TD d'Éléments d'Algorithmique n° 1



Le dernier exercice, signalé avec *, est le devoir maison à implementer.

Dans toute cette feuille d'exercices, si T est un tableau, alors les indices de ses cases sont numérotées à partir de 0.

Exercice 1. Une opération sur les tableaux.

On considère la fonction suivante qui prend en entrée un tableau d'entiers de taille n et le modifie.

```
static void fonc(int[] t){
for(int i = 0; i < t.length - 1; i++){
    t[i+1] = t[i+1] + t[i];
}</pre>
```

- 1. Que donnera cette fonction appliquée aux tableaux {1,1,1} et {0,1,2}?
- 2. Pour quels tableaux l'appel fonc(t) ne modifie-t-il pas t?
- 3. Ecrivez une fonction foncInverse(int [] t) telle que t reste inchangé après l'appel foncInverse(fonc(t)).

Exercice 2. Trouver l'erreur.

- 1. Comment fait-on pour montrer qu'un algorithme est incorrect? Qu'il est correct?
- 2. La fonction suivante Max2 prend en entrée un tableau d'entiers T de longueur n et est retourne supposément son deuxième plus grand élément. Montrez sur un exemple qu'elle n'est pas correcte et corrigez les erreurs.

```
static int Max2(int[] t){
1
2
        int max, max2;
3
        if(t[0]>t[1]){
             max = t[0];
             max2 = t[1];
5
        }
6
        else{
7
             max = t[1];
8
            max2 = t[0];
9
10
        for(int i=2; i < n-2; i++){
11
             if(t[i] > max){
12
                 max = t[i];
13
             }
14
15
             else{
16
                 if(t[i] > max2){
                      max2 = t[i];
17
                 }
18
             }
19
        }
20
        return max2;
21
```

Exercice 3. Min et max.

On souhaite trouver le plus petit et le plus grand élément d'un tableau d'entiers donné.

- 1. Écrivez l'algorithme qui retourne le plus grand élément d'un tableau. Combien fait-il de comparaisons pour un tableau à n éléments?
- 2. Proposez un algorithme simple qui résout le problème en effectuant, pour un tableau de n éléments, 2(n-1) comparaisons. Exécutez à la main votre algorithme sur le tableau

$$\mathsf{T} = \boxed{2 \mid 1 \mid -3 \mid 5 \mid 4 \mid 8}$$

- 3. Un algorithme plus efficace est celui qui, itérativament :
 - compare entre eux deux éléments consecutifs du tableau.
 - compare le plus petit des deux au *min* courant, et met éventuellement à jour le *min* courant.
 - compare le plus grand des deux au *max* courant, et met éventuellement à jour le *max* courant.

Écrivez cet algorithme. Exécutez à la main votre algorithme sur le tableau T ci-dessus. Combien de comparaisons sont effectuées cette fois, en fonction de la longueur du tableau?

4. Obtient-on quelque chose de meilleur si on applique la méthode du point précédent à des paquets de trois (au lieu de deux) éléments consecutifs du tableau?

Exercice 4. Ordre lexicographique.

Dans cet exercice, on considère qu'un mot (français) est un tableau de caractères, et que l'on peut connaître l'ordre (alphabétique) de deux caractères (en utilisant les opérateurs <, <=, =, >= et >). Par exemple, on a 'a' < 'b', 'b' = 'b', 'c' > 'b'. En revanche, on ne peut pas comparer directement deux mots.

- 1. Écrivez une fonction inf qui prend en argument deux mots et qui retourne -1 si le premier mot est avant le second dans l'ordre lexicographique (celui du dictionnaire), 0 si les deux mots sont les mêmes, et +1 sinon.
- 2. Écrivez une fonction min (utilisant inf) qui prend en argument un tableau de mots et qui retourne le plus petit mot pour l'ordre alphabétique.

Exercice 5. Somme à 100*.

On considère un tableau de n entiers, et on veut savoir s'il existe 4 cases consécutives dont la somme est égale à 100.

- 1. Écrivez une fonction compte4 qui prend en argument un tableau d'entiers T et un entier i < n 3, et qui retourne la somme des valeurs des cases d'indice i à i + 1.
- 2. Écrivez un algorithme (utilisant cette fonction) qui renvoie un indice i tel que les cases de i à i+3 ont une somme qui vaut 100. Si un tel indice n'existe pas, votre solution renverra -1.
- 3. Quelle est la complexité de cet algorithme en termes du nombre d'additions de valeurs de case effectuées, dans le meilleur et le pire des cas, en fonction de n? Donnez un exemple de tableau où la borne trouvée au point précédent est atteinte.
- 4. (Bonus) Proposez un algorithme qui ne fait pas plus de 2n opérations mathématiques (addition, soustraction,...) pour trouver un tel indice s'il existe.