#### II<sup>a</sup> prova in Itinere del 21/01/2019: SOLUZIONI CHIMICA E MATERIALI

### Corso di Laurea Ingegneria Fisica

**1A=5D** Si neutralizza 1.00 L di una soluzione 0.100 M di acido ossalico (avente formula  $H_2C_2O_4$ ) a 25°C, con 1.00 L di soluzione 0.200 M di KOH. Quale sarà il pH della soluzione risultante, tenuto conto del fatto che, per  $H_2C_2O_4 = K_{a1}$ =  $5.9 \cdot 10^{-2}$  e  $K_{a2} = 6.5 \cdot 10^{-5}$ ? (13 punti)

Svolgimento: Le moli di  $H_2C_2O_4$  sono:  $Ix\ 0.100 = 0.100$ , quelle di KOH sono il doppio:  $Ix\ 0.200 = 0.200$ . Si ha quindi la reazione essenzialmente completa:  $H_2C_2O_{4(aq)} + 2KOH_{(aq)} \rightarrow C_2O_4^{2^-}{}_{(aq)} + 2K^+ + 2H_2O$ . (1) Mentre  $K^+$  non reagisce con l'acqua, lo ione  $C_2O_4^{2^-}{}_{(aq)}$  è la base debole coniugata dell'acido  $HC_2O_4^-$  avente  $K_a = 6.5 \cdot 10^{-5}$ .

Avrà quindi  $K_b = K_w/Ka = 1.0 \cdot 10^{-14}/6.5 \cdot 10^{-5} = 1.54 \cdot 10^{-10}$ .

Si ha quindi la reazione:  $C_2O_4^{2-}_{(aq)} + H_2O \rightleftharpoons HC_2O_4^{-} + OH^-$  e  $[HC_2O_4^{-}] \cdot [OH^-]/[C_2O_4^{2-}] = 1.54 \cdot 10^{-10}$ 

Trascurando gli OH provenienti dalla dissociazione dell'acqua, considerando che la reazione 1 è tutta spostata a destra,  $[C_2O_4^{2-}]$  $= 0.100 \text{ moli/2.00L} = 5.0 \cdot 10^{-2}$ 

Da cui [ $HC_2O_4$ ] = [OH] =  $(1.54 \cdot 10^{-10} \cdot 5.0 \cdot 10^{-2})^{1/2}$  =  $2.77 \cdot 10^{-6}$  che è trascurabile rispetto  $5.0 \cdot 10^{-2}$ Sarà quindi pOH = 6.00-0.44=5.56 e quindi pH = 14.00-5.11=8.44

**1B=5C**] Si neutralizzano 2.00 L di una soluzione 0.100 M di acido solforoso (avente formula H<sub>2</sub>SO<sub>3</sub>) a 25°C, con 2.00 L di soluzione 0.200 M di NaOH. Quale sarà il pH della soluzione risultante, tenuto conto del fatto che, per H<sub>2</sub>SO<sub>3</sub>  $K_{a1} = 1.5 \cdot 10^{-2} \text{ e } K_{a2} = 1.2 \cdot 10^{-7}?$  (13 punti)

Svolgimento: Le moli di  $H_2SO_3$  sono: 2x 0.100 = 0.200, quelle di NaOH sono il doppio: 2x 0.200 = 0.400. Si ha quindi la reazione essenzialmente completa:  $H_2SO_{3(aq)} + 2NaOH_{(aq)} \rightarrow SO_3^{2-} + 2Na^+ + 2H_2O$ . (1)

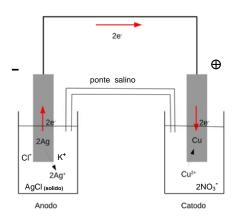
Mentre Na<sup>+</sup> non reagisce con l'acqua, lo ione  $SO_3^{2-}$  è la base debole coniugata dell'acido  $HSO_3^{-}$  avente  $K_a = 1.2 \cdot 10^{-7}$ . Avrà quindi  $K_b = K_w/Ka = 1.0 \cdot 10^{-14}/1.2 \cdot 10^{-7} = 8.3 \cdot 10^{-8}$ .

Si ha quindi la reazione:  $SO_3^{2-} + H_2O \rightleftharpoons HSO_3^{-} + OH^-$  e  $[HSO_3^{-}] \cdot [OH^-] / [SO_3^{2-}] = 8.3 \cdot 10^{-8}$ 

Trascurando gli OH provenienti dalla dissociazione dell'acqua, considerando che la reazione 1 è tutta spostata a destra, [SO<sub>3</sub><sup>2-</sup>] =  $0.200 \text{ moli/4.00L} = 5.0 \cdot 10^{-2}$ 

Da cui [  $HSO_3$  ] = [ OH ] =  $(8.3 \cdot 10^{-8} \cdot 5.0 \cdot 10^{-2})^{1/2}$  =  $6.45 \cdot 10^{-5}$  che è trascurabile rispetto  $5.0 \cdot 10^{-2}$ Sarà quindi pOH = 5.00-0.81=4.19 e quindi pH = 14.00-4.19 = 9.81.

**2A=6D]** Una pila a T=25°C è costituita dalle seguenti due semicelle: 1) un elettrodo di Ag immerso in una soluzione acquosa satura di AgCl, (contente quindi anche AgCl (solido)) nonché anche KCl(aq), quest'ultimo con una concentrazione 0.50 M; e 2) un elettrodo di Cu immerso in una soluzione di Cu (NO<sub>3</sub>)<sub>2(aq)</sub> con una concentrazione 0.35 M. Noto che a T=25°C, K<sub>DS</sub>(AgCl)= $1.8 \cdot 10^{-10}$ , determinate il potenziale di ciascuno dei due elettrodi, spiegando anche qualitativamente perché differiscono molto dai valori in condizioni standard. Fate poi un disegno della pila indicando catodo, anodo, polarità degli elettrodi, circolazione degli elettroni etc., precisando anche quale reazione avviene complessivamente. Che valore avranno la fem ed il  $\Delta G$  iniziali della pila? Spiegate infine perché il potenziale dell'elettrodo di Ag può essere assunto costante, determinando invece quale valore dovrebbe raggiungere la concentrazione di Cu (NO<sub>3</sub>)<sub>2(aq)</sub> perché la pila smetta di funzionare. (**15 punti**)



Svolgimento: All'elettrodo di rame si ha la reazione  $Cu^{2+}_{(aq)} + 2e^{-} \rightarrow Cu_{(s)}$ . Dato che il nitrato di rame è un sale solubile, si ha  $[Cu^{2+}] = [Cu(NO_3)_2] = 0.35 M$ . Pertanto il potenziale del semielemento  $E_{Cu2+/Cu}$ =  $E^{\circ}_{Cu^{2+}/Cu^{+}} = 0.059/2 \cdot log[Cu^{2+}] = 0.337 + 0.059/2 \cdot log(0.35)$ = 0.32 V. All'altro elettrodo avviene la reazione dell'argento  $Ag_{(s)} \rightarrow Ag^{+}_{(aq)} + e^{-}$  e il potenziale è  $E_{Ag+/Ag} =$  $E^{\circ}_{Ag+/Ag} + 0.059 log[Ag^{+}]$ . La  $[Ag^{+}]$  dipende dal prodotto di solubilità del sale poco solubile AgCl Kps =  $[Ag^{+}][Cl^{-}]$ . La  $[Cl^{-}]$  degli ioni cloro è determinata da KCl, che è completamente disciolto e dissociato in acqua; si ha quindi  $[Cl^-] = [KCl] = 0.50$  M. Si trova così che  $[Ag^+] = Kps/[Cl^-] = 3.6 \cdot 10^{-10}$  e il potenziale risulta  $E_{Ag^+/Ag} = 0.799 + 0.059 \cdot log(3.6 \cdot 10^{-10}) = 0.24$  V. Perciò, l'elettrodo di rame è il catodo, a cui avviene la riduzione, mentre quello di argento è l'anodo, a cui avviene

l'ossidazione. I potenziali dei due elettrodi sono molto diversi da quelli standard in quanto le concentrazioni delle

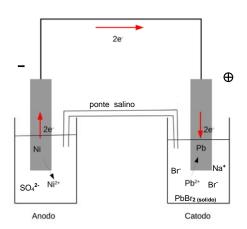
# ABCD

### CHIMICA E MATERIALI II<sup>a</sup> prova in Itinere del 21/01/2019: SOLUZIONI

### Corso di Laurea Ingegneria Fisica

specie coinvolte sono lontane dalla concentrazione standard di 1 M. La forza elettromotrice iniziale della pila è quindi fem  $=\Delta E = 0.32 - 0.24 = 0.080V$ . La reazione complessiva e bilanciata che avviene è  $Cu^{2+}_{(aq)} + 2Ag_{(s)} \rightarrow Cu_{(s)} + 2Ag_{(aq)}^+$  e il  $\Delta G$  corrispondente è  $\Delta G = -2F\Delta E = -2 \cdot 96485 \cdot 0.080 = -15.4 kJ$ . Funzionando la pila genera ioni  $Ag^+$ , ma la loro concentrazione in soluzione rimane circa costante in quanto la quantità in eccesso precipita sotto forma di AgCl. Perché la pila smetta di funzionare, si deve avere fem=0. Ponendo E = 0 = x - 0.24, si trova che il potenziale del catodo deve essere pari a  $0.24 \ V$ . La concentrazione di ioni rame che determina questo potenziale di semielemento è pari a  $log[Cu^{2+}] = 2(0.24 - 0.337)/0.059 = -3.3 \Rightarrow [Cu^{2+}] = 10^{-3.3} = 5.2 \cdot 10^{-4} M$ .

**2B=6C]** Una pila a T=25°C è costituita dalle seguenti due semicelle: 1) un elettrodo di Pb immerso in una soluzione acquosa satura di PbBr<sub>2</sub>, (contente quindi anche PbBr<sub>2</sub> (solido)) nonché anche NaBr<sub>(aq)</sub>, quest'ultimo con una concentrazione 0.50 M; e 2) un elettrodo di Ni immerso in una soluzione di NiSO<sub>4(aq)</sub> con una concentrazione 0.010M. Noto che a T=25°C, K<sub>ps</sub>(PbBr<sub>2</sub>)=6.3·10<sup>-6</sup>, determinate il potenziale di ciascuno dei due elettrodi, spiegando anche qualitativamente perché differiscono molto dai valori in condizioni standard. Fate poi un disegno della pila indicando catodo, anodo, polarità degli elettrodi, circolazione degli elettroni etc., precisando anche quale reazione avviene complessivamente. Che valore avranno la fem ed il ΔG iniziali della pila? Spiegate in fine perché il potenziale dell'elettrodo di Pb può essere assunto costante, determinando invece quale valore dovrebbe raggiungere la concentrazione di NiSO<sub>4(aq)</sub> perché la pila smetta di funzionare. (**15 punti**)



Svolgimento. All'elettrodo di nichel si ha la reazione  $Ni^{2+}_{(aa)} + 2e^{-} \rightarrow Ni_{(s)}$ . Dato che il solfato di nichel è un sale solubile, si ha  $[Ni^{2+}] = [NiSO_4] = 0.010 M$ . Pertanto il potenziale del semielemento  $E_{Ni2+/Ni}$ =  $E^{\circ}_{Ni2+/Ni}+$ 0.059/2 $log/Ni^{2+}$ ]  $0.25+0.059/2 \cdot log(0.010) = -0.31 \text{ V. All'altro elettrodo}$ avviene la reazione del piombo  $Pb_{(s)} \rightarrow Pb^{2+}_{(aq)} + 2 e^{-} e^{-}$ il potenziale è  $E_{Pb2+/Pb} = E^{\circ}_{Pb2+/Pb} + 0.059log[Pb^{2+}]$ . La [Pb<sup>2+</sup>] dipende dal prodotto di solubilità del sale poco solubile  $PbBr_2 \ Kps = [Pb^{2+}][Br^{-}]^2 = 6.3 \cdot 10^{-6}$ . La  $[Br^{-}]$ degli ioni bromuro è determinata da NaBr, che è completamente disciolto e dissociato in acqua; si ha quindi  $[Br^{-}] = [NaBr] = 0.50 \text{ M}$ . Si trova così che  $[Pb^{2+}] = Kps/[Br^{-}]^{2} = 2.5 \cdot 10^{-5}$  e il potenziale risulta  $E_{Pb2+/Pb} = -0.126 + 0.059 \cdot log(2.5 \text{ } \hat{C10}^{-5}) = -0.26 \text{ } V.$ Perciò, l'elettrodo di Pb è il catodo, a cui avviene la

riduzione, mentre quello di nichel è l'anodo, a cui avviene l'ossidazione. I potenziali dei due elettrodi sono molto diversi da quelli standard in quanto le concentrazioni delle specie coinvolte sono lontane dalla concentrazione standard di 1 M. La forza elettromotrice iniziale della pila è quindi fem  $=\Delta E = -0.26$  –(- 0.31) = 0.050V. La reazione complessiva e bilanciata che avviene è  $Pb^{2+}_{(aq)} + Ni_{(s)} \rightarrow Pb_{(s)} + Ni^{2+}_{(aq)}$  e il  $\Delta G$  corrispondente è  $\Delta G = -2F\Delta E = -2 \cdot 96485 \cdot 0.050 = -9.6 kJ$ . Funzionando la pila consuma ioni  $Pb^{2+}$ , ma la loro concentrazione in soluzione rimane circa costante in quanto la quantità in difetto viene reintegrata dal corpo di fondo del sale poco solubile  $PbBr_2$ . Perché la pila smetta di funzionare, si deve avere fem=0. Ponendo E = 0 = -0.26 - x, si trova che il potenziale del catodo deve essere pari a -0.26 V. La concentrazione di ioni nichel che determina questo potenziale di semielemento è pari a  $log[Ni^{2+}] = 2(-0.26 + 0.25)/0.059 = 0.34 \Rightarrow [Ni^{2+}] = 10^{-0.34} = 0.47 M$ .

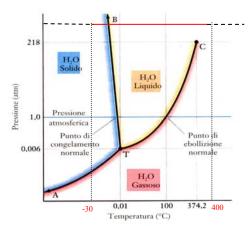
**3A=1D]** Disegnare il diagramma di stato dell'acqua, noto che il suo punto triplo è a  $T = 0.01^{\circ}C$  e  $P = 6.0 \cdot 10^{-3}$  atm mentre il punto critico è a  $T = 374^{\circ}C$  e P = 218 atm. Cosa rappresentano le curve che avete tracciate sul diagramma? Perché alcune hanno pendenza > 0, altre < 0? Descrivete qualitativamente le trasformazioni osservabili e come varia a) la densità, b) l'entalpia e c) l'energia libera di un campione di acqua che viene riscaldato a P = 250.0 atm da  $T = -30^{\circ}C$  fino a  $T = 400^{\circ}C$ . (15 punti)

# ARCD

### CHIMICA E MATERIALI II<sup>a</sup> prova in Itinere del 21/01/2019: SOLUZIONI

### Corso di Laurea Ingegneria Fisica

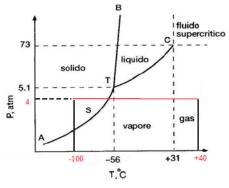
Svolgimento: Le curve nel diagramma rappresentano le condizioni di T e P in cui le fasi separate dalle curve hanno la medesima energia libera, e quindi sono in equilibrio. La loro pendenza è  $dP/dT = \Delta S/\Delta V$  ( $\Delta S$  e  $\Delta V$  del passaggio di



stato, equazione di Clausius-Clapeyron). Poiché per passaggi di stato, da stati condensati allo stato gassoso, entrambe le variazioni sono sempre positive le pendenze delle curve solido/gas e liquido/gas sono quindi sempre positive. Poiché nel caso dell'acqua il volume specifico del solido è maggiore di quello del liquido, si ha che mentre  $\Delta S$  del passaggio solido-liquido è >0,  $\Delta V$  è <0 e conseguentemente questa curva ha pendenza negativa. Riscaldando un campione di acqua a P=250.0 atm da T=-30°C fino a T=400°C si osserva solo la transizione si fase solido/fluido supercritico in quanto il valore della pressione è >della  $P_{crit}$ . In particolare a) la densità lungo l'isobara diminuirà in modo continuo, salvo presentare un salto in cui aumenta, in corrispondenza del passaggio di stato solido-liquido per poi riprendere a diminuire in modo continuo. b) L'entalpia dovrà crescere in modo continuo in quanto si tratta di un riscaldamento che richiede che venga fornito calore a P costante, (si avrà quindi  $\Delta H > 0$ ), salvo presentare un incremento discreto in corrispondenza del

passaggio di stato solido-liquido. c) L'energia libera G = H-TS diminuirà in modo continuo in quanto il termine TS diventa sempre più grande, perché S è >0 e aumenta, oltre che per il fatto che T aumenta, ma G resterà costante in corrispondenza del passaggio di stato solido-liquido, in corrispondenza del quale cambierà però la pendenza  $\partial G/\partial T$  a P = costante.

**3B=1C]** Disegnare il diagramma di stato dell'anidride carbonica, noto che suo il punto triplo è a T = -56.4°C e P = 5.1 atm mentre il punto critico è a T = 31.1°C e P = 72.9 atm. Cosa rappresentano le curve che avete tracciate sul diagramma? Perché hanno tutte pendenza > 0 ? Descrivete qualitativamente le trasformazioni osservabili e come variano a) la densità, b) l'entalpia e c) l'energia libera di un campione di  $CO_2$  che viene riscaldato a P = 4.0 atm da T = -100°C da fino a T = 40°C. (15 punti)



Svolgimento: Le curve nel diagramma rappresentano le condizioni di T e P in cui le fasi separate dalle curve hanno la medesima energia libera, e quindi sono in equilibrio. La loro pendenza è  $dP/dT = \Delta S/\Delta V$  ( $\Delta S$  e  $\Delta V$  del passaggio di stato, equazione di Clausius-Clapeyron). Poiché per passaggi di stato, da stati condensati allo stato gassoso, entrambe le variazioni sono sempre positive le pendenze delle curve solido/gas e liquido/gas sono quindi sempre positive. Poiché nel caso della  $CO_2$  il volume specifico del liquido è maggiore di quello del solido, si ha che, come  $\Delta S$  del passaggio solido-liquido è >0, lo è anche  $\Delta V$  e conseguentemente anche questa curva ha pendenza positiva  $=\Delta S/\Delta V$ . Riscaldando un campione di acqua a P=4.0 atm da  $T=-100^{\circ}C$  fino a  $T=400^{\circ}C$  si osserva solo la transizione si fase solido/vapore in quanto 4.0 atm è <

della pressione del punto triplo della  $CO_2$ . In particolare a) la densità lungo l'isobara diminuirà in modo continuo, salvo presentare un salto (diminuzione discreta) in corrispondenza del passaggio di stato solido-vapore. b) L'entalpia dovrà crescere in modo continuo in quanto si tratta di un riscaldamento che richiede che venga fornito calore a P costante, (si avrà quindi  $\Delta H > 0$ ), salvo presentare un incremento discreto in corrispondenza del passaggio di stato solido-vapore. c) L'energia libera G = H-TS diminuirà in modo continuo in quanto il termine TS diventa sempre più grande, perché S è > 0 e aumenta, oltre che per il fatto che T aumenta, ma G resterà costante in corrispondenza del passaggio di stato solido-vapore, in corrispondenza del quale cambierà però la pendenza  $\partial G/\partial T$  a P = costante.

**4A=7D**] Facendo reagire del 2-cloropropano CH<sub>3</sub>CHClCH<sub>3</sub> con NaOH acquoso si ottiene facilmente il 2-propanolo (alcol isopropilico). Scrivete la reazione bilanciata e rappresentate le formule di struttura dei composti per cui sono rilevanti. Identificate il tipo di reazione che ha luogo e le specie reattive nucleofile e/o elettrofile che hanno ruoli significativi. Esaminate infine la possibilità che del prodotto organico ottenuto esistano più isomeri, e che possano essere chirali. **(12 punti)** 

Svolgimento: La reazione bilanciata si può scrivere:  $CH_3CHClCH_{3(l)} + OH_{(aq)} \rightarrow CH_3CHOHCH_{3(l)} + Cl_{(aq)}$ 

### CHIMICA E MATERIALI II<sup>a</sup> prova in Itinere del 21/01/2019: SOLUZIONI

### Corso di Laurea Ingegneria Fisica

Si tratta di una sostituzione nucleofila alifatica, in cui il nucleofilo OH attacca il C centrale (che presenta una carica parziale positiva) del 2cloropropano. Anche lo ione cloruro uscente è un nucleofilo mentre potremmo vedere il C centrale, legato al Cl del 2-cloropropano come elettrofilo. Del prodotto organico finale (come di quello iniziale) esiste un

solo isomero in quanto il C centrale tetraedrico sp $^3$  ha due sostituenti eguali. Poiché si ha rotazione libera attorno ai legami semplici è sovrapponibile e quindi coincidente con la sua immagine speculare e non è quindi chirale.

**4B**= **7C**] Facendo reagire il metilacetato CH<sub>3</sub>COOCH<sub>3</sub> con NaOH acquoso si ottiene alcol metilico e un altro prodotto. Scrivete la reazione bilanciata e rappresentate le formule di struttura dei composti per cui sono rilevanti. Identificate il tipo di reazione che ha luogo e le specie reattive nucleofile e/o elettrofile che hanno ruoli significativi. Esaminate infine la possibilità che dei prodotti organici ottenuti esistano più isomeri, e che possano essere chirali. (12

Svolgimento: La reazione bilanciata si può scrivere:  $CH_3COO-CH_{3(l)} + OH_{(aq)} \rightarrow CH_3COO_{(aq)} + CH_3OH_{(l)}$ 

Si tratta di una sostituzione nucleofila acilica, in cui il nucleofilo OH attacca il C del gruppo CO (che presenta una carica parziale positiva)
del metilacetato. Anche l'alcool metilico uscente e lo ione acetato che
si forma sono nucleofili mentre potremmo vedere il C del gruppo
acilico come elettrofilo. Di ciascun prodotto finale (come di quello organico iniziale)

esiste un solo isomero in quanto il C acilico è ibridizzato  $sp^2$  ed è planare. E'

conseguentemente sovrapponibile avendo la possibilità di rotazione libera attorno ai legami semplici, con la sua immagine speculare e quindi coincidente con essa. Non è quindi chirale.

**5A=5B=3D]** La decomposizione del biossido di azoto avviene secondo la seguente reazione avente una cinetica del secondo ordine:  $2NO_2(g) \rightarrow 2NO(g) + O_2(g)$ 

- a) Noto che 2.00 moli di NO<sub>2</sub> sono poste in un reattore avente volume di 1.00 L alla temperatura di 300°C e che la costante cinetica alla stessa temperatura è pari a 0.550 s<sup>-1</sup>M<sup>-1</sup>, calcolate le concentrazioni di tutte le specie a 10.0 secondi dall'inizio della reazione.
- b) Prevedete, motivando qualitativamente, se k<sub>cin</sub> a 600 K sarà maggiore o minore rispetto a quella a 300°C.
- c) Calcolate infine  $k_{cin}$  a 600 K, noto che l'energia di attivazione della reazione è pari a  $E_A = 19.3 \text{ kJ/mol.}$  ((15 punti) Svolgimento. a) La concentrazione inziale di  $NO_2$  è pari a 2.00 mol/1.00 L=2.00 M. Applicando l'equazione cinetica del secondo ordine  $1/[NO_2] = k_{cin} t + 1/[NO_2]_0$  ed esplicitando  $[NO_2]$  si trova  $[NO_2] = [NO_2]_0/(1+k_{cin} t [NO_2]_0)$ =  $2.00 M = (1+0.550 s^{-1}M^{-1} \cdot 10.0 s \cdot 2.00 M) = 0.167 M$ . Le moli consumate di
- $NO_2$  sono pari a  $n_{consumate} = [NO_2]_0 \cdot V$  - $[NO_2] \cdot V = 2.00 \ M \cdot 1.00 \ L$  -0.167  $M \cdot 1.00 \ L = 1.83$  moli. Quindi le moli di  $NO_2$ prodotte sono 1.83, e avrà quindi una concentrazione 1.83 M. Per la stechiometria di reazione, le moli di O<sub>2</sub> prodotte sono invece 1.83/2 = 0.915 moli, corrispondenti alla concentrazione di 0.915 M.
- b) La costante cinetica a 600 K sarà maggiore rispetto a quella a 573 K, infatti ad una temperatura maggiore, un maggior numero di urti tra molecole risulterà efficace, ovvero avrà energia sufficiente a superare l'energia di attivazione.
- c) Si ricorre all'equazione di Arrhenius  $k = A \exp(-E_a/RT)$ , applicandola alle due temperature di interesse  $T_1 = 300$ ° $C = 573 Ke T_2 = 600 K$ :

 $k(T_1)/k(T_2) = A \exp(-E_a/RT_1)/A \exp(-E_a/RT_2) = \exp(-E_a/RT_1)/\exp(-E_a/RT_2)$  Esplicitando l'incognita  $k_2$  si trova:  $k_2 = k_1 \exp[E_a/R(1/T_1-1/T_2)] = 0.550 \text{ s}^{-1}M^{-1} \exp[19300J/K\text{mol/8}:314 J/(K \text{mol})(1/573 \text{ K}-1/600 \text{ K})] = 0.66 \text{ s}^{-1}M^{-1}$ 

**3C]** La decomposizione dello ioduro di idrogeno avviene secondo la seguente reazione avente una cinetica del secondo ordine:  $2HI(g) \rightarrow H_2(g) + I_2(g)$ 

- a) Noto che 4.00 moli di HI sono poste in un reattore avente volume di 1.50 L alla temperatura di 800 K e che la costante cinetica alla stessa temperatura è pari a 6.90 · 10<sup>-4</sup> s<sup>-1</sup>M<sup>-1</sup>, calcolate le concentrazioni di tutte le specie a 500 secondi dall'inizio della reazione.
- b) Prevedete, motivando qualitativamente, se k<sub>cin</sub> a T=227°C sarà maggiore o minore rispetto a quella a 800 K.
- c) Calcolate infine k<sub>cin</sub> a T=227°C, noto che l'energia di attivazione della reazione è pari a E<sub>A</sub> = 166 kJ/mol. (15 punti)

# ABCD

### CHIMICA E MATERIALI II<sup>a</sup> prova in Itinere del 21/01/2019: SOLUZIONI

#### Corso di Laurea Ingegneria Fisica

Svolgimento: a) La concentrazione inziale di HI è pari a 4.00 mol/1.50 L = 2.67 M. Applicando l'equazione cinetica del secondo ordine  $1/[HI] = k_{Cin}t + 1/[HI]_0$  ed esplicitando [HI] si trova  $[HI] = [HI]_0/(1 + k_{Cin}t[HI]_0) = 2.67 \, M/(1 + 6.90 \cdot 10^{-4} \, \text{s}^{-1} M^{-1} \cdot 500 \, \text{s} \cdot 2.67 \, M) = 1.39 \, M$ . Le moli consumate di HI sono pari a:  $n_{consumate} = 4.00 - [HI] \cdot V = 4.00 - 1.39 \, M \cdot 1.50 \, L = 1.92 \, \text{moli}$ . Quindi, per la stechiometria di reazione, le moli di H2 prodotte sono 1.92/2 = 0.960, così come quelle di 12; entrambe le specie avranno quindi una concentrazione di  $0.640 \, M$ .

- b) La costante cinetica a  $T=227^{\circ}C=500~K$  sarà minore rispetto a quella a 800~K, infatti ad una temperatura minore, un minor numero di urti tra molecole risulterà efficace, ovvero avrà energia sufficiente a superare l'energia di attivazione.
- c) Si ricorre all'equazione di Arrhenius  $k = A e^{-E_a/RT}$ , applicandola alle due temperature di interesse  $T_1 = 800 \, K \, e$   $T_2 = 227^{\circ}C = 500 \, K$ :  $k(T_1)/k(T_2) = A \exp(-E_a/RT_1)/A \exp(-E_a/RT_2) = \exp(-E_a/RT_1)/\exp(-E_a/RT_2)$  Esplicitando l'incognita  $k_2$  si trova:

$$k2 = k_1 \cdot e^{Ea/R \cdot (1/T1 - 1/T2)} = 6.90 \cdot 10^{-4} \, s^{-1} M^{-1} \cdot e^{166000 \, J/mol/8.314 \, J/(K \, mol) \cdot (1/800 \, K - 1/500 \, K)} = 2.2 \cdot 10^{-10} \, s^{-1} M^{-1}$$

**6A=2D**] Scrivere la reazione di polimerizzazione e, trascurando il contributo del passaggio di stato al ΔH°, stabilire il segno di ΔH° e ΔS° nella polimerizzazione del propene:  $CH_3HC=CH_2$  (g). Utilizzare i valori delle entalpie standard di legame [ C-C 350, C=C 611, C-H 415 kJ/mol] per stimare il calore assorbito o sviluppato (specificare!) dalla polimerizzazione di 10 kg di propene. Se si tenesse conto della transizione di fase, come cambierebbe il risultato? (**15 punti**)

Soluzione: La reazione di polimerizzazione del propene è:  $n CH_3HC=CH_{2(g)} \rightarrow -(HC-CH_2)_{n(s)}$  - Per ogni mole di butene, viene rotto un legame C=C e vengono formati due legami C-C singoli in quanto la polimerizzazione di alcheni è fondamentalmente una reazione di poliaddizione (radicalica, cationica o anionica a seconda dell'iniziatore) al doppio legame.

Dunque:  $\Delta H^{\circ}_{reaz} \cong \Delta H^{\circ}_{B}(C=C)$  -2 $\Delta H^{\circ}_{B}(C-C)$  = -89 kJ/mol < 0 (reaz. esotermica, calore liberato) mentre il  $\Delta S^{\circ}_{reaz}$  sarà < 0 perché si passa da n moli di gas ad un solido. Per 10 kg di propene:  $Q_{liberato} = n_{C3H6} \times |\Delta H^{\circ}_{reaz}| = (1.00 \cdot 10^4 \text{ g/42 g} \text{ mol}^{-1}) \times 89 \text{ kJ/mol} = 2.1 \times 10^4 \text{ kJ}$ .

Se si tenesse conto del fatto che i prodotti, data l'elevata massa (e quindi l'elevato volume) molecolare, sono solidi il calore liberato aumenterebbe (in valore assoluto) perché nei prodotti abbiamo anche significative interazioni intermolecolari abbiamo attrattive, che sono invece trascurabili nei reagenti gassosi.

**6B=2C]** Scrivere la reazione di polimerizzazione e, trascurando il contributo del passaggio di stato al  $\Delta H^{\circ}$ , stabilire il segno di  $\Delta H^{\circ}$  e  $\Delta S^{\circ}$  nella polimerizzazione del 1-butene: CH<sub>3</sub>CH<sub>2</sub>HC=CH<sub>2</sub>(g). Utilizzare i valori delle entalpie standard di legame [C-C 350, C=C 611, C-H 416 kJ/mol] per stimare il calore assorbito o sviluppato (specificare!) dalla polimerizzazione di 100 kg di butene. Se si tenesse conto della transizione di fase, come cambierebbe il risultato? (**15 punti**)

Soluzione: La reazione di polimerizzazione del butene è:  $n CH_3 CH_2H\dot{C}=CH_{2(g)} \rightarrow -(H\dot{C}-CH_2)_{n(s)}$  - Per ogni mole di butene, viene rotto un legame C=C e vengono formati due legami C-C singoli in quanto la polimerizzazione di alcheni è fondamentalmente una reazione di poliaddizione (radicalica, cationica o anionica a seconda dell'iniziatore) al doppio legame. Dunque:  $\Delta H^{\circ}_{reaz} \cong \Delta H^{\circ}_{B}(C=C) - 2\Delta H^{\circ}_{B}(C-C) = -89 \text{ kJ/mol} < 0 \text{ (reaz. esotermica, calore liberato) mentre il } \Delta S^{\circ}_{reaz} \text{ sarà} < 0 \text{ perché si passa da n moli di gas ad un solido.}$  Per  $100 \text{ kg di butene: } Q_{liberato} = n_{C4H8} \times |\Delta H^{\circ}_{reaz}| = (10^5 \text{ g/56 g mol}^{-1}) \times 89 \text{ kJ/mol} = 1.6 \times 10^5 \text{ kJ.}$  Se si tenesse conto del fatto che i prodotti, data l'elevata massa (e quindi l'elevato volume) molecolare, sono solidi il

Se si tenesse conto del fatto che i prodotti, data l'elevata massa (e quindi l'elevato volume) molecolare, sono solidi il calore liberato aumenterebbe (in valore assoluto) perché nei prodotti abbiamo anche significative interazioni intermolecolari abbiamo attrattive, che sono invece trascurabili nei reagenti gassosi.

## CHIMICA E MATERIALI II<sup>a</sup> prova in Itinere del 21/01/2019: SOLUZIONI

### Corso di Laurea Ingegneria Fisica

**7A=4D**] Alla temperatura di 800°C la  $K_p$  della reazione chimica:  $C_{(s)} + H_2O_{(g)} \rightleftharpoons CO_{(g)} + H_{2(g)}$ , in cui si fa passare vapore d'acqua su carbone solido, vale 14.1. Determinare: (a) Quali sono le pressioni parziali e la pressione totale all'equilibrio a questa temperatura se si conduce la reazione con carbonio solido in eccesso e 10.0 moli di  $H_2O$  in un recipiente di 100 L. (b) Se la reazione è eso- o endotermica, tenuto conto che la sua  $K_p$  a 120°C vale  $8.0 \cdot 10^{-20}$ . (c) la direzione in cui la reazione evolve e  $\Delta G$  di reazione a 800°C, per un sistema in cui si ha carbone in eccesso e le pressioni parziali iniziali di  $H_2O_{(g)}$ ,  $CO_{(g)}$  e  $H_{2(g)}$  valgono tutte 15.5 atm (15 punti)

Soluzione: Inizialmente, l'unica specie presente che determina la pressione nel reattore è  $H_2O$ , perciò:  $p_{iniz}=p(H_2O)=nRT/V=10(0.0821\ 1073)/100=8.81\ atm$ 

$$p_{iniz} = p(H_2O) = nRI/V = 10(0.0821 \ 10/3)/100 = 8.81 \ atm$$

$$a) \ C_{(s)} + H_2O_{(g)} \rightleftharpoons CO_{(g)} + H_{2(g)}$$

$$8.81 \rightleftharpoons 0 \qquad 0$$

$$8.81-x \rightleftharpoons x \qquad x$$

$$K_p = x^2/(8.81-x) = 14.1 \quad x^2+14.1x-124.22=0 \quad x=6.14$$

All'equilibrio  $p(CO) = p(H_2) = 6.14$  atm,  $p(H_2O) = 8.81 - 6.14 = 2.67$  atm  $e P_{tot} = 14.95$  atm

b) Poiché la  $K_p$  aumenta all'aumentare della temperatura, la reazione per il principio di Le Chatelier, sarà endotermica. Alla medesima conclusione si giunge considerando la dipendenza di  $K_p$  dalla temperatura che risulta dall'equazione di van't Hoff:  $d(\ln K_p)/dT = \Delta H^\circ_{reaz}/RT^2$ . Infatti ln Kp (e quindi  $K_p$ ) crescerà al crescere di T (derivata >0) se è  $\Delta H^\circ_{reaz} > 0$ . c)  $Q=(15.5)^2/15.5 = 15.5 > Kp$  La reazione evolverà quindi verso i reagenti e  $\Delta G$  sarà > 0. Si avrà infatti:  $\Delta G = \Delta G^0 + RT \ln Q = RT \ln K + RT \ln Q = RT \ln 15.5/14.1 = +0.844$  kJ/mol

**7B=4C]** Alla temperatura di 800°C la  $K_p$  della reazione chimica:  $C_{(s)} + H_2O_{(g)} \rightleftharpoons CO_{(g)} + H_{2(g)}$ , in cui si fa passare vapore d'acqua su carbone solido, vale 14.1. Determinare: (a) Quali sono le pressioni parziali e la pressione totale all'equilibrio a questa temperatura se si conduce la reazione con carbonio solido in eccesso e 12.0 moli di  $H_2O$  in un recipiente di 80.0 L. (b) Se la reazione è eso- o endotermica, tenuto conto che la sua  $K_p$  a 120°C vale 8.0 · 10<sup>-20</sup> (c) la direzione in cui la reazione evolve e ΔG di reazione a 800°C, per un sistema in cui si ha carbone in eccesso e le pressioni parziali iniziali di  $H_2O_{(g)}$ ,  $CO_{(g)}$  e  $H_{2(g)}$  valgono tutte 13.0 atm (**15 punti**)

Soluzione: Inizialmente, l'unica specie presente che determina la pressione nel reattore è  $H_2O$ , perciò:  $p_{iniz}=p(H_2O)=nRT/V=12(0.0821\ 1073)/\ 80.0=13.2\ atm$ 

$$C_{(s)} + H_2O_{(g)} \rightleftharpoons CO_{(g)} + H_{2(g)}$$

$$13.2 \rightleftharpoons 0$$

$$13.2 - x \rightleftharpoons x$$

 $Kp = x^2/(13.2-x) = 14.1 \quad x^2+14.1 \ x-186.12=0 \quad x = [-14.1 + (198.81+744.48)^{1/2}]/2 = 8.31$ 

All'equilibrio  $p(CO) = p(H_2) = 8.31$  atm,  $p(H_2O) = 13.2 - 8.31 = 4.89$  atm  $eP_{tot} = 21.5$  atm

b) Poiché la  $K_p$  aumenta all'aumentare della temperatura, la reazione per il principio di Le Chatelier, sarà endotermica. Alla medesima conclusione si giunge considerando la dipendenza di  $K_p$  dalla temperatura che risulta dall'equazione di van't Hoff:  $d(\ln K_p)/dT = \Delta H^{\circ}_{reaz}/RT^2$ . Infatti ln  $K_p$  (e quindi  $K_p$ ) crescerà al crescere di T (derivata >0) se è  $\Delta H^{\circ}_{reaz}$  > 0. c)  $Q = (13.0)^2/13.0 = 13.0 < K_p$ . La reazione evolverà verso i prodotti e  $\Delta G$  sarà < 0.

Si avrà infatti:  $\Delta G = \Delta G^0 + RT \ln Q = -RT \ln K + RT \ln Q = RT \ln 13.0/14.1 = -8.31 1073 0.0812 = -0.724 kJ/mol$