

Corso di Programmazione e Strutture Dati

Docente di Laboratorio: Marco Romano

Email: marromano@unisa.it

## RICORSIONE 2

# RICORSIONE E VALUTAZIONE DELLA COMPLESSITÀ

#### 1. Lavoro di combinazione costante

- a)  $T(n) = a_1 T(n-1) + a_2 T(n-2) + ... a_h T(n-h) + b per n > h$ 
  - 1. <u>Esponenziale con n</u>: se sono presenti almeno 2 termini (l'algoritmo contiene almeno 2 chiamate ricorsive)
  - 2. <u>Lineare con n</u>: se è presente un solo termine (singola chiamata ricorsiva)

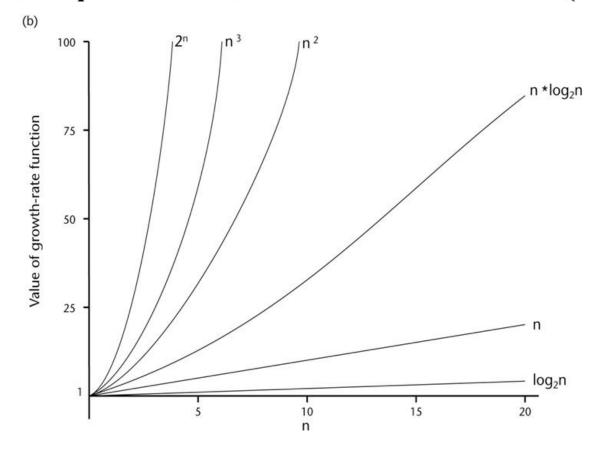
b) 
$$T(n) = a T(n/p) + b$$
 per  $n > 1$ 

- 1.  $\log n$  se a = 1 (singola chiamata ricorsiva)
- 2.  $n^{\log_p \alpha}$  se  $\alpha > 1$  (più chiamate ricorsive)

#### 2. Lavoro di combinazione lineare

- a) T(n) = T(n-h) + b n + d per n > hQuadratico con n
- b) T(n) = a T(n/p) + b n + d
  - 1. Lineare con n se a < p
  - 2.  $n \log n$  se a = p
  - 3.  $n_{p}^{\log_{p} a}$  se a > p

### A Comparison of Growth-Rate Functions (cont.)



## ESERCIZIO 1

- Si implementi la versione ricorsiva del Selection Sort. In particolare, occorre completare i file vettore.c, inserendo il nuovo operatore generico (deve ordinare degli Item) selection\_sort\_ric.
- Si scriva anche la sua complessità asintotica, fornendo una breve giustificazione sulla risposta.

### SELECTION\_SORT\_RIC

```
void selection_sort_ric(Item a[], int n) {
  if(n==1)
    return;
  int min = minimo(a+1, n-1)+1;
  if (cmpItem(a[min],a[0])<0)</pre>
    swap(&a[0], &a[min]);
  selection_sort_ric(a+1, n-1);
```

### MINIMO

```
int minimo(Item *a, int n) {
        int min = 0, i;
16
        for(i=1; i<n; i++)</pre>
            if (cmpItem(a[i],a[min])<0)</pre>
                 min=i;
20
        return min;
```

### SELECTION\_SORT\_RIC

```
void selection_sort_ric(Item a[], int n) {
  if(n==1)
    return;
 int min = minimo(a+1, n-1)+1;
 if (cmpItem(a[min],a[0])<0)</pre>
    swap(&a[0], &a[min]);
  selection_sort_ric(a+1, n-1);
```

#### Lavoro di combinazione lineare

```
a) T(n) = T(n-h) + b n + d

Quadratico con n
```

## ESERCIZIO 2

- Si implementi una procedura ricorsiva che inverte il contenuto di una coda.
- Si testi la procedura su una coda a valori interi.
- Si indichi anche la complessità asintotica della procedura implementata, fornendo una breve giustificazione sulla risposta.

### REVERSEQUEUE

```
void reverseQueue(Queue q)
      if(isEmptyQueue(q))
        return;
10
      Item it = dequeue(q);
      reverseQueue(q);
      enqueue(q,it);
```

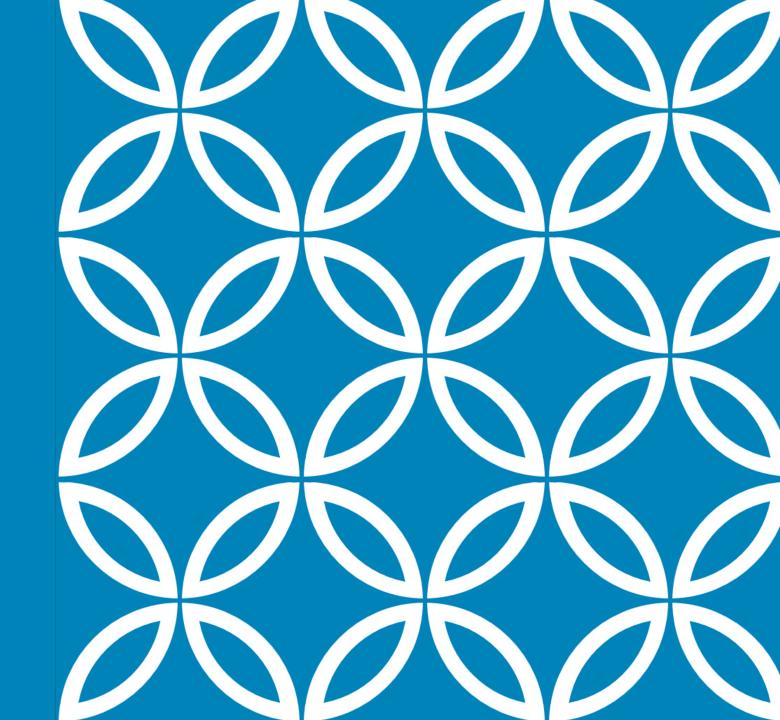
### REVERSEQUEUE

Lavoro di combinazione costante:

```
T(n) = a_1 T(n-1)
Lineare con n
```

```
void reverseQueue(Queue q)
      if(isEmptyQueue(q))
        return;
10
      Item it = dequeue(q);
      reverseQueue(q);
      enqueue(q,it);
```

CALCOLO DELLA COMPLESSITÀ SU OPERATORI RICORSIVI DI LIST



```
void destroyNode(struct node *node)

if(node){
    destroyNode(node->next);
    free(node);

282  }

283 }
```

```
int countItemNode (struct node *node, Item item)
261
        if(node == NULL)
262
            return 0;
263
264
        else{
            if (cmpItem (node -> item, item) == 0)
265
                 return countItemNode(node->next, item) + 1;
266
            else
267
                return countItemNode(node->next, item);
268
269
```

```
Item searchNode (struct node *node, Item item, int* pos)
240
        if (node == NULL)
241
242
243
            *pos = -1;
            return NULL;
244
245
        if (cmpItem (node -> item, item) == 0)
246
            return node -> item;
247
        else
248
249
250
            ++*pos;
             return searchNode (node -> next, item, pos);
251
252
253
```

```
226 void printNode (struct node *node)
227 {
228     if (node == NULL)
229         return;
230     outputItem (node -> item);
231     printNode (node -> next);
232 }
```