### NTT\_2D使用说明

接口说明

#### Poly\_扩展版\_使用说明

【重要数组变量和接口说明】

【不可操作序列修正方法和其他备注】

#### PAM使用说明

【数组约定】

【函数说明】

【使用方法】

【注意点】

# NTT\_2D使用说明

## 接口说明

### 1) FT部分:

void Init(int\_K,int p): 两个参数为用户所期望的结果最大次数,和模数

void init\_w(int m): 预处理长度为1<<m的w数组和rev数组

void FFT(vector& A,int m,int op): 变换接口,长度为1<<m,op为0表示普通和卷积,op为1表示差卷积

void multiply(const vector& A,const vector& B,vector \*C):

乘法接口,注意第三个参数传入指针

### 2) Matrix部分:

void Set\_m(int \_m,int x=0): 将每列resize为m, 不足元素填充为x

void Set\_n(int \_n): 将行扩充为n

void Set(int \_n,int \_m,int x=0): 设置矩阵规模

void Transpose(): 转置接口

void Reverse(): 翻转接口,不光行翻转,列也翻转

void Shift(int x,int y): 移位接口,将(x,y)设置为矩阵左上角元素,整体移位,不足部分填充0

void FFT(FT &T,int len,int op): 批量行变换,对每行进行正/逆变换

void print() const: 打印接口

void Normalize(int \_p): 规范化接口,保证矩阵中每个元素都严格非负且已模

void Random(): 产生随机数,填充此矩阵

==: 矩阵可以直接比较判等

### 3) Calculator部分:

void Init(int p): 预处理模数

void Multiply(const Matrix &A,const Matrix &B,Matrix &C,int op=0):

#### 乘法接口, op=0为和卷积, op=1为差卷积

void Multiply\_B(const Matrix &A,const Matrix &B,Matrix &C):

暴力和卷积接口

void Multiply\_B\_sub(const Matrix &A,const Matrix &B,Matrix &C):

暴力差卷积接口

# Poly\_扩展版\_使用说明

## 【重要数组变量和接口说明】

• inv[],fac[],fac\_inv[]: 逆元, 阶乘和阶乘逆

• init\_inv(int n): 预处理逆元

• init fac(int n): 预处理阶乘和阶乘逆元

• struct FT< V >{}: ntt结构体,此处可以换成fft或者其他模板,但是要求适配接口

o init\_len(int\_n): 预处理FT内部长度,产生一个严格大于\_n的2的幂给n

○ Init(int\_n): FT预处理,调用之后才可以用FFT()接口

o void FFT(V A[],int op): op=0,把A转化为点值;op=1,为其逆

- **void Fill(V a[],V b[],int n,int len)**:标准填充接口,把b的前n个元素赋值给a的前n个元素,且将a中[n,len) 清0
- void Add(V a[],int n,V b[],int m,V c[],int t=1): 长度为n(下标[0,n))的多项式a和长度为m的多项式b,计算 c[i]=a[i]+t\*b[i]; **[注意]**不保证不对齐位置清0
- void Dot\_Mul(V a[],V b[],int len,V c[]): 长度相等的两个数组,对应元素点乘给c[]
- void Dot Mul(V a[],int len,V v,V c[]): 每个元素乘v
- void Mul(V a[],int n,V b[],int m,V c[]): 多项式乘法,用户不需要考虑传入数组非法位置的元素
- void Int(V a[],int n,V b[]): 多项式积分,只保留结果的前n项
- void Der(V a[],int n,V b[]): 求导
- void Inv(V a[],int n,V b[]): 多项式求逆, 也就是倒数; [注意]常数项必须可逆
- void Log(V a[],int n,V b[]): 多项式对数, [注意]由于结果常数项为0, 所以要求多项式常数项必须为1
- void Exp(V a[],int n,V b[]): 多项式exp, [注意]ntt版本常数项必须为0(否则正确结果不在模意义整数范围内), 其他版本没有要求, double或者复数版本
- void Sqrt(V a[],int n,V b[]): 多项式开根,[注意]常数项要可以被开根,如果是ntt,注意边界要求a[0]的模意义二次剩余,如果不存在就无解;double版本a[0]不能为负
- void Power(V a[],int n,ll k,V b[]): 多项式乘方, [注意]由于依赖log和exp, 多项式a[]要求常数项为1, 如果以一串0开头, 左移之后常数为1,则可以使用POW接口
- V Lagrange(V a[],int n,int k): 求多项式a[]的拉格朗日逆或者复合逆(也就是f(g(x))=x,已知一个,求另一个)的x^k前系数,要求常数项可逆

- void Div(V a[],int n,V b[],int m,V d[],V r[]): 多项式除法, d是商, r是余数
- void Sinh(V a[],int n,V b[]), void Cosh(V a[],int n,V b[]): 双曲正余弦函数
- void Dirichlet\_Mul(V a[],int n,V b[],int m,V c[],int L): 两个序列的狄利克雷卷积,保留前L项
- void Der\_k(V a[],int n,int k,V b[]): k阶导
- void Int\_k(V a[],int n,int k,V b[]): k重积分
- void Grow(V a[],int n,V b[]): 多项式生长操作, a[i] \* = i
- void Grow\_k(V a[],int n,int k,V b[]): k次生长
- void Shl(V a[],int n,int k,V b[]), void Shr(V a[],int n,int k,V b[]): 左右移k位,传入传出均是前n项有效
- void To\_egf(V a[],int n,V b[]): 普通型生成函数转化为指数型生成函数, a[i] \* = fac[i]
- void To\_ogf(V a[],int n,V b[]): 前面的逆操作
- void Bin\_Mul(V a[],int n,V b[],int m,V c[]): 求两个序列的二项卷积
- void POW(V a[],int n,ll k,V b[],int t=0): 允许前面有连续t个0的且以1开头的序列传入
- void Reverse(V a[],int n,V b[]): 位置翻转操作
- void Init\_Com\_Num\_H\_B(V a[],int n,ll k): 预处理组合数第k行前n项, k<=1e18
- void Init\_Com\_Num\_L\_B(V a[],int n,ll k): 预处理组合数第k列前n项, k<=1e18, [注意]前面多余的0去掉了,也就是从k行k列开始</li>
- void Pre\_Sum(V a[],int n,V b[]): 求前缀和
- void Pre\_Sum\_k(V a[],int n,ll k,V b[]): k次前缀和, k<=1e18
- void Fly(V a[],int n,ll k,V b[]): 起飞操作, a[i] \* = k^i
- void Crossify(V a[],int n): 序列交错化, 奇数项符号取反
- void Diff(V a[],int n,V b[]): 向前差分, b[i] = a[i+1] a[i]
- void Diff\_k(V a[],int n,int k,V b[]): k次差分,有效范围每次减少1个
- void Get\_all\_one(V a[],int n): 获得全1序列
- void Get\_exp\_x(V a[],int n): 获得e^x展开式
- void Get\_log\_1\_add\_x(V a[],int n): 获得log(1+x)展开式
- void Init\_Bell\_Num(V a[],int n): 预处理Bell数
- void Init\_Bernoulli\_Num(V a[],int n): 预处理Bernoulli数
- **Get\_Num\_Power\_Sum(II n,int k)**: 获得自然数等幂和S(n,k)=1^k^+2^k^+...n^k^ , n<=1e18
- void Init\_Stiriling\_Num\_2\_H\_B(V a[],int n,ll k): 预处理第二类Stiriling数第k行前n项(0..n-1),k<=1e18
- void Init\_Stiriling\_Num\_2\_L(V a[],int n,int k): 预处理第二类Stiriling数第k列前n项(去掉连续0)
- void Init\_Stiriling\_Num\_1\_L(V a[],int n,int k): 预处理第一类Stiriling数第k列前n项
- void Mod\_p(V a[],int n):序列取模,转化为可输出的格式

### 【不可操作序列修正方法和其他备注】

- 对序列提取一个常数,比如:常数项为-5,不能开根,整个提取-5,再开根,最后乘上根号-5
- 对多项式提取x ^ t, 常数项为0, 不能pow, 那么g(x)^k^ =x^kt^ \* f(x)^k^
- 求逆函数,有时候需要结合二次剩余的模板

- 求第一类Stiriling数的一行是x(x+1)..(x+n-1)=x的n次上升阶乘幂展开,需要分治fft/ntt模板或者启发式合并或者倍增
- 分离一个常数, exp中多项式常数要为0, 可以把g(x)写成f(x)+c, f(x)常数项为0, 求f(x)的exp最后乘上e^c

# PAM使用说明

### 【数组约定】

- 1.s[]表示当前已经插入到自动机的串,s[0]=-1,真实的字符从s[1]开始,s[]的活动范围是[0,n]
- 在多串模式中,中间的间隔符,是从-2开始递减的负数,会完全隔绝串间的回文匹配
- 2.len[i]表示i这个节点表示的回文子串的长度
- 3.next[i][c] i这个节点,在字符c方向的转移
- 4.fail[] 失配指针
- 5.cnt[i] 表示节点i以最长回文后缀出现的前缀下标的个数,通过count()调用,求出每个节点表示的回文串出现的次数
- 6.dep[i] i这个节点在parent树中的深度,其实际意义是:以i为终止下标的回文后缀的个数
- 7.id[i] 表示i这个下标(指的是插入串s[]),所代表的前缀的最长回文后缀在自动机中的节点编号
- 8.no[i] i这个节点,在插入串s[]出现的最末下标(此处指的是右端点),用于获取具体的回文串内容
- 9.last 当前插入的字符生效后,指向最长回文后缀节点,在当前必然是parent树上的叶子节点
- 10.n 插入的串,字符数0...n
- p 任何时刻都表示自动机中的自动机中的最大节点标号+1, 节点标号: 0..p-1
- p-2 为任意时刻本质不同的回文串的个数
- str\_cnt 多串模式下表示插入的串的个数,串编号从0开始
- d0 当前间隔符 M 字符集大小, 0..25, 默认小写字母

### 【函数说明】

- 1.int new\_node(int I) 新建节点,回文长度为
- 2.void Init() 每组数据初始化自动机, O (1)
- 3.int get\_fail(int x) 沿着失配指针, 获取最长匹配节点
- 4.void l(int c) 插入字符c, 注意是默认小写字母
- 5.void Insert(char s[],int \_n=0) 用户接口,插入串,多串意义下无须考虑间隔符
- 6.void count() 树dp,可以计算很多内容,默认计算回文串出现的次数
- 7.II Q() 用户接口, 主操作, 或者称主询问
- 8.单链表中: 查询next[x][y] 等价于 next[x].F(y); 修改next[x][y]=z 等价于 next[x].I(y,z)

# 【使用方法】

- 1.每组数据都要首先Init()
- 2.多串模式下,直接Insert(s,长度)
- 3.求全局回文子串的个数,cnt[]求和即可;也可以不进行count(),直接每个节点cnt[]\*dep[]求和
- 求任意前缀回文子串的个数,相当于动态即时查询,需要动态维护答案;
- 考虑每个节点每次的贡献,其实就是深度,所以在cnt[x]++的时候,将深度dep[x]加入答案,即可回答也可以这样考虑,叠加每个新插入字符新增的回文后缀的数目,这个结构上等价于dep[x]

## 【注意点】

- 1.老生常谈,注意多串插入时,N的大小调整,要比总串长大一点
- 2.count()调用时,务必要注意:树dp的数组,是否需要开long long;一般,回文串总数目需要long long