Problemas de Empacotamento métodos de solução baseados em bottom-left

Gabriel Medeiros Lopes Carneiro Orientador: Pedro Belin Castellucci Coorientador: Rafael de Santiago

Universidade Federal de Santa Catarina

15 de maio de 2023



2023-05-15

Problemas de Empacotamento



Meu nome é Gabriel e hoje vou apresentar uma prévia do meu tcc.

O trabalho trata sobre métodos de solução baseados em *bottom-left* para problema de empacotamento, ele foi feito sob orientação do professor Pedro e teve coorientação do professor Rafael.

Sumário

- 1. Conceitos básicos
- 2. Problema
- 3. Bottom-left
- 4. Resultados
- 5. Conclusão



Problemas de Empacotamento

└Sumário



Como nem todos podem estar familiarizados com alguns termos, vou fazer uma breve revisão de conceitos básicos.

Depois vou explicar o problema em si, passando por suas características e classificações.

Vou mostrar o que é *bottom-left*, como ela funciona e as adaptações feitas com base nela.

Também vou mostrar os resultados obtidos ao rodar instâncias de teste.

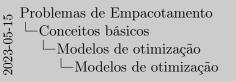
Por fim, apresentarei a conclusões que podem ser feitas a partir do trabalho.



Modelos de otimização

$$\min/\max f(x), x \in \mathcal{X}.$$

- x: variável de decisão, $x = x_1, x_2, \dots, x_n$.
- \mathcal{X} : conjunto factível ou domínio;
- f(x): função objetivo.



 $\min/\max f(x), x \in X$.

• X: conjunto factivel ou domínio;

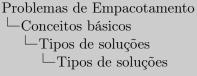
Modelos de otimização são aproximações da realidade, representam o problema de maneira simples e objetiva, usando restrições. Geralmente quer minimizar ou maximizar uma função f(x) com x obedecendo algumas restrições.

- x: variável de decisão, $x = x_1, x_2, \dots, x_n$.
- \mathcal{X} : conjunto factível ou domínio, possui todas as soluções possíveis para o problema.
- f(x): função objetivo, a qual determinará o critério de escolha da solução.



Tipos de soluções

- Factivel.
 - Ótima.
 - Problema ilimitado.
- Problema infactível.



2023-05-



- Factível: satisfaz todas as restrições do problema.
- Ótima: melhor solução factível.
- Problema ilimitado: não é possível encontrar uma solução ótima, ou seja, sempre é possível achar uma melhor.
- Problema infactível: quando o problema não possui solução, geralmente devido a muitas restrições.



Conceitos básicos

Modelo contínuo × discreto

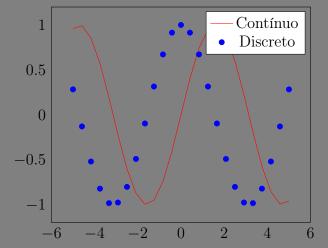


Figura: Exemplo de modelo contínuo e discreto.

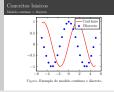


Problemas de Empacotamento

Conceitos básicos

Tipos de soluções

Conceitos básicos



Um modelo é contínuo quando sua região factível é contínua, ou seja, dado um ponto dessa região todos os seus vizinhos também serão uma solução.

Modelos discretos não possuem seu domínio contínuo.

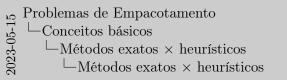
Métodos exatos × heurísticos

Exatos

- Solução ótima.
- Tempo.
- Recursos.

Heurísticos

- Solução factível.
- Simplicidade.
- Grande porte.



Heuristicos

• Solução factive

• Simplicidade.

• Grande porte.

Métodos exatos sempre vão garantir a solução ótima para o problema, porém encontrar tal solução pode requerer grande tempo e/ou muitos recursos computacionais.

Já heurísticas buscam por soluções factíveis e são geralmente usadas em problemas de grande porte.

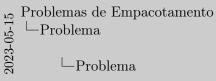
O problema de interesse é NP-difícil, então buscar uma solução ótima fica praticamente inviável devido a limitações de tempo e recursos computacionais. Uma heurística será utilizada para obter uma solução boa em tempo hábil.



Problema

Alocar peças em um espaço.

- Difícil resolução.
- N-dimensional.
- Tipos de peças.
- Classificação.
- Variantes.



Problems

Alexar peças em um espaço.

Diffed resologio.

N. dimensional.

Tipno de peços.

Classificação.

Variantes.

A premissa do problema é simples, alocar peças em um espaço. Pode parecer algo bobo de resolver, mas é de difícil resolução já que pode possuir N-dimensões e diversos tipos de peças, de modo é preciso separar o problema em diferentes classes e ainda existem variantes dentro das classificações.

N-dimensões

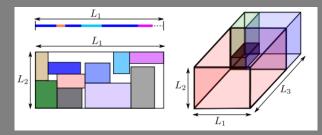


Figura: Represeção 1D, 2D e 3D.

Fonte:(CASTELLUCCI, 2019)



Problemas de Empacotamento

Problema

N-dimensões N-dimensões



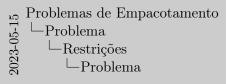
- O caso 1D pode ser usado para empilhar caixas de mesma profundidade e largura.
- Já no 2D poderia ser aplicado em casos onde somente a profundidade é fixa.
- $\bullet\,$ E o 3D seria alocar caixas em um depósito ou container.
- O trabalho se concentra somente no caso 2D.

Problema

Restrições

$$x_i \in \{0, \dots, W - w_i\}, y_i \in \{0, \dots, H - h_i\} (i \in \mathcal{I}')$$
 (1)

$$[x_i,x_i+w_i)\cap[x_j,x_j+w_j)=\emptyset \text{ ou } [y_i,y_i+h_i)\cap[y_j,y_j+h_j)=\emptyset\left(i,j\in\mathcal{I}',i\neq j\right) \tag{2}$$





Como já definimos a dimensão do problema, podemos ver as restrições do modelo.

A primeira restrição garante que um item só é alocado no recipiente se couber nele.

Já a segunda impede sobreposição entre as peças.



Tipos de peças

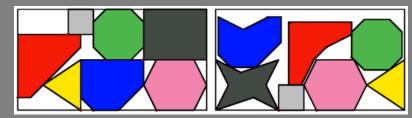


Figura: Exemplos de peças regulares (esquerda) e irregulares (direita).

Fonte:(BARTMEYER et al., 2021)



Problemas de Empacotamento

Problema

Problema

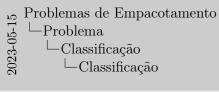
Tipos de peças

Tipos de peças



- Regulares: Possuem formato convexo.
- Irregulares: Possuem formato côncavo.
- Outra forma de se definir é checar se existe alguma reta que atravesse o objeto em dois pontos diferentes.
- O trabalho foca em peças regulares retangulares.

• Empacotamento em faixa.



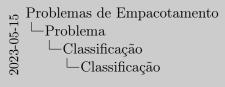
Classificação

• Emparotamento em faixa.

• Dado um conjunto de itens e uma caixa com comprimento fixo, queremos encontrar uma solução de altura mínima.



- Empacotamento em faixa.
- Empacotamento da mochila.

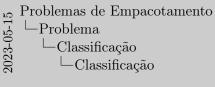


Empacotamento em faixa.
 Empacotamento da mochila.

- Dado um conjunto de itens e uma caixa com comprimento fixo, queremos encontrar uma solução de altura mínima.
- Nesse caso, queremos maximizar o valor da caixa (geralmente é a área da caixa).



- Empacotamento em faixa.
- Empacotamento da mochila.
- Empacotamento em caixas.



Empacotamento em faixa.
 Empacotamento da mochil
 Empacotamento em caixas

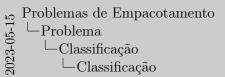
Classificação

- Dado um conjunto de itens e uma caixa com comprimento fixo, queremos encontrar uma solução de altura mínima.
- Nesse caso, queremos maximizar o valor da caixa (geralmente é a área da caixa).
- Minimizar o número de caixas necessárias para empacotar todos os itens.



- Empacotamento em faixa.
- Empacotamento da mochila.
- Empacotamento em caixas.
- Empacotamento ortogonal.





Empacotamento em faixa.
 Empacotamento da mochile
 Empacotamento em caixas.
 Empacotamento ortogonal.

- Dado um conjunto de itens e uma caixa com comprimento fixo, queremos encontrar uma solução de altura mínima.
- Nesse caso, queremos maximizar o valor da caixa (geralmente é a área da caixa).
- Minimizar o número de caixas necessárias para empacotar todos os itens.
- Alocar todos os itens numa caixa.
- Todos os problemas são NP-difícil, com exceção do ortogonal (NP-completo).

• Corte guilhotinado.





Corte guilhotinado.

• Consiste em cortar a caixa de forma paralela a um dos lados de forma recursiva.

- Corte guilhotinado.
- Rotações ortogonais.



Corte guilhotinado.
 Rotações ortogonais.

- Consiste em cortar a caixa de forma paralela a um dos lados de forma recursiva.
- É um modo de relaxar o problema, permitindo rotações de 90° nos itens.



- Corte guilhotinado.
- Rotações ortogonais.
- Restrições de carga e descarga.





- Consiste em cortar a caixa de forma paralela a um dos lados de forma recursiva.
- É um modo de relaxar o problema, permitindo rotações de 90° nos itens.
- Algumas peças precisam ser posicionadas em certa posição ou próximas a outras.



- Corte guilhotinado.
- Rotações ortogonais.
- Restrições de carga e descarga.
- Caixas de tamanho variável.



Corte guilhotinado.
 Rotações ortogonais.
 Restrições de carga e descarga
 Caixas de tamanho variável.

- Consiste em cortar a caixa de forma paralela a um dos lados de forma recursiva.
- É um modo de relaxar o problema, permitindo rotações de 90° nos itens.
- Algumas peças precisam ser posicionadas em certa posição ou próximas a outras.
- Define que caixas não precisam ter o mesmo tamanho (aplicável somente para Empacotamento em Caixas).

$Bottom ext{-}left$

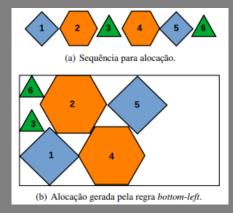


Figura: Representação de alocação.

Fonte: (BARTMEYER et al., 2021)



Problemas de Empacotamento 2023-05-1 Bottom-left

-Bottom-left

Como o problema é NP-difícil uma heurística será usada e a bottom-left foi a escolhida.

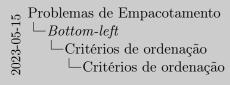
Ela é bem simples, dado uma lista como entrada, os itens são retirados um a um e posicionados no ponto mais a baixo a mais a esquerda quanto for possível.

Caso a peça não caiba em nenhuma posição ela não entra na solução e passa-se para a próxima da fila.

Agui fica claro que a seguência de alocação tem impacto direto na qualidade da solução. Então como definir essa ordenação? Existe algum critério que se sobressai dos demais?

Critérios de ordenação

- Área.
- Perímetro.
- Largura.
- Altura.
- Id.





5 critérios de ordenação foram escolhidos: área, perímetro, largura, altura e id.

A ordenação por id considera a ordem em que os itens foram colocados na lista (ou criados), ou seja, seria a forma padrão de resolver.

Cada critério pode ser usado de forma crescente ou decrescente.



Regiões

- Vertical.
- Horizontal.
- max(área).
- Nenhuma.





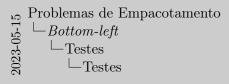
As regiões são criadas de 4 formas diferentes, traçando uma linha vertical, uma horizontal, traçando uma linha (vertical ou horizontal) que maximize a área de uma das regiões geradas e com nenhuma linha.

Nesse último modo sobreposições de peças podem ocorrer, então verificações são necessárias para cumprir a restrição.

Testes

- 45 instâncias.
 - BKW.
 - GCUT.
 - NGCUT.
 - OF.
 - OKP.
- 5 testes por configuração.
- $45 \cdot 5 \cdot 2 \cdot 4 \cdot 5 = 9000$ execuções.
- ±5 horas.







Para testar os métodos de solução criados foram usados 5 conjuntos de instâncias: BKW, GCUT, NGCUT, OF e OKP, totalizando 45 instâncias de teste.

Cada método foi executado 5 vezes em cada uma das instâncias para se obter um média, também foi calculado a mediana e desvio padrão.

Como temos 45 instâncias, 5 critérios de ordenação, cada critério pode ser crescente ou decrescente, 4 formas de criar regiões e cada uma dessas combinações foi executada 5 vezes, temos o total de 9000 execuções.

O tempo somado de todas as execuções foi de aproximadamente 5 horas (valor que ainda será alterado, pois falta rodar a maior instância com o método de solução mais demorado).

Ordenação

Tabela: Comparativo entre ordenação crescente e decrescente.

Descending	Wons	Draws	Quality %	Items %	Time (s)
F	167	8	57.306	47.6518	2.37153
T	736	8	78.9136	46.3642	1.77985



Problemas de Empacotamento

Resultados

Comparativo - Ordenação

Comparativo

A primeira coisa que fica evidente com os resultados é discrepância na qualidade de solução entre a ordenação crescente e a decrescente, algo já esperado.

Ordenação

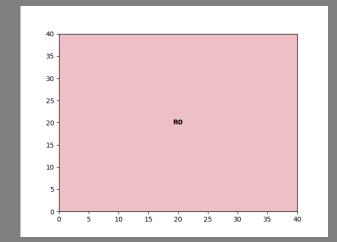
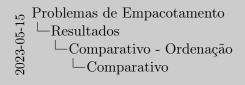


Figura: Regiões criadas na ordenação crescente.







Isso se deve a como as regiões são criadas, as figuras mostram o caso para ordenação crescente com a altura como critério e linha horizontal para criar a região.

Ordenação

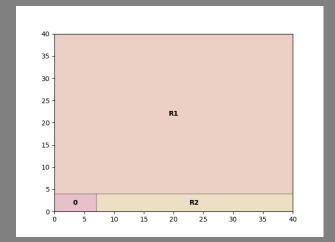


Figura: Regiões criadas na ordenação crescente.



Problemas de Empacotamento
Resultados
Comparativo - Ordenação
Comparativo



Ao posicionar uma peça uma das regiões ficará com a mesma altura do item recém-posicionado, como a ordenação é crescente a próxima peça terá no mínimo a mesma altura, mas o provável é que seja mais alta, impossibilitando que seja alocada nessa região.

Ordenação

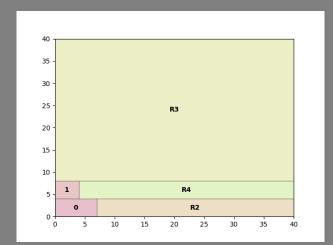
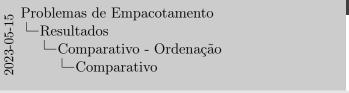
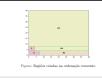


Figura: Regiões criadas na ordenação crescente.







Fazendo com que muitas regiões fiquem sem poder receber peças.

Ordenação

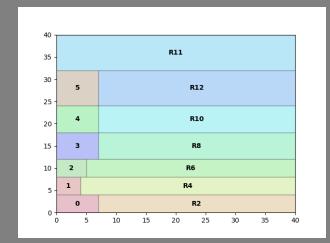
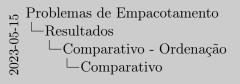


Figura: Regiões criadas na ordenação crescente.



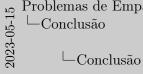




Algo semelhante ocorre com outros critérios de ordenação e criação regiões.

Conclusão

- Resultados inesperados.
- Múltiplos métodos de solução.



Problemas de Empacotamento -Conclusão

· Resultados inesperados. Múltiplos métodos de solução.



Referências

BARTMEYER, Petra Maria et al. Aprendizado por reforço aplicado ao problema de empacotamento de peças irregulares em faixas. **Anais**, 2021. Disponível em:

<https://repositorio.usp.br/directbitstream/455094df-864a-4fad-8a97-c5f59fd3d6ca/3051981.pdf>.

CASTELLUCCI, Pedro Belin. Consolidation problems in freight transportation systems: mathematical models and algorithms. 2019. Tese (Doutorado) – Universidade de São Paulo. Disponível em: https://pdfs.semanticscholar.org/90e7/bd898951e1350c2694478b63fbcde508e189.pdf.



Problemas de Empacotamento

2023-05-1

-Referências

Conclusão

eferências

BARTMEVER, Petra Maria et al. Aprendizado por reforço aplicado so posibioma de emparciamento de peços irregulares em faixos. Annis, 2021. Disponivel em:
- Attapi.//regoaterio.usp.be/lirectbitstram/485094dr-8644-4745.//rectbitstram/485094dr-8644-4745.-4659626864/3051981.pdfCANTELLICCE, Petro Bella Consolidation probleme in analysis de la consolidation probleme i

90e7/bd898951e1350c2694478b63fbcde508e189.pdf>