

72

$$f(x) = \begin{cases} x-1 & 1 \leq x \leq 3 \\ e^{x-3} + 1 & 3 \leq x \leq 6 \end{cases}$$

• $f(z) = ?$

VALORE DELLA FUNZIONE MEDIA
NELL'INTERVALLO

$I_{x0} : [1, 6]$

• $z = ?$

VALORE DELLA x IN CUI LA
FUNZIONE ASSUME IL VALORE
MEDIO

$$\begin{aligned} \underline{f(z)} &= \frac{\int_1^6 f(x) dx}{6-1} = \frac{\int_1^3 (x-1) dx + \int_3^6 (e^{x-3} + 1) dx}{5} = \frac{\left[\frac{x^2}{2} - x \right]_1^3 + \left[e^{x-3} + x \right]_3^6}{5} \\ &= \frac{\frac{9}{2} - 3 - \frac{1}{2} + 1 + e^3 + 6 - e^0 - 3}{5} = \frac{4 - 3 + 1 + e^3 + 6 - 1 - 3}{5} = \frac{e^3 + 4}{5} \end{aligned}$$

RISOLVO PER z

$f(z) = \frac{e^3 + 4}{5} \rightarrow$

$f(z) = x-1 = \frac{e^3 + 4}{5}$

$f(z) = e^{x-3} + 1 = \frac{e^3 + 4}{5}$

$x-3 = \ln\left(\frac{e^3 + 1}{5}\right)$

$\underline{x_1} = \frac{e^3 + 4}{5} + 1 \approx 5,817$

NON
ACC

$e^{x-3} = \frac{e^3 + 1}{5}$

$\underline{x_2} = +3 + \ln\left(\frac{e^3 + 1}{5}\right) \approx 4,34$

ACC

• PER IL TEOREMA DELLA MEDIA

SE $f(x)$ CONTINUA IN $[a, b]$

ALLORA $\exists z \in [a, b] \text{ t.c. } \int_a^b f(x) dx = (b-a) f(z)$

• 1 VERIFICO LE CONDIZIONI

$f(x)$ CONTINUA IN $[1, 6] = ?$

$\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 3^+} f(x)$

$(3) - 1 = e^{(3)-3} + 1$

$2 = 2$

VERIFICATO

• 2 APPLICO IL TEOREMA DELLA MEDIA E RISOLVO PER $f(z)$

$f(x) = \frac{\int_a^b f(x) dx}{b-a}$