Introduzione a Matlab

Ing. Anna Maria Vegni avegni@uniroma3.it



Indice

ndice	2
ntroduzione	3
Help in Matlab	4
Files di Matlab	5
Le variabili in Matlab	6
Matrici in Matlab	9
Operazioni matriciali	12
Max e Min di una matrice	15
Sort di una matrice	16
Sum e Prod di una matrice	17
Strutture di controllo	18
Struttura IF	18
Struttura FOR	19
Struttura WHILE	19
Plot	20
Grafici sovrapposti	22
Funzione STEM	24
Funzioni speciali	26
RAND	26
ZEROS	26
ONES	27
FIND	28
EYE	29
Operazioni sulle matrici	30
Le stringhe	30
Operatori relazionali	31
Operazioni sui polinomi	34

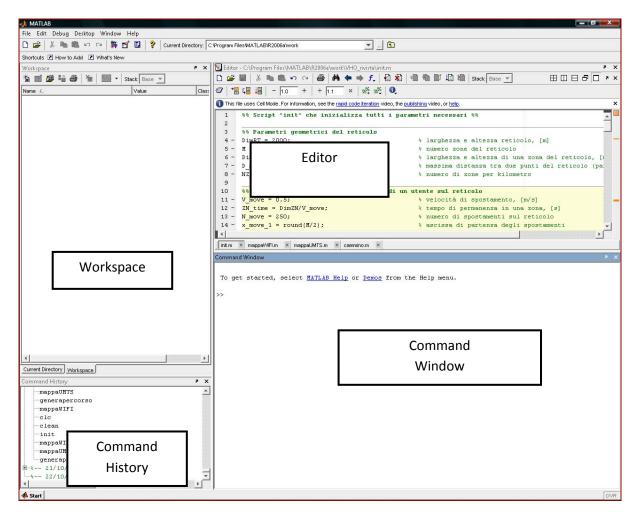


Introduzione

MATLAB è nato principalmente come programma destinato alla gestione di **matrici**, da qui il nome **MatLab** (**MATrix LABoratory**). Successivamente, il programma è stato sviluppato per analisi numeriche molto più complesse.

La linea di comando di MATLAB è indicata da un prompt come in DOS. Accetta dichiarazioni di variabili, espressioni e chiamate a tutte le funzioni disponibili nel programma.

Le funzioni di MATLAB sono file di testo che vengono eseguiti semplicemente digitandone il nome sulla linea di comando.



- Il <u>Workspace</u> è un riquadro in cui sono rappresentate tutte le variabili al momento esistenti, e quindi utilizzabili.
- Il <u>Command Hystory</u> è un riquadro in cui sono memorizzate tutte le istruzioni digitate nel prompt di MatLab, ordinate per giorno e ora.
- Il <u>Command Window</u> è un riquadro dove è possibile digitare le istruzioni di Matlab, (rappresenta il prompt dei comandi).
- L'<u>Editor</u> è un riquadro in cui è possibile scrivere funzioni o script di Matlab, e quindi salvare tali file con estensione .m.



Help in Matlab

MATLAB presenta un help in linea con informazioni sulla sintassi di tutte le funzioni disponibili. Esistono 3 principali funzioni che possono essere utilizzate per ottenere informazioni relative a una certa funzione:

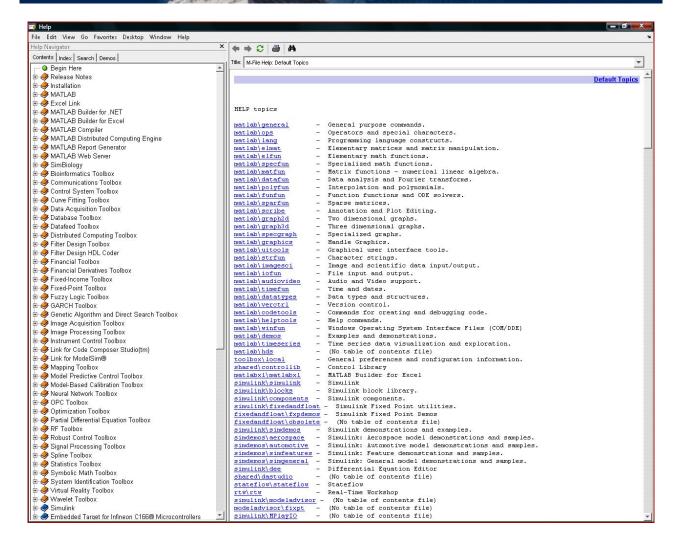
- help, dà informazioni sulle varie categorie di funzioni disponibili (toolbox);
- **helpwin**, (abbreviazione per *help window*);
- doc, (abbreviazione per documentation).

Help e **helpwin** danno la stessa informazione ma in una finestra differente. **Doc** restituisce una pagina HTML con maggiori informazioni.

Per accedere a tali informazioni, basta digitare:

help nome_funzione



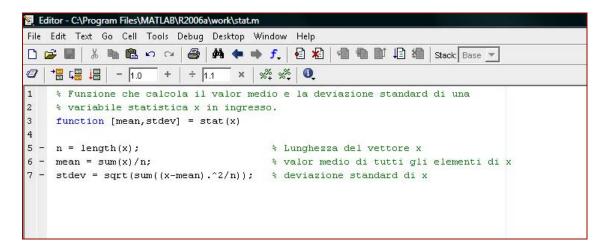


Files di Matlab

I files interpretati da Matlab sono file di testo ASCII con estensione .m, generati tramite l'Editor e vengono eseguiti digitando il nome sulla linea di comando (senza estensione!).

- **N. B.** Se si scrive una funzione, il nome del file con estensione .m deve essere NECESSARIAMENTE quello della funzione stessa.
- Le istruzioni possono essere contenute in un file .m, oppure digitate direttamente dalla linea di comando.
- **N. B.** Se un'istruzione non viene terminata da un punto e virgola, allora verrà visualizzato il risultato dell'applicazione dell'istruzione.
- I commenti vengono inseriti semplicemente inserendo all'inizio di ogni linea di commento il percento %.

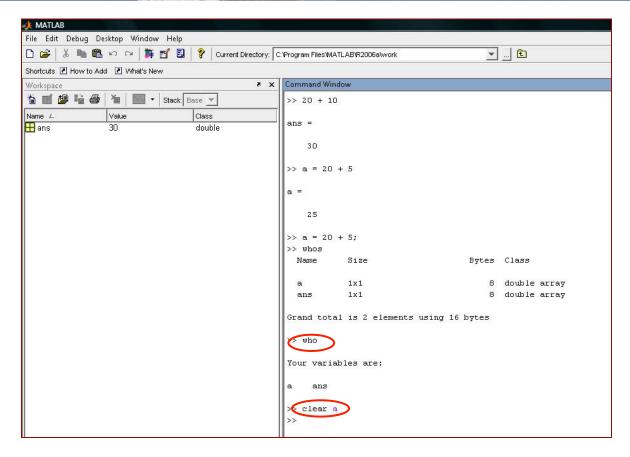




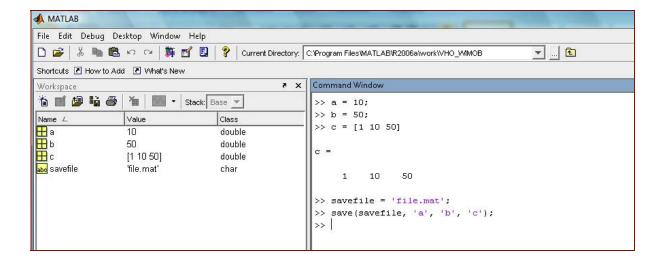
Le variabili in Matlab

- Le variabili seguono le regole dei linguaggi di programmazione. MATLAB è case-sensitive e accetta nomi di variabili lunghi fino ad un massimo di 19 caratteri alfanumerici, con il primo obbligatoriamente alfabetico. Ad esempio, "Pippo", "PiPPO", "PIPPO", e "pippo" vengono considerate come variabili distinte.
- Sono ammessi solo caratteri alfabetici (es., "A-Z"), numeri, e il carattere underscore (es., "_"). Non sono ammessi spazi nei nomi delle variabili. Ad esempio, non si può scrivere come nome di una variabile "la mia variabile", ma "la mia variabile" è accettato.
- L'istruzione **who** da informazioni sulle variabili presenti nel Workspace. Per cancellare una variabile, basta scrivere l'istruzione **clear nome_variabile**, oppure se si vuole cancellare tutto il contenuto del Workspace, si digita **clear all**. Per cancellare il testo che appare nel CommandWindow, basta scrivere **clc**.

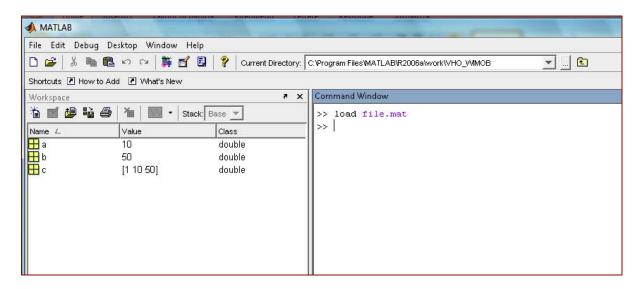




- L'istruzione save salva tutte le variabili in memoria sul file specificato, in vari formati; load richiama in memoria le variabili salvate sul file specificato; what dà l'elenco di tutte le funzioni MATLAB nell'area di lavoro (estensione .m) e dei file di dati che sono stati salvati (estensione .mat)
- L'istruzione **load**, seguita dal nome del file dove sono state salvate le variabile ('file.mat'), permette di richiamare le variabili memorizzate.



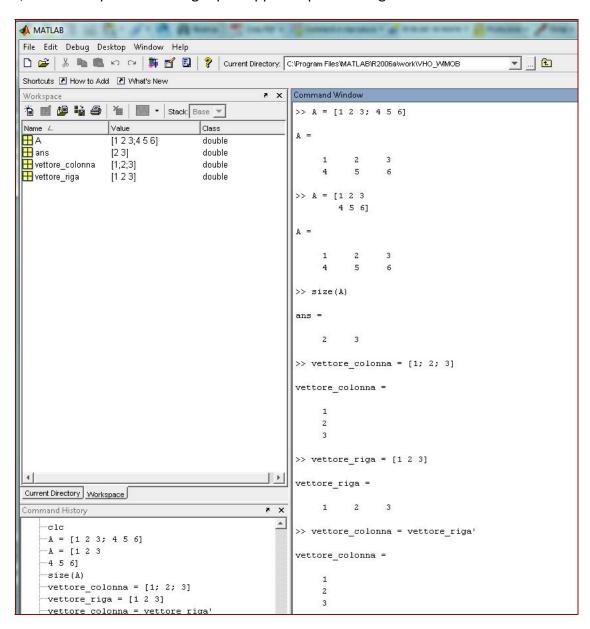






Matrici in Matlab

In MATLAB le matrici vengono definite all'interno di una coppia di parentesi quadre ([...]). Per distinguere un elemento dal successivo, e quindi identificare una riga o una colonna di una matrice, si usano rispettivamente gli spazi oppure il punto e virgola.

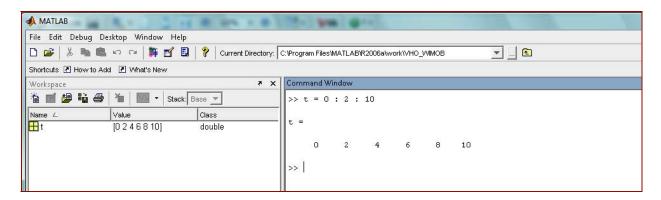


• É possibile creare matrici anche inserendo due o più vettori/matrici preesistenti.

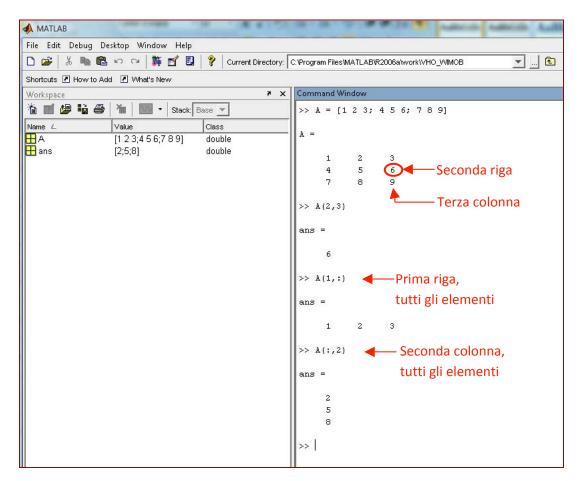


• Per creare vettori manualmente, è possibile usare l'istruzione

VALORE INIZIALE: INCREMENTO: VALORE FINALE

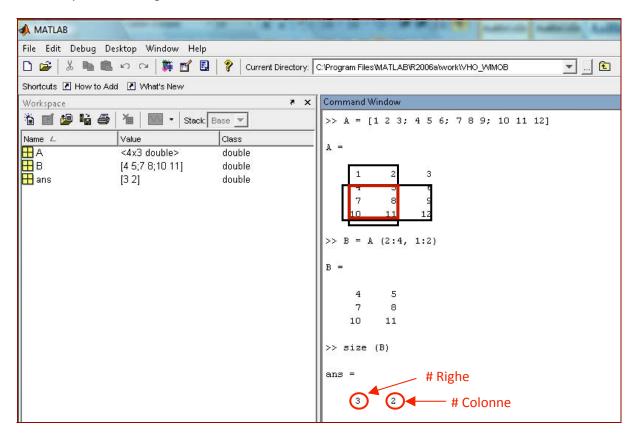


 Per selezionare un elemento, una riga o una colonna di una matrice, si può utilizzare l'indice dell'elemento, della riga o della colonna. In generale, gli indici iniziano dal valore
 1.





- É possibile estrarre un sottoinsieme contiguo di una matrice, facendo riferimento ad un intervallo delle righe ed uno delle colonne.
- Se ad esempio una matrice ha dimensione [4x3], allora si potrà selezionare la sottomatrice che prevede le righe [2:4] e le colonne [1:2].



• Per modificare il valore di un elemento all'interno di una matrice, (o una riga o una colonna), basta indicare l'elemento (o la riga o la colonna) e assegnargli un nuovo valore.

```
>> B(1,2) = 0;

>> B(3,:) = [0 0];

>> B

B =

4  0

7  8

0  0

>>
```

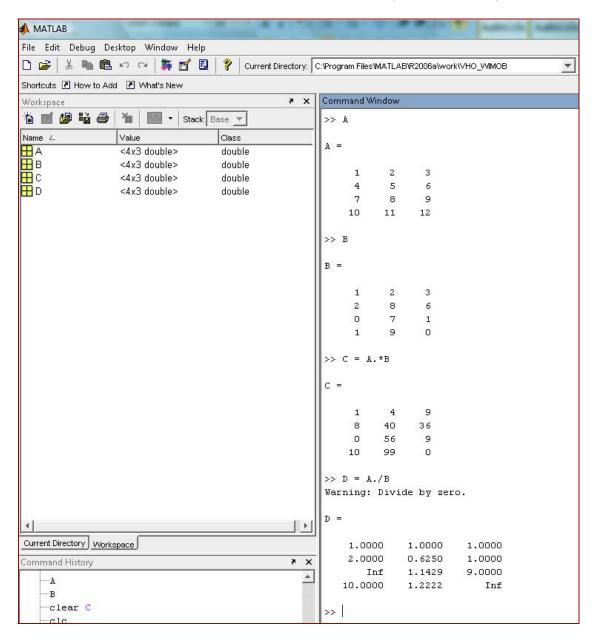


Operazioni matriciali

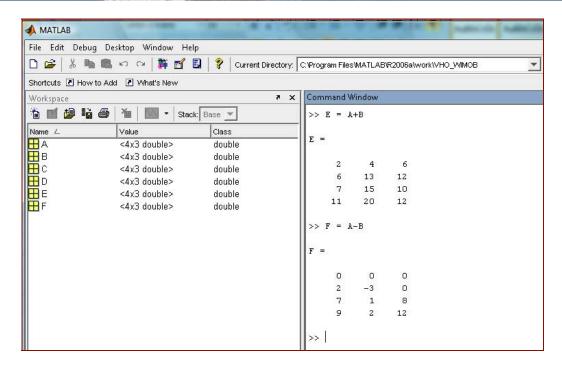
L'operazione tra elementi di una matrice viene fatta tramite i seguenti comandi:

Moltiplicazione elemento per elemento: ".*";
Divisione elemento per elemento: "./";
Addizione elemento per elemento: "+";
Sottrazione elemento per elemento: "-";
Elevazione a potenza elemento per elemento: ".^";

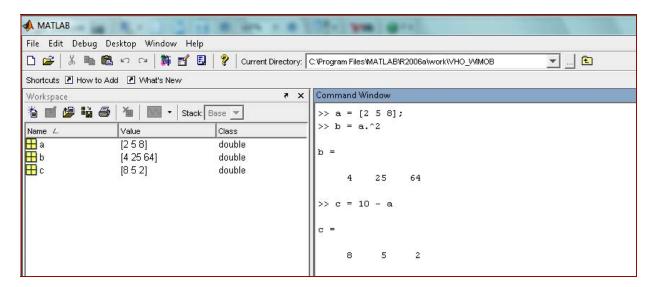
<u>Attenzione</u>: Le matrici devono essere della stessa dimensione, (es. A_{nxm} e B_{nxm}).







• L'operazione elemento per elemento può essere effettuata anche tra vettori e scalari, ovvero:

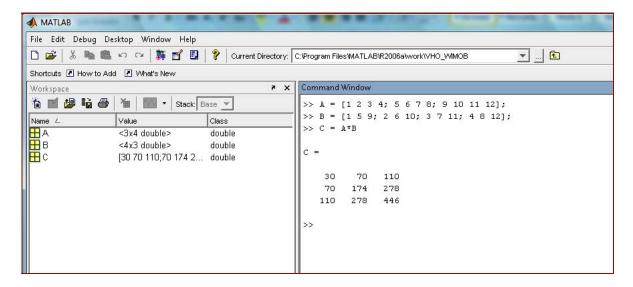


• La moltiplicazione tra due matrici è rappresentata dal simbolo *. In questo caso, è necessario che il numero di righe/colonne di una matrice corrispondano al numero di colonne/righe dell'altra matrice, (es. A_{nxm} e B_{mxn}), ottenendo

$$A_{3\times4} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 6 & 7 & 8 \\ 9 & 10 & 11 & 12 \end{bmatrix}, B_{4\times3} = \begin{bmatrix} 1 & 5 & 9 \\ 2 & 6 & 10 \\ 3 & 7 & 11 \\ 4 & 8 & 12 \end{bmatrix},$$

$$\Rightarrow C_{3\times 3} = A_{3\times 4} \times B_{4\times 3}$$

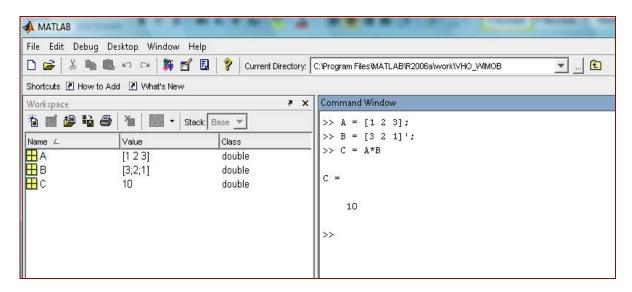




Analogamente, vale per i vettori

$$A_{1\times 3} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \end{bmatrix}, B_{3\times 1} = \begin{bmatrix} 3 \\ 2 \\ 1 \end{bmatrix},$$

$$\Rightarrow C_{1\times 1} = A_{1\times 3} \times B_{3\times 1}$$



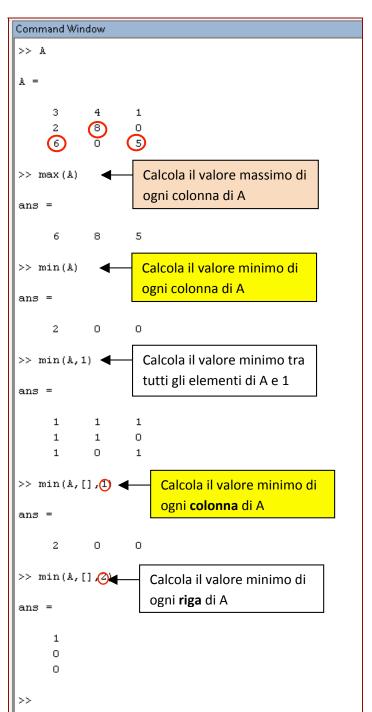
Altre funzioni che operano su vettori sono:

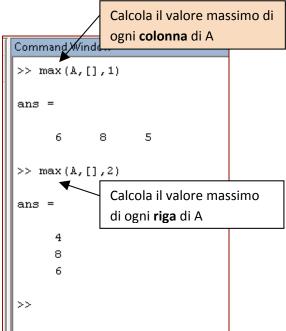
- max, min: calcola il massimo o il minimo di un vettore;
- sort: ordina gli elementi di un vettore in ordine decrescente o crescente;
- sum, prod: somma/moltiplica gli elementi di una matrice;



Max e Min di una matrice

- 1. Max e Min calcolano per ogni colonna rispettivamente il valore massimo e minimo della matrice A.
- 2. Max(A, B) e Min(A, B) calcolano per ogni colonna di A e di B rispettivamente il valore massimo e minimo, (istruzione di default).
- 3. Max/Min(A, [], 1) calcolano per ogni riga di A rispettivamente il valore massimo e minimo
- 4. Max/Min(A, [], 2) calcolano per ogni colonna di A e di B rispettivamente il valore massimo e minimo.







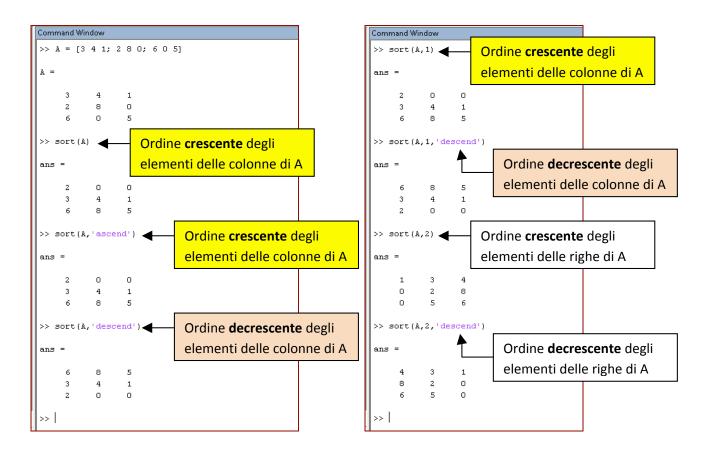
Sort di una matrice

- "Sort (A)" ordina gli elementi di una matrice A in ordine crescente, lungo le colonne della matrice A.
- "Sort (A, 'descend')" ordina gli elementi di una matrice A in ordine decrescente, lungo le colonne della matrice A.

N.B.: Per default, sort ordina gli elementi in ordine crescente.

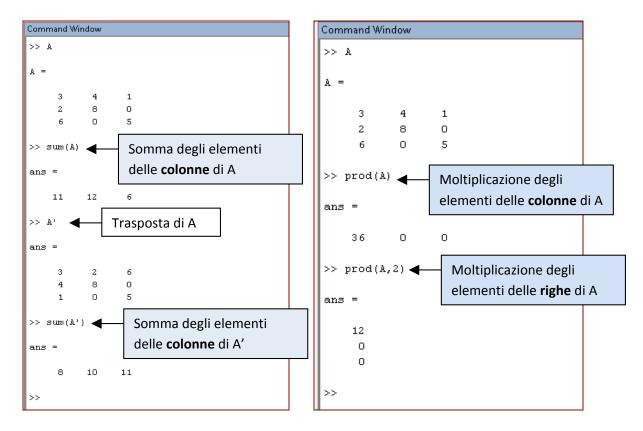
É possibile ordinare gli elementi di una matrice lungo le righe o le colonne, scrivendo:

- "Sort (A, 1)" ordina gli elementi di una matrice A in ordine crescente, lungo le <u>colonne</u> della matrice A.
- "Sort (A, 2)" ordina gli elementi di una matrice A in ordine crescente, lungo le <u>righe</u> della matrice A.





Sum e Prod di una matrice



Altri operatori che MatLab utilizza sono:

- sin, cos, tan,
- asin, acos, atan, atand
- exp, log (naturale), log10 (in base 10),
- abs, sqrt, sign

Per i numeri complessi, l'unità complessa è i o j ed è predefinita. Un numero complesso si scrive nella forma

$$z = a + jb$$
, (es. $a = 3$, $b = 5$) $\Rightarrow z = 3 + 5j$,

o anche

$$z = r(\cos\varphi + j\sin\varphi),$$

dove r è il modulo di z, e φ rappresenta la sua fase,

$$r = \sqrt{a^2 + b^2}$$
; $\varphi = \arctan\left(\frac{b}{a}\right)$.



Gli operatori che si possono utilizzare sono, pertanto:

- **abs**: calcola il modulo di z, (es. abs(z));
- angle : calcola la fase di z, (es. angle(z));
- real: calcola la parte reale di z, (es. real(z));
- **imag**: calcola la parte immaginaria di z, (es. imag(z));

```
Command Window
>> z = 3+5j;
>> abs(z)
ans =
     5.8310
>> angle(z)
ans =
     1.0304
>> real(z)
ans =
     3
>> imag(z)
ans =
     5
```

Strutture di controllo

In MATLAB è possibile utilizzare strutture di controllo, quali **if**, **for**, e **while**. Esse permettono la concatenazione di diverse istruzioni, le quali vanno separate con delle virgole.

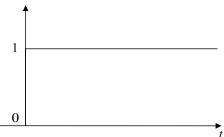
Struttura IF

Es: if flag==0,

<istruzioni separate da virgole>;

end;

Esempio: La funzione Heaviside ($funzione\ gradino$) fornisce, nella variabile x, il valore della funzione gradino a tempo continuo, calcolata in t.





Struttura FOR

Si considerino le seguenti istruzioni:

```
[m n] = size (a);

for i = 1 : m

for j = 1 : n

c (i, j) = a (i, j)^2;

end;

end;
```

esse creano e visualizzano la matrice \mathbf{c} ottenuta elevando al quadrato gli elementi della matrice a, ovvero $\mathbf{c} = \mathbf{a}^2$.

Struttura WHILE

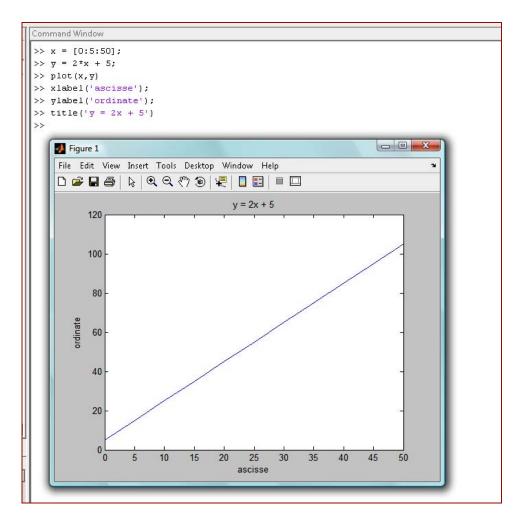
Si considerino le seguenti istruzioni:



Plot

L'istruzione per visualizzare il grafico di una funzione y = f(x) è **PLOT**, in riferimento a due variabili della stessa dimensione (es. vettore x e y), quindi ottenendo un grafico su un piano cartesiano.

$$x = [0, 5, 10, ..., 50], y = 2x + 5,$$



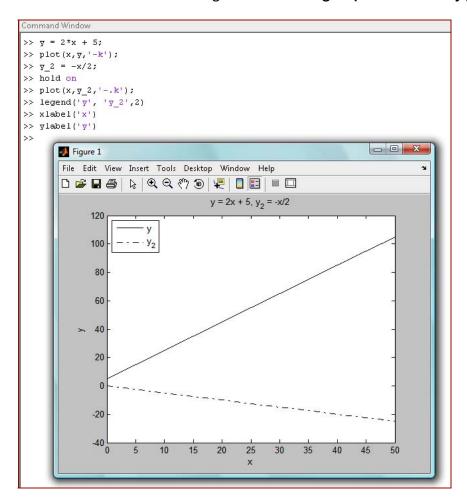
• Se si vuole visualizzare l'andamento di una seconda funzione (ad es. $y_2 = -x/2$) nella stessa finestra *figure* preesistente, si scrive l'istruzione **hold on**, seguita da **plot(x, y_2)**.

$$x = [0, 5, 10, ..., 50], \quad y_2 = -\frac{x}{2},$$

- xlabel ('etichetta') e ylabel ('etichetta') generano le etichette per gli assi x e y, rispettivamente.
- Legend('y', 'y_2') scrive la legenda delle variabili rappresentate.



- Il comando **close all** chiude tutte le figure aperte in finestre pop-up. Per chiudere una sola figura basta scrivere **close** *<numero della figura>*.
- Per dichiarare il numero di una nuova figura si scrivere figure(<numero della figura>).

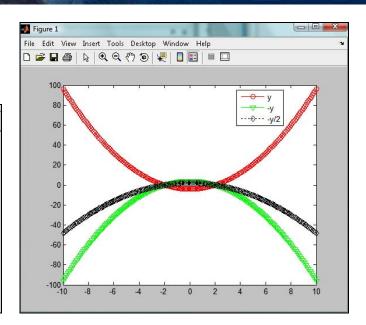


• Per creare grafici di colori diversi e usare marcatori diversi, si può specificare una stringa che rappresenta il colore del grafico e il simbolo (*marker*) usato per il plot.



```
Command Window

>> x = [-10:0.1:10];
>> y = x.^2-4;
>> plot(x,y,'-ro')
>> hold on
>> plot(x,-y,'-gv')
>> hold on
>> plot(x,-y/2,':kd')
>> legend('y','-y','-y/2')
>>
```



• Tutte le possibili scelte sono elencate nella tabella di seguito:

SIMBOLO	COLORE	SIMBOLO	MARKER
r	red		point
g	green	0	circle
b	blue	Х	x-mark
w	white	+	plus
m	magenta	*	star
С	cyan	-	solid
У	yellow	:	dotted
k	black		dashed

Grafici sovrapposti

- Per visualizzare più grafici in un'unica finestra, occorre usare l'istruzione **subplot** (r, c, p), dove r e c rappresentano rispettivamente le righe e le colonne che dividono la figura. Ogni riga e colonna individuerà una posizione all'interno della figura.
- La variabile *p* rappresenta la posizione individuata dalla riga *r*, e dalla colonna *c*.

Esempio. **subplot** (3, 2, 1) divide la figura in 3×2 rettangoli e seleziona il rettangolo numero 1. Analogamente, **subplot** (3, 2, 5) divide la figura in 3×2 rettangoli e seleziona il rettangolo numero 5. Per ogni rettangolo selezionato, sarà possibile graficare una certa funzione.

```
Esempio. subplot (3, 2, 1); plot (x, y) # Grafica la funzione y=f(x) nel primo rettangolo.
```



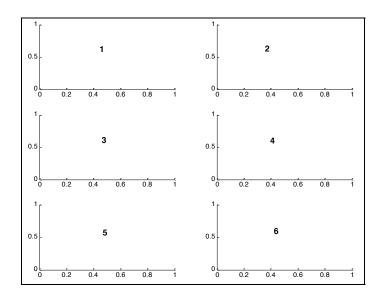
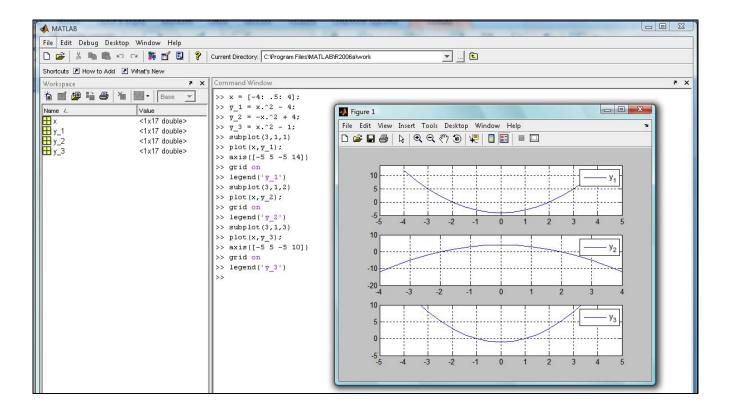


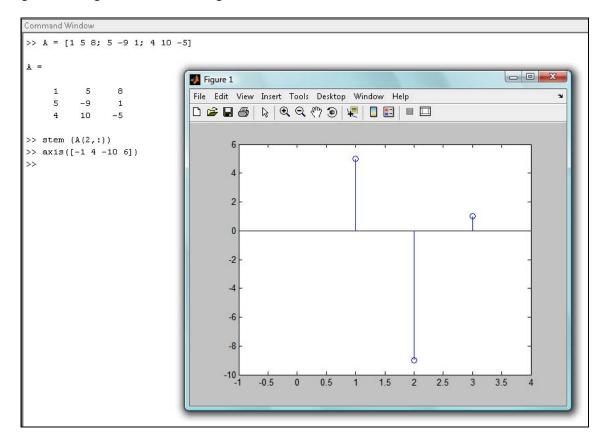
Figura 1. Comando subplot per sottografici all'interno della stessa figura.



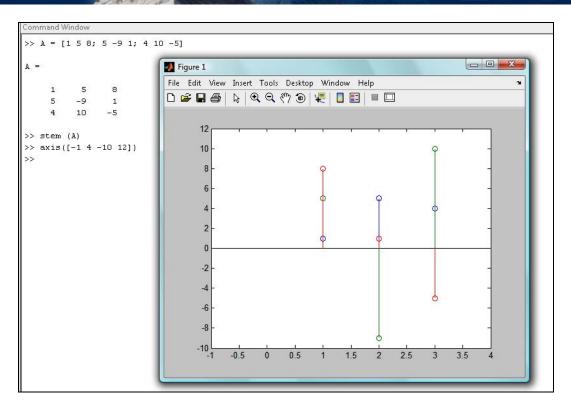


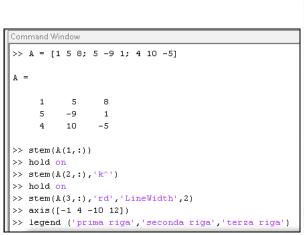
Funzione STEM

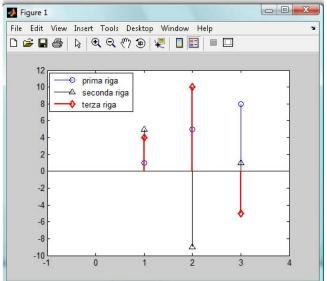
• **stem(x)** grafica gli elementi del vettore x come "impulsi matematici". Se x è una matrice, **stem** grafica tutti gli elementi di una riga di x.













Funzioni speciali

RAND

- rand, genera numeri random uniformemente distribuiti;
- rand(N) genera una matrice N×N composta da elementi random, scelti da una distribuzione uniforme nell'intervallo (0, 1).
- rand(M, N) genera una matrice M×N composta da elementi random nell' intervallo (0, 1).

```
Command Window
>> rand
ans =
   0.9501
>> rand(4)
ans =
                             0.7382
   0.2311
           0.7621 0.4447
           0.4565 0.6154 0.1763
0.0185 0.7919 0.4057
   0.6068
   0.4860
   0.8913 0.8214 0.9218 0.9355
>> rand(2,5)
   0.9169 0.8936
                      0.3529 0.0099
                                         0.2028
   0.4103
            0.0579
                      0.8132
                               0.1389
                                        0.1987
```

ZEROS

- zeros(N) genera una matrice quadrata di dimensione N, composta da soli zeri.
- zeros(M,N) genera una matrice M×N, composta da elementi nulli.

```
Command Window
>> zeros(1,3)

ans =

0 0 0

>> zeros(3)

ans =

0 0 0 0

0 0 0

>> 0 0

>> 0 0

0 0 0

0 0 0

>> 0 0

>> 0 0

0 0 0

0 0 0

>> 0 0 0
```



ONES

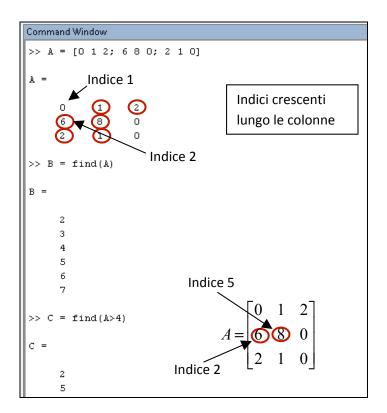
- ones(N) genera una matrice quadrata di dimensione N, composta da elementi unitari (1).
- ones(M,N) genera una matrice M×N, composta da elementi uguali a 1.

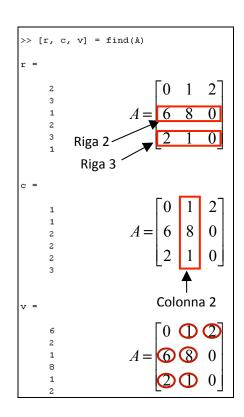
27



FIND

- La funzione "find" determina gli indici degli elementi non nulli.
- **B = find(A)** restituisce gli indici del vettore A che sono non nulli.
- L'istruzione I = find(A>x) restituisce gli indici degli elementi di A, per cui A è maggiore di x.





- L'istruzione [r, c, v] = find(A) restituisce tre vettori r, c e v che rappresentano rispettivamente:
 - o r = vettore degli indici delle righe della matrice A che individuano gli elementi non nulli;
 - o c = vettore degli indici delle colonne della matrice A che individuano gli elementi non nulli;
 - o v = vettore degli elementi non nulli della matrice A.



EYE

- La funzione **eye(n)** genera una matrice identità di dimensioni *nxn*.
- La funzione **eye(n, m)** genera una matrice sulla cui diagonale principale vi sono gli 1, e gli zero altrove.

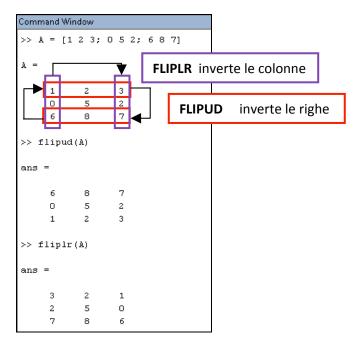
```
Command Window
>> eye (3)
ans =
          0
>> 5.*eye (3)
ans =
          0
>> 5.*eye (3,4)
ans =
          0
    0
          5
                     0
>> 5.*eye (3,6)
ans =
               0
                     0
                           0
                                0
                                0
```

29

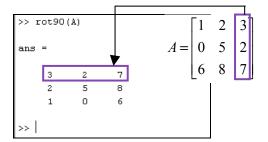


Operazioni sulle matrici

• Per cambiare l'orientamento delle matrici si usano le funzioni flipud, fliplr, e rot90

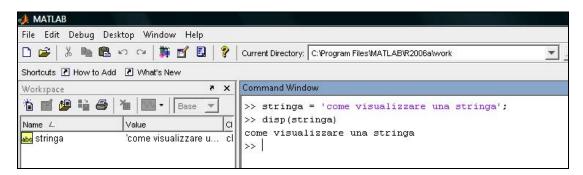


• La funzione rot90 inverte una matrice in senso antiorario di 90 gradi.



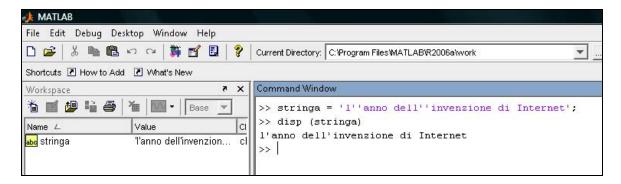
Le stringhe

• Si definisce STRINGA una sequenza di caratteri, racchiusa tra due apici

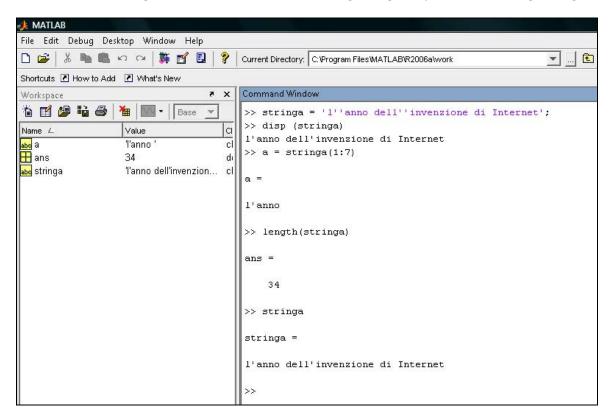




- Per parole accentate, si sostituisce l'accento con due apici successivi, in modo da evitare conflitti con gli apici per definire la stringa. Ad esempio:
 - La stringa "l'anno dell'invenzione di Internet", viene scritta in MATLAB come 'l'anno dell'invenzione di Internet'.



• In MATLAB le stringhe sono considerate dei vettori riga. Valgono quindi le stesse regole degli array.

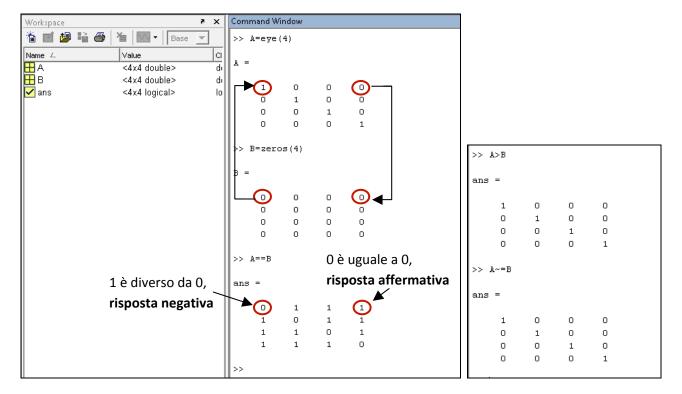


Operatori relazionali

- == uguale
- ~= diverso da
- < minore di
- <= minore o uguale

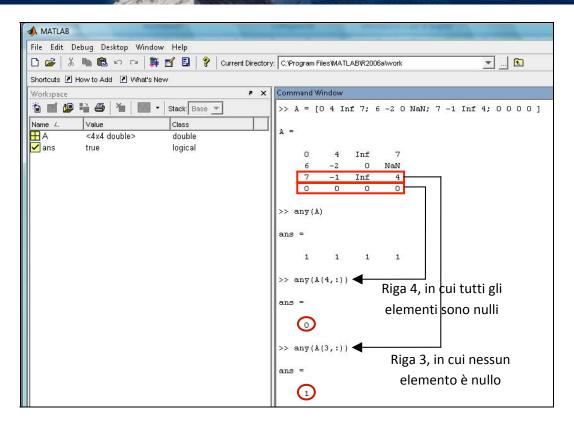


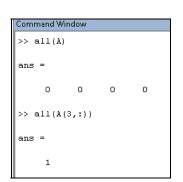
• Tali istruzioni generano un risultato logico, ovvero con valore 1 (*risposta affermativa*) oppure 0 (*risposta negativa*).

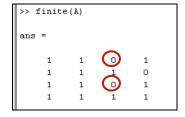


- any (x) restituisce 1 se c'è un elemento di x diverso da zero;
- all (x) restituisce 1 se tutti gli elementi di x sono diversi da zero;
- isnan (x) restituisce 1 per ogni elemento NaN (*Not-a-Number*) in x. NaN è generato per operazioni 0/0 oppure ∞/∞.
- isinf (x) restituisce 1 per ogni elemento inifinito in x;
- finite (x) restituisce 1 per ogni elemento finito in x.









```
A =

0    4    Inf    7

6    -2    0    NaN

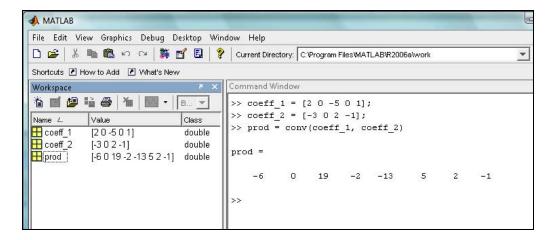
7    -1    Inf    4

0    0    0    0
```



Operazioni sui polinomi

- MATLAB considera un polinomio come vettore riga, i cui elementi sono i coefficienti del polinomio, in ordine di potenza decrescente.
- As es. il polinomio $x^5 + 2x^4 5x^2 + 1$ può essere rappresentato dal vettore dei coefficienti $coeff = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 & -5 & 0 & 1 \end{bmatrix}$
- La funzione conv moltiplica due vettori. Può essere usata per il prodotto tra due polinomi.
- Ad es. il prodotto tra polinomi $P_1(x) = 2x^4 5x^2 + 1$ e $P_2(x) = -3x^3 + 2x 1$ sarà la moltiplicazione tra i vettori $coeff_1 = \begin{bmatrix} 2 & 0 & -5 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ e $coeff_2 = \begin{bmatrix} -3 & 0 & 2 & -1 \end{bmatrix}$, il cui risultato sarà un vettore con i coefficienti del polinomio prodotto $P_1(x) \cdot P_2(x)$.



- La funzione roots calcola le radici del polinomio.
- Ad es. il polinomio $P(x) = x^2 + 5x + 6$ viene rappresentato tramite il vettore riga $coeff = \begin{bmatrix} 1 & 5 & 6 \end{bmatrix}$.
- L'istruzione radici = root(coeff) calcola le radici del polinomio P(x).
- L'istruzione polinomio = poly(radici) genera il polinomio P(x) a partire dal vettore radici.

