Análisis Vectorial

22 de Septiembre de 2023

Lista 2

- 1.- Encontrar los ángulos que forma el vector $\vec{v}=4\hat{I}-7\hat{j}+2\hat{k}$ con los ejes coordenados.
- 2.- Calcule los cosenos directores de la línea que une a los puntos
 - a) (3, 2, -4) y (1, -1, 2).
 - b) (5,3,3) y (-2,7,15).
- 3.- Las diagonales de un paralelogramo están dadas por $\vec{a} = 3\hat{i} 4\hat{j} \hat{k}$ y $\vec{v} = 2\hat{i} + 3\hat{j} 6\hat{k}$. Probar que el paralelogramo formado es rombo y determine la longitud de sus lados y ángulos.
- 4.- Sean $\vec{v}=3\hat{I}+\hat{j}+2\hat{k}$ y $\vec{w}=\hat{I}-2\hat{j}-4\hat{k}$ los vectores de posición de los puntos P y Q respectivamente.
 - a) Encuentre la ecuación del plano que pasa por Q y es perpendicular a la recta PQ.
 - b) Calcule la distancia al punto (-1, 1, 1).
- 5.- Sean $\vec{v}=3\hat{i}-2\hat{j}-3\hat{k},$ $\vec{w}=2\hat{i}+\hat{j}-\hat{k}$ y $\vec{z}=\hat{i}+3\hat{j}-2\hat{k}.$ Calcule:
 - a) $|(\vec{v} \times \vec{w}) \times \vec{z}|$
 - b) $|\vec{v} \times (\vec{w} \times \vec{z})|$
 - c) $(\vec{v} \times \vec{w}) \cdot \vec{z}$
 - d) $(\vec{v} \times \vec{w})(\vec{w} \cdot \vec{z})$
- 6.- Probar que $(\vec{v} \times \vec{w}) \times \vec{z} = \vec{w}(\vec{v} \cdot \vec{z}) \vec{v}(\vec{w} \cdot \vec{z})$