dzdm_ft2018_part5_2018_12_12_12_52_54_087 12.12.2018

(продолжение)

Домашние задания по дискретной математике Фт-201 (2018/2019 уч.г.)

Тема: «Общая алгебра»

А1. Является ли коммутативной, ассоциативной, операция *, заданная таблицей Кэли:

	а	b	с	d
a	а	С	b	d
b	С	d	а	b
c	b	а	d	С
d	d	b	С	a

Является ли ($\{a, b, c, d\}$, *) – абелевой группой?

А2. Будут ли изоморфны группоиды, заданные таблицами Кэли:

	а	b	c	d
а	b	С	d	a
b	c	d	а	b
c	d	а	b	С
d	а	b	С	d

	а	b	c	d
а	b	d	а	d
b	d	а	b	С
c	а	b	С	d
d	С	С	d	b

А3. Пусть $G = \langle a \rangle$ — циклическая группа порядка 18. Записать таблицу Кэли ее групповой операции. Найти для G все подгруппы, нарисовать диаграмму решетки подгрупп.

Является ли эта решетка модулярной?

Является ли эта решетка дистрибутивной?

А4. Для группы G из задачи А3 будет ли нормальной подгруппа $H = \langle a^6 \rangle$?

А5. Найти сюръективный гомоморфизм группы G из задачи А3 в группу Z_3 вычетов по модулю 3. Указать ядро найденного гомоморфизма. Описать фактор группу группы G по ядру найденного гомоморфизма.