

#### Politecnico di Milano

## a.a. 2017-2018 - Scuola di Ingegneria Industriale e dell'Informazione Corso di Laurea in Ingegneria Fisica

## Fisica Sperimentale I I Appello – 21/06/2018

Giustificare le risposte e scrivere in modo chiaro e leggibile. Sostituire i valori numerici solo alla fine, dopo aver ricavato le espressioni letterali. Scrivere in stampatello nome, cognome, matricola e firmare ogni foglio.

#### Esercizio 1

Un disco di massa M e raggio R inizialmente rotola senza strisciare lungo un piano orizzontale scabro (con coefficienti di attrito statico e dinamico  $\mu_s$  e  $\mu_d$ ). La sua velocità angolare iniziale è  $\omega_0$ . Al centro del disco viene ora applicata una forza F orizzontale, con lo scopo di rallentarne il moto.



- (a) Calcolare il valore massimo  $F_0$  della forza F per cui il disco continua a rotolare senza strisciare.  $[F_0 = 3\mu_s Mg]$
- (b) Nel caso in cui F=F<sub>0</sub>/2, determinare l'accelerazione del centro di massa del disco, e lo spazio percorso fino al suo totale arresto. [a =  $\mu_s g$ ; s =  $(\omega_0^2 R^2)/(2\mu_s g)$ ]
- (c) Calcolare l'accelerazione del centro di massa del disco nel caso in cui  $F = 2F_0$ . [a =  $(6\mu_s \mu_d)g$ ]

#### Esercizio 2

Si dispone di un cilindro munito di pistone di massa trascurabile libero di scorrere verticalmente senza attrito. All'interno del cilindro è presente una mole di gas ideale che occupa tutto il volume V a disposizione. Le pareti laterali del cilindro sono adiabatiche, mentre quella inferiore, diatermana, è posta a contatto con una sorgente termica composta da una miscela di acqua e ghiaccio. Il gas subisce due trasformazioni:

- $A \rightarrow B$  compressione fino ad un volume finale V/3;
- $B \rightarrow A$  espansione fino al volume iniziale V.

Alla fine di queste due trasformazioni si osserva che si è sciolta una quantità di ghiaccio di massa pari a m = 5g. Calcolare:

- (a) il calore totale Q ed il lavoro totale W scambiati dal gas durante il ciclo; [W = Q = -1667.5 J]
- (b) la variazione di entropia  $\Delta S$  dell'universo durante il ciclo;  $[\Delta S = 6.104 \text{ J/K}]$

Si osserva inoltre che la variazione di entropia dell'universo lungo la compressione è uguale alla variazione di entropia dell'universo lungo l'espansione. Calcolare:

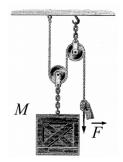
- (c) la quantità di ghiaccio mg che si scioglie in compressione e la quantità di acqua ma che solidifica in espansione; [mg = 9.98 g; ma = 4.98 g]
- (d) i calori ed i lavori scambiati dal gas lungo le due trasformazioni. [ $Q_{AB}=W_{AB}=-3328.33$  J;  $Q_{BC}=W_{BC}=1660.83$  J] (calore latente di fusione del ghiaccio  $\lambda_f^g=333.5$  kJ/kg)

#### Esercizio 3

Un corpo di massa M è sostenuto da un sistema di carrucole come in figura. Le carrucole sono di massa trascurabile e prive di attrito.

- (a) Si determinino il valore  $F_0$  della forza F necessaria a tenere il sistema in equilibrio e la forza  $T_2$  esercitata dalla catena agganciata al soffitto.  $[F_0 = \text{Mg/2}; T_2 = \text{Mg}]$
- (b) Se  $F=2F_0$ , si determini l'accelerazione della cassa. [a = g verso l'alto]

Si assuma ora che la cassa sia piena di sabbia, e che l'involucro abbia massa trascurabile, ma presenti un foro dal quale la sabbia fuoriesce in maniera costante. In particolare: all'istante t=0, M=1kg e la cassa è ferma; a partire da quell'istante, la sabbia fuoriesce al ritmo di  $c_m$ =100g/s; si applica alla cassa la forza  $costante F_0$  ottenuta al punto (a).



- (c) Si calcoli l'istante  $t_0$  in cui la cassa ha perso metà del suo contenuto, e l'impulso di tutte le forze applicate alla cassa fra l'istante t = 0 e  $t_0$ .  $[t_0 = M/(2c_m) = 5s; I = c_m t_0^2 g/2]$
- (d) Si determini la velocità della cassa quando ha perso metà del suo contenuto.  $[v = Mg/(4c_m) = 24.52 \text{ m/s}]$



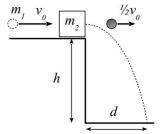
### Politecnico di Milano

## a.a. 2017-2018 - Scuola di Ingegneria Industriale e dell'Informazione Corso di Laurea in Ingegneria Fisica

# Fisica Sperimentale I I Appello – 21/06/2018

#### Esercizio 4

Un proiettile di massa  $m_1$  urta un corpo di massa  $m_2$  in quiete posto sul bordo di un piano liscio ad altezza h rispetto a terra. Il proiettile ha inizialmente velocità  $v_0$  e fuoriesce dal corpo con velocità  $v_0/2$ . Sapendo che il corpo dopo l'urto cade a terra ad una distanza d dalla fine del piano, determinare:



- (a) la velocità iniziale del proiettile  $[v_0 = 2m_2d[g/(2h)]^{1/2}/m_1]$
- (b) l'energia dissipata durante l'urto del proiettile con il corpo di massa  $m_2$ ;

$$[E = m_1 v_0^2 [3 - m_1/m_2]/8]$$

Quando il corpo e il proiettile toccano terra, la distanza fra di loro è d.

(c) determinare il rapporto delle masse e calcolare il valore numerico della velocità iniziale del proiettile sapendo che h = d = 1m. [ $m_2/m_1 = 2$ ;  $v_0 = 8.86$  m/s]