



**DATI** NO ATTRITO

$$\begin{aligned}
 m &= 100 \text{ kg} & \eta_1 &= 1 \\
 J_p &= 1 \text{ kgm}^2 & \eta_2 &= 0,8 \\
 r_1 &= 1/2 & R &= 0,5 \text{ m} \\
 r_2 &= 1/2 & \alpha &= 30^\circ
 \end{aligned}$$

**CALCOLARE**

- 1)  $M_m$  PER SOLLEVARE MASSA  $m$  A  $V = \text{cost.}$
- 2)  $J_m$  COMPLESSIVO LATO MOTORE NECESSARIO PER LIMITARE L'ACCELERAZIONE DI  $m$  A  $2 \text{ m/s}^2$

QUANDO IL MOTORE EROGA  $M_m = 2M_m$  RISPETTO A QUELLO CALCOLATO AL P.TO 1

SI UTILIZZA L'EQ. DEL  
**BILANCIO DI POTENZE**

$$W_m + W_v + W_p = \frac{dE_{c, \text{TOT}}}{dt}$$

$$W_m = M_m \cdot \omega_m$$

→ Forza e Velocità hanno verso opposto

$$W_v = -mg \cdot \sin \alpha \cdot v$$

$$W_p = -(1 - \eta_1 \cdot \eta_2) W_1$$

→ Potenza entrante nella Trasmissione CASO DI MOTO DIRETTO  $W_1 > 0$

Il rendimento è il prodotto dei rendimenti con trasmissioni in serie

$$\begin{aligned}
 W_1 &= W_m - \left( \frac{dE_{c, m}}{dt} \right) \\
 &= M_m \omega_m - J_m \omega_m \dot{\omega}_m
 \end{aligned}$$

$$E_c = \frac{1}{2} J_m \omega_m^2 + \frac{1}{2} J_p \omega_p^2 + \frac{1}{2} m v^2 \quad (*)$$

METTENDO IN EVIDENZA LE RELAZIONI :

$$\omega_p = r_1 \cdot r_2 \cdot \omega_m \quad \text{e} \quad \dot{\omega}_p = r_1 \cdot r_2 \cdot \dot{\omega}_m$$

$$v = \omega_p \cdot R = r_1 \cdot r_2 \cdot R \cdot \omega_m$$

$$a = \dot{\omega}_p \cdot R = r_1 \cdot r_2 \cdot R \cdot \dot{\omega}_m$$

E SOSTITUENDONE I VALORI DENTRO (\*), SI HA :

$$\frac{1}{2} J_m \omega_m^2 + \frac{1}{2} J_p r_1^2 r_2^2 \omega_m^2 + \frac{1}{2} m r_1^2 r_2^2 R^2 \omega_m^2$$

$$\frac{1}{2} J_m \omega_m^2 + \frac{1}{2} J_p \tau_1 \tau_2 \omega_m^2 + \frac{1}{2} m \tau_1^2 \tau_2^2 R^2 \omega_m^2$$

DERIVANDO NEL TEMPO, E PONENDO  $\tau_1 \cdot \tau_2 = \bar{\tau}$  e  $\eta_1 \cdot \eta_2 = \bar{\eta}$   
 I OTTIENE:

$$J_m \omega_m \dot{\omega}_m + J_p \bar{\tau} \omega_m \dot{\omega}_m + m R^2 \bar{\tau}^2 \omega_m \dot{\omega}_m$$

RISCRIVENDO IL BILANCIO DI POTENZE, SI HA:

$$M_m \cdot \omega_m - mg \cdot \sin \alpha \cdot \bar{\tau} R \omega_m - (1 - \bar{\eta})(M_m \omega_m - J_m \omega_m \dot{\omega}_m) =$$

$$= J_m \omega_m \dot{\omega}_m + J_p \bar{\tau} \omega_m \dot{\omega}_m + m R^2 \bar{\tau}^2 \omega_m \dot{\omega}_m$$

$$\cancel{M_m \cdot \omega_m} - \cancel{mg \cdot \sin \alpha \cdot \bar{\tau} R \omega_m} - \cancel{M_m \omega_m} + \cancel{J_m \omega_m \dot{\omega}_m} + \bar{\eta} \cancel{M_m \omega_m} - \bar{\eta} \cancel{J_m \omega_m \dot{\omega}_m} =$$

$$= \cancel{J_m \omega_m \dot{\omega}_m} + \cancel{J_p \bar{\tau} \omega_m \dot{\omega}_m} + \cancel{m R^2 \bar{\tau}^2 \omega_m \dot{\omega}_m}$$

$$\bar{\eta} M_m - \bar{\tau} R mg \sin \alpha = (\bar{\eta} J_m + J_p \bar{\tau}^2 + m R^2 \bar{\tau}^2) \dot{\omega}_m$$

RISPOSTA AL QUESITO 1 ( $\dot{\omega}_m = 0$ )

$$M_m = \frac{\bar{\tau}}{\bar{\eta}} \cdot mg R \sin \alpha = 76,64 \text{ Nm} = M_{m, RES}$$

RISPOSTA AL QUESITO 2 ( $M_m = 2 M_{m, RES} = 153,28 \text{ Nm}$ )

$$\text{SAPENDO CHE } \dot{\omega}_m = \frac{\partial}{R \bar{\tau}} = \frac{2}{0,5 \cdot 0,25} = 16 \frac{\text{Rad}}{\text{s}^2}$$

SI HA CHE:

$$J_m = \frac{1}{\bar{\eta}} \left[ \frac{\bar{\eta} M_m - \bar{\tau} R mg \sin \alpha}{\dot{\omega}_m} - (\bar{\tau}^2 J_p + \bar{\tau}^2 R^2 m) \right] =$$

$$= \frac{1}{0,8} \cdot \left[ \frac{0,8 \cdot 153,3 - 0,25 \cdot 0,5 \cdot 100 \cdot 9,81 \cdot 0,5}{16} - (0,25^2 \cdot 1 + 0,25^2 \cdot 0,5^2 \cdot 100) \right] =$$

$$= 2,76 \text{ Nm}$$