Esercitazione 11 del 27/11/2020_SQUADRA 2

1) Calcolare l'entalpia standard della reazione di idrogenazione del 1-propino a dare propano, sapendo che:

a)
$$H_{2(g)} + 1/2O_{2(g)} --> H_2O_{(l)}$$
 $\Delta H^{\circ}f(H_2O_{(l)}) = -285.8 \text{ kJ/mol}$

b)
$$C_3H_4(g) + 4O_2(g) --> 3CO_2(g) + 2H_2O(l)$$
 $\Delta H^{\circ}comb = -1937 \text{ kJ/mol}$

c)
$$C_3H_8(g) + 5O_2(g) --> 3CO_2(g) + 4H_2O(1)$$
 $\Delta H^{\circ} comb = -2220 \text{ kJ/mol}$

Calcolare la stessa quantità utilizzando le energie di legame: $\Delta H^{\circ}bond(C = C) = 837 \text{ kJ/mol}$, $\Delta H^{\circ}bond(C - C) = 348 \text{ kJ/mol}$, $\Delta H^{\circ}bond(C - H) = 412 \text{ kJ/mol}$, $\Delta H^{\circ}bond(H - H) = 436 \text{ kJ/mol}$.

R: La reazione che dobbiamo prendere in considerazione è la seguente:

$$C_3H_{4(g)} + 2H_{2(g)} --> C_3H_{8(g)}$$

Possiamo sfruttare la legge di Hess, per determinare l'entalpia standard associata al processo di idrogenazione del propino. La combinazione lineare delle reazioni intermedie a dare la reazione di interesse sarà b) - c) + 2xa)

b)
$$C_3H_{4(g)} + 4O_{2(g)} --> 3CO_{2(g)} + 2H_2O_{(l)}$$

-c)
$$3CO_{2(g)} + 4H_2O_{(l)} --> C_3H_{8(g)} + 5O_{2(g)}$$

$$2xa) 2H_{2(g)} + O_{2(g)} --> 2H_2O_{(l)}$$

$$C_{3}H_{4(g)} + 4O_{2(g)} + 3O_{2(g)} + 4H_{2}O_{(1)} + 2H_{2(g)} + O_{2(g)} --> 3O_{2(g)} + 2H_{2}O_{(1)} + C_{3}H_{8(g)} + 5O_{2(g)} + 2H_{2}O_{(1)} + 2H_$$

Il ΔH°_{idrogenazione} seguirà lo stesso computo:

$$\Delta H^{\circ}_{idrogenazione} = \Delta H^{\circ}comb(C_{3}H_{4}) - \Delta H^{\circ}comb(C_{3}H_{8}) + 2x \ \Delta H^{\circ}f(H_{2}O) = -1937 + 2220 + 2x(-285.8) = -288.2 \ kJ/mol$$

Il ΔH°_{idrogenazione} può essere, inoltre, ricavato dalle energie di legame, ricordandoci che

$$\Delta H^{\circ}$$
reazione = $\Sigma \Delta H^{\circ}_{LEGAMI\ ROTTI}$ - $\Sigma \Delta H^{\circ}_{LEGAMI\ FORMATI}$

<u>Legami rotti:</u>

1 legame triplo C-C

2 legami H-H

Legami formati:

4 legami C-H

1 legame C-C

$$\Delta H^{\circ}_{idrogenazione} = \Delta H^{\circ}(C=C) + 2x \Delta H^{\circ}(H-H) - 4x \Delta H^{\circ}(C-H) + 1 \Delta H^{\circ}(C-C) = (837 + 2 x 436) - (4 x 412 + 348) = -287 \text{ kJ/mol}$$

2) Calcolare l'entalpia standard di formazione del benzene, C_6H_6 , liquido dai seguenti dati: $\Delta H^{\circ}f(CO_{2(g)})$ =-393.5 kJ/mol, $\Delta H^{\circ}f(H_2O_{(l)})$ = -286.0 kJ/mol, e sapendo che per la reazione di combustione del benzene

$$2C_6H_{6(l)} + 15O_{2(g)} --> 12CO_{2(g)} + 6H_2O_{(l)}$$

si ha ΔH° reazione = -6540.0 kJ.

R: Possiamo, anche in questo caso, sfruttare la diretta conseguenza della legge di Hess, ossia che ΔH° reazione = $\Sigma \Delta H^{\circ}$ f(prodotti) - $\Sigma \Delta H^{\circ}$ f(reagenti)

 $\Delta H^{\circ} combustione(C_{6}H_{6}) = 6 \text{ x } \Delta H^{\circ} f(H_{2}O_{(1)}) + 12 \text{ x } \Delta H^{\circ} f(CO_{2(g)}) - 2 \text{ x } \Delta H^{\circ} f(C_{6}H_{6(1)}) - 15 \text{ x } \Delta H^{\circ} f(O_{2})$

L'incognita sarà $\Delta H^{\circ}f(C_6H_{6(1)})$, che sarà calcolata come

$$\Delta H^{\circ}f(C_{6}H_{6(1)}) = 1/2 \times (-\Delta H^{\circ}combustione(C_{6}H_{6}) + 6 \times \Delta H^{\circ}f(H_{2}O_{(1)}) + 12 \times \Delta H^{\circ}f(CO_{2(g)})) =$$

(N.B. $\Delta H^{\circ}f(O_2) = 0$, perchè allo stato elementare più stabile)

$$= 1/2 \times (+6540 + 12 \times (-393.5) + 6 \times (-286) = +51 \text{ kJ/mol}$$

3) Determinare se la dissoluzione del nitrato di ammonio (NH₄NO₃) è spontanea a 37°C, noto che, alla stessa temperatura:

$$\Delta G^{\circ} f(NH_4NO_{3(s)}) = -412.39 \text{ kJ/mol}$$

$$\Delta G^{\circ} f(NH_{4}^{+}_{(aq)}) = -167.66 \text{ kJ/mol}$$

$$\Delta G^{\circ} f(NO_{3(aq)}) = -250.45 \text{ kJ/mol}$$

R: La reazione di interesse è la seguente:

$$NH_4NO_{3(s)} --> NH_4^+_{(aq)} + NO_3^-_{(aq)}$$

Per valutare la spontaneità della reazione, ne calcoliamo il ΔG° , usando un approccio assimilabile all'applicazione della legge di Hess.

 ΔG° reazione = $\Sigma \Delta G^{\circ}$ f(prodotti) - $\Sigma \Delta G^{\circ}$ f(reagenti)

Ouindi avremo

$$\Delta G^{\circ}$$
 reazione = $(\Delta G^{\circ} f(NH_4^+_{(aq)}) + \Delta G^{\circ} f(NO_3^-_{(aq)})) - (\Delta G^{\circ} f(NH_4NO_{3(s)})) =$
= $(-167.66 - 250.45) - (-412.39) = -5.72 \text{ kJ/mol}$

 ΔG° reazione < 0 ==> REAZIONE SPONTANEA

4) Valutare se la reazione di formazione del cloruro di ammonio (NH₄Cl) è spontanea a 300 K. A quale valore di temperatura $\Delta G^{\circ}f(NH_4Cl) = 0$?

$$1/2N_2(g) + 2H_2(g) + 1/2Cl_2(g) --> NH_4Cl(s)$$

$$\Delta H^{\circ}f(NH_{4}Cl_{(s)}) = -314.4 \text{ kJ/mol}; \ S^{\circ}(NH_{4}Cl_{(s)}) = 94.6 \text{ J/(k x mol)}; \ S^{\circ}(N_{2}(g)) = 191.5 \text{ J/(Kx mol)}; \ S^{\circ}(H_{2}(g)) = 131.6 \text{ J/(K x mol)}; \ S^{\circ}(Cl_{2}(g)) = 223.2 \text{ J/(K x mol)}$$

R: Per ricavare il $\Delta G^{\circ}f(NH_4Cl(s))$ utilizziamo la relazione:

$$\Delta G^{\circ}f(NH_4Cl(s)) = \Delta H^{\circ}f(NH_4Cl_{(s)}) - T \Delta S^{\circ}f(NH_4Cl_{(s)})$$

 $\Delta H^{\circ}f(NH_4Cl_{(s)})$ è un dato del problema, mentre per calcolare $\Delta S^{\circ}f(NH_4Cl_{(s)})$ utilizzeremo la relazione

$$\begin{split} &\Delta S^{\circ}f(NH_{4}Cl_{(s)}) = S^{\circ}(NH_{4}Cl_{(s)}) - [1/2 \times S^{\circ}(N_{2}(g)) + 2 \times S^{\circ}(H_{2}(g)) + 1/2 \times S^{\circ}(Cl_{2}(g))] = \\ &= 94.6 - 1/2 \times 191.5 - 2 \times 131.6 - 1/2 \times 223.2 = -375.95 \text{ J/(K x mol)} = -0.376 \text{ kJ/(K x mol)} \\ &\Delta G^{\circ}f(NH_{4}Cl(s)) = -313.4 - 300 \times (-0.376) = -201.6 \text{ kJ/mol (SPONTANEA)} \end{split}$$

Per calcolare il valore di temperatura al quale il $\Delta G^{\circ}f(NH_4Cl_{(s)})=0$ impiegheremo la stessa relazione, lasciando come unica incognita la temperatura

$$T = \Delta H^{\circ} f(NH_4 Cl_{(s)}) \; / \; \Delta S^{\circ} f(NH_4 Cl_{(s)}) = -314.4 \; / \; -0.376 = 836 \; K.$$

5) A temperature elevate Br₂ si dissocia in Br monoatomico. Calcolare Kp e Kc per l'equilibrio:

$$Br_{2(g)} \longrightarrow 2Br_{(g)}$$

alla temperatura di 1798 K sapendo che, in un'esperienza, sono state introdotte 0.0063 moli di Br_2 in un recipiente di 2.80 L. Dopo riscaldamento a 1798 K e raggiungimento dell'equilibrio, la pressione totale nel recipiente risulta di 0.499 atm.

R: La reazione di dissociazione del Br2(g) è già bilanciata. Il testo del problema ci fornisce il n di moli iniziali di Br2(g) e ci indica che, dopo riscaldamento a 1798K, la reazione raggiunge l'equilibrio. Per andare incontro all'equilibrio, il reagente si consumerà, producendo prodotto in virtù del rapporto stechiometrico. Nel nostro caso, per ogni mole di Br2(g) che si consuma, avremo 2 mol di Br(g) che si producono.

$$Br_{2(g)} - 2Br_{(g)}$$
 iniziale 0.0063 0 equilibrio 0.0063-x 2x

Dalla pressione totale all'equilibrio possiamo ricavare il n di moli totali nel recipiente, che sarà pari alla somma del n di moli di Br2(g) all'equilibrio più il n di moli di Br(g) all'equilibrio.

$$ntot = P \ x \ V/(R \ x \ T) = 0.499x2.8/(0.082x1798) = 9.477x10^{-3} \ mol$$

$$ntot = 0.0063-x + 2x = 9.477x10^{-3} \ --> x = 3.177x10^{-3} \ mol$$

$$nBr2(g)eq = 0.0063-3.177x10^{-3} = 3.123x10^{-3} \ mol$$

$$nBr(g)eq = 3.177x10^{-3} \ x \ 2 = 6.354x10^{-3} \ mol$$

Dal n di moli delle singole specie ricaviamo le loro pressioni parziali all'equilibrio, necessarie per il calcolo di Kp.

$$PBr2(g)eq = nBr2(g)eq \times R \times T/V = 3.123\times10^{-3} \times 0.082 \times 1798 / 2.8 = 0.164 \text{ atm}$$

$$PBr(g)eq = nBr(g)eq \times R \times T/V = 6.354\times10^{-3}\times0.082 \times 1798 / 2.8 = 0.355 \text{ atm}$$

L'espressione della Kp sarà

$$Kp = P^2Br(g)/PBr2(g) = 0.335^2/0.164 = 6.84 \times 10^{-1}$$

Dalla Kp possiamo ricavare la Kc, noto che Kp = $Kc(RT)^{\Delta n}$

dove $\Delta n = \Sigma coeff$. stechiometrici prodotti - $\Sigma coeff$. stechiometrici reagenti

$$Kc = Kp/(R \times T) = 6.84 \times 10^{-1} / (0.082 \times 1798) = 4.63 \times 10^{-3}$$

6) A 573 K il pentacloruro di fosforo si dissocia secondo la reazione :

$$PCl_{5(g)} \longrightarrow PCl_{3(g)} + Cl_{2(g)}$$

Sapendo che la costante di equilibrio a tale temperatura è $Kc = 4.5 \times 10^{-2}$ mol/l, determinare in quale verso si sposta la reazione quando le concentrazioni iniziali delle specie implicate sono : $[PCl_5] = 3.5 \times 10^{-3}$ mol/l, $[PCl_3] = 8.0 \times 10^{-3}$ mol/l e $[Cl_2] = 16.3 \times 10^{-3}$ mol/l.

R: Per valutare in che "verso" è diretta la reazione, calcoliamo il quoziente di reazione.

Il quoziente di reazione ha la stessa espressione della Kc (o Kp), ma è calcolato con le concentrazioni molari (o pressioni parziali, o in generale le attività) fuori dalle condizioni di equilibrio. Se Q < Kc, allora l'equilibrio si sposterà verso destra. Se Q > Kc, allora l'equilibrio si sposterà verso sinistra.

$$Q = [PCl_3] \ x \ [Cl_2] \ / \ [PCl_5] = 8.0 x 10^{-3} \ x \ 16.3 \ x \ 10^{-3} / 3.5 x 10^{-3} = 3.72 \ x \ 10^{-2} \ mol/L < Kc ==> L'equilibrio sarà spostato verso DESTRA.$$

7) Data la reazione:

$$CO_{2(g)} + H_{2(g)} \longrightarrow CO_{(g)} + H_2O_{(g)}$$

alla temperatura di 900 °C in un recipiente di 10.0 L, le pressioni parziali delle specie sono: $P_{CO} = 33.86$ atm; $P_{H2O} = 33.86$ atm; $P_{H2O} = 62.33$ atm e $P_{H2} = 14.24$ atm. Se 4.00 moli di H_2O vengono aggiunte al sistema all'equilibrio, quale sarà la pressione parziale di tutte le specie quando verrà ristabilito l'equilibrio?

R: La reazione risulta già bilanciata, quindi passiamo direttamente a calcolare la Kp.

$$Kp = [P(H_2O) \times P(CO)]/[P(H_2) \times P(CO_2)] = (33.86 \times 33.86)/(14.24 \times 62.33) = 1.292$$

Dalle pressioni parziali, noto il volume del recipiente e la temperatura in condizioni di equilibrio, ricaviamo le moli di reagenti e prodotti.

$$nH_2O = nCO = P \ x \ V/(R \ x \ T) = 33.86 \ x \ 10/(0.082 \ x \ 1173) = 3.52 \ mol$$

$$nCO_2 = 62.33 \ x \ 10/(0.082 \ x \ 1173) = 6.48 \ mol$$

$$nH_2 = 14.24 \ x \ 10/(0.082 \ x \ 1173) = 1.48 \ mol$$

Il problema indica che il sistema viene perturbato dall'aggiunta di 4 mol di acqua. L'aggiunta di un prodotto causa lo spostamento dell'equilibrio verso sinistra, al fine di ripristinare le condizioni di equilibrio (Kp non varia al variare della quantità di prodotti o reagenti, ma solo della TEMPERATURA).

	$CO_2(g)$ +	$H_2(g)$	► CO(g) +	$H_2O(g)$
I eq.	6.48 mol	1.48 mol	3.52 mol	3.52 mol
Pert.	6.48 mol	1.48 mol	3.52 mol	7.52 mol
II eq.	6.48 + x mol	1.48 + x mol	3.52 - x mol	7.52 - x mol

Per ricavare x, impostiamo la relazione della Kp, impiegando le nuove pressioni parziali raggiunto il nuovo equilibrio.

$$Kp = \{[(3.52-x)RT/V] \times [(7.52-x)RT/V]\}/\{[(1.48+x)RT/V] \times [(6.48+x)RT/V]\} = \\ = [(3.52-x) \times (7.52-x)]/[(1.48+x) \times (6.48+x)] = 1.292 \\ = > x = 0.707 \qquad \text{(il secondo valore \rightarrow <0, si scarta perch\rightarrow darebbe dei risultati in controtendenza con quello che accade realmente all'equilibrio).}$$

Come richiesto dal problema, calcoliamo le pressione parziali delle specie una volta che si è ristabilito l'equilibrio.

$$P(CO_2) \text{n.eq} = (6.48 + 0.707) \times 0.082 \times 1173 / 10 = 69.12 \text{ atm};$$

$$P(H_2) \text{n.eq} = (1.48 + 0.707) \times 0.082 \times 1173 / 10 = 21.02 \text{ atm};$$

$$P(CO) \text{n.eq} = (3.52 - x) \times 0.082 \times 1173 / 10 = 27.05 \text{ atm};$$

$$P(H_2O) \text{n.eq} = (7.52 - 0.707) \times 0.082 \times 1173 / 10 = 65.53 \text{ atm}.$$

8) La reazione di sintesi dell'HBr gassoso a partire da H₂ e Br₂ gassosi, alla temperatura di 700 K, è caratterizzata da una Kc pari a 64 (scrivere e bilanciare la reazione).

Se 0.050 moli di H₂ e 0.050 moli di Br₂ vengono poste in un recipiente di volume paria a 5.01 e il tutto viene scaldato alla temperatura di 700 K, quali saranno le pressioni parziali di tutte le specie all'equilibrio?

R: La reazione di sintesi di HBr(g) a partire da $H_2(g)$ e $Br_2(g)$ è la seguente

$$H_2(g) + Br_2(g)$$
 \longrightarrow $2HBr(g)$

Il testo del problema ci chiede le pressioni parziali delle specie all'equilibrio, noto il valore di Kc e le moli di reagenti.

Dal valore di Kc ricaviamo Kp dalla relazione

$$Kp = Kc(RT)^{\Delta n}$$

dove $\Delta n = (\Sigma coefficienti stechiometrici prodotti - <math>\Sigma coefficienti stechiometrici reagenti)$

in questo caso $\Delta n = 0$, quindi Kc = Kp.

$$Kp = [P(HBr)]^2 / [P(H_2) \times P(Br_2)]$$

Per ricavare le pressioni parziali delle specie all'equilibrio, imposteremo uno schema analogo a quello dell'esercizio precedente.

	$H_2(g)$ +	$Br_2(g)$	\longrightarrow 2HBr(g)
inizio	0.05	0.05	//
equilibrio	0.05 - x	0.05 - x	2x

$$Kp = (2x)^2 / (0.05 - x)^2 = > x1 = 0.04; x2 = 0.067$$
 (N.B scartiamo 0.067, perchè 0.05-0.067 darebbe un valore <0 e ciò non può accadere)

$$P(HBr) = (2 \times 0.04) \times 0.082 \times 700/5 = 0.918 \text{ atm};$$

$$P(H_2) = P(Br_2) = (0.05-0.04) \times 0.082 \times 700/5 = 0.115 \text{ atm}$$

9) In un contenitore chiuso del volume di 6 l, sono posti 15 g di carbonato di calcio (PF: 100.09 g/mol). Il tutto viene scaldato alla temperatura di 1500 K, alla quale si osserva la decomposizione del sale secondo la reazione:

$$CaCO_{3(s)} \longrightarrow CaO_{(s)} + CO_{2(g)}$$

Quando viene raggiunto l'equilibrio, la quantità di reagente decomposto è pari al 30% di quella iniziale. Calcolare la Kp e la Kc della reazione e le masse dei reagenti/prodotti all'equilibrio.

R: Per svolgere l'esercizio, per prima cosa calcoliamo il n di moli di carbonato di calcio, facendo il rapporto tra la m(g) e il peso formula

$$nCaCO_3 = 15/100.05 = 0.150 \text{ mol}$$

Per determinare la Kp e la Kc abbiamo bisogno di conoscere la "quantità" di reagenti e prodotti all'equilibrio. Il testo del problema indica che, al raggiungimento dell'equilibrio, il 30% del CaCO3 risulterà decomposto. Ne consegue che, all'equilibrio, avremo:

$$nCaCO_3eq = 0.150 \times 70/100 = 0.105 \text{ mol}$$

$$nCaOeq = nCO_2eq = 0.150 \times 30/100 = 0.045 \text{ mol}$$

Le espressioni della Kp e della Kc avranno la seguente forma.

$$Kp = P(CO_2)$$

$$Kc = [CO_2]$$

N.B. Le attività dei solidi (e dei liquidi) puri sono pari ad 1, quindi CaCO₃ e CaO non compaiono nell'espressione delle costanti di equilibrio.

$$Kp = 0.045 \times 0.082 \times 1500/6 = 0.9225 \text{ atm};$$

$$Kc = 0.045 / 6 = 7.5 \times 10^{-3} \text{ mol/L}$$