## Задание 1. Асимптотические сложности.

1 Известно, что f(n) =  $O(n^2)$ , g(n) =  $\Omega(1)$ , g(n) = O(n). Положим

$$h(n) = \frac{f(n)}{g(n)}.$$

- 1. Возможно ли, что **a**)  $h(n) = \Theta(n \log n)$ ; **б**)  $h(n) = \Theta(n^3)$ ?
- 2. Приведите наилучшие (из возможных) верхние и нижние оценки на функцию h(n) и приведите пример функций f(n) и g(n) для которых ваши оценки на h(n) достигаются.
  - **2** Найдите  $\Theta$ -асимптотику  $\sum\limits_{i=1}^{n}\sqrt{i^3+2i+5}$ .
  - **3** Докажите, что асимптотика  $\sum_{i=1}^n i^{\alpha} = \Theta(n^{1+\alpha})$ , если  $\alpha > 0$ .
  - 4 Найдите Ө-асимптотику функции  $g(n) = \sum_{k=1}^{n} \frac{1}{k}$ ;