

1. Сложность жадного алгоритма множественного выравнивания

Ответ: $O(k^2n^2)$.

Решение:

Алгоритм включает в себя $k - 1$ операций объединения двух последовательностей или профилей в один профиль (т.к. в итоге должен остаться один профиль), каждая операция включает в себя выравнивание всех оставшихся профилей на полученный на предыдущем шаге, каждое выравнивание имеет сложность $O(n^2)$, на первом шаге число пар - $\frac{k(k-1)}{2} = C_k^2$, на следующих - $(k - 1), (k - 2), \dots, 1$. Такая сумма пропорциональна квадрату, так как пропорциональна интегралу $\int_0^k (k - i) di$ (можем дать интегральную оценку сверху и снизу, отняв от подынтегральной функции константу), первый член тоже пропорционален квадрату по k , значит, всё вместе пропорционально квадрату по k , и квадрат по n получаем из сложности каждого выравнивания, всё вместе - $O(k^2n^2)$, Ч.Т.Д.

7.

CGATG

```
          C          G          A          T          G
State_1 0.5   0.1*0.5 0.1*0.1*0.5 0.4*0.1*0.1*0.5 0.4*2.e-3 8.e-5
          \                               =2.e-3      /
State_2 0.5   0.4*0.5-0.5*0.4*0.5-0.05*0.5*0.4*0.5 0.05*5.e-3 1.25e-4

=5.e-3
The resulting sequence of hidden states:
22212
```

8.

3 скрытых и 4 открытых состояния:

Начальное распределение на скрытых состояниях - 2 параметра (сумма вероятностей 1, поэтому не три)

Матрица переходов: 3 состояния 2 вероятности переходов для каждого = 6 независимых переменных (опять -1 за счёт нормировки вероятности)

Матрица эмиссии: 3→4, 3 3 вероятности эмиссии, 9 параметров.

Всего: 2+6+9=17 параметров

9.BWT

```
def bwt(s):
    R = list(range(len(s)))
    R.sort(key = lambda x: s[x:] + s[:x])
    return ''.join(list(map(lambda x: s[x-1], R)))
```

```
>>> bwt('TAGAGCTA')
'TGTGAAAC'
```

```
def sufarr(s):
    sarr = list(map(lambda x: x[1], [(s[0:i], i) for i in
range(len(s))]).sort(key = lambda x: x[0])))
    return sarr
```

Где-то здесь ошибка, но у меня уже нет времени дебажить, и это сложно делать в командной строке, думаю, из кода понятно, какой алгоритм

3. Скобочное представление

..((((((.(.....)))))))))