

Eficiența în absența erorilor



Cazul confirmării prin cadre S

ρ = timpul de transmitere a informației / durata unui ciclu de transfer

$$\rho = \delta 1 / (\delta 1 + \delta' 1 + 2(\delta 2 + \delta 3))$$

D/C D D
$$\rho$$
 = ------ = ----- 2(δ2+δ3) + (2H+D)/C D + 2H + LC

unde: D - lungime câmp date din cadru l

H - lungime câmp control din cadru I, (sau lung cadru S)

C - capacitatea canalului

L = $2(\delta 2 + \delta 3)$, latența

Universitatea Politehnica București - Facultatea de Automatica si Calculatoare



Exemple

(1) Legătură terestră D = 352 biți H = 48 biți

Distanța nod la nod între 0.1 si 10 Km Capacitatea canalului C = 9600 biți / sec

Rezultă: $\delta 1 = 36.7 \text{ msec}$ $\delta 2 = 5 \text{ msec}$

 $\delta 3 = 1 \text{ msec}$

L = 0.012 s ρ = 0.625

(2) Canal de fibră optică D = 104 biţi H = 48 biţi

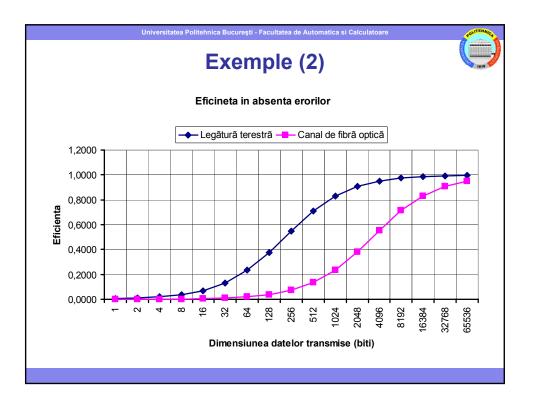
Capacitatea canalului C = 150*106 biţi / sec

Distanța nod la nod 3000 Km

Rezultă: $\delta 1 = 0.0667 \text{ msec}$

 δ 2 = 100 msec δ 3 = 1 msec

L = 0.202 s ρ = 0.000333



Universitatea Politehnica București - Facultatea de Automatica si Calculatoare



Start stop cu erori de canal

Presupunem:

 $\mathbf{p}_{\mathbf{l}}$ - probabilitatea ca \mathbf{l} să fie recepționat fără erori

 \mathbf{p}_{s} - probabilitatea ca S să fie receptionat fără erori transmisiile succesive sunt independente

Un transfer este reuşit dacă:

- transmisia fără erori detectabile (eveniment E1)
- recepția confirmării fără erori detectabile (E2)

Probabilitatea

$$p(E1 \& E2) = p_1 p_s$$



Livrare corectă => N cicluri de transfer (N-1 cu erori)

N = var. aleatoare cu distrib. geometrică:

$$Pr{N=k} = p_1 p_S (1 - p_1 p_S)^{k-1}, k >= 1$$

Pentru k cicluri, eficienta

$$\rho_{k} = D / (D + 2H + CL) / k$$

Eficiența probabilă pentru start-stop

$$\mathsf{E}(\rho) = \Sigma_{\mathsf{k}=\mathsf{1},\omega} \, \rho_{\mathsf{k}} \, * \, \mathsf{Pr}\{\mathsf{N} \texttt{=} \mathsf{k}\}$$

=
$$\Sigma_{k=1,\omega}$$
 D / (D + 2H + CL) / k * p_l p_s (1 - p_l p_s)^{k-1}

$$= D / (D + 2H + CL) * p_1 p_S + D / (D + 2H + CL) O (1 - p_1 p_S)$$

Universitatea Politehnica Bucuresti - Facultatea de Automatica si Calculatoare

Considerăm



- erorile succesive pe bit sunt independente
- probabilitatea de eroare la un bit este ε.

Pentru un canal binar simetric avem:

$$p_{I} p_{S} = (1 - \epsilon)^{2H+D}$$

$$E(\rho) = D / (D + 2H + CL) * p_1 p_S + D / (D + 2H + CL) O (1 - p_1 p_S)$$

= D / (D + 2H + CL) (1 -
$$\varepsilon$$
)^{2H+D} + D / (D + 2H + CL) O (1 - (1 - ε)^{2H+D})



Lungimea optimă a câmpului de date

O (1 - $(1 - \varepsilon)^{2H+D}$) neglijabil.

Funcția care aproximează eficiența:

$$F(D) = D / (D + 2H + CL) (1 - \varepsilon)^{2H+D}$$

Pentru optim: $(\partial / \partial D) \log F(D) = 0$

log
$$(1 - \varepsilon) + 1/D - 1 / (D+2H+CL) = 0$$

 $D^2 + (2H+CL) D + (2H+CL) / log (1 - \varepsilon) = 0$

cu rădăcina pozitivă aproximativă (pentru ε mic)

$$D^{+} = sqrt (2 (H + CL / 2) / \epsilon)$$

Universitatea Politehnica București - Facultatea de Automatica și Calculatoare



Lungimea optimă a câmpului de date 🧲

• Rădăcina pozitivă aproximativă (pentru ε mic) este:

 $D^+ = sqrt(2(H+CL/2)/\epsilon)$

