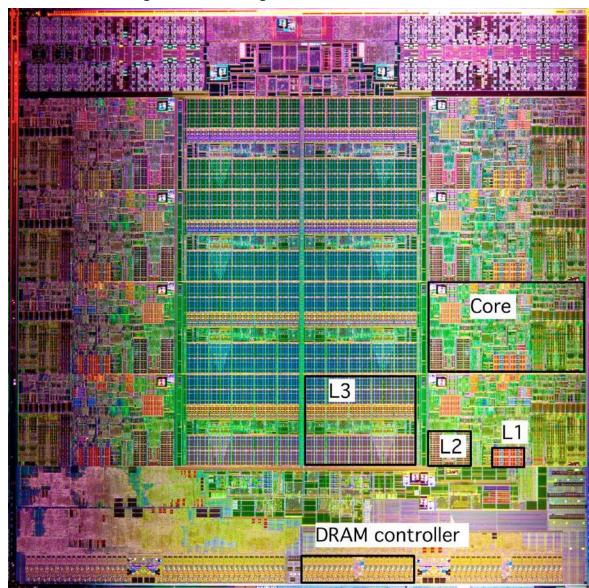


Source: Dell



Source: Dell

实例(Cont.)



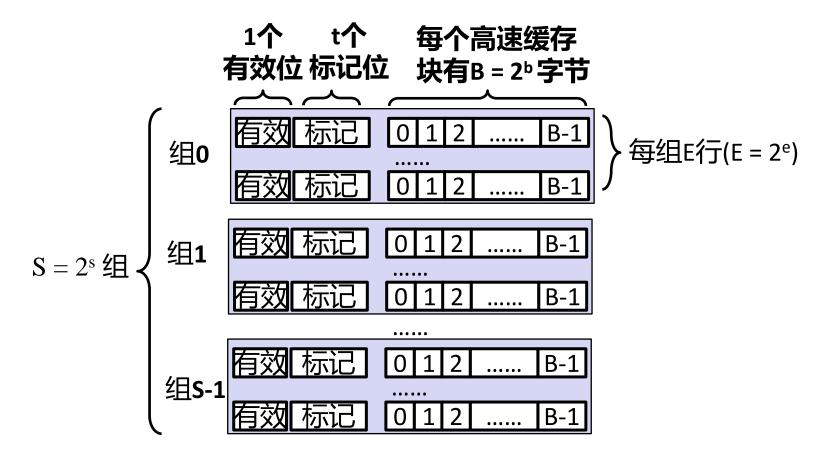
Intel Sandy Bridge Processor Die

L1: 32KB 指令 + 32KB 数据

L2: 256KB

L3: 3-20MB

通用的高速缓存存储器组织结构(S, E, B)

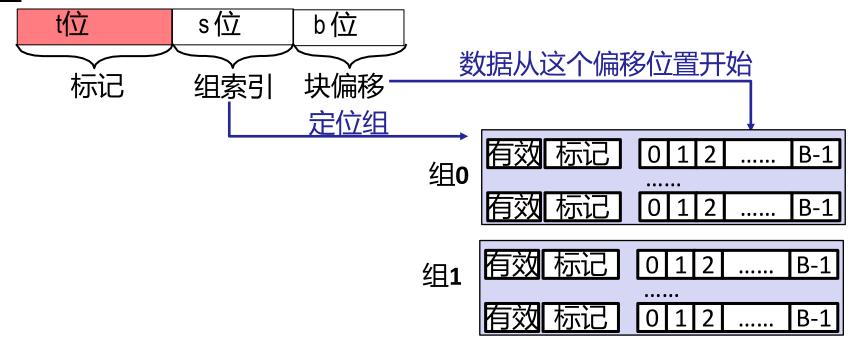


高速缓存大小C=SxExB数据字节

高速缓存读

- 定位组
- 定位行: 检查集合中的任何行是否有匹配的标记
 - 是+行有效——命中
- 定位数据: 从块偏移开始的数据

地址:

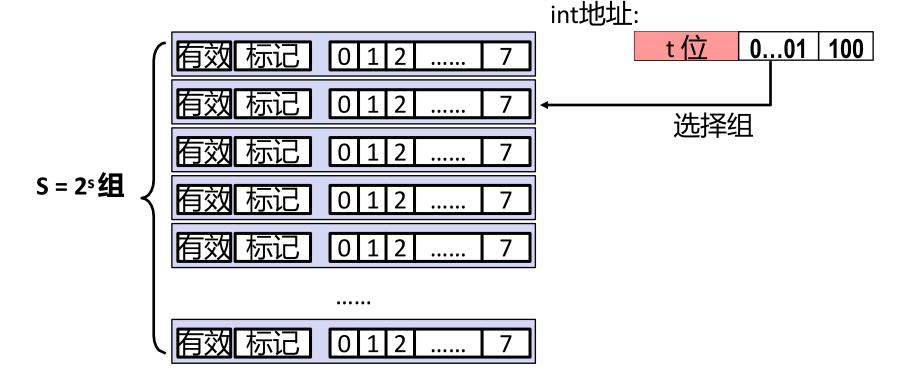


9

1、直接映射高速缓存(E=1)

■ 直接映射: 每一组只有一行

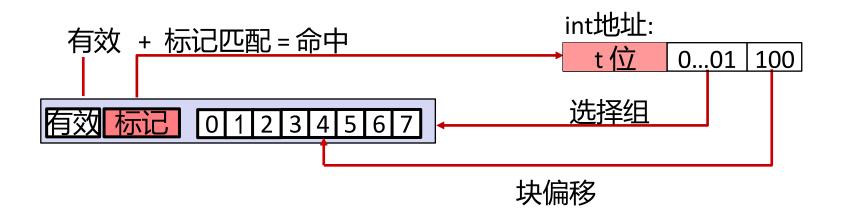
假设:缓存块大小为8字节



方式1: 直接映射高速缓存(E=1)

■ 直接映射: 每一组只有一行

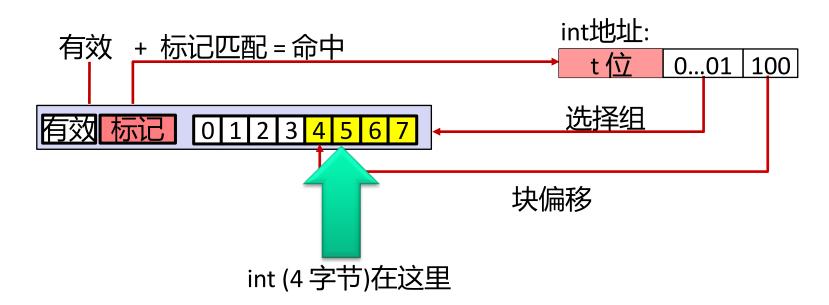
假设:缓存块大小为8字节



方式1: 直接映射高速缓存(E=1)

■ 直接映射: 每一组只有一行

假设:缓存块大小为8字节



如果标记不匹配: 旧的行被驱逐、替换

直接映射高速缓存模拟

M=16 字节 (4-位 地址), B=2 字节/块, S=4 组, E=1 块/组

地址跟踪(读,每次读一个字节):

- [0000],不命中
- [0001],命中
- [0111,],不命中
- [1000],不命中 8
- [0000] 不命中

V	标记	块
V	שעינון	フト

组0 组1

组2

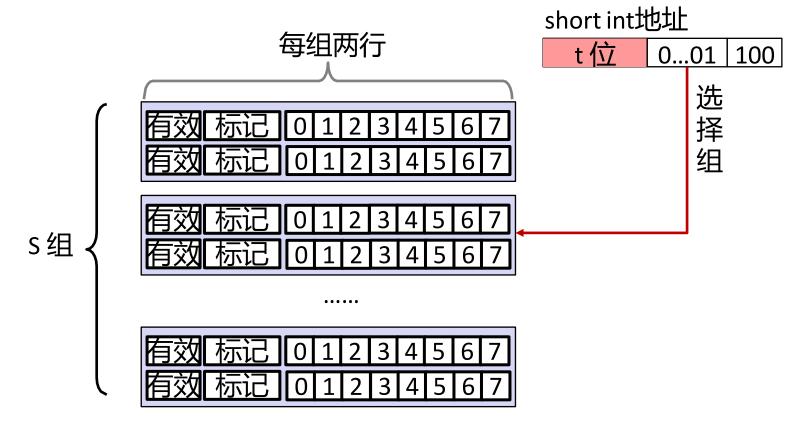
组3

1570		
1	0	M[0-1]
0	٠.	?
0		?
1	0	M[6-7]

方式2: E-路组相联高速缓存(E=2)

E = 2: 每组两行

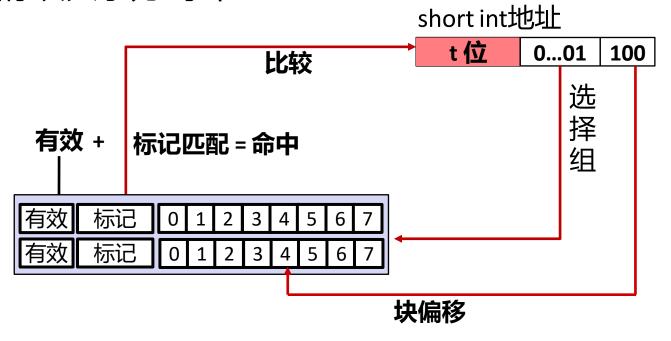
假设:缓存块大小为8字节



方式2: E-路组相联高速缓存(E = 2)

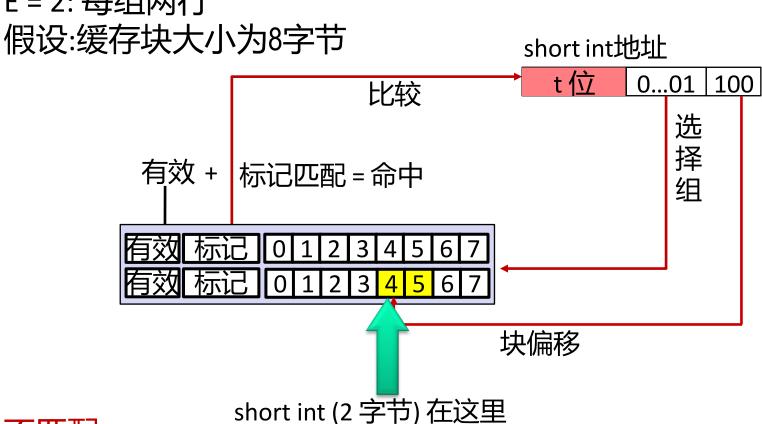
E = 2: 每组两行

假设:缓存块大小为8字节



方式2: E-路组相联高速缓存(E = 2)

E = 2: 每组两行



不匹配:

- 在组中选择1行用于驱逐和替换
- 替换策略: 随机、最近最少使用(LRU),...

方式2: 2-路组相联缓存模拟

M=16 字节地址, B=2 字节/块, S=2 组, E=2 块/组 地址跟踪(读,每次读一个字节): $[00000_2]$, miss $[0001_2]$, hit $[0111_2],$ miss $[1000_{2}],$ miss $[0000_2]$ hit 标记 块 V M[8-9]组0 01 M[6-7]组1

Cache的种类

- 1、直接映射: E=1 主存中的一个块只能映射到Cache的某一特定块。
- 2、全相联映射: S=1 主存中任何一块都可以映射到Cache中的任何一块。
- 3、组相联映射: E>1 && S>1

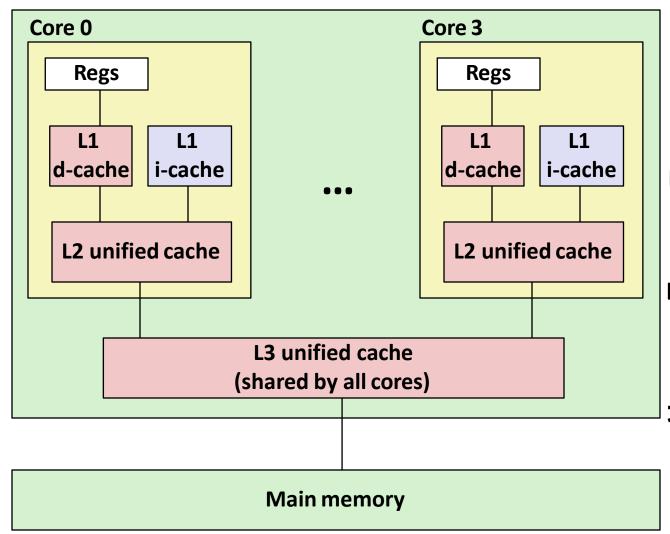
是前两种方法的折中方案,适度兼顾二者的优点,尽量避免 二者的缺点,普遍采用。

关于怎么写?

- 存在多个数据副本:
 - L1, L2, L3,主存,磁盘
- 在写命中时要做什么?
 - 直写(Write-through, 立即写入存储器)
 - 写回 (Write-back, 推迟到缓存行要替换时才写入内存)
 - 需要一个修改位 (标识缓存行与内存是否相同/有修改)
- 写不命中时要做什么?
 - 写分配 (Write-allocate加载到缓存,更新这个缓存行)
 - 如后续有较多向该位置的写,优势明显
 - 非写分配 (No-write-allocate直接写到主存中,不加载到缓存中)
- 典型方案
 - 直写+非写分配
 - 写回+写分配

Intel Core i7高速缓存层次结构

处理器封装



L1 指令高速缓存 和 数据高速缓存:

32 KB, 8-way, 访问时间: 4周期

L2 统一的高速缓存:

256 KB, 8-way, 访问时间: 10 周期

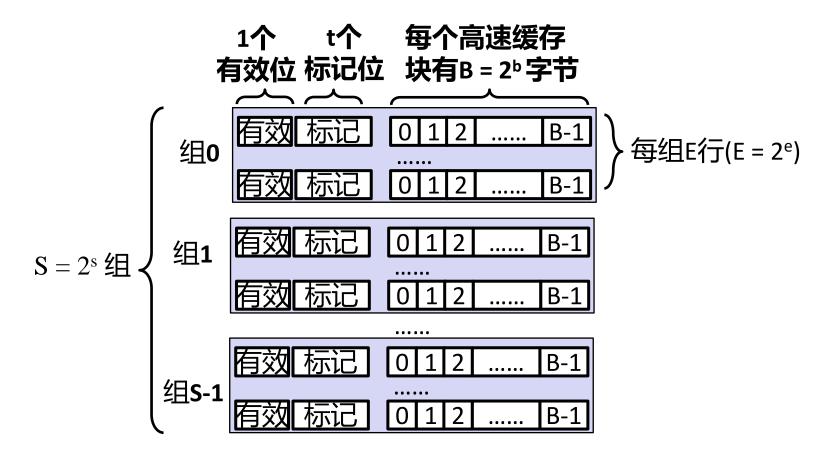
L3 统一的高速缓存:

8 MB, 16-way, 访问时间: 40-75 周期

块大小:

所有缓存都是64字节

通用的高速缓存存储器组织结构(S, E, B)



高速缓存大小 C = S x E x B 数据字节

例子: Core i7 L1 数据缓存

S = 2^s 组

32 KB、8路组相联 64 字节/块

48/52 位地址范围

$$\mathbf{B} = \mathbf{S} = \mathbf{S} = \mathbf{S}$$

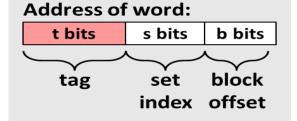
$$\mathbf{E} = \mathbf{e} =$$

 $\mathbf{C} =$



	L (imary Binary
He	De.	Bill
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 A B C D E	0 1 2 3 4 5 6 7 8	0000
1	1	0001
2	2	0010
3	3	0011
4	4	0100
5	5	0101
6	6	0110 0111
7	7	0111
8	8	1000
9	9	1001
A	10	1000 1001 1010 1011
В	11	1011
С	10 11 12	1100
D	13	1101
E	14 15	1110
F	15	1111

高速缓存大小C=SxExB数据字节



块偏移: ?位

组索引: ?位

标 记:?位

栈地址:

0x00007f7262a1e010

块偏移: 0x??

组索引: 0x??

标 记: 0x??

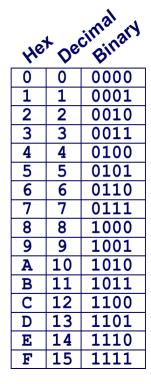
例子: Core i7 L1 数据缓存

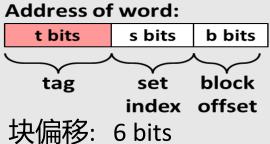
32 KB、8路组相联 64 字节/块 48/52 位地址范围

$$B = 64$$

 $S = 64$, $s = 6$ $S = 2^{s}$ 组
 $E = 8$, $e = 3$
 $C = 64 \times 64 \times 8 = 32,768$



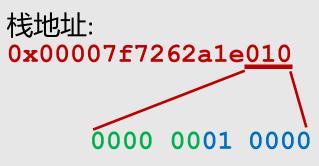




组索引: 6 bits

标 记: 剩余全部bit

(36/40 bits)



块偏移: 0x10 组索引: 0x0

标 记:0x7f7262a1e

高速缓存性能指标

■ 不命中率

- 一部分内存引用在缓存中没有找到 (不命中 / 访问) = 1 – 命中率
- 典型数值(百分比):
 - L1: 3-10%
 - L2: 可以相当小(e.g., < 1%), 依赖于L2大小等因素。

■ 命中时间

- 从高速缓存向处理器发送一行的时间
 - 时间包括判断行是否在缓存中
- 典型数值:
 - L1 4个时钟周期
 - L2 10个时钟周期
- 不命中处罚
 - 由于不命中需要额外的时间
 - 通常主存需50-200周期(趋势: 增加!)

不命中率 VS 命中率

- 命中 or 不命中: 差距巨大
 - 如果只有L1 和 主存, 那么可以差100倍
 - 你会相信99%命中率要比97%好两倍?

■ 假 设

- 缓存命中时间为1个周期
- 不命中处罚要100个周期

■ 平均访问时间

- 97% 命中率: 1 周期 + 0.03 x 100 周期 = 4 周期
- 99% 命中率: 1 周期 + 0.01 x 100 周期 = 2 周期
- 这就是为什么用"不命中率"而不是"命中率"

编写高速缓存友好的代码

- 让常见的情况运行得快
 - 专注在核心函数和内循环上
- 使用内层循环的缓存不命中数量降到最低
 - 反复引用变量好(时间局部性)
 - 步长为1的引用模式好(空间局部性)
- 关键思想

局部性的定性概念是通过缓冲存储器的理解而量化

主要内容

- 高速缓存的组织结构和运算
- 高速缓存对程序性能的影响
 - 存储器山
 - 重新排列以提升空间局部性
 - 使用块来提高时间局部性

存储器山

- 读吞吐量 (读带宽)
 - 每秒从存储系统中读取的字节数(MB/s)

- 存储器山:测量读取吞吐量作为空间和时间局部性的函数
 - 描述存储系统性能的一种直观、紧凑的方式

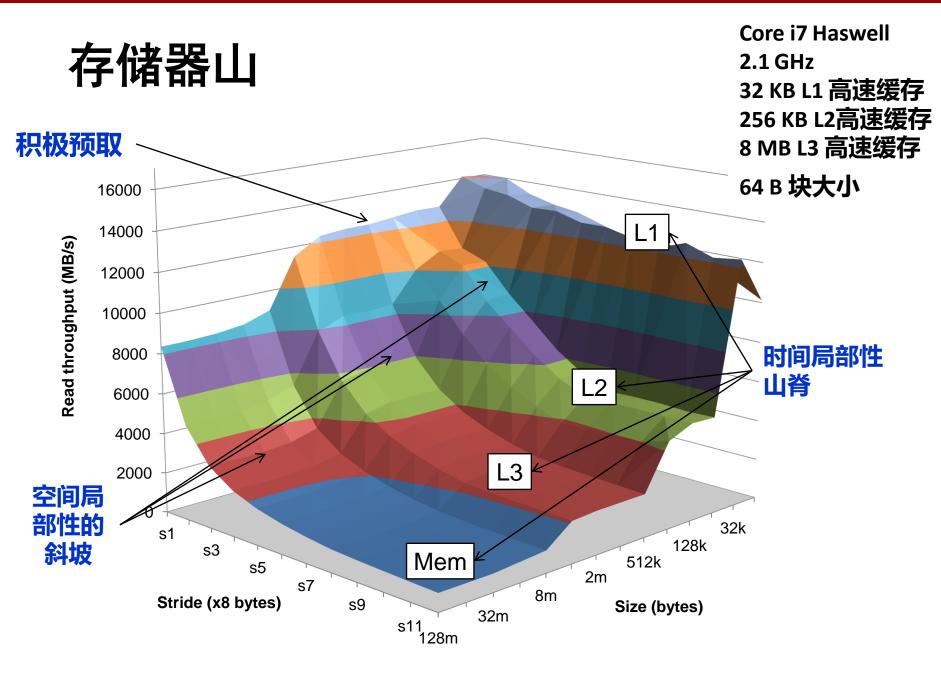
存储器山测试函数

```
long data[MAXELEMS]; /* Global array to traverse */
/* test - Iterate over first "elems" elements of
      array "data" with stride of "stride", using
      using 4x4 loop unrolling.*/
int test(int elems, int stride) {
  long i, sx2=stride*2, sx3=stride*3, sx4=stride*4;
  long acc0 = 0, acc1 = 0, acc2 = 0, acc3 = 0;
  long length = elems, limit = length - sx4;
  /* Combine 4 elements at a time */
  for (i = 0; i < limit; i += sx4) {
    acc0 = acc0 + data[i];
    acc1 = acc1 + data[i+stride];
    acc2 = acc2 + data[i+sx2];
    acc3 = acc3 + data[i+sx3];
  /* Finish any remaining elements */
  for (; i < length; i++) {
    acc0 = acc0 + data[i];
  return ((acc0 + acc1) + (acc2 + acc3));
```

用多种elems、stride组合调用test()

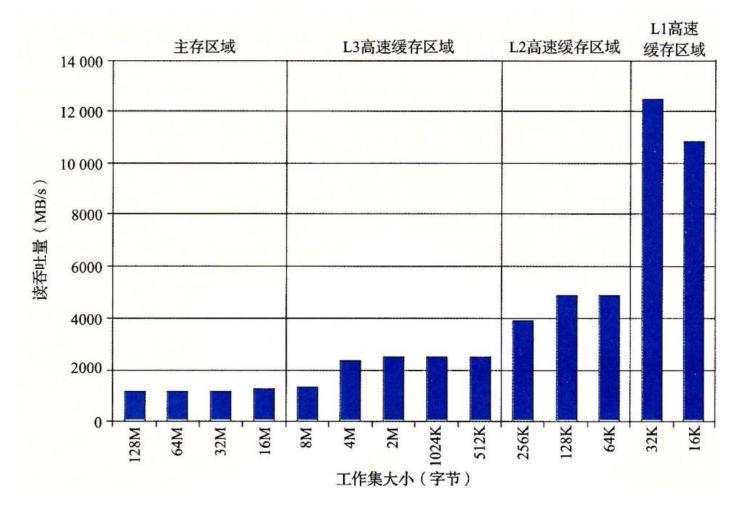
对于每个 elems和stride:

- 1. 调用一次test()函数,预 热缓存
- 2. 再次调用test() 函数,测量读操作的吞吐量(MB/s)



工作集大小VS缓存尺寸关系

■ stride=8时,吞吐量和工作集的关系



主要内容

- 高速缓存的组织结构和运算
- 高速缓存对程序性能的影响
 - 存储器山
 - 重新排列以提升空间局部性
 - 使用块来提高时间局部性

矩阵乘法的例子

■ 描述:

- N×N矩阵相乘
- 矩阵元素类型是 doubles (8 字节)
- 总共O(N³) 个操作
- 每个元素都要读N次
- 每个目标中都要对 N个值求和
 - 但也可以保存在 寄存器中

```
/* ijk */
for (i=0; i<n; i++) {
    for (j=0; j<n; j++) {
        sum = 0.0;
        for (k=0; k<n; k++)
        sum += a[i][k] * b[k][j];
        c[i][j] = sum;
    }
}
```

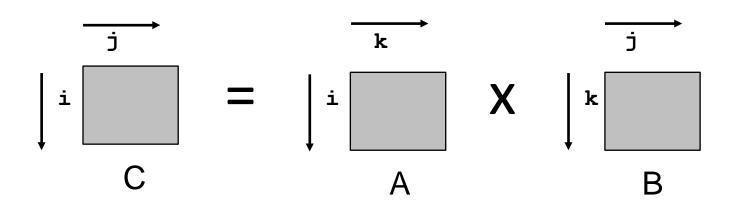
矩阵相乘不命中率分析

■ 假设:

- 块大小 = 32B (足够容纳4个double数)
- 矩阵的维数N非常大: 1/N大约为 0.0
- 缓存并未大到足够容纳多行

■ 分析方法:

■ 看内循环的的访问模式



内存中C数组的布局(回顾)

- C 数组分配按行顺序
 - 每行在连续的内存位置
- 按行扫描:
 - for (i = 0; i < N; i++)
 sum += a[0][i];</pre>
 - 访问连续的元素
 - 如果块大小(B) > sizeof(a_{ij})字节, 利用空间局部性 不命中率 = sizeof(a_{ii}) / B
- 按列扫描:
 - for (i = 0; i < n; i++)
 sum += a[i][0];</pre>
 - 访问远隔的元素
 - 没有空间局部性!
 - 不命中率 = 1 (i.e. 100%)

矩阵乘法(ijk)

```
/* ijk */
for (i=0; i<n; i++) {
  for (j=0; j<n; j++) {
    sum = 0.0;
    for (k=0; k<n; k++)
        sum += a[i][k] * b[k][j];
    c[i][j] = sum;
    }
}

matmult/mm.c</pre>
```

```
内层循环:

(*,j)
(i,*)

(i,*)

(i,*)

(i,j)

C

(i,j)

C

(i,j)

D

C

(i,j)

D

C

(i,j)

D

C

D

行顺序

列顺序

固定
```

每次内层循环迭代的不命中数:

<u>A</u> 0.25 <u>B</u>

<u>C</u>

.25

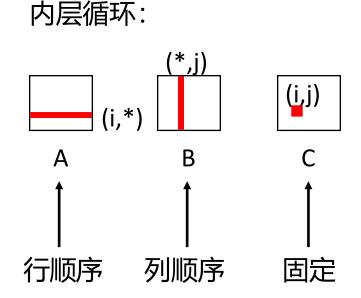
1.0 0.0

块大小 = 32B (4 doubles)

矩阵乘法(jik)

```
/* ijk */
for (j=0; j<n; j++) {
  for (i=0; i<n; i++) {
    sum = 0.0;
    for (k=0; k<n; k++)
        sum += a[i][k] * b[k][j];
    c[i][j] = sum;
    }
}

matmult/mm.c</pre>
```



每次内层循环迭代的不命中数:

<u>A</u> 0.25 <u>B</u>

<u>C</u>

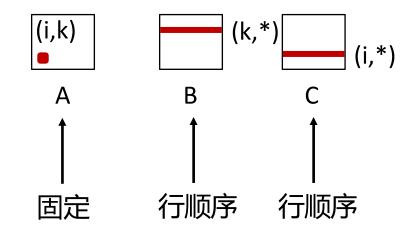
25 1.0

0.0

矩阵乘法(kij)

```
/* kij */
for (k=0; k<n; k++) {
  for (i=0; i<n; i++) {
    r = a[i][k];
    for (j=0; j<n; j++)
        c[i][j] += r * b[k][j];
  }
}
matmult/mm.c</pre>
```

内层循环:



每次内层循环迭代的不命中数:

<u>A</u> 0.0 <u>B</u>

<u>C</u>

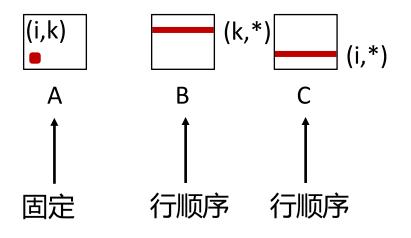
0.25

0.25

矩阵乘法(ikj)

```
/* ikj */
for (i=0; i<n; i++) {
  for (k=0; k<n; k++) {
    r = a[i][k];
    for (j=0; j<n; j++)
        c[i][j] += r * b[k][j];
    }
    matmult/mm.c</pre>
```

内层循环:



每次内层循环迭代的不命中数:

<u>A</u> 0.0 <u>B</u>

ر ر

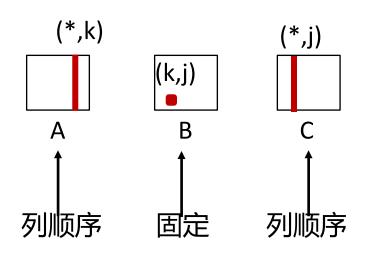
0 0.25

0.25

矩阵乘法 (jki)

```
/* jki */
for (j=0; j<n; j++) {
    for (k=0; k<n; k++) {
        r = b[k][j];
        for (i=0; i<n; i++)
        c[i][j] += a[i][k] * r;
    }
        matmult/mm.c</pre>
```

内层循环:



每次内层循环迭代的不命中数:

<u>A</u> 1.0 <u>B</u>

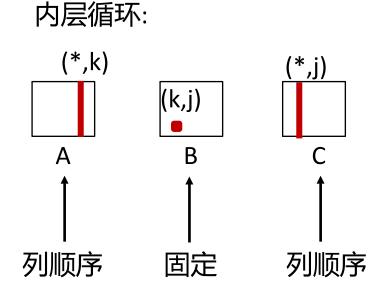
<u>C</u>

0.0

1.0

矩阵乘法 (kji)

```
/* kji */
for (k=0; k<n; k++) {
  for (j=0; j<n; j++) {
    r = b[k][j];
  for (i=0; i<n; i++)
    c[i][j] += a[i][k] * r;
  }
    matmult/mm.c
}</pre>
```



每次内层循环迭代的不命中数:

<u>A</u> 1.0 <u>B</u>

<u>C</u>

0.0

1.0

矩阵乘法总结

```
for (i=0; i<n; i++) {
  for (j=0; j<n; j++) {
    sum = 0.0;
    for (k=0; k<n; k++)
      sum += a[i][k] * b[k][j];
    c[i][j] += sum;
     for (k=0; k<n; k++) {
      for (i=0; i<n; i++) {
        r = a[i][k];
        for (j=0; j<n; j++)
          c[i][j] += r * b[k][j];
          for (j=0; j<n; j++) {
            for (k=0; k<n; k++) {
              r = b[k][j];
              for (i=0; i<n; i++)
                 c[i][j] += a[i][k] * r;
```

ijk(& jik):

- 2 加载, 0 存储
- 每次迭代的不命中率= 1.25

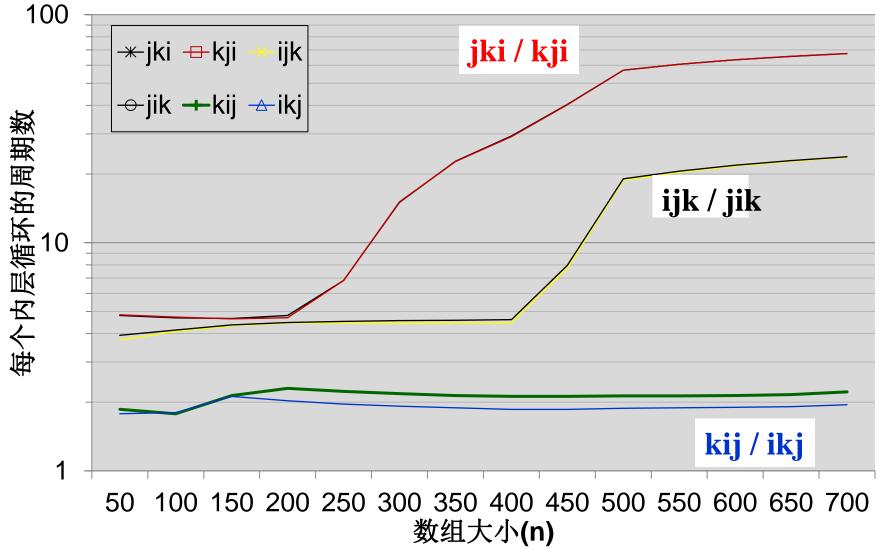
kij(& ikj):

- 2加载, 1存储
- 每次迭代的不命中率= **0.5**

jki(& kji):

- 2加载, 1存储
- 每次迭代的不命中率= 2.0

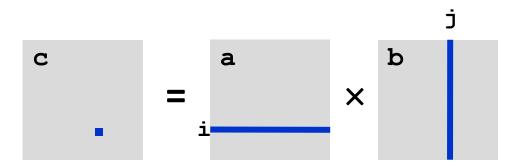
Core i7矩阵乘法性能



主要内容

- 高速缓存的组织结构和运算
- 高速缓存对程序性能的影响
 - 存储器山
 - 重新排列以提升空间局部性
 - 使用块来提高时间局部性

例子:矩阵乘法



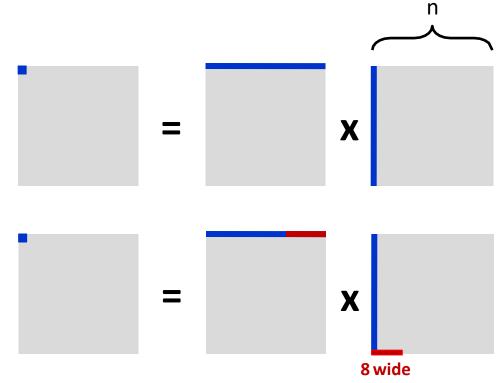
缓存不命中分析

■ 假设:

- 矩阵元素类型是doubles
- 缓存块 = 8 doubles
- 缓存大小 C << n

■ 第一次迭代:

- n/8 + n = 9n/8不命中
- 第一次迭代结束 时,缓存示意图



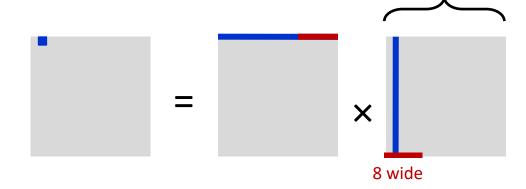
n

缓存不命中分析

■ 假设:

- 矩阵元素类型是doubles
- 缓存块 = 8 doubles
- 缓存大小 C << n

■ 第二次迭代: *n*/8 + *n* = 9*n*/8 不命中

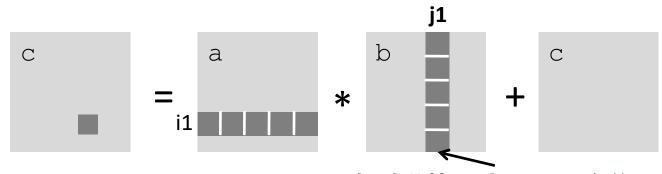


■ 不命中总数:

$$n^2 \times 9n/8 = (9/8) n^3$$

分块矩阵乘法

```
c = (double *) calloc(sizeof(double), n*n);
/* Multiply n x n matrices a and b */
void mmm(double *a, double *b, double *c, int n) {
  int i, j, k;
  for (i = 0; i < n; i+=T)
    for (j = 0; j < n; j+= T)
       for (k = 0; k < n; k+= T)
                   /* T×T mini matrix multiplications */
          for (i1 = i; i1 < i+T; i1++)
             for (j1 = j; j1 < j+T; j1++)
               for (k1 = k; k1 < k+T; k1++)
                       c[i1*n+j1] += a[i1*n+k1]*b[k1*n+j1];
                                                                        matmult/bmm.c
```



n/T块

缓存不命中分析

■ 假设:

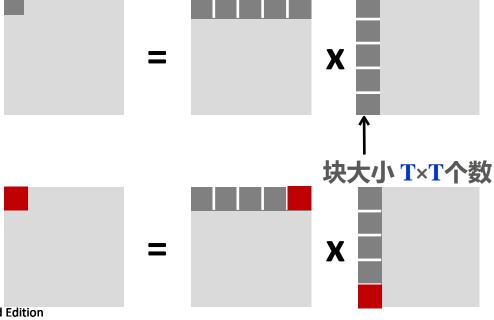
- 缓存块: 8 doubles
- 缓存大小C << n</p>
- 缓存可放入三个矩阵块 ■:3T²<C</p>

■ 第一次 (块) 迭代:

每块T²/8个不命中,不命中的总数:

$$(n/\mathbf{T} + n/\mathbf{T}) \times \mathbf{T}^2/8 = n\mathbf{T}/4$$
 (忽略矩阵 c)

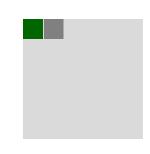
■ 第一次迭代结束时,缓 存中的块(红色)示意 图

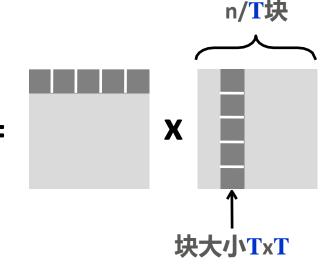


缓存不命中分析

- 假设:
 - 缓存块: 8 doubles
 - 缓存大小C << n
 - 缓存可放入三个矩阵块 ■:3T²<C</p>
- 第二次 (块) 迭代:
 - 同第一次迭代相同,不命中的总数:

$$(n/\mathbf{T} + n/\mathbf{T}) \times \mathbf{T}^2/8 = n\mathbf{T}/4$$





■ 总不命中率:

• $(n/\mathbf{T})^2 \times n\mathbf{T}/4 = n^3/(4\mathbf{T})$

分块总结

- 不分块: (9/8) n³
- 分 块: 1/(4T) n³
- 块大小T使用最大的可能值 T_{max} , 限制: $3T_{max}^2 < C$
- 巨大差距的原因:
 - 矩阵乘法有天生的时间局部性:
 - 输入数据: 3n², 计算 2n³
 - 每个数据组元素计算的时间复杂度(时间开销): O(n)
 - 必须恰当地编写程序

高速缓存总结

- 高速缓存对程序性能有显著影响
- 可以在程序中利用这一点!
 - 聚焦内层循环:大部分计算和内存访问都发生在这里。
 - 最大化空间局部性:以1为步长,按数据在内存中的存储顺序读取。
 - 最大化程序时间局部性:从内存中读入一个数据对象后, 尽可能频繁/多地使用它。