2023 年度 修士論文

Rust への Fractional Ownership の 動的検査の導入

東北大学 大学院情報科学研究科 情報基礎科学専攻

C2IM1034 馬場 風汰

指導教員:住井 英二郎 教授

2024年2月7日10:50-11:50 オンライン

要旨

Rust は ownership (所有権) の概念に基づいて安全な静的メモリ管理を行うプログラミング言語である。Rust では、各オブジェクトに唯一の owner が静的に定められている。Ownership は、変数への代入や関数に引数を渡す際に移動する。オブジェクトのメモリ領域は、owner のスコープが終了すると解放される。

しかし、静的な ownership のみによるメモリ管理は柔軟性に欠ける場合がある。そのため Rust には Rc(参照カウント)オブジェクトも存在する。Rc オブジェクトはコンテナであり、中身のオブジェクトへの参照を持つ。Rc オブジェクトは clone 関数により複製でき、その際共通の参照カウントを 1 増やす。複製が消滅する際には参照カウントを 1 減らし、参照カウントが 0 になったら中身のオブジェクトを解放する。そのため、意図せず複製が残っているとメモリリークのおそれがある。

そこで本研究では fractional ownership [Boyland 2003] の考え方を取り入れて、Rust の静的な ownership によるメモリ管理と、動的な参照カウントの柔軟性を組み合わせる。Fractional ownership とは 0 以上かつ 1 以下の有理数であり、オブジェクト生成時には ownership として 1 を与え、参照複製時には ownership を分割し、複製された参照が消滅する際には ownership を集約する。また、オブジェクトの解放には ownership 1 が必要であり、逆に ownership が 0 より大きいオブジェクトはいずれ解放される必要がある。本来 fractional ownership は静的に検査されるが、本研究では参照カウントを動的な fractional ownership とみなす方式を提案・実装する。これにより、動的な参照カウントの柔軟性を活用した後、参照カウントが 1 になったオブジェクトはfractional ownership 1 とみなし、Rust の静的な ownership に戻すことができる。逆に、静的なownership に戻さないまま参照が消滅したら実行時エラーとすることにより、オブジェクトの解放し忘れを検出することができる。

謝辞

本論文の執筆にあたりご指導くださった住井英二郎教授に感謝申し上げます。ゼミや発表でご指摘くださった松田一孝准教授、Oleg Kiselyov 助教、住井・松田研究室の皆様に感謝申し上げます。

目次

謝辞		iii
第1章	序論	1
1.1	背景	1
1.2	本研究の概略	2
1.3	本論文の構成	4
第2章	背景	5
2.1	Rust \mathcal{O} ownership	5
2.2	Rust の参照カウント	9
2.3	静的な fractional ownership	10
第3章	問題点	11
第4章	本研究の提案	15
4.1	提案するインターフェース	15
4.2	実装	21
第5章	並列処理への応用	24
5.1	Rust の並列処理	24
5.2	並列処理の際の問題点	25
5.3	我々の提案の応用	26
第6章	関連研究	28
第7章	結論と今後の課題	29
参考文献		30

第1章

序論

1.1 背景

Rust [1] [2] [3] は、ownership [4] の概念に基づき静的なメモリ管理を行うプログラミング言語であり、システムプログラミング等に用いられる。Rust 登場以前は、メモリ管理はユーザが手動で管理する方式 [5] と実行時ガベージコレクタ [6] を用いた方式の 2 つが主なものであった。しかし Rust のメモリ管理は、手動のメモリ管理と異なり、解放し忘れによるメモリリークなどをコンパイル時に検出でき、さらに、実行時ガベージコレクタを用いたメモリ管理より効率が良い。そのため、ユーザはメモリ管理という低レベルの制御をこれまでの方式と比べて楽に、効率よく行うことができる。

しかし、Rust のメモリ管理は静的であり、動的なメモリ管理と比べると柔軟性に欠ける場合がある。そのため Rust には、動的な参照カウントにより静的な ownership を補う Rc オブジェクトが存在する。Rc オブジェクトとは、中身のオブジェクトへの参照と、共通の参照カウントを持つコンテナであり、内部の実装には、Rust の ownership を無視する unsafe な機能が用いられている。clone 関数により複製が可能であり、その際共通の参照カウントを 1 増やし、参照が消滅する際には参照カウントを 1 減らし、参照カウントが 0 になったときに中身のオブジェクトを解放する。以下の図 1.1 は、静的な ownership のみではメモリ管理が難しい例であり、Rc オブジェクトの柔軟性を活用した例である。中身に Hello という String オブジェクトを持つ Rc オブジェクト h と、中身に World という String オブジェクトを持つ Rc オブジェクトを削除するプログラムである。配列の中身は実行するたびに変化するため、静的なメモリ管理は難しい。

```
fn main() {
    let mut vec: Vec<Rc<String>> = Vec::new();
    let h = Rc::new(String::from("Hello"));

let w = Rc::new(String::from("World"));

tet mut rng = rand::thread_rng();

for _ in 0..10 {
    if rng.gen() {
```

```
8
                let h_clone = h.clone();
9
                vec.push(h_clone);
            }
10
            else {
11
12
                let w_clone = w.clone();
13
                vec.push(w_clone);
            }
14
15
16
        remove_string(&mut vec, String::from("Hello"));
        // その他の処理
17
18
   }
```

図 1.1 静的なメモリ管理では柔軟性に欠ける例

しかし、図 1.1 の 17 行目において、その他の処理として、vec は用いるが、h と w は用いない処理が行われる場合、h のメモリ領域は、追加した処理の最中も確保されたままとなってしまう。このように、Rc オブジェクトを用いた場合、意図せず複製が残ってしまうことにより、メモリリークのおそれがある。このようなメモリリークを検出する手段は、現在の Rust には存在しない。

1.2 本研究の概略

本研究では Rust の静的な ownership によるメモリ管理と、動的な参照カウントの柔軟性を組み合わせた新たな参照オブジェクトを提案する。Fractional ownership とは、0 以上かつ 1 以下の有理数であり、オブジェクト生成時には ownership として 1 を与え、参照複製時には ownership を分割し、複製された参照が消滅する際には ownership を集約する。また、オブジェクトの解放には ownership 1 が必要であり、逆に ownership が 0 より大きいオブジェクトはいずれ解放される必要がある。本来 fractional ownership [7] は静的に検査されるが、この参照オブジェクトは、参照カウントの逆数を動的な fractional ownership とみなしている。例えば、参照カウントが 2 であるとき、fractional ownership は 1/2 とみなす。以下の図 1.2 は、図 1.1 のプログラムを本研究の参照オブジェクトで表したプログラムである。本研究の参照オブジェクトは、本来の Rust の ownership に従う mutable な参照オブジェクトと、Rust の ownership に違反して複製が可能な immutable な参照オブジェクトに区別されている。動的な参照カウントによる柔軟性を活用する際には、6 行目、7 行目の to_immut 関数を用いて mutable な参照から immutable な参照に変換し、活用後、参照カウントが 1 であれば 20 行目、23 行目の $back_to_mut$ 関数を用いて mutable な参照に戻すことができる。

```
fn main() {
    let mut vec: Vec<FRefImmut<String>> = Vec::new();
    let mut h = FRefMut::new(String::from("Hello"));
    let mut w = FRefMut::new(String::from("World"));
    let mut rng = rand::thread_rng();
    let h_immut = h.to_immut();
```

```
7
       let w_immut = w.to_immut();
8
        for _ in 0..10 {
9
            if rng.gen() {
                let h_immut1 = h_immut.clone_immut();
10
                vec.push(h_immut1);
11
12
            }
            else {
13
14
                let w_immut1 = w_immut.clone_immut();
15
                vec.push(w_immut1);
            }
16
       }
17
18
       remove_string(&mut vec, String::from("Hello"));
19
       let mut h_mut = h_immut.back_to_mut();
20
       drop(h_mut);
21
22
       drop(vec);
23
        let mut w_mut = w_immut.back_to_mut();
24
   }
```

図 1.2 本研究の方式を用いた具体例

またこの参照オブジェクトは、以下の図 1.3 のように mutable な参照に戻さないまま消滅した場合、実行時エラーが起きる。これにより、意図せず参照の複製が残っていることによるオブジェクトの解放し忘れを実行時に検出することができる。

```
fn main() {
2
       let mut vec: Vec<FRefImmut<String>> = Vec::new();
       let mut h = FRefMut::new(String::from("Hello"));
3
       let mut w = FRefMut::new(String::from("World"));
       let mut rng = rand::thread_rng();
       let h_immut = h.to_immut();
       let w_immut = w.to_immut();
       for _ in 0..10 {
8
9
            if rng.gen() {
10
                let h_immut1 = h_immut.clone_immut();
11
               vec.push(h_immut1);
           }
12
           else {
13
                let w_immut1 = w_immut.clone_immut();
14
                vec.push(w_immut1);
15
           }
16
       }
17
18
       remove_string(&mut vec, String::from("Hello"));
19
       // Mutableに戻し忘れ!
20
21 | }
```

図 1.3 メモリリークを検出する例

この参照オブジェクトは、必要な時に動的な参照カウントの柔軟性を利用することができるため、静的な ownership のみでメモリ管理行うことが難しい場合に用いることも可能である。本研究では、動的な参照カウントの柔軟性が必要な場合として、特に並列処理に我々の参照オブジェクトを用いた場合について述べている。詳しくは、第5章で述べる。

1.3 本論文の構成

本論文では、まず第 2 章で Rust の ownership、Rc オブジェクト、fractional ownership について述べた後、第 3 章で Rc オブジェクトを用いる際の問題点について述べた後、第 4 章で本研究で提案する新たな参照オブジェクトについて述べる。その後第 5 章で新たな参照オブジェクトの並列処理への応用について述べ、第 6 章で関連研究、第 7 章で結論と今後の課題を述べる。

第2章

背景

2.1 Rust σ ownership

2.1.1 Ownership

Rust は ownership という概念に基づいて安全な静的メモリ管理を行っている。Rust では、各オブジェクトに唯一の owner が静的に定められており、オブジェクトのメモリ領域は、owner のスコープが終了すると開放される。実際の例を以下の図 2.1 に示す。3 行目で変数 s は Hello という文字列を保持する String オブジェクトの owner となり、5 行目で変数 t は World という文字列を保持する String オブジェクトの owner となる。その後 6 行目で、t のスコープが終了するため、World という文字列を保持する String オブジェクトのメモリ領域が先に解放される。7 行目で、s のスコープが終了するため、World という文字列を保持する String オブジェクトのメモリ領域が解放される。

図 2.1 Ownership によるメモリ管理

2.1.2 Move

Rust では、変数への代入や関数に引数を渡す際に ownership が移動する。これを move と呼ぶ。 変数への代入の際には以下の図 2.2 のように move が起きる。2 行目で、変数 s が String オブ ジェクトの owner となり、3 行目で s から new_s に ownership が move している。Ownership が move したことで s は owner でなくなるため、4 行目で s を利用しようとするとコンパイルエラーが発生する。

```
fn main() {
let s = String::from("Hello"); // sがStringオブジェクトのowner
let new_s = s; // sからnew_sにownershipがmove
s.push_str("World"); // コンパイルエラー
}
```

図 2.2 変数への代入で move が起こる例

また、関数に引数を渡す際には以下の図 2.3 のように move が起きる。6 行目で、変数 s が String オブジェクトの owner となり、7 行目で s から関数 f の引数 x に ownership が move している。 Ownership が move しているため、x は String オブジェクトの owner となり、2 行目の処理を行うことができる。 関数 f の処理が終了した後、3 行目で引数 x の指す String オブジェクトが解放される。 そのため、8 行目の時点で s は owner でないためコンパイルエラーが発生する。 さらに、8 行目ですでに解放されている String オブジェクトに対して処理を行おうとしているため、実際に危険な処理となっている。

```
fn f(mut x: String) {
  x.push_str("World"); // xはStringオブジェクトのowner
} // xの指すStringオブジェクトが解放

fn main() {
  let mut s = String::from("Hello"); // sがStringオブジェクトのowner
  f(s); // sから関数fの引数xにownershipがmove
  s.push_str("Oops!"); // コンパイルエラー

}
```

図 2.3 関数に引数を渡す際に move が起こる例

図 2.3 のプログラムは、以下の図 2.4 のように関数 f が引数 x を ownership ごと返却するように変更することでコンパイルエラーを発生させず実行することができる。しかし、関数の引数に ownership が move するたびに ownership を返却するように書くことは面倒であり不便である。

```
fn f(mut x: String) -> String{
    x.push_str("World");
    return x
}

fn main() {
    let mut s = String::from("Hello");
    let mut return_s = f(s);
    return_s.push_str("Oops!");
}
```

図 2.4 危険な処理を避けた例

2.1.3 Borrowing

Move によって生じる不便を解消するため、Rust には ownership を一時的に借り、自動で返却する仕組みがある。Ownership を借りる行為は borrowing と呼ばれ、Rust に特有の「参照」を作成することで借りることができる。変数名の前に&とつけることで、Rust に特有の「参照」を作成し、ownership を borrowing できる。Ownership を borrowing している例を以下の図 2.5 に示す。6 行目で、変数 s が String オブジェクトの owner となり、7 行目で s の ownership が一時的に関数 f の引数 x に貸しだされる。Ownership が貸しだされているため、x は String オブジェクトの owner となり、2 行目の処理を行うことができる。関数 f の処理が終了した後、x に貸しだされていた ownership は自動で変数 s に返却される。そのため、8 行目で s は owner であり、s に対して処理が可能である。

```
fn f(x: &String) {
 println!("{}", &x); // xはStringオブジェクトのowner
} // sにownershipが自動で返却

fn main() {
 let mut s = String::from("Hello"); // sがStringオブジェクトのowner
 f(&s); // sのownershipが一時的に関数fの引数xに貸し出される
 s.push_str("World"); // sはStringオブジェクトのowner
}
```

図 2.5 Borrowing の例

2.1.4 Mutable な borrowing

上で述べた borrowing は、読み取りのみ可能である immutable な borrowing であり、読み書きが可能である mutable な borrowing も存在する。変数名の前に&mut とつけると mutable な borroiwng ができる。Mutable な borrowing している例を以下の図 2.6 に示す。6 行目で、変数 s が s String オブジェクトの owner となり、s 7 行目で s の ownership が一時的に関数 s の引数 s に貸しだされる。Ownership が貸しだされているため、s は s String オブジェクトの owner となり、s 2 行目の処理を行うことができる。関数 s の処理が終了した後、s に貸しだされていた ownership は自動で変数 s に返却される。そのため、s 行目で s は owner であり、s に対して処理が可能である。

```
fn f(x: &mut String) {
  x.push_str("hoge") // xはStringオブジェクトのowner
} // sにownershipが自動で返却

fn main() {
  let mut s = String::from("Hello"); // sがStringオブジェクトのowner
```

```
f(&mut s); // sのownershipが一時的に関数fの引数xに貸し出される
8 s.push_str("World"); // sはStringオブジェクトのowner
9 }
```

図 2.6 Mutable な borrowing の例

Immutable な borrowing は、すでに mutable な borrowing が起きていなければ複数回行うことができ、逆に mutable な borrowing は、すでに mutable な borrowing も immutable な borrowing も起きていないときにしか行うことはできない。

2.1.5 lifetime

Borrowing によって貸し出された ownership は、lifetime という仕組みを利用して自動で返却される。Lifetime とは、参照を用いることができる範囲のことであり、基本的に自動で推論される。Lifetime は、以下の図 2.7 のように、明示的に注釈をつけることもできる。1 行目のように書くことで、引数 x の lifetime が関数 f の本体と一致していると注釈でき、関数 f の処理が終了したとき、x の lifetime も終了するため、その時点で ownership が返却される。

```
fn f<'a>(x: &'a String) { // xのライフタイムと関数本体が一致 println!("{}", &x);
}

fn main() {
let mut s = String::from("Hello"); // sがStringオブジェクトのowner f(&s); // sのownershipが一時的に関数fの引数xに貸し出される s.push_str("World"); // sはStringオブジェクトのowner
}
```

図 2.7 Lifetime 注釈

以下の図 2.8 は、スコープと lifetime が一致していない例である。このとき、7 行目以降では s_borrow は用いられていないため、s_borrow のライフタイムは 4 行目から 6 行目と推論され、 t_borrow のライフタイムは 8 行目から 9 行目で main 関数のスコープが終了するまでであると推論される。このように、ライフタイムはブロックにより推論されているわけではなく、スコープと ライフタイムが一致しない場合もある。

```
fn main () {
1
2
      let mut s = String::from("Hello");
3
      let s_borrow = &mut s;
4
      println!("{}", s_borrow);
5
      // s_borrowのライフタイム終了
6
      let t_borrow = &mut s; // Mutable なborrowingが可能
7
      // t_borrowのライフタイム終了
8
9 }
```

2.2 Rust **の**参照カウント

後述の例のように、Rust の静的な ownership のみによるメモリ管理は柔軟性に欠ける場合があるため、Rust には Rc (参照カウント) オブジェクトも存在する。Rc オブジェクトはコンテナであり、中身のオブジェクトへの参照と、共通の参照カウントを持つ。また、clone 関数により複製でき、その際共通の参照カウントを 1 増やす。複製が消滅する際には参照カウントを 1 減らし、参照カウントが 0 になったら中身のオブジェクトを解放する。Rc オブジェクトの実装には、Rust の静的な ownership を無視する unsafe な機能が用いられている。

Rc オブジェクトは、以下の図 2.9 のように用いられる。このプログラムは、中身に Hello という String オブジェクトを持つ Rc オブジェクト h と、中身に World という String オブジェクトを持つ Rc オブジェクト w の複製をランダムに 10 回配列に入れ、その配列から Hello という String オブジェクトを持つ Rc オブジェクトを削除するプログラムである。配列の要素は実行するたびに変化するため、静的な ownership のみではメモリ管理が難しい例である。12 行目と 16 行目では clone 関数により、Rc オブジェクトの複製を生成し、参照カウントが 1 増えている。20 行目で h の複製は 1 つを残してすべて消滅し、h の参照カウントは 1 まで減少する。最後に 21 行目で h、w の参照カウントは 0 となり、中身のオブジェクトが解放される。

```
fn remove_string(vec: &mut Vec<Rc<String>>, s: String) {
2
       vec.retain(|x| **x != s);
3
   }
4
   fn main() {
       let mut vec: Vec<Rc<String>> = Vec::new();
       let h = Rc::new(String::from("Hello"));
7
8
       let w = Rc::new(String::from("World"));
       let mut rng = rand::thread_rng();
       for \_ in 0..10 {
10
           if rng.gen() {
11
12
               let h_clone = h.clone(); // clone関数により複製を生成
               vec.push(h_clone);
13
           }
14
           else {
15
               let w_clone = w.clone(); // clone関数により複製を生成
16
               vec.push(w_clone);
17
18
           }
19
       remove_string(&mut vec, String::from("Hello")); // hの複製が消滅
20
21 | } // hとwの中身のオブジェクトが解放
```

2.3 静的な fractional ownership

一方、Rust の ownership とは別に fractional ownership [7] という概念が存在する。Fractional ownership とは 0 以上かつ 1 以下の有理数であり、オブジェクト生成時には ownership として 1 を与え、参照複製時には ownership を分割し、複製された参照が消滅する際には ownership を集約する。また、オブジェクトの解放には ownership 1 が必要であり、逆に ownership が 0 より大きいオブジェクトはいずれ解放される必要がある。以下の図 2.10 は、fractional ownership を利用した疑似コード例である。1 行目で、変数 a、b、c に ownership として 1 を与え、2 行目では、d と a で ownership を 0.5 ずつに分割している。3 行目では*b += *a と*c += *d は並列に処理されており、b、c は ownership 1 を持つため読み書き可能であり、a、d は ownership 0.5 を持つため読み取りのみ可能になる。4 行目で、分割されていた ownership は a に集約され、a は読み書き可能となる。

```
      1
      a := new; b := new; c := new; // Ownership 1を与える

      2
      d = a; // dとaでownershipを0.5ずつに分割

      3
      *b += *a || *c += *d // b、cは読み書き可能、a、dは読み取りのみ可能

      4
      *a += *b + *c // a、b、cは読み書き可能
```

図 2.10 Fractional ownership の利用例

第3章

問題点

図 3.1 のプログラムは、中身に Hello という String オブジェクトを持つ Rc オブジェクト h と、中身に World という String オブジェクトを持つ Rc オブジェクト w の複製をランダムに 10 回配列に入れ、その配列から Hello という String オブジェクトを持つ Rc オブジェクトを削除した後、他の処理を行うプログラムである。21 行目にその他の処理として、vec は用いるが、Rc オブジェクト h と Rc オブジェクト w を用いない処理が行われているとする。このとき、2 つの Rc オブジェクトの中身が解放されるのは 22 行目で main 関数のスコープが終了したときであり、追加した新たな処理で h も w もどちらも利用していないにもかかわらず h のメモリ領域が確保されたままとなってしまう。このように、Rc オブジェクトを用いた場合、意図せずメモリリークが発生するおそれがある。

```
fn remove_string(vec: &mut Vec<Rc<String>>, s: String) {
1
2
       vec.retain(|x| **x != s);
   }
3
4
   fn main() {
5
       let mut vec: Vec<Rc<String>> = Vec::new();
6
7
       let h = Rc::new(String::from("Hello"));
8
       let w = Rc::new(String::from("World"));
9
       let mut rng = rand::thread_rng();
       for _ in 0..10 {
10
           if rng.gen() {
11
               let h_clone = h.clone(); // clone関数により複製を生成
12
13
               vec.push(h_clone);
           }
14
           else {
15
               let w_clone = w.clone(); // clone関数により複製を生成
16
17
               vec.push(w_clone);
           }
18
19
       }
       remove_string(&mut vec, String::from("Hello")); // hの複製が消滅
20
```

```
      21
      // その他の処理

      22
      } // hとwの中身のオブジェクトが解放
```

図 3.1 Rc オブジェクトを利用する際の問題点

以下の図 3.2 のプログラムは、22 行目で \mathbf{h} と \mathbf{w} のスコープが終了するため \mathbf{h} のメモリ領域が解放されるため、図 3.1 のような意図していないメモリリークを防いだプログラムである。

```
fn remove_string(vec: &mut Vec<Rc<String>>, s: String) {
2
       vec.retain(|x| **x != s);
   }
3
4
   fn main() {
5
       let mut vec: Vec<Rc<String>> = Vec::new();
6
7
         let h = Rc::new(String::from("Hello"));
8
         let w = Rc::new(String::from("World"));
9
         let mut rng = rand::thread_rng();
10
         for _ in 0..10 {
11
12
             if rng.gen() {
                 let h_clone = h.clone(); // clone関数により複製を生成
13
14
                 vec.push(h_clone);
15
             else {
16
                 let w_clone = w.clone(); // clone関数により複製を生成
17
18
                 vec.push(w_clone);
             }
19
20
         remove_string(&mut vec, String::from("Hello"));
21
       } // hの中身のオブジェクトが解放
22
       // その他の処理
23
   }
24
```

図 3.2 メモリリークを防いだ例

しかし、例えば図 3.3 のように、スペルミスにより Hello ではなく Hell という文字列を持つ String オブジェクトを削除してしまった場合、21 行目で配列から Hello という文字列を保持する String オブジェクトが削除されず、22 行目で h のメモリ領域が解放されないためメモリリークが起きてしまう。

```
fn remove_string(vec: &mut Vec<Rc<String>>, s: String) {
   vec.retain(|x| **x != s);
}

fn main() {
   let mut vec: Vec<Rc<String>> = Vec::new();
```

```
7
      {
8
        let h = Rc::new(String::from("Hello"));
        let w = Rc::new(String::from("World"));
        let mut rng = rand::thread_rng();
10
        for _ in 0..10 {
11
12
            if rng.gen() {
                let h_clone = h.clone(); // clone関数により複製を生成
13
                vec.push(h_clone);
14
15
            }
            else {
16
                let w_clone = w.clone(); // clone関数により複製を生成
17
18
                vec.push(w_clone);
            }
19
        }
20
        remove_string(&mut vec, String::from("Hell")); // スペルミス
21
       } // hもwもどちらも中身のオブジェクトは解放されない
22
       // その他の処理
23
24
  }
```

図 3.3 ユーザのミスによるメモリリーク

RC オブジェクトの中身のオブジェクトを取り出す into_inner 関数を用いることで、図 3.1 のプログラムは以下の図 3.4 のように、メモリリークが起きないように表すことができる。22 行目の部分で、複製が消滅した後、23 行目で into_inner 関数により中身のオブジェクトを取り出している。複製が消滅していなければ、into_inner を用いる際にエラーが起きるため、意図していないメモリリークを防ぐことができる。しかし、into_inner 関数により中身のオブジェクトを取り出すことを忘れてしまうと、メモリリークが発生してしまう。

```
fn remove_string(vec: &mut Vec<Rc<String>>, s: String) {
2
       vec.retain(|x| **x != s);
3
   }
4
   fn main() {
5
6
       let mut vec: Vec<Rc<String>> = Vec::new();
7
       let h = String::from("Hello");
8
       let w = String::from("World");
9
       let mut rng = rand::thread_rng();
       let h_immut = Rc::new(h);
10
       let w_immut = Rc::new(w);
11
       for _ in 0..10 {
12
            if rng.gen() {
13
14
                let h_clone = h_immut.clone();
                vec.push(h_clone);
15
            }
16
            else {
17
```

```
let w_clone = w_immut.clone();
vec.push(w_clone);

}

remove_string(&mut vec, String::from("Hello"));
let mut h_mut = Rc::into_inner(h_immut).unwrap(); // into_inner // その他の処理

}
```

図 3.4 into_inner 関数を用いた例

このように、Rc オブジェクトを用いた場合、ユーザによるミスが起こりやすく、結果としてメモリリークが起きる場合がある。現在、Rust でこのようなメモリリークが起きないことは静的に検査する手段が存在しないだけでなく、動的に検査する手段も存在していない。

第4章

本研究の提案

本研究では、Rust の静的な ownership によるメモリ管理と、動的な参照カウントの柔軟性を組み合わせた新たな参照オブジェクトを提案する。この参照オブジェクトは、fractional ownership の考え方を取り入れている。

4.1 提案するインターフェース

Rc オブジェクトを用いた際に、メモリリークが起きやすく検出しづらいという問題を解決するために、以下の図 4.1 のように用いることができる参照オブジェクトを提案する。このプログラムは、中身に Hello という String オブジェクトを持つ mutable な参照オブジェクト h と、中身に World という String オブジェクトを持つ mutable な参照オブジェクト w をどちらも immutable な参照オブジェクトに変換した後、複製をランダムに 10 回配列に入れ、その配列から Hello という String オブジェクトを持つ immutable な参照オブジェクトを削除するプログラムである。7、8 行目で生成した mutable な参照を、10、11 行目で immutable な参照に変換し、14、19 行目で immutable な参照を複製している。remove_string が終了した後、26 行目、32 行目で mutable な参照に戻している。

```
fn remove_string(vec: &mut Vec<FRefImmut<String>>, s: String) {
2
       vec.retain(|x| **x != s);
3 }
4
   fn main() {
       let mut vec: Vec<FRefImmut<String>> = Vec::new();
       let mut h = FRefMut::new(String::from("Hello")); // Mutableな参照
8
       let mut w = FRefMut::new(String::from("World")); // Mutableな参照
       let mut rng = rand::thread_rng();
       let h_immut = h.to_immut(); // Mutableからimmutableへ変換
10
       let w_immut = w.to_immut(); // Mutableからimmutableへ変換
11
12
       for _ in 0..10 {
13
           if rng.gen() {
```

```
14
                let h_immut1 = h_immut.clone_immut(); 参照の複製
15
                println!("{}", h_immut1);
                vec.push(h_immut1);
16
17
18
           else {
                let w_immut1 = w_immut.clone_immut(); 参照の複製
19
                println!("{}", w_immut1);
20
                vec.push(w_immut1);
21
22
           }
       }
23
24
25
       remove_string(&mut vec, String::from("Hello"));
       let mut h_mut = h_immut.back_to_mut(); // Immutableからmutableへ
26
       h_mut.push_str("hoge");
27
       println!("{}", h_mut);
28
29
       drop(h_mut);
30
31
       drop(vec);
32
       let mut w_mut = w_immut.back_to_mut(); // Immutableからmutableへ
33
   }
```

図 4.1 新たな参照オブジェクトを用いた柔軟なメモリ管理の例

この参照オブジェクトは、読み書き可能である mutable な参照オブジェクトと読み取りのみ可能である immutable な参照オブジェクトの 2 つがあり、静的に区別されている。Mutable な参照はRust の通常の ownership に従い、同時に一つしか存在しない。Mutable な参照は、7、8 行目のように new 関数により生成できる。10、11 行目のように to_immut 関数を用いると、mutable な参照を immutable な参照に変換でき、その際 Rust の静的な ownership の move により mutable な 参照は消滅する。14、19 行目のように、Immutable な参照は、Rust の通常の ownership に違反して clone_immut 関数により複製が可能であり、複製の数を動的にカウントする。26、32 行目のように、参照カウントが 1 つであるときのみ、back_to_immut 関数を用いて immutable な参照から mutable な参照へ変換でき、その際 move により immutable な参照は消滅する。Immutable な 参照から mutable な 参照に戻し忘れると、実行時エラーが発生するため、オブジェクトの解放し 忘れが検出できる。

以下の図 4.2 は、図 4.1 とほぼ同じプログラムであるが、immutable な参照を mutable な参照に戻していないプログラムである。この場合、mutable な参照に戻さないまま参照が消滅してしまっているため以下の図 4.3 のように実行時エラーが発生し、オブジェクトの解放し忘れを検出することができる。

```
fn remove_string(vec: &mut Vec<FRefImmut<String>>, s: String) {
   vec.retain(|x| **x != s);
}
```

```
fn main() {
5
6
       let mut vec: Vec<FRefImmut<String>> = Vec::new();
       let mut h = FRefMut::new(String::from("Hello")); // Mutableな参照
7
       let mut w = FRefMut::new(String::from("World")); // Mutableな参照
       let mut rng = rand::thread_rng();
10
       let h_immut = h.to_immut(); // Mutableからimmutableへ変換
       let w_immut = w.to_immut(); // Mutableからimmutableへ変換
11
12
       for _ in 0..10 {
13
           if rng.gen() {
               let h_immut1 = h_immut.clone_immut(); // 参照の複製
14
               println!("{}", h_immut1);
15
16
               vec.push(h_immut1);
           }
17
           else {
18
               let w_immut1 = w_immut.clone_immut(); // 参照の複製
19
               println!("{}", w_immut1);
20
21
               vec.push(w_immut1);
22
           }
       }
23
24
25
       remove_string(&mut vec, String::from("Hello"));
   } // error!
```

図 4.2 オブジェクトの解放し忘れを検出する例

```
$ cargo run
1
2
      Compiling dynamic_error_example2 v0.1.0
       (/home/baba/experiment-report/202401/0105/dynamic_error_example2)
3
4
       Finished dev [unoptimized + debuginfo] target(s) in 0.94s
        Running 'target/debug/dynamic_error_example2'
   Hello
   World
7
   Hello
   World
10
   Hello
11
   Hello
12 | Hello
13
   World
   World
14
   World
15
   thread 'main' panicked at /home/baba/experiment-report/202401/0105
16
       /dynamic_error_example2/src/lib.rs:154:17:
17
   cannot drop
18
   note: run with 'RUST_BACKTRACE=1'
19
20
       environment variable to display a backtrace
```

図 4.3 オブジェクトの解放し忘れのエラー

以下の図 4.4 は、図 4.1 とほぼ同じプログラムであるが、参照カウントが 1 でないにも関わらず immutable な参照を mutable な参照に戻そうとしているプログラムである。この場合、mutable な参照に戻すことができずに以下の図 4.5 のような実行時エラーが発生するため、mutable な参照 でないと消滅させることはできないようユーザに強制することができている。

```
fn remove_string(vec: &mut Vec<FRefImmut<String>>, s: String) {
2
       vec.retain(|x| **x != s);
3
   }
4
   fn main() {
5
       let mut vec: Vec<FRefImmut<String>> = Vec::new();
6
7
       let mut h = FRefMut::new(String::from("Hello"));
       let mut w = FRefMut::new(String::from("World"));
8
       let mut rng = rand::thread_rng();
9
       let h_immut = h.to_immut();
10
       let w_immut = w.to_immut();
11
       for _ in 0..10 {
12
            if rng.gen() {
13
14
                let h_immut1 = h_immut.clone_immut();
                println!("{}", h_immut1);
15
16
                vec.push(h_immut1);
            }
17
            else {
18
                let w_immut1 = w_immut.clone_immut();
                println!("{}", w_immut1);
20
                vec.push(w_immut1);
21
            }
22
23
       }
24
25
       remove_string(&mut vec, String::from("Hello"));
       let mut w_mut = w_immut.back_to_mut(); // error!
26
27
       w_mut.push_str("hhhhh");
       println!("{}", w_mut);
28
29
   }
```

図 4.4 Mutable な参照へ戻せないことを検出する例

```
$ cargo run

Compiling dynamic_error_example v0.1.0

(/home/baba/experiment-report/202401/0105/dynamic_error_example)

Finished dev [unoptimized + debuginfo] target(s) in 0.98s

Running 'target/debug/dynamic_error_example'
```

```
6 | Hello
   Hello
   Hello
9
   World
   Hello
10
11
   Hello
   World
12
   World
13
14
   World
   Hello
15
   thread 'main' panicked at /home/baba/experiment-report/202401/0105
16
17
       /dynamic_error_example/src/lib.rs:72:17:
   cannot back to mut
18
   note: run with 'RUST_BACKTRACE=1'
19
       environment variable to display a backtrace
20
```

図 4.5 Mutable な参照に戻し忘れた際のエラー

以下の図 4.6 は、図 4.1 とほぼ同じプログラムであるが、文字列を削除する際にスペルミスをしてしまっているプログラムである。この場合、mutable な参照に戻すことができずに以下の図 4.7 実行時エラーが発生するため、メモリリークを防ぐことができている。

```
fn remove_string(vec: &mut Vec<FRefImmut<String>>, s: String) {
1
2
       vec.retain(|x| **x != s);
3
   }
4
5
   fn main() {
       let mut vec: Vec<FRefImmut<String>> = Vec::new();
6
       let mut h = FRefMut::new(String::from("Hello"));
7
       let mut w = FRefMut::new(String::from("World"));
9
       let mut rng = rand::thread_rng();
10
        let h_immut = h.to_immut();
       let w_immut = w.to_immut();
11
       for \_ in 0..10 {
12
            if rng.gen() {
13
14
                let h_immut1 = h_immut.clone_immut();
                println!("{}", h_immut1);
15
                vec.push(h_immut1);
16
17
            }
            else {
18
                let w_immut1 = w_immut.clone_immut();
19
                println!("{}", w_immut1);
20
                vec.push(w_immut1);
21
            }
22
23
       }
24
```

```
25
       remove_string(&mut vec, String::from("Hell"));
26
       let mut h_mut = h_immut.back_to_mut(); // error!
       h_mut.push_str("hoge");
27
       println!("{}", h_mut);
28
       drop(h_mut);
29
30
       // その他の処理
31
32
33
       drop(vec);
       let mut w_mut = w_immut.back_to_mut();
34
35
```

図 4.6 ユーザのミスを検出する例

```
1
   $ cargo run
2
      Compiling random v0.1.0
3
        (/home/baba/experiment-report/202401/0105/random)
   warning: unused variable: 'w_new'
4
     --> src/main.rs:39:9
5
6
7
   39 I
            let w_new = w_immut.back_to_mut();
                 ^^^^ help: if this is intentional,
8
       prefix it with an underscore: '_w_new'
9
10
      = note: '#[warn(unused_variables)]' on by default
11
12
13
   warning: 'random' (bin "random") generated 1 warning
        (run 'cargo fix --bin "random"' to apply 1 suggestion)
14
15
       Finished dev [unoptimized + debuginfo] target(s) in 0.67s
16
        Running 'target/debug/random'
   Hello
17
   Hello
18
   Hello
19
   World
20
21
   World
22
   World
23 Hello
24
   Hello
   Hello
25
26
   Hello
   thread 'main' panicked at /home/baba/experiment-report/202401/0105
27
       /random/src/lib.rs:72:17:
28
   cannot back to mut
29
   note: run with 'RUST_BACKTRACE=1'
       environment variable to display a backtrace
```

4.2 実装

Mutable な参照オブジェクト、immutable な参照オブジェクトは以下の図 4.8 のように実装した。Mutable な参照オブジェクトは、オブジェクトを保持するコンテナとして実装した。Immutable な参照オブジェクトは、Rust の ownership を無視する特別なポインタである NonNull オブジェクトを保持するオブジェクトとして実装した。NonNull オブジェクトにより、参照の複製が可能になる。Immutable な参照内のポインタは FRefInner オブジェクトへのポインタであり、このオブジェクトは参照カウントと中身のオブジェクトを保持する。

```
pub struct FRefMut<T: ?Sized> {
       data: T,
3
   }
   pub struct FRefImmut<T: ?Sized> {
5
       ptr: NonNull < FRefInner < T >>
6
7
   struct FRefInner<T: ?Sized> {
       ref_count: atomic::AtomicUsize,
8
       data: T
9
   }
10
```

図 4.8 新たな参照オブジェクトの実装

Mutable な参照オブジェクトを生成する new 関数と mutable な参照オブジェクトを引数として受け取り、immutable な参照オブジェクトに変換して返す to_immut 関数は以下の図 4.9 ように実装した。4 行目で to_immut 関数の引数は、borrowing でなく move が起きるようにすることで、変換した後引数の mutable な参照が消滅するように実装した。

```
pub fn new(data: T) -> FRefMut<T> {
       Self { data: data }
2
3
   pub fn to_immut(self: FRefMut<T>) -> FRefImmut<T> { // Moveにより消滅
4
       let mut this = ManuallyDrop::new(self);
5
6
       let inner =
           unsafe{ptr::read(Self::get_mut_unchecked(&mut this))};
7
       let x: Box<_> = Box::new(FRefInner {
8
           ref_count: AtomicUsize::new(1),
9
           data: inner,
10
11
       });
       FRefImmut {ptr: Box::leak(x).into()}
12
13 | }
```

図 4.9 関数 new と関数 to_immut の実装

Immutable な参照オブジェクトを引数として受け取り、複製した参照を返す clone_immut 関数 は次の図 4.10 ように実装した。clone_immut 関数の引数を borrowing にすることで、複製元の参照が消滅せずに利用できるように実装した。また、2 行目の fetch_add 関数によって immutable な参照の内部の参照カウントが 1 増加するように実装した。

```
pub fn clone_immut(&self: &FRefImmut<T>) -> FRefImmut<T>
{      // Borrowing
      let old_size = self.inner().ref_count.fetch_add(1, Release);
      if old_size > MAX_REFCOUNT {
            abort();
      }
      FRefImmut { ptr: self.ptr }
}
```

図 4.10 関数 clone_immut の実装

Immutable な参照オブジェクトを引数として受け取り、mutable な参照オブジェクトに変換し返す back_to_mut 関数は次の図 4.11 のように実装した。back_to_mut 関数の引数を borowwing でなく move するようにし、変換した後引数の immutable な参照が消滅するように実装した。また、2 行目で immutable な参照の参照カウントが 1 でなければ実行時エラーが起きるようにし、immutable な参照のままでは消滅できないように実装した。

```
pub fn back_to_mut(self: FRefImmut<T>) -> FRefMut<T> { // Move
1
2
       if self.inner().ref_count.load(Acquire) != 1{
           panic!("cannot back to mut");
3
4
       }
       let mut this = ManuallyDrop::new(self);
5
6
       let inner =
           unsafe { ptr::read(Self::get_mut_unchecked(&mut this))};
7
       unsafe {
8
9
           dealloc(this.ptr.cast().as_mut(),
10
           Layout::for_value_raw(this.ptr.as_ptr()))
11
       FRefMut { data: inner }
12
13
```

図 4.11 関数 back_to_mut の実装

Immutable な参照を引数として受け取り、その参照を消滅させる drop 関数は以下の図 4.12 のように実装した。参照カウントが 2 以上である場合は、参照カウントを 1 減少させ、参照カウントが 1 である場合は実行時エラーが起きるようにすることで、immutable な参照を mutable な参照

に戻さずに消滅できなように実装した。これにより、オブジェクトの解放し忘れを検出することが 可能である。

```
1
   fn drop(&mut self) {
2
       let count = self.inner().ref_count.fetch_sub(1, Relaxed);
       if count > 1{
3
4
            return
       }
5
       else if count == 1{
6
            if panicking() {
                return
9
            unsafe {
10
11
                dealloc(self.ptr.cast().as_mut(),
12
                Layout::for_value_raw(self.ptr.as_ptr()))
13
            panic!("cannot drop");
14
       }
15
16
       else {
17
            abort();
       }
18
   }
19
```

図 4.12 関数 drop の実装

第5章

並列処理への応用

静的な ownership で柔軟性に欠ける例として、並列処理の例があり、本研究の新たな参照オブジェクトを応用できる。

5.1 Rust **の並列処理**

まず、Rustでどのように並列処理を行うことができるかを述べる。

5.1.1 通常のスレッド

Rust の通常のスレッド生成では、owner は高々一つのスレッドに move し、複数のスレッドに move することはできない。以下の図 5.1 は、Rust で通常のスレッドを生成する例であり、3 行目 にある move キーワードにより move が起きる。

```
1 fn main() {
2 let s = String::from("Hello");
3 thread::spawn(move || { // sがスレッドにmove
4 println!("{}", s);
5 });
6 }
```

図 5.1 Rust での通常のスレッド生成の例

Rust では、スレッドのライフタイムは無限とみなされており、スレッドが合流した際に ownership が返却されないため、共有オブジェクトに対する borrowing は不可能である。以下の 図 5.2 は、Rust で通常のスレッドで共有オブジェクトに対して borrowing をしようとしている例 である。4、7 行目で borrowing を行っているが、9、10 行目で ownership が返却されず、コンパイルエラーとなる。

```
fn main() {
   let s = String::from("Hello");
   let t1 = thread::spawn(|| {
```

```
4 println!("{}", &s); // コンパイルエラー
5 });
6 let t2 = thread::spawn(|| {
7 println!("{}", &s); // コンパイルエラー
8 });
9 t1.join(); // Ownershipが返却されない
10 t2.join(); // Ownershipが返却されない
11 }
```

図 5.2 通常のスレッドで borrowing ができない例

5.1.2 scoped thread

共有オブジェクトに対する borrowing ができないことは不便であるため、Rust にはスレッドをまたいだ borrowing を可能にする scoped thread が存在する。これは、スレッドに静的スコープを付与したものであり、静的スコープに従ってスレッドの合流が起きるため、共有オブジェクトに対する borrowing が可能となる。以下の図 5.3 は、scoped thread を利用した例である。スレッドに付与されたスコープは、10 行目で終了しスレッドの合流が起こる。

```
fn main () {
2
       let mut s = String::from("Hello");
       thread::scope(|sc| { // scがスコープ
3
4
           sc.spawn(|| {
5
               println!("{}", &s);
6
           });
7
           sc.spawn(|| {
8
               println!("{}", &s);
9
           });
10
       }); // スコープが終了し、スレッドが合流
       s.push_str("World");
11
   }
12
```

図 5.3 scoped thread の例

5.2 並列処理の際の問題点

以下図 5.4 は scoped thread で表すことができない。関数 my_spawn は、引数として my_spawn は、引数として my_spawn は、引数として my_spawn は、引数である。このプログラムは、関数 my_spawn により main 関数外で生成したスレッドが main 関数内で合流するというプログラムである。このプログラムは、スレッドの合流が静的スコープに従っていないため、scoped thread で表すことができない。

```
1 fn my_spawn (a: &String) -> JoinHandle <()>{
```

```
2
       let t = thread::spawn(|| {
3
            println!("{}", &a);
4
       });
        return t
6
7
   fn main() {
       let mut a = String::from("Hello");
8
9
       let t1 = my_spawn(&a);
10
       let t2 = my_spawn(&a);
11
       t1.join();
12
       t2.join();
       a.push_str("World");
13
   }
14
```

図 5.4 scoped thread で表せない例

5.3 我々の提案の応用

スレッドの合流が静的スコープに従わない並列処理は、本研究の新たな参照オブジェクトにより以下の図 5.5 のように表すことができる。関数 my-spawn は、引数として mx-spawn は、引数として mx-spawn の mx-spawn により mx-spawn によりスレッドが mx-spawn に変換した後、複製している。その後、関数 mx-spawn によりスレッドを生成し、mx-spawn によりスレッドを生成し、mx-spawn により mx-spawn により mx-spawn mx-

```
1
   fn my_spawn (a: &FRefImmut <String >) -> JoinHandle <()>{
2
       let t = thread::spawn(||{
           println!("{}", a);
3
       });
4
5
       return t
6
7
   fn main() {
       let mut s = FRefMut::new(String::from("Hello")); // 参照生成
       let s1 = s.to_immut(); // Mutableからimmutableへ変換
9
       let s2 = s1.clone_immut(); // 参照の複製
10
       let t1 = my_spawn(&s1);
11
12
       let t2 = my_spawn(&s2);
       t1.join();
13
       t2.join();
14
15
       drop(s2);
       let mut s3 = s1.back_to_mut(); // Immutableからmutableへ変換
16
```

図 5.5 新たな参照オブジェクトを用いた並列処理の例

5.3.1 Readers-Writer Lock

Rust には、Readers-Writer Lock [8] がある。これは、複数の読み取りは許すが書き込みのアクセスの際は排他的な場合のみ許すロックである。以下の図 5.6 は、図 5.5 を Readers-Writer Lock を用いて表したプログラムである。しかし、Readers-Writer Lock を用いた際には、16 行目のように本来不要なロックが発生するおそれがあり、本研究の提案によって不要なロックを減らすことができている。

```
fn my_spawn (a: &String) -> JoinHandle <()>{
2
       let t = thread::spawn(||{
           println!("{}", a);
3
       });
4
5
       return t
   fn main() {
       let mut s = RwLock::new(String::from("Hello"));
8
       let s1 = s.read().unwrap();
9
       let s2 = s.read().unwrap();
10
       let t1 = my_spawn(&s1);
11
       let t2 = my_spawn(&s2);
12
       t1.join();
13
       t2.join();
14
15
       drop(s2);
       let mut s3 = s.write().unwrap(); // 不要なロック
16
       s3.push_str("World");
17
   }
18
```

図 5.6 Readers-Writer Lock を用いた並列処理の例

第6章

関連研究

本研究で取り入れた、fractional ownership [7] は、有理数計画法を用いて静的に検査されている。また、Rust でなく C 言語の特定のプログラムでメモリ関連のエラーがないことが fractional ownership により検証されている [9]。また、fractional ownership と Rust の静的な ownership を 組み合わせた新たな所有権型が提案されており、提案した型システムにより命令型プログラムが検証されている [10]。これらはすべて動的検査でなく静的検査であり、保守的であるものの本研究のような動的検査と比べると柔軟性に欠ける検査となっている。

また、RustBelt [11] により unsafe な機能を用いた際でもメモリ安全であるか証明できる。本研究の新たな参照オブジェクトがメモリ安全であるかを RustBelt を用いて証明できるか検討した。Rc オブジェクトは実装に unsafe な機能が用いられているが、RustBelt によってメモリ安全であることが証明されている。本研究の参照オブジェクトは、Rc オブジェクトの利用方法を強制しているオブジェクトであるため、Rc オブジェクトを用いて本研究の参照オブジェクトを実装できれば、メモリ安全であることが証明できると考えた。しかし、unsafe な機能を用いなければ実装することができなかったため、本研究の参照オブジェクトがメモリ安全であるかは、RustBelt を用いて新たに証明する必要があった。

第7章

結論と今後の課題

Fractional ownership の考え方を取り入れ、Rust の静的な ownership によるメモリ管理と、動的な参照カウントの柔軟性を組み合わせた新たな参照オブジェクトを提案した。この参照オブジェクトにより、オブジェクトの解放し忘れを実行時に検出し、メモリリークを防ぐことができる。今後の課題は、新たな参照オブジェクトがメモリ安全であることを証明することが挙げられる。また、新たな参照オブジェクトをより具体的な例で利用し、どれほどメモリリークを防ぐことができたかを実験することも挙げられる。

参考文献

- [1] Nicholas D. Matsakis and Felix S. Klock II. The rust language. In Michael B. Feldman and S. Tucker Taft, editors, *Proceedings of the 2014 ACM SIGAda annual conference on High integrity language technology, HILT 2014, Portland, Oregon, USA, October 18-21, 2014*, pp. 103–104. ACM, 2014.
- [2] The Rust team. The Rust programming language, 2023. http://rust-lang.org/.
- [3] Steve Klabnik and Carol Nichols. *The Rust Programming Language, 2nd Edition*. No Starch Press, 2022.
- [4] David G. Clarke, John Potter, and James Noble. Ownership types for flexible alias protection. In Bjørn N. Freeman-Benson and Craig Chambers, editors, *Proceedings of the 1998 ACM SIGPLAN Conference on Object-Oriented Programming Systems, Languages & Applications, OOPSLA 1998, Vancouver, British Columbia, Canada, October 18-22, 1998*, pp. 48-64. ACM, 1998.
- [5] Dennis M. Ritchie Brian W. Kernighan. The C Programming Language. Prentice Hall, 1981.
- [6] Eliot Moss Richard Jones, Antony Hosking. The Garbage Collection Handbook: The art of automatic memory management. Chapman & Hall/CRC, 2012.
- [7] John Boyland. Checking interference with fractional permissions. In Radhia Cousot, editor, Static Analysis, 10th International Symposium, SAS 2003, San Diego, CA, USA, June 11-13, 2003, Proceedings, Vol. 2694 of Lecture Notes in Computer Science, pp. 55–72. Springer, 2003.
- [8] Pierre-Jacques Courtois, F. Heymans, and David Lorge Parnas. Concurrent control with "readers" and "writers". *Commun. ACM*, Vol. 14, No. 10, pp. 667–668, 1971.
- [9] Kohei Suenaga and Naoki Kobayashi. Fractional ownerships for safe memory deallocation. In Zhenjiang Hu, editor, *Programming Languages and Systems*, pp. 128–143, Berlin, Heidelberg, 2009. Springer Berlin Heidelberg.
- [10] Takashi Nakayama, Yusuke Matsushita, Ken Sakayori, Ryosuke Sato, and Naoki Kobayashi. Borrowable fractional ownership types for verification. In Rayna Dimitrova, Ori Lahav, and Sebastian Wolff, editors, Verification, Model Checking, and Abstract In-

- terpretation, pp. 224–246, Cham, 2024. Springer Nature Switzerland.
- [11] Ralf Jung, Jacques-Henri Jourdan, Robbert Krebbers, and Derek Dreyer. RustBelt: securing the foundations of the rust programming language. *Proc. ACM Program. Lang.*, Vol. 2, No. POPL, pp. 66:1–66:34, 2018.