Programação I

Recursividade (ficha 8)

1. Implemente a versão iterativa e a versão recursiva da função `factorial(n)`.

2. Implemente a função `fibonacci(n)`, definida como:

$$fibonacci(n) = \begin{cases} n & \text{se } n = 0 \text{ ou } n = 1 \\ fibonacci(n-1) + fibonacci(n-2) & \text{se } n > 1 \end{cases}$$

3. Implemente a função recursiva `soma(n)` que devolve a soma dos primeiros `n` inteiros. Por exemplo, `soma(3)` devolve 6.

4. Implemente a função recursiva `multiplo(n,i)` que calcula o `i`-ésimo múltiplo de `n`. Por exemplo, `multiplo(3,2)` devolve 6.

5. O máximo divisor comum, `mdc(m,n)` pode ser calculado de forma recursiva utilizando o algoritmo de Dijkstra. Assumindo que `m,n>0`, temos:

$$mdc(m,n) = \begin{cases} m & \text{se } n = m \\ mdc(m-n,n) & \text{se } m > n \\ mdc(m,n-m) & \text{se } m < n \end{cases}$$

6. Construa a função Ackermann, `A(m,n)`, de forma recursiva. `A(m,n)` é definida como:

$$A(m,n) = \begin{cases} n+1 & \text{se } m = 0 \\ A(m-1,1) & \text{se } m > 0 \text{ e } n = 0 \\ A(m-1,A(m,n-1)) & \text{se } m > 0 \text{ e } n > 0 \end{cases}$$

   Por exemplo, `A(3,4)=125`.

7. Implemente a função recursiva `pascal(l,c)` que calcula o número da `l`-ésima linha, `c`-ésima coluna do triângulo de Pascal. Este número pode ser definido como:

$$pascal(l,c) = \begin{cases} 1 & \text{se } c = 0 \text{ ou } c = l \\ pascal(l-1,c-1) + pascal(l-1,c) & \text{caso contrario} \end{cases}$$

8. Usando a função `pascal(l,c)`, implemente a função `trianguloPascal(n)` que imprime as primeiras `n` linhas do triângulo de Pascal. Por exemplo, `trianguloPascal(6)` deve imprimir

```
1
1 1
1 2 1
1 3 3 1
1 4 6 4 1
1 5 10 10 5 1
```