



МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования

**«МИРЭА - Российский технологический университет»**  
**РТУ МИРЭА**

---

Институт Информационных Технологий  
Кафедра Вычислительной Техники (ВТ)

**Отчёт**

по дисциплине

«Архитектура устройств и систем вычислительной техники»

Выполнили студенты группы ИВМО-02-24

Кутепов А.О.  
Рьянов А.Е.  
Смирнов А.В.

Принял преподаватель

Гуличева А.А.

Работа выполнена «\_\_» \_\_\_\_\_ 20\_\_ г

«Зачтено»

«\_\_» \_\_\_\_\_ 20\_\_ г

Москва 2024

## Реализация закона Амдала и закона Густафсона-Барсиса на Python

```
import time
import matplotlib.pyplot as plt
from multiprocessing import Pool

def factorial_part(start, end):
    """Вычисляет произведение чисел от start до end (включительно)."""
    result = 1
    for i in range(int(start), int(end) + 1):
        result *= i
    return result

def parallel_factorial(n, num_processes):
    """Вычисляет факториал числа n с использованием параллельных процессов."""
    chunk_size = n // num_processes
    ranges = [(i * chunk_size + 1, (i + 1) * chunk_size) for i in range(num_processes)]

    # Обрабатываем последний диапазон
    ranges[-1] = (ranges[-1][0], n)

    with Pool(processes=num_processes) as pool:
        results = pool.starmap(factorial_part, ranges)

    final_result = 1
    for result in results:
        final_result *= result

    return final_result

def measure_execution_time(n, num_processes):
    """Измеряет время выполнения параллельного вычисления факториала."""
    start_time = time.time()
    fact = parallel_factorial(n, num_processes)
    end_time = time.time()
    return end_time - start_time

if __name__ == '__main__':
    # Параметры
    n = 100
    max_processes = 4 # Максимальное количество процессов
    sequential_time = []

    # Измеряем время выполнения для последовательного алгоритма
    start_time = time.time()
    fact_sequential = factorial_part(1, n)
    end_time = time.time()
    sequential_time.append(end_time - start_time)

    # Измеряем время выполнения для параллельного алгоритма
    parallel_times = []
    for num_processes in range(1, max_processes + 1):
        exec_time = measure_execution_time(n, num_processes)
        parallel_times.append(exec_time)

    # График 1: Закон Амдала
    plt.figure(figsize=(14, 6))
```

```

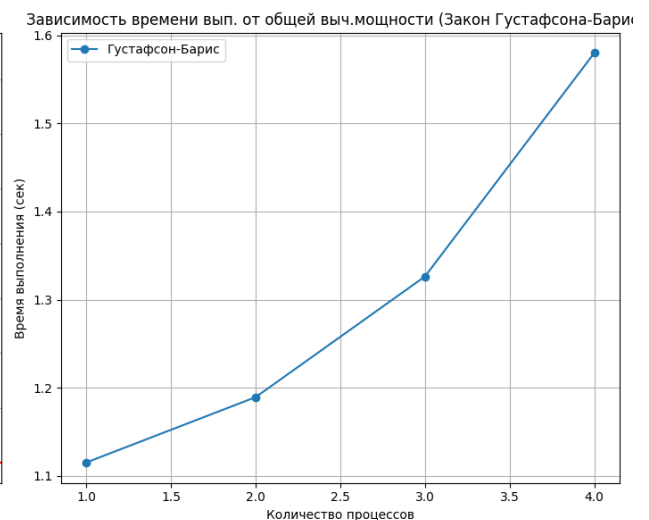
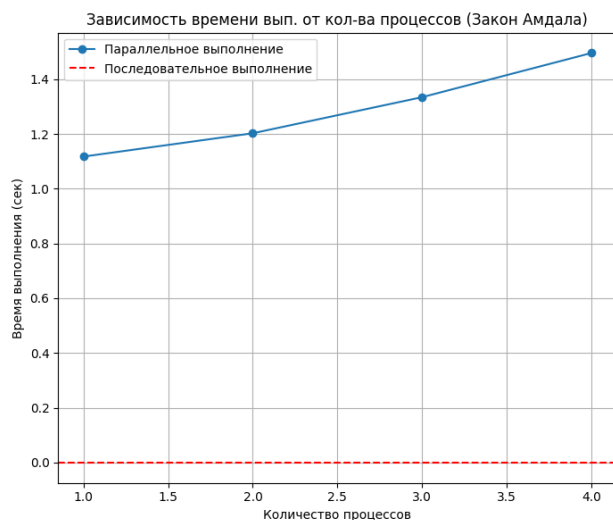
# График зависимости времени выполнения от количества процессов
plt.subplot(1, 2, 1)
plt.plot(range(1, max_processes + 1), parallel_times, label='Параллельное
выполнение', marker='o')
plt.axhline(y=sequential_time[0], color='r', linestyle='--',
label='Последовательное выполнение')
plt.title('Зависимость времени выполнения от количества процессов (Закон
Амдала)')
plt.xlabel('Количество процессов')
plt.ylabel('Время выполнения (сек)')
plt.legend()
plt.grid()

# График 2: Закон Густафсона-Бариса
# Для этого графика мы будем использовать те же данные, но с учетом
увеличения задачи
scaling_factors = [n * (1 + (i / 10)) for i in range(max_processes)] #
Увеличиваем задачу
gustafson_times = [measure_execution_time(scaling_factors[i], i + 1) for
i in range(max_processes)]

plt.subplot(1, 2, 2)
plt.plot(range(1, max_processes + 1), gustafson_times, label='Густафсон-
Барис', marker='o')
plt.title('Зависимость времени выполнения от общей вычислительной
мощности (Закон Густафсона-Бариса)')
plt.xlabel('Количество процессов')
plt.ylabel('Время выполнения (сек)')
plt.legend()
plt.grid()

plt.tight_layout()
plt.show()

```



## Объяснение кода:

1. **Функция `measure_execution_time(n, num_processes)`:** измеряет время выполнения параллельного вычисления факториала для заданного числа процессов.
2. **Измерение времени выполнения:** сначала мы вычисляем время выполнения последовательного алгоритма, а затем для параллельного с различным количеством процессов.
3. **Графики:**
  - **График 1 (Закон Амдала):** показывает зависимость времени выполнения от количества процессов. Красная пунктирная линия показывает время выполнения последовательного алгоритма.
  - **График 2 (Закон Густафсона-Бариса):** показывает, как время выполнения изменяется с увеличением задачи при параллельном выполнении.

## Оптимизации в коде:

1. **Использование `numpy`:** Вместо обычного цикла для вычисления произведения, мы используем `numpy.prod` и `numpy.arange`, что значительно ускоряет процесс.
2. **Упрощение перемножения результатов:** Мы используем `numpy.prod` для перемножения результатов, что также может быть более эффективно, чем использование обычного цикла.

```
import time
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from multiprocessing import Pool

def factorial_part(start, end):
    """Вычисляет произведение чисел от start до end (включительно) с
    использованием numpy."""
    return np.prod(np.arange(start, end + 1))

def parallel_factorial(n, num_processes):
    """Вычисляет факториал числа n с использованием параллельных
    процессов."""
    chunk_size = n // num_processes
    ranges = [(i * chunk_size + 1, (i + 1) * chunk_size) for i in
              range(num_processes)]

    # Обрабатываем последний диапазон
    ranges[-1] = (ranges[-1][0], n)
```

```

with Pool(processes=num_processes) as pool:
    results = pool.starmap(factorial_part, ranges)

final_result = np.prod(results) # Используем numpy для перемножения
return final_result

def measure_execution_time(n, num_processes):
    """Измеряет время выполнения параллельного вычисления факториала."""
    start_time = time.time()
    fact = parallel_factorial(n, num_processes)
    end_time = time.time()
    return end_time - start_time

if __name__ == '__main__':
    # Параметры
    n = 100
    max_processes = 4 # Максимальное количество процессов
    sequential_time = []

    # Измеряем время выполнения для последовательного алгоритма
    start_time = time.time()
    fact_sequential = factorial_part(1, n)
    end_time = time.time()
    sequential_time.append(end_time - start_time)

    # Измеряем время выполнения для параллельного алгоритма
    parallel_times = []
    for num_processes in range(1, max_processes + 1):
        exec_time = measure_execution_time(n, num_processes)
        parallel_times.append(exec_time)

    # График 1: Закон Амдала
    plt.figure(figsize=(14, 6))

    # График зависимости времени выполнения от количества процессов
    plt.subplot(1, 2, 1)
    plt.plot(range(1, max_processes + 1), parallel_times, label='Параллельное
выполнение', marker='o')
    plt.axhline(y=sequential_time[0], color='r', linestyle='--',
label='Последовательное выполнение')
    plt.title('Зависимость времени вып. от кол-ва процессов (Закон Амдала)')
    plt.xlabel('Количество процессов')
    plt.ylabel('Время выполнения (сек)')
    plt.legend()
    plt.grid()

    # График 2: Закон Густафсона-Бариса
    # Для этого графика мы будем использовать те же данные, но с учетом
увеличения задачи
    scaling_factors = [n * (1 + (i / 10)) for i in range(max_processes)] #
Увеличиваем задачу
    gustafson_times = [measure_execution_time(scaling_factors[i], i + 1) for
i in range(max_processes)]

    plt.subplot(1, 2, 2)
    plt.plot(range(1, max_processes + 1), gustafson_times, label='Густафсон-
Барис', marker='o')
    plt.title('Зависимость времени вып. от общей выч.мощности (Закон
Густафсона-Бариса)')
    plt.xlabel('Количество процессов')
    plt.ylabel('Время выполнения (сек)')

```

```
plt.legend()
plt.grid()

plt.tight_layout()
plt.show()
```

