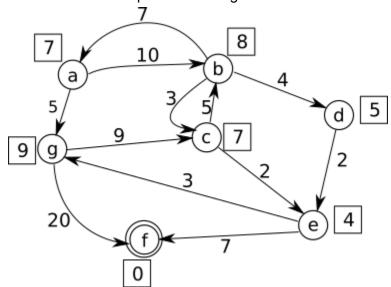
### Exemplu de enunt cu rezolvare

## Enunţuri:

I) Se dă graful de mai jos, cu următoarele caracteristici:

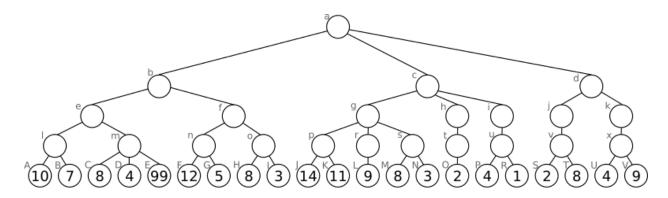
- Nodul a este nodul de start
- Nodul cu cerc dublu este nodul scop
- Numărul înscris lângă fiecare arc este costul acelui arc
- Numărul înscris în pătratul de lângă fiecare nod este h estimat (euristica).



Cerințe (este bine să faceți subpunctele 1 si 2 împreună pentru a putea verifica dacă un nod nu există deja în drumul la care tocmai vreți să îl adăugați; practic cu ajutorul arborelui vedeți drumurile curent extinse. Atât la examen cât și în temă este bine să faceți arborele pe o foaie separată ca să îl desenați în timp ce scrieți listele open și closed de la fiecare pas):

- 1) Aplicați algoritmul A\* pe acest graf precizând următoarele:
- Cum se initializează listele open si closed.
- Descrierea fiecărei iterații (cum se modifică listele open și closed). Pentru fiecare nod din listele open și closed se vor scrie următoarele informații în formatul următor (litera nodului, g-ul, f-ul estimat, părintele în arbore). Dacă o informație de nod este readusă din closed în open, trebuie specificat clar acest lucru și explicat de ce se întâmplă asta.
- Scrierea concluziei: care este drumul de cost minim și să se precizeze costul acestuia.
- 2) Desenați arborele asociat parcurgerii. Pentru fiecare nod scrieți g-ul și f-ul (sub forma unei etichete scrise lângă nodul corespunzător). În arbore se vor reprezenta toate nodurile parcurse și se vor tăia cele care cu o informație pentru care s-a găsit o rută mai bună (au fost înlocuite în coadă de un nod cu aceeași informație dar cu cost mai mic)..
- 3) Cum ați putea modifica minimal costurile muchiilor (modificați costul a cât mai puține muchii) astfel încât euristica să fie neadmisibilă.
- 4) Desenați primii 3 arbori generați de IDA\*, precizând limita de cost pentru fiecare și arătând modificările prin care trece stiva, evidențiând și întoarcerile.

**II)** Se dă arborele Minimax (generat de calculator pentru determinarea următoarei mutări) din figură pentru care cunoaștem valorile frunzelor:



- 1) Etichetați nivelele cu MIN și MAX (atenție la rădăcină!). Completați valorile nodurilor conform algoritmului Minimax. Indicați valoarea jocului și variația principală.
- 2) Aplicați acestui arbore Algoritmul Alpha-Beta. Desenați arborele rezultat (pe arbore să se vadă cum s-au actualizat la fiecare pas informațiile nodurilor) și explicați operațiile de alpha-beta retezare care au fost efectuate.
- 3) Reordonați succesorii unui nod din arbore, astfel încât numărul de retezări efectuate de Alpha-Beta să fie mai mare
- 4) Schimbaţi valoarea unui singur nod frunză astfel încât să se schimbe valoarea jocului şi variaţia principală să includă alte noduri. Desenaţi arborele rezultat.

## Rezolvări:

I)

1)

Pas 1.

Initializări:

Open: [(info:a, g:0, f:7, parinte:None)]

Closed:[]

Pas 2.

S-a extins a.

Open: [(info:g, g:5, f:14, parinte:a), (info:b, g:10, f:18, parinte:a)]

Closed:[(info:a, g:0, f:7, parinte:None)]

#### Pas 3.

S-a extins g.

Open: [(info:b, g:10, f:18, parinte:a), (info:c, g:14, f:21, parinte:g), (info:f, g:25:, f:25, parinte:g)] Closed:[(info:a, g:0 , f:7 , parinte:None),(info:g, g:5, f:14, parinte:a)]

#### Pas 4.

S-a extins b.

Open: [(info:d, g:14, f:19, parinte:b), (info:c, g:13, f:20, parinte:b), (info:f, g:25:, f:25, parinte:g) ] //nodul c vechi, din coada open, a fost înlocuit de unul cu cost mai mic

Closed:[(info:a, g:0, f:7, parinte:None),(info:g, g:5, f:14, parinte:a), (info:b, g:10, f:18, parinte:a)]

### Pas 5.

S-a extins d.

Open: [(info: e, g:16, f:20, parinte:d), (info:c, g:13, f:20, parinte:b), (info:f, g:25:, f:25, parinte:g)] //cand avem f-uri egale ordonăm descrescător după g (în coada open)

Closed:[(info:a, g:0, f:7, parinte:None),(info:g, g:5, f:14, parinte:a), (info:b, g:10, f:18, parinte:a), (info:d, g:14, f:19, parinte:b)]

#### Pas 6.

S-a extins e.

Open: [(info:c, g:13, f:20, parinte:b), (info:f, g:23:, f:23, parinte:g)] //nodul f vechi a fost inlocuit de unul cu cost mai mic

Closed:[(info:a, g:0, f:7, parinte:None),(info:g, g:5, f:14, parinte:a), (info:b, g:10, f:18, parinte:a), (info:d, g:14, f:19, parinte:b), (info: e, g:16, f:20, parinte:d)]

#### Pas 7.

S-a extins c.

Open: [(info: e, g:15, f:19, parinte:c), (info:f, g:23:, f:23, parinte:g)]

//c-ul se extinde în b si e, dar b-ul a mai fost în drumul curent, conform arborelui, deci nu se adaugă, iar e-ul obtinut e cu cost mai mic decât cel din lista closed; prin urmare, îl ștergem din closed pe e și îl adăugăm în open

 $Closed: \hbox{\tt [(info:a, g:0 , f:7 , parinte:None), (info:g, g:5, f:14, parinte:a), (info:b, g:10, f:18, parinte:a), (info:d, g:14, f:19, parinte:b), (info:c, g:13, f:20, parinte:b)]}$ 

#### Pas 8.

S-a extins e.

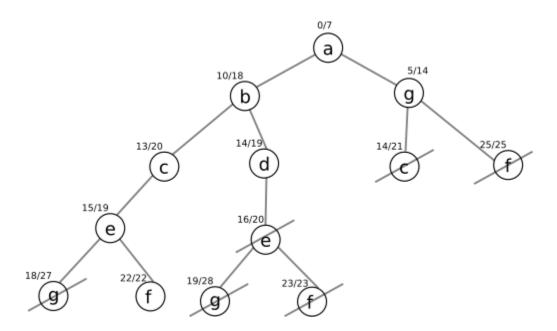
Open: [(info:f, g:22:, f:22, parinte:e)]

//e-ul se extinde în g si f, dar g-ul obținut e cu cost mai mare decât cel din lista closed, deci nu se adaugă; iar f-ul obținut e cu cost mai mic,deci îl înlocuiește pe cel din lista open.

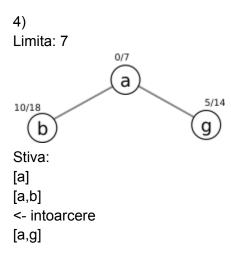
Closed:[(info:a, g:0, f:7, parinte:None),(info:g, g:5, f:14, parinte:a), (info:b, g:10, f:18, parinte:a), (info:d, g:14, f:19, parinte:b), (info:c, g:13, f:20, parinte:b), (info: e, g:15, f:19, parinte:c)]

Primul nod din coada open este un nod scop, rezultă că am obținut drumul de cost minim: a->b->c->e->f cu costul 22.

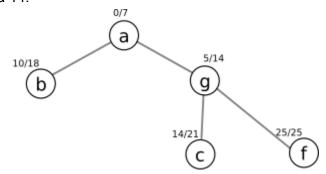
2) Arborele este:



3) Costul arcului e->f să fie modificat în 1; h-ul estimat pentru e, e egal cu 4 și există chiar drumul e->f de cost 1, până la nodul scop. Cum 4>1 reiesel că euristica nu mai e admisibilă.



# Limita 14:



Stiva:

[a]

[a,b]

<- intoarcere

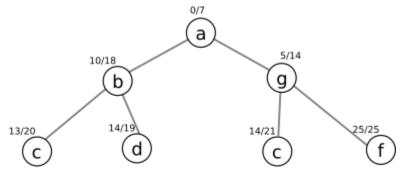
[a,g]

[a,g,c]

<- intoarcere

[a,g,f]

# Limita 18:



Stiva:

[a]

[a,b]

[a,b,c]

<- intoarcere

[a,b,d]

<- intoarcere

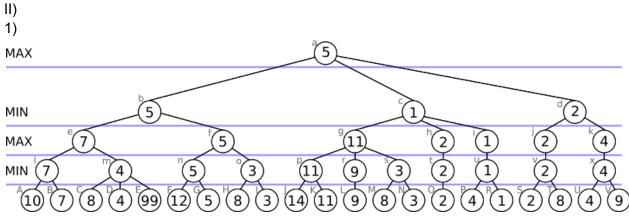
<- intoarcere

[a,g]

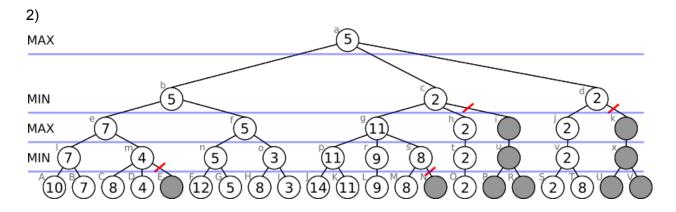
[a,g,c]

<- intoarcere

[a,g,f]



Variatia principală este a-b-f-n-G cu valoarea jocului 5.



După generarea nodului D cu valoarea 4, MAX are de ales între 7 și o valoare mai mică sau egală cu 4, pentru nodul e, prin urmare frații lui D nu mai trebuie calculați

După generarea nodului M cu valoarea 8, MAX are de ales între 11 și o valoare mai mică sau egală cu 8, pentru nodul s, prin urmare frații lui M nu mai trebuie calculați

După evaluarea nodului h la valoarea 2, MAX are de ales între 5 și o valoare mai mică sau egală cu 2, pentru nodul a, prin urmare frații lui c nu mai trebuie calculați

După evaluarea nodului j la valoarea 2, MAX are de ales între 5 și o valoare mai mică sau egală cu 2, pentru nodul a, prin urmare frații lui j nu mai trebuie calculați

# 3) Reordonare:

Observatie: aici initial uitasem sa marchez nodurile care se taie după reordonare; am corectat:

