# Programare declarativă Introducere în programarea funcțională folosind Haskell

Ioana Leuștean Traian Șerbănuță

Departamentul de Informatică, FMI, UB

- Parțialitate tipul Maybe
- Variante tipul Either
- 3 Logică propozițională
- Expresii

### Tipuri de date algebrice

Tipurile de date algebrice se definesc folosind "operațiile" sumă și produs.

#### Forma generală

$$\begin{array}{lll} \textit{data Typename} & = & \textit{Cons}_1 & t_{11} \dots t_{1k_1} \\ & | \textit{Cons}_2 & t_{21} \dots t_{2k_2} \\ & | \dots \\ & | \textit{Cons}_n & t_{n1} \dots t_{nk_n} \end{array}$$

- unde  $k_1, \ldots, k_n \geq 0$ 
  - Se pot folosi tipuri sumă și tipuri produs.
  - Se pot defini tipuri parametrizate.
  - Se pot folosi definiții recursive.

### Derivare automata vs Instanțiere explictă

O clasă de tipuri este determinată de o mulțime de funcții.

```
class Eq a where

(==) :: a -> a -> Bool

(/=) :: a -> a -> Bool

-- minimum definition: (==)

x /= y = not (x == y)
```

- Tipurile care aparțin clasei sunt instanțe ale clasei.
- Instanțierea prin derivare automată:

Instanţiere explicită:

instance Eq a => Eq (Point a b) where  
(==) (Pt x1 y1) (Pt x2 y2) = 
$$(x == x1)$$

#### Parțialitate - tipul Maybe

# Parțialitate - tipul Maybe

# Tipul Maybe (opțiune)

```
data Maybe a = Nothing \mid Just a
```

#### Argumente opționale

```
power :: Maybe Int \rightarrow Int \rightarrow Int power Nothing n = 2 ^{\circ} n power (Just m) n = m ^{\circ} n
```

#### Rezultate optionale

```
divide :: Int -> Int -> Maybe Int divide n 0 = Nothing divide n m = Just (n 'div' m)
```

# Maybe - folosirea unui rezultat opțional

```
divide :: Int -> Int -> Maybe Int
  divide n 0 = Nothing
  divide n m = Just (n 'div' m)
-- utilizare gresita
  wrong :: Int -> Int -> Int
  wrong n m = divide n m + 3
-- utlizare corecta
  right :: Int -> Int -> Int
  right n m = case divide n m of
                   Nothing -> 3
                   Just r \rightarrow r + 3
```

# Variante - tipul Either

### Either A B (A sau B)

```
data Either a b = Left a | Right b
  mylist :: [Either Int String]
  mylist = [Left 4, Left 1, Right "hello", Left 2,
              Right " ", Right "world", Left 17]
Definiti o functie care calculează suma elementelor întregi.
  addints :: [Either Int String] -> Int
  addints []
  addints (Left n : xs) = n + addints xs
  addints (Right s : xs) = addints xs
  addints' :: [Either Int String] -> Int
  addints' xs = sum [n | Left n < - xs]
```

### A sau B

```
data Either a b = Left a | Right b
  mylist :: [Either Int String]
  mylist = [Left 4, Left 1, Right "hello", Left 2,
              Right " ", Right "world", Left 17]
Definiti o functie care întoarce concatenarea elementelor de tip String.
  addstrs :: [Either Int String] -> String
  addstrs []
  addstrs (Left n : xs) = addstrs xs
  addstrs (Right s : xs) = s ++ addstrs xs
  addstrs' :: [Either Int String] -> String
  addstrs' xs = concat [s | Right s <- xs]
```

# Logică propozițională

### Propoziții

Dorim să definim în Haskell calculul propozițional clasic.

```
type Name = String
data Prop = Var Name
          | Not Prop
          | Prop :|: Prop
          | Prop :&: Prop
          deriving (Eq. Ord)
type Names = [Name]
type Env = [(Name, Bool)] -- evaluarea variabilelor
```

# Afișarea unei propoziții

```
showProp :: Prop -> String
showProp (Var x) = x
showProp F = "F"
showProp T = "T"
showProp (Not p) = par ("~" ++ showProp p)
showProp (p :|: q) = par (showProp p ++ "|" ++ showProp q)
showProp (p :&: q) = par (showProp p ++ "&" ++ showProp q)
par :: String -> String
par s = "(" ++ s ++ ")"
```

instance Show Prop where
 show = showProp

# Multimea variabilelor unei propoziții

```
prop :: Prop
  prop = (Var "a" :&: Not (Var "b"))
 > names prop
  ["a","b"]
 names :: Prop -> Names
 names (Var x) = [x]
 names F
                   = []
 names T
                 = []
 names (Not p) = names p
 names (p : | : q) = nub (names p ++ names q)
 names (p : \& : q) = nub (names p ++ names q)
Prelude > :m + Data List
Prelude Data. List > nub [1,2,2,3,1,4,2]
[1,2,3,4]
-- elimina duplicatele
```

# Evaluarea unei propoziții

```
type Env = [(Name, Bool)] -- evaluarea variabilelor
 eval :: Env -> Prop -> Bool
 lookUp :: Eq a => [(a,b)] -> a -> b
lookUp env x = head [y | (x',y) < -, x == x']
-- nu tratam cazurile de eroare
 eval e (Var x) = lookUp e x
eval e F
                    = False
 eval e T
                    = True
 eval e (Not p) = not (eval e p)
eval e (p : | : q) = eval e p | | eval e q
 eval e (p : \& : q) = eval e p && eval e q
```

# Propoziții

#### Exemple

```
p0 :: Prop
p0 = (Var "a" : \&: Not (Var "a"))
e0 :: Env
e0 = [("a", True)]
*Main> showProp p0
"(a&(~a))"
*Main> names p0
["a"]
*Main> eval e0 p0
False
*Main> lookUp e0 "a"
True
```

### Cum funcționează evaluarea?

```
eval e0 (Var "a" :&: Not (Var "a"))
=
    (eval e0 (Var "a")) && (eval e0 (Not (Var "a")))
=
    (lookup e0 "a") && (eval e0 (Not (Var "a")))
=
   True && (eval e0 (Not (Var "a")))
=
  True && (not (eval e0 (Var "a")))
= ... =
  True && False
  False
```

# Propoziții

#### Alte exemple

```
p1 :: Prop
p1 = (Var "a" :&: Var "b") :|:
      (Not (Var "a") :&: Not (Var "b"))
e1 :: Env
e1 = [("a", False), ("b", False)]
*Main> showProp p1
"((a&b)|((\sima)&(\simb)))"
*Main> names p1
["a","b"]
*Main> eval e1 p1
True
*Main> lookUp e1 "a"
False
```

### Generarea tuturor evaluărilor

#### Alternativă

### Evaluări

```
envs [] = [[]]
  envs ["b"]
= [("b", False):[]] ++ [("b", True):[]]
= [[("b", False)], [("b", True )]]
  envs ["a","b"]
= [("a", False):e | e <- envs ["b"] ] ++
  [("a", True ):e | e <- envs ["b"] ]
= [("a", False):[("b", False)],("a", False):[("b", True )]] ++
  [("a",True ):[("b",False)],("a",True ):[("b",True )]]
= [[("a",False),("b",False)], [("a",False),("b",True)],
   [("a",True),("b",False)], [("a",True),("b",True)]]
```

Exercițiu: Scrieți o funcție care verifică dacă o propoziție este satisfiabilă.

```
satisfiable :: Prop -> Bool
```

```
data Exp = Lit Int
             | Add Exp Exp
              Mul Exp Exp
showExp :: Exp -> String
showExp (Lit n) = show n
showExp (Add e1 e2) = par (showExp e1 ++ "+" ++ showExp
   e2)
showExp (Mul e1 e2) = par (showExp e1 ++ "*" ++ showExp
   e2)
par :: String -> String
par s = "(" ++ s ++ ")"
```

instance Show Exp where
 show = showExp

Scrieți o funcție care evaluează expresiile:

```
> evalExp $ Add (Lit 2) (Mul (Lit 3) (Lit 3))
11

evalExp :: Exp -> Int

evalExp (Lit n) = n
evalExp (Add e1 e2) = evalExp e1 + evalExp e2
evalExp (Mul e1 e2) = evalExp e1 * evalExp e2
```

#### Exemple

```
ex0, ex1 :: Exp
ex0 = Add (Lit 2) (Mul (Lit 3) (Lit 3))
ex1 = Mul (Add (Lit 2) (Lit 3)) (Lit 3)
*Main> showExp ex0
"(2+(3*3))"
*Main> evalExp ex0
11
*Main> showExp ex1
"((2+3)*3)"
*Main> evalExp ex1
15
```

### Expresii cu operatori

```
data Exp = Lit Int
           | Exp :+: Exp
| Exp :*: Exp
evalExp :: Exp -> Int
evalExp(Lit n) = n
evalExp(e:+:f) = evalExp(e:+:evalExp)f
evalExp(e:*:f) = evalExp(e:*evalExp(f))
showExp :: Exp -> String
showExp (Lit n) = show n
showExp (e : + : f) = par (showExp e + + " + " + + showExp f)
showExp (e : * : f) = par (showExp e ++ "*" ++ showExp f)
par :: String -> String
par s = "(" ++ s ++ ")"
```

### Expresii cu operatori

#### Exemple

```
e0, e1 :: Exp
e0 = Lit 2 :+: (Lit 3 :*: Lit 3)
e1 = (Lit 2 :+: Lit 3) :_*: Lit 3
*Main> showExp e0
"(2+(3*3))"
*Main> evalExp e0
11
*Main> showExp e1
"((2+3)*3)"
*Main> evalExp e1
15
```

# Pe săptămâna viitoare!