Esercitazione del 20/11/2020_ Squadra 2

1) Determinare il ΔH° della trasformazione diamante --> grafite noto che:

a) C(s, diamante) +
$$O_2(g)$$
 --> $CO_2(g)$ $\Delta H^{\circ} = -395.4 \text{ kJ/mol}$

b) C(s, grafite) +
$$O_2(g)$$
 ---> $CO_2(g)$ $\Delta H^{\circ} = -393.5 \text{ kJ/mol}$

R: La trasformazione per la quale ci viene chiesto di determinare il ΔH° è

C(s, diamante) --> C(s, grafite)

Anche in questo caso possiamo sfruttare la legge di Hess, noti i valori di entalpia standard delle reazioni a) e b)

a)
$$C(s, diamante) + O_2(g) \longrightarrow CO_2(g)$$

-b)
$$CO_2(g)$$
 --> $C(s, grafite) + O_2(g)$

$$C(s, diamante) + O_2(g) + O_2(g) --> CO_2(g) + C(s, grafite) + O_2(g)$$

$$\Delta H^{\circ}$$
 reazione = $\Delta H^{\circ}a - \Delta H^{\circ}b = -395.4 + 393.5 = -1.9 \text{ kJ/mol}$

2) 1.00 mole di $H_2(g)$ è inizialmente a 298 K e 1 atm. 1.200 kJ di calore vengono trasferiti a tale campione. Calcolare la temperatura finale del gas, la variazione di energia interna e la variazione di entalpia conseguenti a tale trasferimento a) a volume costante e b) a pressione costante, considerando il gas ideale. $c^{H2}_{V:m} = 20.79 \text{ J/(K mol)}$ e $c^{H2}_{P:m} = 29.10 \text{ J/(K mol)}$.

R: a) A Volume costante

Dall'espressione del calore a volume costante, possiamo ricavare la variazione di temperatura del gas come

$$\Delta T = q/(n~x~C^{H2}_{~v,m}) = 1200~J~/~(20.79~J/(K~mol)~x~1~mol) = 57.7~K$$

Ne consegue che Tfinale = Tiniziale + $\Delta T = 298 \text{ K} + 57.7 \text{ K} = 355.7 \text{ K}$

La variazione di energia interna è data da

$$\Delta E = q + W = q - P\Delta V$$

ma, in una trasformazione isocora, $P\Delta V = 0$, quindi la variazione di energia interna corrisponde al calore

$$\Delta E = q = 1200 J$$

Ricaviamo, infine, la variazione di entalpia. L'entalpia è definita come H=E+PV che, impiegando la legge dei gas, può essere riscritta come H=E+nRT

In una trasformazione isocora in cui non si ha variazione di quantità di sostanza, la variazione di entalpia può essere ricavata da

$$\Delta H = \Delta E + P \Delta V + \Delta PV = \Delta E + nR\Delta T$$

che sarà quindi pari ha

$$\Delta H = 1200 \text{ J} + 1 \text{ mol } x 8.3145 \text{ j/(K x mol)} x 57.7 \text{ K} = 1680 \text{ J}$$

b) A pressione costante

Ricaviamo la variazione di temperatura sfruttando la stessa relazione del punto a), ma impiegando la capacità termica a pressione costante $c^{H2}_{(p, m)}$

$$\Delta T = q/(n \times C_{p,m}^{H2}) = 1200 \text{ J} / (29.1 \text{ J/(K mol)} \times 1 \text{ mol}) = 41.2 \text{ K}$$

Tfinale= Tiniziale +
$$\Delta T = 298 + 41.2 = 339.2 \text{ K}$$

La variazione di energia interna sarà data dalla relazione

$$\Delta E = q - P\Delta V = q - nR\Delta T = 1200 - 1 \times 8.3145 \times 41.2 = 857 J$$

Analogamente, noto che siamo a pressione costante, la variazione di entalpia sarà data dalla relazione

$$\Delta H = \Delta E + P \Delta V + \Delta P V = q - P \Delta V + P \Delta V = q = 1200 J$$

3) Calcolare il ΔH di reazione quando vengono fatti esplodere 10 g di nitroglicerina, secondo la reazione:

$$2C_{3}H_{3}(NO_{3})_{3\;(l)} --> 3N_{2(g)} + 1/2\;O_{2(g)} + 6\;CO_{2\;(g)} + 5\;H_{2}O_{\;(g)}$$

sapendo che

	ΔH° f (KJ/mol)
$C_3H_5(NO_3)_3$	-364
CO ₂	-393.5
H ₂ O	-241.8
N_2 ; O_2	0

R: Per svolgere l'esercizio, possiamo avvalerci di una diretta conseguenza della legge di Hess, secondo la quale l'entalpia di un dato processo può essere ricavato dalla differenza tra le entalpie di formazione dei prodotti e quelle dei reagenti

 $\Delta H^{\circ} = \sum \Delta H^{\circ}$ formazione prodotti $-\sum \Delta H^{\circ}$ formazione reagenti

$$= (3\Delta H^{\circ}(N_2) + 1/2\Delta H^{\circ}(O_2) + 6\Delta H^{\circ}(CO_2) + 5\Delta H^{\circ}(H_2O)) - (2\Delta H^{\circ}(C_3H_3(NO_3)_3))$$

=
$$[6 \times (-393.5) + 5 \times (-241.8)] - [2 \times (-364)] = -2842 \text{ kJ/2mol nitroglicerina}$$

In realtà il testo del problema indica che la reazione di decomposizione avviene su 10 g di nitroglicerina, che corrispondono a 0.044 mol.

Il ΔH sarà quindi -2842 kJ/2 mol x 0.044 mol = -62.6 kJ

4) Calcolare il ΔH° di formazione dell'etilene, $C_2H_4(g)$, a 25°C sapendo che alla stessa temperatura l'entalpia standard di combustione dell'etilene è pari a -1411 kJ/mol, l'entalpia standard di formazione di $CO_2(g)$ è -393.5 kJ/mol e quella di $H_2O(1)$ è -285.8 kJ/mol.

R: Per calcolare l'entalpia standard di formazione dell'etilene, possiamo sfruttare la diretta conseguenza della legge di Hess, secondo la quale l'entalpia di un dato processo può essere ricavato dalla differenza tra le entalpie di formazione dei prodotti e quelle dei reagenti

 $\Delta H^{\circ} = \sum \Delta H^{\circ}$ formazione prodotti $-\sum \Delta H^{\circ}$ formazione reagenti

Come reazione, consideriamo la combustione dell'etilene, di cui conosciamo il valore di entalpia standard

$$\begin{split} C_2H_4(g) + O_2(g) --> 2 \ CO_2(g) + 2H_2O(g) \\ \Delta H^\circ \text{combustione} &= [2\Delta H^\circ f(CO_2) + 2\Delta H^\circ_f(H_2O)] - [\Delta H^\circ_f(C_2H_4) + \Delta H^\circ_f(O_2)] \\ &= 2x(-395 \ kJ/mol) + 2x(-285.8 \ kJ/mol) - \Delta H^\circ_f(C_2H_4) = -1411 \ kJ/mol \\ \Delta H^\circ_f(C_2H_4) &= +1411 \ kJ/mol - 2x(-395 \ kJ/mol) - 2x(-285.8 \ kJ/mol) = 52 \ kJ/mol \end{split}$$

5) Stimare la variazione di entalpia standard associata alla reazione in cui 1.00 mol di metano reagisce con cloro producendo tetracloro-metano e acido cloridrico alla temperatura di 25°C. Utilizzare sia le entalpie standard di formazione che le entalpie di legame. $\Delta H^{\circ}f$ (CH₄(g)) = -74.81 kJ/mol; $\Delta H^{\circ}f$ (HCl(g)) = -92-31 kJ/mol; $\Delta H^{\circ}f$ (CCl₄) = -135.44 kJ/mol. $\Delta H^{\circ}bond$ (C - H) = 412 kJ/mol; $\Delta H^{\circ}bond$ (Cl - Cl) = 242 kJ/mol; $\Delta H^{\circ}bond$ (Cl - Cl) = 338 kJ/mol; $\Delta H^{\circ}bond$ (Cl - H) = 431 kJ/mol.

R: La reazione che stiamo considerando è la seguente

$$CH_4(g) + 4Cl_2(g) --> CCl_4(l) + 4HCl(g)$$

Considerando i valori entalpia di formazione di reagenti e prodotti, la variazione di entalpia standard associata può essere calcolata come segue

$$\Delta H^{\circ} reazione = \left[4\Delta H^{\circ} f(HCl) + \Delta H^{\circ} f(CCl_{4})\right] - \left[4\Delta H^{\circ} f(Cl_{2}) + \Delta H^{\circ} f(CH_{4})\right]$$

=
$$[4x(-92.31 \text{ kJ/mol}) + (-135.44 \text{ kJ/mol})] - [(0 \text{ kJ/mol}) + (-74.81 \text{ kJ/mol})] = -429.87 \text{ kJ/mol}$$

La variazione di entalpia della reazione in oggetto può essere calcolata anche dalle entalpie di legame come segue

 ΔH° reazione = $\sum \Delta H^{\circ}$ legami rotti - $\sum \Delta H^{\circ}$ legami formati

Durante la reazione, possiamo considerare che avvengano i seguenti processi:

- a) Rottura di 4 legami C-H
- b) Rottura di 4 legami Cl-Cl
- c) Formazione di 4 legami C-Cl
- d) Formazione di 4 legami H-Cl

Il ΔH°reazione sarà quindi pari a:

$$\Delta H^{\circ}$$
 reazione = [(4 x 412 kJ/mol) + (4 x 242 kJ/mol)] -[(4 x 338 kJ/mol) + (4 x 431 kJ/mol)] = -460 kJ/mol

6) Determinare la variazione di entropia associata al processo di solidificazione di 64.3 g di H_2O a p=1 atm e T=0°C, sapendo che il ΔH fusione(H_2O)= 6.008 kJ/mol

R: La variazione di entropia può essere calcolata come

$$\Delta S = q_{rev}/T$$
 dove q_{rev} è il calore scambiato in un processo isotermico reversibile

Il processo di solidificazione, in quanto passaggio di stato, può essere considerato come un processo ISOBARO ed ISOTERMICO.

Il ΔH associato ad un processo di questo tipo corrisponde al q, in quanto

$$\Delta H = \Delta E + P\Delta V + \Delta PV = q - P\Delta V + P\Delta V + \Delta PV = q \qquad (\Delta P = 0; \Delta T = 0)$$

Dal testo del problema ci viene fornito il valore dell'entalpia di fusione, associata al processo inverso a quello che dobbiamo considerare. Il valore di entalpia di solidificazione (e quindi il calore associato al processo) sarà quindi

$$\Delta H solidificazione = -\Delta H fusione = -6.008 \ kJ/mol = q$$

Calcoliamo
$$\Delta S = -6.008/273.15 = -0.0786 \text{ kJ/mol}$$

7) Stimare se i seguenti processi hanno ΔS positivo o negativo, assumendo che avvengano tutti a temperatura

costante:

a)
$$CO_2(g) --> CO_2(s)$$

b)
$$CaO(s) + CO_2(g) \longrightarrow CaCO_3(s)$$

c)
$$NaCl_{(s)} --> Na^+_{(aq)} + Cl^-_{(aq)}$$

d)
$$C(s) + O_{2(g)} --> CO_{2(g)}$$

R: a) $CO_2(g)$ --> $CO_2(s)$ ΔS < 0, in quanto passiamo da uno stato più disordinato (gassoso) ad uno più ordinato (solido)

- b) $CaO(s) + CO_2(g)$ --> $CaCO_3(s)$ $\Delta S < 0$, in quanto passiamo da uno stato più disordinato (gassoso + solido) ad uno più ordinato (solido)
- c) $NaCl_{(s)}$ --> $Na^+_{(aq)} + Cl^-_{(aq)} \Delta S > 0$ in quando passiamo da una situazione ordinata (solido) ad una più disordinata (ioni solvatati in soluzione, liberi di muoversi)
- d) $C(s) + O_{2(g)} --> CO_{2(g)} \Delta S \sim 0$, in quanto passiano da una situazione disordinata (solido + gas) ad una disordinata in modo comparabile
- 8) La seguente reazione è in equilibrio in condizioni standard

$$CaCO_3(s) \longrightarrow CO_2(g) + CaO(s)$$

Determinare per quale temperatura la reazione forma spontaneamente CaO(s), noto che

	ΔH° f (kJ/mol)	S° (J/molxK)
CaCO ₃	-1206.9	92.9
CO ₂	-393.5	213.6
CaO	-635.6	39.8

R: La spontaneità di una reazione è indicata dal valore dell'energia libera di Gibbs. Nel dettaglio, quando $\Delta G^{\circ} < 0$, la reazione è spontanea, mentra con $\Delta G^{\circ} > 0$, la reazione non è spontanea.

 ΔG° è definito come segue

$$\Delta G^{\circ} = \Delta H^{\circ} - T \Delta S$$

Nota la reazione, che risulta bilanciata, possiamo calcolare i valori di variazione di entalpia standard di reazione e di variazione di entropia standard di reazione dai valori tabulati.

 $\Delta H^{\circ} reazione = \Delta H^{\circ}(CaO) + \Delta H^{\circ}(CO_2) - \Delta H^{\circ}(CaCO_3) = -635.6 - 393.5 + 1206. \ 9 = 177.8 \ kJ/mol$ Analogamente, la variazione di entropia sarà

 ΔS° reazione = ΔS° (CaO) + ΔS° (CO₂) - ΔS° (CaCO₃) = 39.8 + 213.6 -92.9 = 160 J/(Kxmol)

Il testo ci chiede oltre quale valore di temperatura la reazione avviene spontaneamente, quindi con $\Delta G^\circ < 0$

 $\Delta G^{\circ} < 0$ quando ΔH° reazione - T ΔS° reazione < 0

quindi quando T > 177.8/0.1605 = 1107.8 K

9)L'acqua bolle a 100°C alla pressione di 1 atm. Sapendo che l'entalpia di formazione dell'acqua liquida è -285.83 kJ/mol, mentre per quella gassosa è -241.83 kJ/mol, calcolare Δ S° per il seguente processo

$$H_2O(1) --> H_2O(g)$$

R: La grandezza che correla l'entalpia e l'entropia è l'energia libera.

$$\Delta G^{\circ} = \Delta H^{\circ} - T \Delta S^{\circ}$$

Il processo in gioco è il processo di vaporizzazioe (o ebollizione) dell'acqua.

$$\Delta G^{\circ}(\text{vap}) = \Delta H^{\circ}(\text{vap}) - T \Delta S^{\circ}(\text{vap})$$

In un passaggio di stato, la variazione di energia libera $\grave{e}=0$. Possiamo ricavare il $\Delta H^{\circ}(vap)$ dalla legge di Hess, noti il $\Delta H^{\circ}f(H_2O_{(l)})$ e $\Delta H^{\circ}f(H_2O_{(g)})$

$$\Delta H^{\circ}(vap) = \Delta H^{\circ}f \ (H_{2}O_{(g)}) \ - \ \Delta H^{\circ}f \ (H_{2}O_{(l)}) = O \ -241.83 \ + \ 285.84 = 44 \ kJ/mol$$

$$0 = \Delta H^{\circ}(vap) - T \Delta S^{\circ}(vap) = 44 \text{ kJ/mol} - T \Delta S^{\circ}(vap)$$

$$\Delta S^{\circ}(\text{vap}) = 44 \text{ kJ/mol} / 373 \text{K} = 0.118 \text{ kJ/(Kxmol)}$$