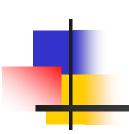
## Funkcionálne programovanie



1-AIN-512/12 2-AIN-116/14 2-INF-117/00

RNDr. Peter Borovanský, PhD. RNDr. Michal Winczer, PhD. Mgr. Andrej Jursa I-18

http://dai.fmph.uniba.sk/courses/FPRO/

## Prečo funkcionálne programovať?

(pohľad funkcionálneho programátora)

- Because of their relative concision and simplicity, functional programs tend to be easier to reason about than imperative ones.
- Functional programming idioms are elegant and will help you become a better programmer in all languages.
- The smartest programmers I know are functional programmers." − one of my undergrad professors ☺

## Prečo funkcionálne programovať?

(pohľad nefunkcionálneho programátora)

#### funkcionálne programovanie

- je súčasťou moderných/aktuálne/... vznikajúcich jazykov,
  - Python, Go, Clojure, Scala, Swift, Haskell
- sa importuje do jazykov klasicky procedurálnych/imperatívnych jazykov
  - Java (Java 8), C++ (c++ v.11)

#### hlavný konkurent OOP je v kríze (na diskusiu :-)

- Object-Oriented Programming is Bad provokatívne video, ale stojí za to !
- základné princípy OOP (enkapsulácia, inheritance) sú zlé/nebezpečné,
- objekt (stav) je skrytý vstupno-výstupný argument metódy (funkcie),
- z pôvodne elegantných jazykov C, Java sú jazykové multi-paradigmové monštrá,
- v snahe mať v jazyku všetko, strácame jednoduchosť a eleganciu (Java),
- Java vznikla na smetisku jazykov (C/C++, Pascal, VB) jednoduchá a elegantná,
- snaha očistiť (vytiahnúť esenciu) programovania, napr. Haskell, Go, Scala, ...

Software is getting slower more rapidly than hardware becomes faster. -- Nicolaus Wirth (Pascal)



#### Matematika – zdroj elegancie

- matematici zväčša nestratili zmysel po kráse (dôkazov), elegancii (definícií),
- informatici vylepšujú (efektívnosť) svoje algoritmy nie vždy s cieľom, aby boli čitateľnejšie, a často ani nie sú ...
- pri týchto transformáciach je často veľa matematiky
- programátori sa primárne sústredia na korektnosť,
- eleganciu (ako nevyhnutnosť) riešia, až keď sa to už nedá čítať/udržiavať,
- majú na to metodológie, metodiky, odporučenia, code-checkery



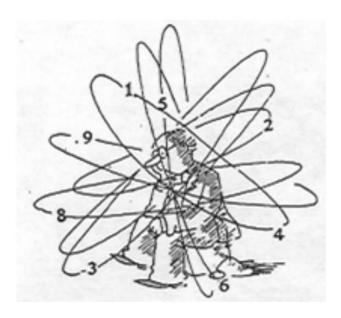
#### Funkcie v matematike

- Funkcia je typ zobrazenia, relácie, ...
- Funkcie sú rastúce, klesajúce, ..., derivujeme a integrujeme ich, ...
- Funkcie sú nad N (N->N), R (R->R), ...
- Funkcií je N->N veľa. Viac ako |N|?
- Funkcií N->N je toľko ako reálnych čísel...Vieme všetky naprogramovať ?
- Funkcií je R->R je ešte viac. Naozaj ?
- Funkcie skladáme. To je asociatívna operácia... Je komutatívna ?
- x -> 4 je konštantná funkcia napr. typu N->N, či R->R, ...
- {x -> k\*x+q} je množstvo (množina) lineárnych funkcií pre rôzne k, q
- Funkcia nie vždy má inverznú funkciu
- Ale skladat' ich vieme vždy  $(x -> 2*x+1) \cdot (x -> 3*x+5)$  je x->2\*(3\*x+5)+1, teda x->6\*x+11
- aj aplikovať v bode z definičného oboru (x->6\*x+11) 2 = 23
   a lineárne funkcie sú uzavreté na skladanie

Prirodzené čísla nám dal sám dobrotivý pán Boh, všetko ostatné je dielom človeka.
-- L. Kronecker

## Funkcionálna apokalypsa ©

- Predstavme si, že by existovali len funkcie
- a nič iné...
- žiadne čísla, ani prirodzené, ani 0, ani True/False, ani NULL, či nil
- vedeli by sme vybudovať matematiku, resp. aspoň aritmetiku?
- vieme nájsť
  - funkcie, ktoré by zodpovedali číslam 0, 1, 2, ...
  - a operácie zodpovedajúce +, \*, ...
- tak, aby to fungovalo ako (N, +, \*)



### Jazyky podporujúce FP

- funkcionálne programovanie je programovanie s funkciami ako hodnotami
- kým sa objavilo funkcionálne programovanie, hodnoty boli: celé, reálne, komplexné číslo, znak, pole, zoznam, ...
- funkcionálne programovanie rôzne jazyky rôzne podporujú:
- Haskell
- Scheme
- Go, Groovy, Ruby, Scala, Python,
- F#, Clojure, Erlang, ...
- Pascal, C, Java, ...

Ktorý ako...

#### Funkcia ako argument

(Pascal/C)

```
pred FP poznali funkcie ako argumenty, ale neučili to (na FMFI) na Pascale ani C ...
program example;
                                                     To isté v jazyku C:
function first(function f(x: real): real): real;
                                                     float first(float (*f)(float)) {
begin
                                                      return (*f)(1.0)+2.0;
   first := f(1.0) + 2.0;
                                                      return f(1.0)+2.0; // alebo
end;
function second(x: real): real;
                                                     float second(float x) {
begin
                                                      return (x/2.0);
   second := x/2.0;
end;
                                                     printf("%f\n",first(&second));
begin
   writeln(first(second));
Podstatné: použiteľných funkcií je konečne veľa = len tie,
end.
                          ktoré sme v kóde definovali. Nijako nemôžeme dynamicky
                          vyrobit' funkciu, s ktorou by sme pracovali ako s hodnotou.
                       http://www.rosettacode.org/wiki/Function as an Argument#Pascal
```

#### Funkcia ako hodnota

(požičané z Go-ovského cvičenia, Programovacie paradigmy)

```
type realnaFunckia /*=*/ func(float64) float64
```

```
func kompozicia(f, g realnaFunckia) realnaFunckia {
  return (func(x float64) float64 {// kompozicia(f,q) = f.q
      return f(q(x)) // tu vzniká v run-time nová funkcia,
                    // ktorá nebola v čase kompilácie
  })
                                    // iteracia(n,f)=f^n
func iteracia(n int, f realnaFunckia) realnaFunckia {
  if n == 0 {
      return (func(x float64) float64 { return x }) //id
  } else {
      return kompozicia(f, iteracia(n-1, f))
                           // f . iter(n-1,f)
```

# -

#### Python Closures

```
def addN(n):
                          # výsledkom addN je funkcia,
   return (lambda x:n+x) # ktorá k argumentu pripočína N
add5 = addN(5)
                          # toto je jedna funkcia x 5+x
                          # toto je iná funkcia y 1+y
add1 = addN(1)
                          # ... môžem ich vyrobiť neobmedzene veľa
print(add5(10))
                          # 15
print(add1(10))
                          # 11
def iteruj(n,f):
                          # výsledkom je funkcia f<sup>n</sup>
  if n == 0:
     return (lambda x:x) # identita
  else:
     return(lambda x:f(iteruj(n-1,f)(x))) # f(f^{n-1}) = f^n
add5SevenTimes = iteruj(7,add5) \# +5(+5(+5(+5(+5(+5(100))))))
print(add5SevenTimes(100))
                                  # 135
```

#### Javascript Closures

```
function addN(n) { -- výsledkom tejto funkcie je funkcia
    return function(x) { return x+n }; -- a toto je closure, fcia
          -- jej komponenty odkazujú na objekty mimo argumentov funkcie
function iteruj(n, f) {
  if (n === 0)
    return function(x) {return x;};
  else
    return function(x) { return iteruj(n-1,f)(f(x)); };
                               Native Browser JavaScript
add5 = addN(5);
                               => add5(100)
                               105
add1 = addN(1);
                               => add1(10)
                               11
                               => iteruj(7,add5)
                               [Function]
                               => iteruj(7,add5)(100)
                               135
                               => iteruj(7,iteruj(4,add1))(100)
                               128
```

# Closure a Scope

(príklad je v javascript)

```
function f() { y = 1 return function (x) { return x + y } -- closure, ktorá viaže y } function g() { y = 2 h = f() -- výsledkom je funkcia (closure), ktorú aplikujeme na 10 console.log(h(10)) - otázka s akou hodnotou y sa vykoná sčítanie, 1 alebo 2 } g()
```

#### Odpovede:

- 11 lexical / static scoping vlastný "normálnym" moderným jazykom, Java, C++, …
- 12 dynamic scoping Basic, Lisp, CommonLisp, ... ale nie Scheme

## JDK8 - funkcionálny interface

```
interface FunkcionalnyInterface { // koncept funkcie v J8
  public void doit(String s);
                                 // jediná "procedúra"
                       // "procedúra" ako argument
public static void foo(FunkcionalnyInterface fi) {
  fi.doit("hello");
                    // "procedúra" ako hodnota, výsledok
public static FunkcionalnyInterface goo() {
  return (String s) -> System.out.println(s + s);
foo (goo())
"hellohello"
```

# JDK8 - funkcionálny interface

```
public interface FunkcionalnyInterface { //String->String
  public String doit(String s); // jediná "funkcia"
                             // "funkcia" ako argument
public static String foo(FunkcionalnyInterface fi) {
  return fi.doit("hello");
                            // "funkcia" ako hodnota
public static FunkcionalnyInterface goo() {
  return
       (String s) \rightarrow (s+s);
System.out.println(foo(goo()));
"hellohello"
```

# JDK8 - funkcionálny interface

```
public interface RealnaFunkcia {
  public double doit(double s);  // funkcia R->R
public static RealnaFunkcia iterate(int n, RealnaFunkcia
  f) {
  if (n == 0)
      return (double d) ->d;
                                  // identita
  else {
      RealnaFunkcia rf = iterate(n-1, f); // f^(n-1)
      return (double d) ->f.doit(rf.doit(d));
RealnaFunkcia rf = iterate(5, (double d)->d*2);
System.out.println(rf.doit(1));
```

#### Java 8

```
String[] pole = { "GULA", "cerven", "zelen", "ZALUD" };
Comparator<String> comp =
(fst, snd) -> Integer.compare(fst.length(), snd.length());
Arrays.sort(pole, comp);
                                                    GULA
for (String e : pole) System.out.println(e);
                                                    zelen
                                                    ZALUD
                                                    cerven
Arrays.sort(pole,
   (String fst, String snd) ->
       fst.toUpperCase().compareTo(snd.toUpperCase()));
                                                    cerven
for (String e : pole) System.out.println(e);
                                                    GULA
                                                    ZALUD
                                                    zelen
```

Funkcia.java

### forEach, map, filter v Java8

```
class Karta {
  int hodnota;
  String farba;
  public Karta(int hodnota, String farba) { ... }
  public void setFarba(String farba) { ... }
  public int getHodnota() { ... }
  public void setHodnota(int hodnota) { ... }
  public String getFarba() { ... }
  public String toString() { ... }
List<Karta> karty = new ArrayList<Karta>();
karty.add(new Karta(7, "Gula"));
karty.add(new Karta(8,"Zalud"));
karty.add(new Karta(9, "Cerven"));
karty.add(new Karta(10, "Zelen"));
                                                    MapFilter.java
```

## forEach, map, filter v Java8

```
[Gula/7, Zalud/8, Cerven/9, Zelen/10]
karty.forEach(k -> k.setFarba("Cerven"));
                            [Cerven/7, Cerven/8, Cerven/9, Cerven/10]
Stream<Karta> vacsieKartyStream =
  karty.stream().filter(k -> k.getHodnota() > 8);
List<Karta> vacsieKarty =
  vacsieKartyStream.collect(Collectors.toList());
                                             [Cerven/9, Cerven/10]
List<Karta> vacsieKarty2 = karty
   .stream()
   .filter(k -> k.getHodnota() > 8)
   .collect(Collectors.toList());
```

[Cerven/9, Cerven/10]
MapFilter.java

#### forEach, map, filter v Java8

List<Karta> vacsieKarty3 = karty

```
.stream()
.map(k->new Karta(k.getHodnota()+1,k.getFarba()))
.filter(k -> k.getHodnota() > 8)
.collect(Collectors.toList());
```

[Cerven/9, Cerven/10, Cerven/11]

#### List<Karta> vacsieKarty4 = karty

```
.stream()
.parallel()
.filter(k -> k.getHodnota() > 8)
.sequential()
.collect(Collectors.toList());
```

[Cerven/9, Cerven/10]

#### **Break**



If I were to pick a language to use today other than Java, it would be Scala James Gosling



- 19.storočie DeMorgan, Boole výrokový a predikátový počet
- 19.storočie Peano teória čísel, indukcia
- 20.storočie Russel, Gödel , Hilbert Princípy matematiky
- ~1930 ... ~1950 vypočítateľnosť
  - Turingove stroje krok, stav, abeceda, výpočet
  - Rekurzívne funkcie (Kleene) štruktúra funkcií podľa ich konštrukcie, napr. primitívne rekurzívne funkcie ⊊ vypočítateľné (Ackermannova fcia),
  - -kalkul (Church) . abstrakcia a aplikácia,
  - Markovove algoritmy symbolické úpravy re azcov, prepisovací systém
- všetky modely (i mnohé ďalšie) sú ekvivalentné,
  - zastavenie Turingovho stroja,
  - zastavenie programu v Pascale-Jave-Pythone...
  - výpočet v -kalkul,
  - výpo et rekuzívnej funkcie dá výsledok
- sú rovnako ťažké (nemožné) úlohy

Pôvodne vôbec nešlo o počítanie, ale vypočítateľnosť, či matematiku

ak počítali, tak to vyzeralo takto <u>The Bombe @ Bletchley.mov</u>

#### Trochu z histórie FP

- 1930, Alonso Church, lambda calculus
  - teoretický základ FP
  - kalkul funkcií: abstrakcia, aplikácia, kompozícia
  - Princeton: A.Church, A.Turing, J. von Neumann, K.Gödel skúmajú formálne modely výpočtov
  - éra: WWII, prvý von Neumanovský počítač: Mark I (IBM), balistické tabuľky
- 1958, Haskell B.Curry, logika kombinátorov
  - alternatívny pohľad na funkcie, menej známy a populárny
  - "premenné vôbec nepotrebujeme"
- 1958, LISP, John McCarthy
  - implementácia lambda kalkulu na "von Neumanovskom HW"
- 1960, SECD (Stack-Environment-Control-Dump) Machine, Landin
  - predchodca p-code, rôznych stack-orientovaných bajt-kódov, virtuálnych mašín.
  - SECD použili pri implementácii
    - Algol 60, PL/1 predchodcu Pascalu
    - LISP prvého funkcionálneho jazyka založenom na -kalkule

# Jazyky FP

1977, John Backus, IBM – odpálil boom rôznych FP jazykov <u>Can Programming Be Liberated from the von Neumann Style?</u> <u>A Functional Style and Its Algebra of Programs</u>

- 1.frakcia:
  - Lisp, <u>Common Lisp</u>, ..., <u>Scheme</u> (<u>MIT,DrScheme,Racket</u>),
  - ML, Standard ML, CAML, oCAML, ...
- 2.frakcia:
  - Miranda, Gofer, Hope, <u>Erlang</u>, <u>Clean</u>, <u>Hugs</u>, <u>Haskell</u> <u>Platform</u>

# 4

#### 1960 LISP

- LISP je rekurzívny jazyk
- LISP je vhodný na list-processing
- LISP používa dynamickú alokáciu pamäte, GC
- LISP je skoro beztypový jazyk
- LISP používal dynamic scoping
- LISP má globálne premenné, priradenie, cykly a pod.
  - ale nič z toho vám neukážem ©
- LISP je vhodný na prototypovanie a je všelikde
- Scheme je LISP dneška, má viacero implementácií, napr.

#### Scheme - syntax

```
<Expr> ::=
               <Const>
               <Ident>
               (<Expr0> <Expr1> ... <Exprn>)
               (lambda (<Ident1>...<Identn>) <Expr>) |
               (define <Ident> <Expr>)
definícia funkcie:
                                       volanie funkcie:
(define gcd
                                       (gcd 12 18)
  (lambda (a b)
                                               6
    (if (= a b)
      (if (> a b)
        (gcd (- a b) b)
        (gcd a (- b a))))))
```

#### Rekurzia na číslach

```
(define fac (lambda (n)
  (if (= n 0))
    (* n (fac (- n 1))))))
(fac 100)
    933262....000
(define fib (lambda (n)
  (if (= n 0))
    (if (= n 1)
      (+ (fib (- n 1)) (fib (- n 2)))))))
(fib 10)
    55
                      scheme.scm
```

```
(define ack (lambda (m n)
 (if (= m 0))
   (+ n 1)
   (if (= n 0))
      (ack (- m 1) 1)
     (ack (- m 1) (ack m (- n 1)))))))
(ack 3 3)
         61
 (define prime (lambda (n k)
   (if (> (* k k) n)
      #t
      (if (= (mod n k) 0)
        #f
         (prime n (+ k 1))))))
 (define isPrime?(lambda (n)
     (and (> n 1) (prime n 2))))
```

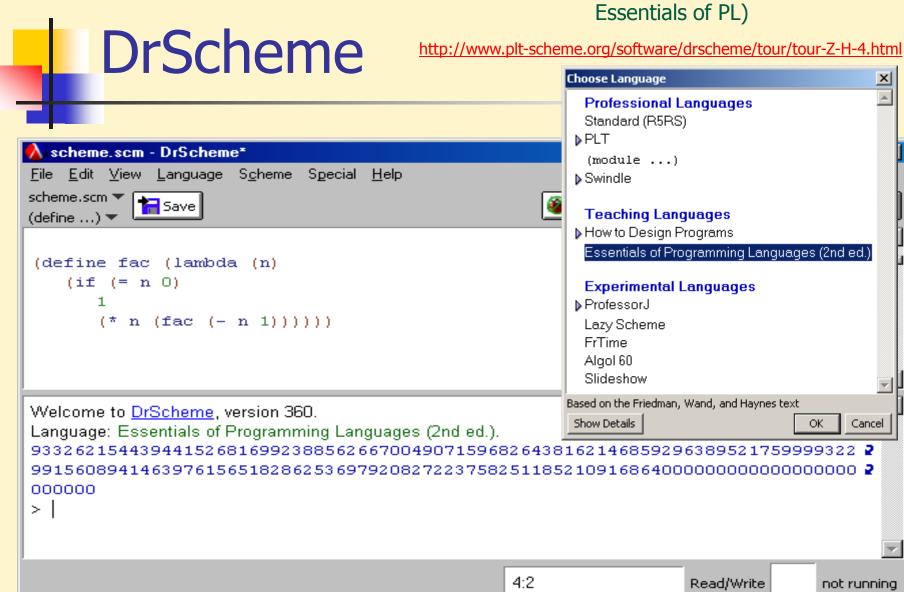
#### Scheme closures

```
(define (iterate n f)
   (if (= n 0)
       (lambda (x) x)
       (lambda (x) (f ((iterate (- n 1) f) x)))
(define addN5 (lambda (n) (+ n 5)))
(define addN1 (lambda (n) (+ n 1)))
((iterate 7 addN5 ) 100)
((iterate 7 (iterate 4 addN1)) 100)
```



 Takto vyzerá slajd, ktorý je nepovinný len pre záujemcov

po inštalácii DrScheme treba zvoliť si správnu úroveň jazyka (t.j. advanced user, resp. Essentials of PL)



- complex
- real
- rational
- integer

- +,-,\*
- quotient, remainder, modulo
- max, min, abs
- gcd, lcm
- floor, ceiling
- truncate, round
- expt
- eq?, =, <, >, <=, >=
- zero?, positive?, negative?
- odd?, even?

```
(* 3 (+ 5 7) 2) |--> 72

(quotient 7 3) |--> 2

(remainder -11 3) |--> -2, (modulo -11 3) |--> 1

(max 1 2 3 4 5) |--> 5

(gcd 18 12) |--> 6, (lcm 18 12) |--> 36

(floor (/5 3)) |--> 1, (ceiling (/ 5 3)) |--> 2

(floor -4.3) |--> -5.0, (ceiling -4.3) |--> -4.0

(truncate -4.3) |--> -4.0, (round -4.3) |--> -4.0

(expt 2 5) |--> 32
```

given: 2; arguments were: 3



#### Zoznam a nič iné

- má dva konštruktory
  - Scheme: (), (cons h t)
  - Haskell: [], h:t
- vieme zapísať konštanty typu zoznam

```
■ Haskell: 1 : 2 : 3 : [] = [1,2,3] procedure application:
```

- Scheme: (cons 1 (cons 2 (cons 3 ())))expected procedure,
- poznáme konvencie
  - Scheme: (list 1 2 3), '(1 2 3), (QUOTE (1 2 3))
- môžu byť heterogénne
  - Scheme: '(1 (2 3) 4), (list 1 ' (2 3) 4), (list 1 (2 3) 4)
  - Haskell: nie, vždy sú typu List<t> = [t]



#### Car-Cdrling v Lispe/Scheme

#### car

#### cdr

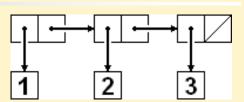
```
(cdr '(1 2 3)) vráti (2 3)
(cdr '((1 2) 3 4)) vráti (3 4)
```

#### cons

(cons 1 '(2 3)) vráti (1 2 3)

#### quote

'(1 2) je ekvivalentné (quote (1 2))



```
(cddr '(1 2 3))
  (3)
(cdddr '(1 2 3))
  ()
(cadr '(1 2 3))
  2
(caddr '(1 2 3))
  3
```

(if vyraz ak-nie-je-nil ak-je-nil)

null? je #t ak argument je ()



#### Zoznamová rekurzia 1

```
(define length
  (lambda (l)
    (if (null? I)
      (+ 1 (length (cdr l))))))
(length £01 2 3))
(define sum
  (lambda (l)
    (if (null? I)
      (+ (car l) (sum (cdr l))))))
(sum £/1 2 3))
    6
```

```
zreťazenie zoznamov
(define append
  (lambda (x y)
    (if (null? x)
       (cons (car x)
             (append (cdr x) y))))
(append £01 2 3) £0a b c))
   (1 2 3 a b c)
                      otočenie zoznamu
(define reverse
  (lambda (l)
                             častá chyba
    (if (null? I)
      (append (reverse (cdr l))
                (list (car l))))))
(reverse '(1 2 3 4))
   (4321)
```

#### Príklad - zásobník

```
(define empty_stack
   (lambda (stack) (if (null? stack) #t #f)))
(define push
   (lambda (element stack) (cons element stack)))
(define pop
   (lambda (stack) (cdr stack)))
(define top
   (lambda (stack) (car stack)))
                                    (define st (push 3 (push 2 (push 1 '()))))
                                     st
                                    (top (pop (pop st)))
```

#### (cond (v1 r1) (v2 r2) (else r)) list? je #t ak argument je zoznam

# 4

# Zoznamová rekurzia 2

```
; rovnosť dvoch zoznamov
                                             equal
              ; nachádza sa v zozname
   member
                                            (define equal
(define member
                                               (lambda (lis1 lis2)
                                                 (cond
  (lambda (elem lis)
                                                      ((not (list? lis1))(eq? lis1 lis2))
     (cond
                                                      ((not (list? lis2)) '())
                                                                                 ; #f
         ((null? lis) '()) ; #f
                                                      ((null? lis1) (null? lis2))
         ((eq? elem (car lis)) #t)
                                                      ((null? lis2) '())
         (else (member elem (cdr lis))))))
                                                      ((equal (car lis1) (car lis2))
                                                         (equal (cdr lis1) (cdr lis2)))
                                                      (else '()))))
(member 3 '(1 2 3))
   #t
                                             (equal '(1 2) '(1 2))
                                                      #t
(member ' (1 2) '(1 2 (1 2) 3))
                                                                ak sa rovnajú hlavy,
                                                                porovnávame chvosty
                       lebo (eq? '(1 2) '(1 2)) je #f
```

# 4

#### Spošenie zoznamu - flat

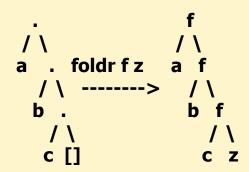
porozmýšľajte, ako odstraniť append z tejto definície

ako napísať flat len s jedným rekurzívnym volaním

## Mapping

```
; aplikuj funkciu na každý prvok zoznamu
   mapcar
(define (mapcar fun lis)
  (cond
     ((null? lis) '())
                                                     mapcar f
     (else (cons (fun (car lis))
                  (mapcar fun (cdr lis)))))
                                                   c []
                                                                     fc []
(mapcar fib '(1 2 3 4 5 6))
   (1 1 2 3 5 8)
(mapcar (lambda (x) (* x x)) '(1 2 3 4 5 6))
   (1 4 9 16 25 36)
                               konštanta typu funckia
```

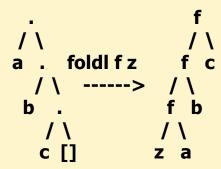




```
(define foldr
  (lambda (func zero lis)
    (if (null? lis)
      zero
      (func (car lis) (foldr func zero (cdr lis))))))
(foldr (lambda (x y) (+ (* 10 y) x) ) 0 '(1 2 3))
   321
(foldr (lambda (x y) (+ (* 10 x) y) ) 0 '(1 2 3))
   60
```

porozmýšľajte, ako definovať append pomocou foldr





```
(define fold)
(lambda (func accum lis)
    (if (null? lis)
    accum
    (foldl func (func accum (car lis)) (cdr lis)))))

(foldl (lambda (x y) (+ (* 10 x) y) ) 0 '(1 2 3))
    123

(foldl (lambda (x y) (+ (* 10 y) x) ) 0 '(1 2 3))
    100

(foldl (lambda (x y) (+ (* 10 y) x) ) 0 '(1 2 3))
    100
```

porozmýšľajte, ako definovať reverse pomocou foldl

# spoj a rozpoj

```
(\text{spoj }'(1\ 2\ 3)\ '(4\ 5\ 6)) = ((1\ 4)\ (2\ 5)\ (3\ 6))
                (rozpoj'((1 4) (2 5) (3 6))) = ((1 2 3) (4 5 6))
            (define rozpoj (lambda (pairs)
             (cond
              ((null? pairs) '())
                                                                 ; prázdny zoznam
              ((null? (cdr pairs))
                                                                 ; jedno-prvkový zoznam
                      (list (list (caar pairs)) (list (cadar pairs))))
                                                                 ; dvoj-a-viac prvkový
              (else
                 (list
(rozpoj '())
                 (cons (caar pairs) (car (rozpoj (cdr pairs))))
(rozpoj '((1 4))) (cons (cadar pairs) (cadr (rozpoj (cdr pairs)))))))))
          ((1)(4))
(rozpoj '((1 4) (2 3)))
          ((1\ 2)\ (4\ 3))
(rozpoj '((1 11) (2 12) (3 13) (4 14)))
          ((1\ 2\ 3\ 4)\ (11\ 12\ 13\ 14))
```

# 4

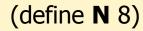
## rozpoj pomocou let

```
(define rozpoy (lambda (pairs)
           (cond
            ((null? pairs) '())
            ((null? (cdr pairs)) (list (list (caar pairs)) (list (cadar pairs))))
            (else
              (let ((pom (rozpoy (cdr pairs))))
                  (list
                     (cons (caar pairs) (car pom))
                     (cons (cadar pairs) (cadr pom))))))))
(let (
    (var_1 expr_1) ...
     (var_n expr_n)
         expr)
priradí do premenných var, hodnoty výrazov expr, a vyhodnotí výraz expr
```



doposial dobre položené dámy

```
; skús položiť dámu do riadku row v stĺpci col
  (if (> row N)
   #f
   (or
    (and (safe row row row queens) (btrack (+ col 1) (cons row queens)))
    (btrackRow col (+ row 1) queens))
 (define btrack (lambda (col queens) ; skús položiť dámu do stĺpca col
  (if (> col N)
   queens
                              > (btrack 1 ())
   (btrackRow col 1 queens)
                              (42736851)
```



```
Safe
```

```
(define safe (lambda (row diag1 diag2 queens)
 (if (null? queens)
   #t
  (if (or (eq? row (car queens)); kolizia v riadku
         (eq? (+ diag1 1) (car queens)); kolizia na 1.uhlopriecke
         (eq? (- diag2 1) (car queens))); kolizia na 2.uhlopriecke
    #f
    (safe row (+ diag1 1) (- diag2 1) (cdr queens))))
         (define safe (lambda (row diag1 diag2 queens)
          (let ((diag11 (+ diag1 1)) (diag21 (- diag2 1)))
            (or (null? queens)
              (and (not (or (eq? row (car queens)); kolizia v riadku
                            (eq? diag11 (car queens)); kolizia na 1.uhlopriecke
                            (eq? diag21 (car queens)))); kolizia na 2.uhlopriecke
                (safe row diag11 diag21 (cdr queens)))))
          ))
```



## Syntax - help

```
volanie fcie
          (<operator> <operand1> ...)
                                                             (max 2 3 4)
  funkcia
          (lambda <formals> <body>)
                                                             (lambda (x) (* x x))
  definícia funkcie
          (define <fname> (lambda <formals> <body>) )
• if, case, do, ...
          (if <test> <then>) (if (even? n) (quotient n 2))
          (if \langle \text{test} \rangle \langle \text{then} \rangle \langle \text{else} \rangle) (if (even? n) (quotient n 2) (+ 1 (*3 x)))
          (cond (< test1 > < expr1 >) (cond ((= n 1) 1))
          (<test2> <expr2>)
                                                ((even? n) (quotient n 2))
            (else <exprn>))
                                                (else (+1 (*3 x))))
let
          (let ((< var_1 > < expr_1 >) ...
                (\langle var_n \rangle \langle expr_n \rangle)
                                                   (let ((x (+ n 1))) (* x x))
                    <expr>)
```

(typy v kocke)

- typovaný jazyk, teda má typy, napr. Int, Integer, Bool, Char, Float, String,...
- typové konštruktory:
  - n-tica (t<sub>1</sub>, ..., t<sub>n</sub>), zoznam [t], napr. (Int, Int), [Int], [String]
  - funkčné typy t₁->t₂, napr. Int ->Int, Int ->Int ->Int
  - operátor -> je pravo-asociatívny, preto Int ->Int ->Int znamená
    - Int ->(Int ->Int)
      - funkcia, ktorá pre celé číslo vráti celočíselnú funkciu
    - a nie (Int ->Int) ->Int
      - funkcia, ktorá pre celočíselnú funkciu vráti číslo.
  - zátvorkovanie ruší defaultnú pravú asociativitu

#### Príklad:

```
iteruj :: Int -> ((Float -> Float) -> (Float -> Float) ) 
(.) :: (Float -> Float) -> ((Float -> Float) -> (Float -> Float)) - skladanie 
iteruj :: Int -> ((t -> t) -> (t -> t)) - pre každé t - polymorfizmus
```

(.) 
$$:: (v \rightarrow w) \rightarrow ((u \rightarrow v) \rightarrow (u \rightarrow w))$$

(aplikácia v kocke)

```
iteruj 4 :: (Int -> Int) -> (Int -> Int)
iteruj 4 (+5) :: (Int -> Int)
(iteruj 3) (iteruj 4 (+5)) :: (Int -> Int)
((iteruj 3) (iteruj 4 (+5))) 10 :: Int
```

(definícia v kocke)

```
:: Int -> ((Float -> Float) -> (Float -> Float)
         :: Int -> ((t -> t) -> (t -> t)) - pre každé t - polymorfizmus
iterui
iteruj n f znamená f^n = f \circ f \circ ... \circ f, teda iteruj n f x znamená f^n(x)
iteruj 0 f = (\x -> x)
                                                  -- identita
iteruj n f = (\x -> f (iteruj (n-1) f x))
alebo
iteruj n f = (\x -> iteruj (n-1) f (f x))
alebo
iteruj 0 f x = x
iteruj n f x = f (iteruj (n-1) f x)
alebo
iteruj n f = f . (iteruj (n-1) f)
alebo
iteruj n f = (iteruj (n-1) f) . f
```

(pre pokročilejších fajnšmekrov)

```
iteruj_foldr :: Int -> ((t -> t) -> (t -> t) )
iteruj_foldr n f = foldr (.) id (replicate n f)
iteruj_foldl :: Int -> ((t -> t) -> (t -> t) )
iteruj_foldl n f = foldl (.) id (take n (cycle [f]))
iteruj_using_iterate :: Int -> ((t -> t) -> (t -> t))
iteruj_using_iterate n f x = iterate f x !! n
                           :: Int -> ((t -> t) -> (t->t))
iteruj_funkciu
iteruj_funkciu n f
                            = iteruj_f !! n
                            where iteruj_f = id:[f . g | g <- iteruj_f]
```

Miesto pre vašu ešte zvrhlejšiu definíciu iteruj

# Haskell (Hunit testy)

#### Iteruj.hs

module Iteruj where

```
TestIteruj.hs
```

```
module TestIteruj where import Iteruj import Test.Hunit
```