## Funkcionálne programovanie

1mAINp 1mINFb 2mINFb



http://dai.fmph.uniba.sk/courses/FPRO/



## Prečo funkcionálne programovať?

(pohľad funkcionálneho programátora)

- Because of their relative concision and simplicity, functional programs tend to be easier to reason about than imperative ones.
- Functional programming idioms are elegant and will help you become a better programmer in all languages.
- "The smartest programmers I know are functional programmers."
  - one of my undergrad professors ©

## Prečo funkcionálne programovať?

(pohľad nefunkcionálneho (OOP) programátora)

#### funkcionálne programovanie

- je súčasťou moderných (aktuálne)... vznikajúcich jazykov,
  - Python, Go, Clojure, Scala, Swift, Haskell, Kotlin, TypeScript, ...
- a vkráda sa do jazykov klasicky procedurálnych/imperatívnych jazykov
  - Java (Java 8), C++ (c++ v.11)

#### hlavný konkurent OOP je v kríze (na diskusiu :-)

- Object-Oriented Programming is Bad provokatívne video, ale stojí za to !
- základné princípy OOP (enkapsulácia, inheritance) sú zlé/nebezpečné,
- objekt (stav) je skrytý vstupno-výstupný argument metódy (funkcie),
- z pôvodne elegantných jazykov C, Java sú jazykové multi-paradigmové monštrá,
- v snahe mať v jazyku všetko, strácame jednoduchosť a eleganciu (Java),
- Java vznikla na smetisku jazykov (C/C++, Pascal, VB) jednoduchá a elegantná,
- snaha očistiť (vytiahnúť esenciu) programovania, napr. Haskell, Go, Scala, ...

## Prečo funkcionálne programovať?

(pohľad front-end programátora) (front-end v posledných rokoch reinkarnoval FP)

- JavaScript je assembler internetu, a historicky <u>Brendan Eich</u> sa inšpiroval jazykom funkcionálnym jazykom Scheme, čo je klon jazyka Lisp
- ale JavaScript dostal C-like syntax, lebo Lisp/Scheme boli nečitateľné,
- jadro JavaScript(fy.Netscape), vzniklo za 10 dní v ére Java, Sun MicroSystems
- pre lepšie pochopenie JavaStript treba prečítať <u>Douglas Crockford</u> [json]:
   JavaScript: The Good Parts, absolvovať kurz JS/ES6 (EmacsScript 2015)
- mnohé front-endové nástroje zakrývajú biedu samotného JavaScriptu (TS)
- JavaScript splnil úlohu trojského koňa funkcionálneho programovania do F-E
- front-end je v jadre asynchrónne programovanie, ale JS je single thread
- callback (callback hell), ES6 priniesol promises, ES7 async/await
- Reactive Functional Programming (RxJS) prinieslo observables



za tým všetkým sú (skryté) funkcie a

funkcionálne programovanie

```
(define reverse
(lambda (l)
(if (null? l)
'()
(append (reverse (cdr l))
(list (car l))))))
```

#### Callback Hell

```
const request = require('request');
request('http://dai.fmph.uniba.sk/courses/FPRO/',
    function (error, response, body) {
       if (error){
         console.log('Error');
       } else {
         console.log('Success');
                 const request = require('request');
    });
                request('http://dai.fmph.uniba.sk/courses/FPRO/',
                     function (firstError, firstResponse, firstBody) {
                    if (firstError){
                        console.log('first error');
                    } else {
                        console.log('first success');
                        request('http://dai.fmph.uniba.sk/courses/FPRO/{firstBody.path}',
                         function (secondError, secondResponse, secondBody) {
                          if(secondError){
                            console.log('second error');
                          } else {
                            console.log('second success');
                         });
                                                  (error, response, body) => { }
                           https://medium.com/codebuddies/getting-to-know-asynchronous-javascript-callbacks-promises-and-async-await-17e0673281ee
```

func1 (param, function (err, res) func2(param, function(err, res) func3(param, function(err, res) { func4(param, function(err, res) func5(param, function(err, res) { func6(param, function(err, res) func7(param, function(err, res) ( func8(param, function(err, res) ( func9(param, function(err, res) {

// Do something...

#### **Promises**

(chaining instead of nesting)

```
const axios = require('axios');
axios.get('http://dai.fmph.uniba.sk/courses/FPRO/')
.then(function (response) {
    console.log('first success');
    return axios.get('http://dai.fmph.uniba.sk/courses/FPRO/index.html');
})
.then(function (response) {
    console.log('second success');
    })
.catch(function (error) {
    console.log('fail');
});
    function getAsyncData(someValue);
});
```



- promise má .then() a .catch(), majú za argument funkciu, čo robiť, ak nastal úspech/error
- funkcia môže vrátiť hodnotu alebo nový promise, umožnuje ich reťaziť nie vnárať
- promise musí mať .catch()

#### Async/Await

(ES7 syntax extension)

```
async function fetchTheFirstData(value) {
    return await get("someUrl", value);
async function fetchTheSecondData(value){
    return await getFromDatabase(value);
async function getSomeData(value){
   try {
        const firstResult = await fetchTheFirstData(value);
        const result = await fetchTheSecondData(firstResult.someValue);
        return result;
                                async/await rozšírenie JS zakrylo funkcie
                                kód vyzerá viac synchrónnejšie
    catch (error) {
                                ale l'ahko ho spät' odmaskujete do promises
                                funkcie sa nemajú zakrývať, treba im rozumieť
```

# interval(1000) take(3) map(...)

#### **RxJS Observables**

```
let obs = Rx.Observable
     .interval(1000)
     .take(100)
     .map((v) \Rightarrow v*v)
     .filter((w) => w\%5 == 0)
obs.subscribe(value => console.log("Stvorce delitelne 5: " + value));
•"Stvorce delitelne 5: 0"
•"Styorce delitelne 5: 25"
•"Stvorce delitelne 5: 100"
•"Styorce delitelne 5: 225"
•"Stvorce delitelne 5: 400"
•"Stvorce delitelne 5: 625"
•"Styorce delitelne 5: 900"
•"Stvorce delitelne 5: 1225"
•"Styorce delitelne 5: 1600"
•"Stvorce delitelne 5: 2025"
•"Stvorce delitelne 5: 2500"
https://codepen.io/mmiszy/pen/jGwzdY
```



## Odporúčané čítanie



Cristi Salcescu: These are the features in ES6 that you should know <a href="https://medium.freecodecamp.org/these-are-the-features-in-es6-that-you-should-know-1411194c71cb">https://medium.freecodecamp.org/these-are-the-features-in-es6-that-you-should-know-1411194c71cb</a>

Jecelyn Yeen: JavaScript Promises for Dummies <a href="https://scotch.io/tutorials/javascript-promises-for-dummies">https://scotch.io/tutorials/javascript-promises-for-dummies</a>

Sebastian Lindström: Getting to know asynchronous JavaScript: Callbacks, Promises and Async/Await

https://medium.com/codebuddies/getting-to-know-asynchronous-javascript-callbacks-promises-and-async-await-17e0673281ee

JS Compatibility Table:

https://kangax.github.io/compat-table/es6/

Software is getting slower more rapidly than hardware becomes faster. -- Nicolaus Wirth (Pascal)



#### Matematika – zdroj elegancie

- matematici zväčša nestratili zmysel po kráse (dôkazov), elegancii (definícií),
- kým informatici či programátori vylepšujú (efektívnosť) svoje algoritmy nie vždy s cieľom, aby boli čitateľnejšie, elegantnejšie, a často ani nie sú ...
- pri týchto transformáciach je často veľa matematiky (2., 3. prednáška)
- programátori sa primárne sústredia na korektnosť (inak tam máš bug),
- eleganciu (ako nevyhnutnosť) riešia, až keď sa to už nedá čítať/udržiavať,
- a to prichádza skoro...
  - nepriamo úmerne veľkosti tímu, kódu, ...
  - priamo úmerne zručnostiam, technikám, dodržiavaným pravidlám
- majú na to metodológie, metodiky(clean code), odporučenia, code-checkery

The speed of software halves every 18 months.

-- Bill Gates (povedal a vypustil Windows10)

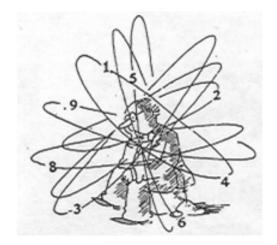
#### Funkcie v matematike

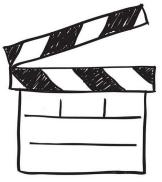
- Funkcia je typ zobrazenia, relácie, ...
- Funkcie sú rastúce, klesajúce, ..., derivujeme a integrujeme ich, ...
- Funkcie sú nad N (N->N), R (R->R), ...
- Funkcií je N->N veľa. Viac ako |N|?
- Funkcií N->N je toľko ako reálnych čísel...Vieme všetky naprogramovať?
- Funkcií je R->R je ešte viac. Naozaj ?
- Funkcie skladáme. To je asociatívna operácia... Je komutatívna ?
- x -> 4 je konštantná funkcia napr. typu N->N, či R->R, ...
- {x -> k\*x+q} je množstvo (množina) lineárnych funkcií pre rôzne k, q
- Funkcia nie vždy má inverznú funkciu
- Ale skladať ich vieme vždy  $(x -> 2*x+1) \cdot (x -> 3*x+5)$  je x->2\*(3\*x+5)+1, teda x->6\*x+11
- aj aplikovať v bode z definičného oboru (x->6\*x+11) 2 = 23
   a lineárne funkcie sú uzavreté na skladanie

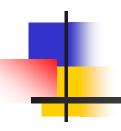
Prirodzené čísla nám dal sám dobrotivý pán Boh, všetko ostatné je dielom človeka. -- L. Kronecker

## Funkcionálna apokalypsa ©

- Predstavme si, že by existovali len funkcie
- a nič iné...
- žiadne čísla, ani prirodzené, ani 0, ani True/False, ani NULL, či nil
- vedeli by sme vybudovať matematiku, resp. aspoň aritmetiku ? resp. Programoavcí jazyk ?
- vieme nájsť
  - funkcie, ktoré by zodpovedali číslam 0, 1, 2, ...
  - a operácie zodpovedajúce +, \*, ...
- tak, aby to fungovalo ako (N, +, \*)
- lebo ak áno, podľa Kroneckera sme zachránený











Ako úvodnú – motivačnú prednášku reprodukujem prvú časť prednášky od John Hughes:
Why Functional Programming Matters
z λ-days, Krakow 2017

original (0-20min):

https://www.youtube.com/watch?v=XrNdvWqxBvA

originálny papier, 1984: www.cse.chalmers.se/~rjmh/Papers/whyfp.pdf

#### Tento kód je obsahom talku

(Churchove čísla v Haskelli)

```
fact :: (forall a. (a\rightarrow a)\rightarrow a\rightarrow a) \rightarrow (a\rightarrow a)\rightarrow a\rightarrow a
true x y = x
false x y = y
                                               fact n =
                                                     ifte (isZero n)
ifte cte=cte
                                                           one
                                                           (mul n (fact (decr n)))
two f x = f (f x)
one f x = f x
                                               main =
                                                  -- print $ (decr (add (mul two two) one)) (+1) 0
zero f x = x
                                                  -- print $ (fact (add (mul two two) one)) (+1) 0
incr n f x = f (n f x)
                                                  print $ (fact (add two
                                                                    (add (mul two two) (mul two two))))
add m n f x = m f (n f x)
                                                            (+1) 0
      m n f x = m (n f) x
mul
                                               -- 3628800
isZero n = n (\ -> false) true
                                               -- (4.75 secs, 2,598,673,208 bytes)
decr n = n \ (\mbox{m f } x \rightarrow \mbox{f (m incr zero)})
            zero
            (\x -> x)
            zero
```

https://github.com/Funkcionalne/Prednasky/blob/master/01/src/Church.hs



## Odporúčané čítanie



- Hughes (video): <a href="https://www.youtube.com/watch?v=XrNdvWqxBvA">https://www.youtube.com/watch?v=XrNdvWqxBvA</a>
- Hughes (papier): <u>www.cse.chalmers.se/~rjmh/Papers/whyfp.pdf</u>
- Ladin: <u>https://www.cs.cmu.edu/~crary/819-f09/Landin66.pdf</u>
- Backus:
  - https://www.thocp.net/biographies/papers/backus turingaward lecture.pdf
- Hudak: <u>haskell.cs.yale.edu/wp-content/.../03/HaskellVsAda-NSWC.pdf</u>
- Hudak: <a href="https://ccrma.stanford.edu/~jos/pdf/FunctionalProgramming-p359-hudak.pdf">hudak.pdf</a>



#### Haskell in FB spam filtering

#### Fighting spam with Haskell



#### Prečo Haskell vyhral:

- Čistý funkcionálny, striktne typovaný
- Konkurencia kdekoľvek sa len dá (Haxl)
- 3. Deployment pravidiel l'ahko a rýchlo
- 4. Rýchlosť exekúcie
- 5. Interaktívny vývoj

One of our weapons in the fight against spam, malware, and other abuse on Facebook is a system called Sigma. Its job is to proactively identify malicious actions on Facebook, such as spam, phishing attacks, posting links to malware, etc. Bad content detected by Sigma is removed automatically so that it doesn't show up in your News Feed.

We recently completed a two-year-long major redesign of Sigma, which involved replacing the **in-house FXL language** previously used to program Sigma with **Haskell**. The Haskell-powered Sigma now runs in production, serving more than one million requests per second.

https://code.facebook.com/posts/745068642270222/fighting-spam-with-haskell/



#### Elixir-Erlang

# Inside Erlang, The Rare Programming Language Behind WhatsApp's Success

Facebook's \$19 billion acquisition is winning the messaging wars thanks to an unusual programming language.





- funkcionálne programovanie je programovanie s funkciami ako hodnotami
- funkcionálne programovanie nie je len programovanie funkcií (bolo aj c++)
- funkcionálne programovanie **nie je** jazdenie po zoznamoch (bolo aj pythone)
- funkcionálne programovanie nie je v jazyku bez closures
- kým sa objavilo funkcionálne programovanie, hodnoty boli: celé, reálne, komplexné číslo, znak, pole, zoznam, ...
- funkcionálne programovanie rôzne jazyky rôzne podporujú:
- Haskell, Scheme, Go, Scala, Python, ...
- Groovy, Ruby, F#, Clojure, Erlang, ...
- Pascal, C, Java, ...

Ktorý ako...

## Funkcionálne jazyky

- Lisp (McCarthy, 1960)
- Iswim (Landin, 1966)
- Scheme (Steele and Sussman, 1975)
- ML (Milner, Gordon, Wadsworth, 1979)
- Haskell (Hudak, Hughes, Peyton Jones, and Wadler, 1987)
- O'Caml (Leroy, 1996)
- Erlang (Armstrong, Virding, Williams, 1996)
- Scala (Odersky, 2004)
- F# (Syme, 2006)
- Clojure (Hickey, 2007)
- Elm (Czaplicki, 2012)

### Funkcia ako argument

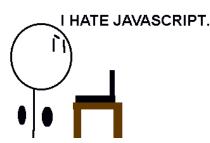
(Pascal/C - Ktorý ako...)

```
pred FP poznali funkcie ako argumenty, ale neučili to (na FMFI) na Pascale ani C ...
program example;
                                                   To isté v jazyku C:
function first(function f(x: real): real): real;
                                                   float first(float (*f)(float)) {
begin
                                                     return (*f)(1.0)+2.0;
   first := f(1.0) + 2.0;
                                                     return f(1.0)+2.0; // alebo
end;
function second(x: real): real;
begin
                                                   float second(float x) {
   second := x/2.0;
                                                     return (x/2.0);
end;
begin
   writeln(first(second));
                                                   printf("%f\n",first(&second));
end.
       Podstatné: Pascal ani C nemajú closures - použiteľných funkcií je konečne
       veľa = len tie, ktoré sme v kóde definovali. Nijako nemôžeme dynamicky
       vyrobiť funkciu, s ktorou by sme pracovali ako s hodnotou.
```

## 4

#### Python Closures

```
def addN(n):
                          # výsledkom addN je funkcia,
   return (lambda x:n+x) # ktorá k argumentu pripočína N
add5 = addN(5)
                          # toto je jedna funkcia x→5+x
add1 = addN(1)
                          # toto je iná funkcia y→1+y
                          # ... môžem ich vyrobiť neobmedzene veľa
print(add5(10))
                          # 15
print(add1(10))
                          # 11
                          # výsledkom je funkcia f<sup>n</sup>
def iteruj(n,f):
  if n == 0:
     return (lambda x:x) # identita
  else:
     return(lambda x:f(iteruj(n-1,f)(x))) # f(f^{n-1}) = f^n
add5SevenTimes = iteruj(7,add5) \# +5(+5(+5(+5(+5(+5(+5(100)))))))
print(add5SevenTimes(100))
                                    # 135
```



#### Javascript Closures

```
function addN(n) {
                                        -- výsledkom tejto funkcie je funkcia
    return function(x) { return x+n }; -- a toto je closure, fcia
                      -- jej komponenty odkazujú na objekty mimo argumentov funkcie
function iteruj(n, f) {
  if (n === 0)
    return function(x) {return x;};
  else
    return function(x) { return iteruj(n-1,f)(f(x)); };
                               Native Browser JavaScript
add5 = addN(5);
                               => add5(100)
                               105
add1 = addN(1);
                               => add1(10)
                               11
                               => iteruj(7,add5)
                               [Function]
                               => iteruj(7, add5)(100)
                               135
                               => iteruj(7,iteruj(4,add1))(100)
                               128
```



#### Closure a Scope

(príklad je v javascript)

```
function f() {
    y = 1
    return function (x) { return x + y } -- closure - funkcia, ktorá viaže nelok.premennú y
}
function g() {
    y = 2
    h = f() -- výsledkom je funkcia (closure), ktorú aplikujeme na 10
    console.log(h(10)) - otázka s akou hodnotou y sa vykoná sčítanie, y=1 alebo y=2
}
g()
```

#### Odpovede:

- 11 lexical / static scoping vlastný "normálnym" moderným jazykom, Java, C++, …
- 12 dynamic scoping Basic, Lisp, CommonLisp, ... ale nie Scheme

#### forEach, map, filter

(Java8 Stream API)

```
List<Karta> vacsieKarty3 = karty
```

```
.stream()
.map(k->new Karta(k.getHodnota()+1,k.getFarba()))
.filter(k -> k.getHodnota() > 8)
.collect(Collectors.toList());
```

[Cerven/9, Cerven/10, Cerven/11]

```
List<Karta> vacsieKarty4 = karty

.stream()
   .parallel()
   .filter(k -> k.getHodnota() > 8)
   .sequential()
   .collect(Collectors.toList());
```

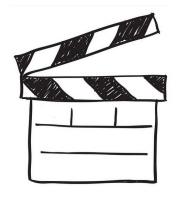
[Cerven/9, Cerven/10]



(reklamná prestávna – Scala publicity)



If I were to pick a language to use today other than Java, it would be Scala
-- James Gosling



(typy v kocke)

- typovaný jazyk, teda má typy, napr. Int, Integer, Bool, Char, Float, String,...
- typové konštruktory:
  - n-tica (t<sub>1</sub>, ..., t<sub>n</sub>), zoznam [t], napr. (Int, Int), [Int], [String]
  - funkčné typy t<sub>1</sub>->t<sub>2</sub>, napr. Int ->Int, Int ->Int
  - operátor -> je pravo-asociatívny, preto Int ->Int ->Int znamená
    - Int ->(Int ->Int)
      - funkcia, ktorá pre celé číslo vráti celočíselnú funkciu
    - a nie (Int ->Int) ->Int
      - funkcia, ktorá pre celočíselnú funkciu vráti číslo.
  - zátvorkovanie ruší defaultnú pravú asociativitu

#### Príklad:

```
    iteruj
    Int -> ((Float -> Float) -> (Float -> Float))
    (.)
    (Float -> Float) -> ((Float -> Float) -> (Float -> Float)) - skladanie
    iteruj
    Int -> ((t -> t) -> (t -> t)) - pre každé t - polymorfizmus
    (.)
    (v -> w) -> ((u -> v) -> (u -> w))
```

(aplikácia v kocke)

(iteruj 3) (iteruj 4 (+5)) :: (Int -> Int)

((iteruj 3) (iteruj 4 (+5))) 10 :: Int

```
funkciu f :: A->B môžeme aplikovať na argument typu A, výsledkom je B
   f a, alebo (f a), nie ako v iných jazykoch f(a)
Napr.
sin :: Float -> Float
(+5) :: Int -> Int
iteruj 7 :: (Float -> Float) -> (Float -> Float)
(iteruj 7) sin :: Float -> Float
((iteruj 7) sin) pi :: Float
                                    -- \sin (\sin (\sin (\sin (\sin (\sin (\pi ))))))
iteruj 4 :: (Int -> Int) -> (Int -> Int)
iteruj 4 (+5) :: (Int -> Int)
```

#### (definícia v kocke)

```
iteruj :: Int -> ((Float -> Float) -> (Float -> Float) )
iteruj :: Int -> ((t -> t) -> (t -> t)) - pre každé t - polymorfizmus
iteruj n f znamená f^n = f_o f_o \dots o f, teda iteruj n f x znamená f^n(x)
iteruj 0 f = (\x -> x)
                                                 -- identita
iteruj n f = (\x -> f (iteruj (n-1) f x))
alebo
iteruj n f = (\x -> iteruj (n-1) f (f x))
alebo
iteruj 0 f x = x
iteruj n f x = f (iteruj (n-1) f x)
alebo
iteruj n f = f . (iteruj (n-1) f)
alebo
iteruj n f = (iteruj (n-1) f) . f
```

#### (pre pokročilejších fajnšmekrov)

```
iteruj_foldr :: Int -> ((t -> t) -> (t -> t) ) replicate :: Int -> t -> [t] replicate 5 13 = [13,13,13,13,13] replicate 5 f = [f,f,f,f,f]
```

```
iteruj_funkciu :: Int -> ((t -> t) -> (t -> t))
iteruj_funkciu n f = iteruj_f !! n
where iteruj_f = id:[f . g | g <- iteruj_f]
```

Tu je miesto pre vašu najzvrhlejšiu definíciu iterate

# Haskell (Hunit testy)

#### Iteruj.hs

module Iteruj where

#### TestIteruj.hs

module TestIteruj where import Iteruj import Test.Hunit

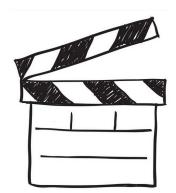
```
main = do
runTestTT $ TestList [
TestList [
```

TestCase \$ assertEqual "iteruj 5 (+4) 100" 120 ( iteruj 5 (+4) 100 ),

TestCase \$ assertEqual "iteruj 5 (\*4) 100 " 102400 ( iteruj 5 (\*4) 100 ),

TestCase \$ assertEqual "iteruj 5 (++ab) c " "cabababababa",

( iteruj 5 (++"ab") "c" )]





- 19.storočie DeMorgan, Boole výrokový a predikátový počet
- 19.storočie Peano teória čísel, indukcia
- 20.storočie Russel, Gödel , Hilbert Princípy matematiky
- ~1930 ... ~1950 vypočítateľnosť
  - Turingove stroje krok, stav, abeceda, výpočet
  - Rekurzívne funkcie (Kleene) štruktúra funkcií podľa ich konštrukcie, napr. primitívne rekurzívne funkcie ⊊ vypočítateľné (Ackermannova fcia),
  - λ-kalkul (Church) abstrakcia a aplikácia,
  - Markovove algoritmy symbolické úpravy reťazcov, prepisovací systém
- všetky modely (i mnohé ďalšie) sú ekvivalentné,
  - zastavenie Turingovho stroja,
  - zastavenie programu v Pascale-Jave-Pythone...
  - výpočet v λ-kalkul,
  - výpočet rekuzívnej funkcie dá výsledok
- sú rovnako ťažké (nemožné) úlohy

Pôvodne vôbec nešlo o počítanie, ale vypočítateľnosť, či matematiku

ak počítali, tak to vyzeralo takto <u>The Bombe @ Bletchley.mov</u>



- 1930, Alonso Church, lambda calculus
  - teoretický základ FP
  - kalkul funkcií: abstrakcia, aplikácia, kompozícia
  - Princeton: A.Church, A.Turing, J. von Neumann, K.Gödel skúmajú formálne modely výpočtov
  - éra: WWII, prvý von Neumanovský počítač: Mark I (IBM), balistické tabuľky
- 1958, Haskell B.Curry, logika kombinátorov
  - alternatívny pohľad na funkcie, menej známy a populárny
  - "premenné vôbec nepotrebujeme"
- 1958, LISP, John McCarthy
  - implementácia lambda kalkulu na "von Neumanovskom HW"
- 1960, SECD (Stack-Environment-Control-Dump) Machine, Landin
  - predchodca p-code, rôznych stack-orientovaných bajt-kódov, virtuálnych mašín.
  - SECD použili pri implementácii
    - Algol 60, PL/1 predchodcu Pascalu
    - LISP prvého funkcionálneho jazyka založenom na λ-kalkule

## Jazyky FP

1977, John Backus, IBM – odpálil boom rôznych FP jazykov <u>Can Programming Be Liberated from the von Neumann Style?</u> <u>A Functional Style and Its Algebra of Programs</u>

- 1.frakcia:
  - Lisp, <u>Common Lisp</u>, ..., <u>Scheme</u> (<u>MIT</u>, <u>DrScheme</u>, <u>Racket</u>),
  - ML, Standard ML, CAML, oCAML, ...
- 2.frakcia:
  - Miranda, Gofer, Hope, <u>Erlang</u>, <u>Clean</u>, <u>Hugs</u>, <u>Haskell</u> <u>Platform</u>

#### 1960 LISP

- LISP je rekurzívny jazyk
- LISP je vhodný na list-processing
- LISP používa dynamickú alokáciu pamäte, GC
- LISP je skoro beztypový jazyk
- LISP používal dynamic scoping
- LISP má globálne premenné, priradenie, cykly a pod.
  - ale nič z toho vám neukážem ©
- LISP je vhodný na prototypovanie a je všelikde
- Scheme je LISP dneška, má viacero implementácií, napr.

#### Scheme - syntax

```
<Expr> ::=
              <Const>
                <Ident> |
               (<Expr0> <Expr1> ... <Exprn>) |
               (lambda (<Ident1>...<Identn>) <Expr>) |
               (define <Ident> <Expr>)
definícia funkcie:
                                       volanie funkcie:
                                       (gcd 12 18)
(define gcd
  (lambda (a b)
    (if (= a b)
      (if (> a b)
        (gcd (- a b) b)
        (gcd a (- b a))))))
```

#### Rekurzia na číslach

```
(define fac (lambda (n)
        (if (= n 0))
          (* n (fac (- n 1))))))
      (fac 100)
          933262....000
      (define fib (lambda (n)
        (if (= n 0))
          (if (= n 1)
             (+ (fib (- n 1)) (fib (- n 2)))))))
      (fib 10)
          55
https://repl.it/
                             scheme.scm
```

```
(define ack (lambda (m n)
 (if (= m 0))
    (+ n 1)
    (if (= n 0)
      (ack (- m 1) 1)
      (ack (- m 1) (ack m (- n 1))))))
(ack 3 3)
         61
 (define prime (lambda (n k)
   (if (> (* k k) n)
      #t
      (if (= (mod n k) 0)
         #f
         (prime n (+ k 1))))))
 (define isPrime?(lambda (n)
     (and (> n 1) (prime n 2))))
```

# -

### Scheme closures

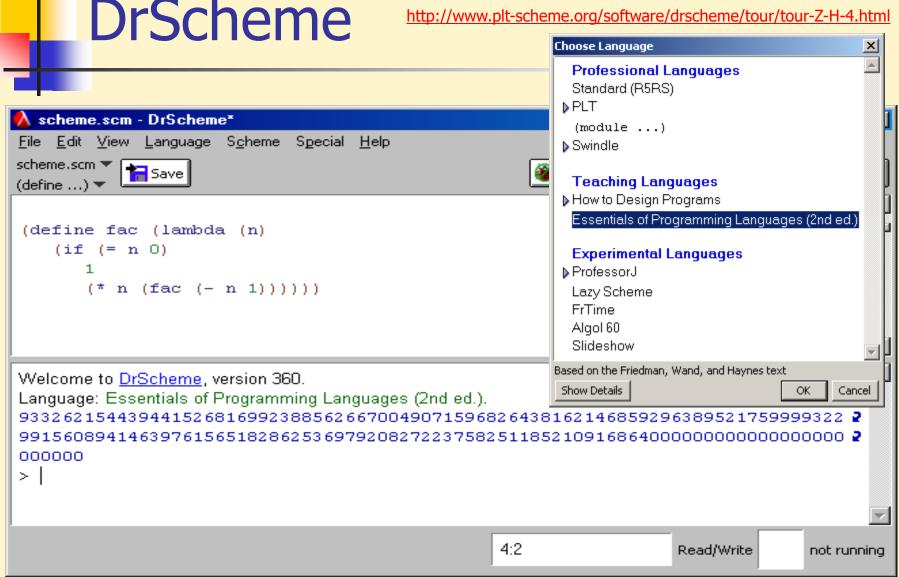
https://repl.it/



 Takto vyzerá slajd, ktorý je nepovinný len pre záujemcov

po inštalácii DrScheme treba zvoliť si správnu úroveň jazyka (t.j. advanced user, resp. Essentials of PL)





#### complex

- real
- rational
- integer

- quotient, remainder, modulo
- max, min, abs
- gcd, lcm
- floor, ceiling
- truncate, round
- expt

- zero?, positive?, negative?
- odd?, even?



### Zoznam a nič iné

- má dva konštruktory
  - Scheme: (), (cons h t)
  - Haskell: [], h:t
- vieme zapísať konštanty typu zoznam

```
■ Haskell: 1 : 2 : 3 : [] = [1,2,3] procedure application:
```

Scheme: (cons 1 (cons 2 (cons 3 ())))
 expected procedure,

poznáme konvencie

- given: 2; arguments were: 3
- Scheme: (list 1 2 3), '(1 2 3), (QUOTE (1 2 3))
- môžu byť heterogénne
  - Scheme: '(1 (2 3) 4), (list 1 ' (2 3) 4), (list 1 (2 3) 4)
  - Haskell: nie, vždy sú typu List<t> = [t]



## Car-Cdrling v Lispe/Scheme

#### car

```
(car '(1 2 3)) vráti 1
(car '((1 2) 3 4)) vráti (1 2)
```

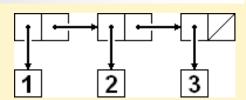
#### cdr

#### cons

(cons 1 '(2 3)) vráti (1 2 3)

#### quote

'(1 2) je ekvivalentné (quote (1 2))



```
(cddr '(1 2 3))
  (3)
(cdddr '(1 2 3))
  ()
(cadr '(1 2 3))
  2
(caddr '(1 2 3))
  3
```

```
(if vyraz ak-nie-je-nil ak-je-nil)
null? je #t ak argument je ()
```



```
(define length
  (lambda (l)
    (if (null? I)
      (+ 1 (length (cdr l))))))
(length '(1 2 3))
(define sum
  (lambda (l)
    (if (null? I)
      (+ (car l) (sum (cdr l))))))
(sum '(1 2 3))
    6
```

```
zret'azenie zoznamov
(define append
  (lambda (x y)
    (if (null? x)
       (cons (car x)
             (append (cdr x) y))))
(append '(1 2 3) '(a b c))
   (1 2 3 a b c)
                      otočenie zoznamu
(define reverse
  (lambda (l)
                             častá chyba
    (if (null? I)
      (append (reverse (cdr I))
                (list (car I))))))
(reverse '(1 2 3 4))
   (4321)
```

### Príklad - zásobník

```
(define empty_stack
   (lambda (stack) (if (null? stack) #t #f)))
(define push
   ( lambda ( element stack ) ( cons element stack ) ))
(define pop
   (lambda (stack) (cdr stack)))
(define top
   (lambda (stack) (car stack)))
                                     (define st (push 3 (push 2 (push 1 '()))))
                                      st
                                     (top (pop (pop st)))
                                       1
```

#### (cond (v1 r1) (v2 r2) (else r)) list? je #t ak argument je zoznam

# Zoznamová rekurzia 2

```
; rovnosť dvoch zoznamov
                                             equal
              ; nachádza sa v zozname
   member
                                             (define equal
(define member
                                                (lambda (lis1 lis2)
                                                  (cond
  (lambda (elem lis)
                                                       ((not (list? lis1))(eq? lis1 lis2))
     (cond
                                                       ((not (list? lis2)) '())
                                                                                  ; #f
                                ; #f
         ((null? lis) '())
                                                       ((null? lis1) (null? lis2))
         ((eq? elem (car lis)) #t)
                                                       ((null? lis2) '())
                                                       ((equal (car lis1) (car lis2))
         (else (member elem (cdr lis)))))
                                                          (equal (cdr lis1) (cdr lis2)))
                                                       (else '()))))
(member 3 '(1 2 3))
   #t
                                             (equal '(1 2) '(1 2))
                                                       #t
(member ' (1 2) '(1 2 (1 2) 3))
                                                                 ak sa rovnajú hlavy,
                                                                 porovnávame chvosty
                       lebo (eq? '(1 2) '(1 2)) je #f
```

# 4

## Spošenie zoznamu - flat

porozmýšľajte, ako odstraniť append z tejto definície

ako napísať flat len s jedným rekurzívnym volaním

## Mapping

```
; aplikuj funkciu na každý prvok zoznamu
   mapcar
(define (mapcar fun lis)
  (cond
     ((null? lis) '())
                                                 . mapcar f
     (else (cons (fun (car lis))
                 (mapcar fun (cdr lis)))))
                                                 c []
                                                                   fc []
(mapcar fib '(1 2 3 4 5 6))
   (112358)
(mapcar (lambda (x) (* x x)) '(1 2 3 4 5 6))
   (1 4 9 16 25 36)
                              konštanta typu funckia
```



```
. f
/\ /\
a . foldr f z a f
/\ -----> /\
b . b f
/\ c [] c z
```

```
(define foldr
  (lambda (func zero lis)
    (if (null? lis)
      zero
      (func (car lis) (foldr func zero (cdr lis))))))
(foldr (lambda (x y) (+ (* 10 y) x) ) 0 '(1 2 3))
   321
(foldr (lambda (x y) (+ (* 10 x) y) ) 0 '(1 2 3))
   60
                                                               3 []
```

porozmýšľajte, ako definovať append pomocou foldr



```
. f
/\ /\
a . foldIfz f c
/\ -----> /\
b . f b
/\ c[] z a
```

porozmýšľajte, ako definovať reverse pomocou foldl

# 4

### spoj a rozpoj

```
(\text{spoj '}(1\ 2\ 3)\ '(4\ 5\ 6)) = ((1\ 4)\ (2\ 5)\ (3\ 6))
                (rozpoj'((1 4) (2 5) (3 6))) = ((1 2 3) (4 5 6))
            (define rozpoj (lambda (pairs)
             (cond
               ((null? pairs) '())
                                                                  ; prázdny zoznam
               ((null? (cdr pairs))
                                                                  ; jedno-prvkový zoznam
                       (list (list (caar pairs)) (list (cadar pairs))))
               (else
                                                                  ; dvoj-a-viac prvkový
                 (list
(rozpoj '())
                   (cons (caar pairs) (car (rozpoj (cdr pairs))))
(rozpoj '((1 4))) (cons (cadar pairs) (cadr (rozpoj (cdr pairs)))))))))
(rozpoj '((1 4) (2 3)))
          ((1\ 2)\ (4\ 3))
(rozpoj '((1 11) (2 12) (3 13) (4 14)))
          ((1\ 2\ 3\ 4)\ (11\ 12\ 13\ 14))
```

# 4

## rozpoj pomocou let

```
(define rozpoy (lambda (pairs)
           (cond
            ((null? pairs) '())
            ((null? (cdr pairs)) (list (list (caar pairs)) (list (cadar pairs))))
            (else
              (let ((pom (rozpoy (cdr pairs))))
                   (list
                     (cons (caar pairs) (car pom))
                     (cons (cadar pairs) (cadr pom))))))))
(let (
     (var_1 expr_1) \dots
     (var_n expr_n)
         expr)
priradí do premenných var, hodnoty výrazov expr, a vyhodnotí výraz expr
```

### Queens

doposial dobre položené dámy

```
*(define btrackRow (lambda (col row queens)
                              ; skús položiť dámu do riadku row v stĺpci col
  (if (> row N)
   #f
   (or
    (and (safe row row row queens) (btra\varphik (+ col 1) (cons row queens)))
    (btrackRow col (+ row 1) queens))
(define btrack (lambda (col queens) ; skús položiť dámu do stĺpca col
  (if (> col N)
   queens
                                  > (btrack 1 ())
   (btrackRow col 1 queens)
                                  (42736851)
```

#### (define N 8)

## Safe

```
(define safe (lambda (row diag1 diag2 queens)
 (if (null? queens)
   #t
  (if (or (eq? row (car queens)); kolizia v riadku
         (eq? (+ diag1 1) (car queens)); kolizia na 1.uhlopriecke
         (eq? (- diag2 1) (car queens))); kolizia na 2.uhlopriecke
    #f
    (safe row (+ diag1 1) (- diag2 1) (cdr queens))))
        (define safe (lambda (row diag1 diag2 queens)
          (let ((diag11 (+ diag1 1)) (diag21 (- diag2 1)))
            (or (null? queens)
              (and (not (or (eq? row (car queens)); kolizia v riadku
                             (eq? diag11 (car queens)); kolizia na 1.uhlopriecke
                            (eq? diag21 (car queens)))); kolizia na 2.uhlopriecke
                (safe row diag11 diag21 (cdr queens)))))
          ))
```



### Syntax - help

```
volanie fcie
          (<operator> <operand1> ...)
                                                               (max 2 3 4)
  funkcia
          (lambda <formals> <body>)
                                                               (lambda (x) (* x x))
   definícia funkcie
          (define <fname> (lambda <formals> <body>))
• if, case, do, ...
          (if <test> <then>)
                                   (if (even? n) (quotient n 2))
          (if \langle \text{test} \rangle \langle \text{then} \rangle \langle \text{else} \rangle) (if (even? n) (quotient n 2) (+ 1 (*3 x)))
          (cond (< test1 > < expr1 >) (cond ((= n 1) 1)
           (<test2> <expr2>)
                                                  ((even? n) (quotient n 2))
            (else <exprn>))
                                                  (else (+ 1 (*3 x))))
   let
          (let ((< var_1 > < expr_1 >) ...
                 (\langle var_n \rangle \langle expr_n \rangle)
                                                     (let ((x (+ n 1))) (* x x))
                     <expr>)
```

Venujem neznámemu Viktorovi : napriek menu menu svojmu, padol za predstavu svoju, o spojitých funkciach...

### Kvíz funkcionára

Každý slušný funkcionár hľadá (vo voľbách) nejakú dobrú funkciu Tréning: viete nájsť funkciu f a zapísať je v matematike/Haskelli, ktorá

1. 
$$f^3$$
=iteruj 3 f = \x -> x+6,

$$f = \x -> x + 2$$

1. 
$$f^3$$
=iteruj 3 f =  $\xspace x -> 27*x$ 

$$f = \x -> 3*x$$

1. 
$$f^3$$
=iteruj 3 f = \x -> x+13

$$f = \x -> x + 13/3$$

1. 
$$f^3$$
=iteruj 3 f =  $\xspace x -> 11*x$ 

$$f = \x -> 3\sqrt{11} \times x$$

1. 
$$f^3$$
=iteruj 3 f =  $x -> x^8$ 

$$f = \x -> x * x$$

1. 
$$f^3$$
=iteruj 3 f =  $\xspace x^7$ 

$$f = ???$$

Neexistuje? Alebo len nemá meno (v matematike, či Haske li)?

