ALGORITMOS EM GRAFOS

CAMINHAMENTOS BUSCA EM LARGURA

Prof. João Caram

PUC MINAS CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO

- 2
- Busca sem informação: usa apenas a informação disponível no estado atual do problema.
 - Geração de *sucessores* e verificação do objetivo
- Exemplos:
 - Jarras d'água
 - Jogo da velha
 - Xadrez PUC Minas Ciência da Computação Algoritmos em Grafos Prof. João Caram

Propriedades de grafos

- Algumas propriedades de grafos são de simples verificação:
 - Verificação de graus dos vértices
 - Determinação se o grafo é euleriano
 - Determinação se o grafo é completo
- Outras propriedades são relacionadas às arestas e aos caminhos existentes

Caminhamentos

 Caminhar em um grafo é mover-se entre seus vértices, verificando propriedades enquanto se caminha

Caminhamentos

Algoritmos de busca em grafos procuram caminhos com objetivos específicos:

Conectividade Busca de um vértice específico (estado)

Caminho mínimo Existência de um caminho

Busca em grafos

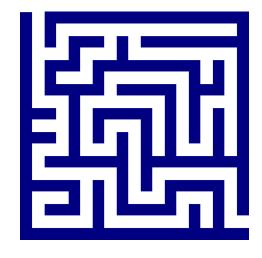
- A busca em grafos tenta encontrar uma sequência de caminhos/ações que leve até a um objetivo
- Uma vez encontrado este objetivo, um programa pode executar tal sequência de ações para atingi-lo

Busca em grafos

- Aplicações
 - Rotas em redes de computadores
 - Caixeiro viajante e variações
 - Jogos digitais
 - Navegação de robôs
 - o ...

Labirinto

- Considere o problema de encontrar uma saída em um labirinto
- Modelando cada "sala" como um vértice e suas conexões como arestas, temos um problema de busca em grafos



- □ Em inglês, *Breadth First Search* (BFS)
- Consiste em, a partir de um vértice de origem, explorar primeiramente todos os seus vizinhos e, em seguida repetir o procedimento para cada vizinho
- Base para diversos algoritmos importantes que iremos estudar

- Calcula a distância (caminho mínimo) do vértice de origem até qualquer vértice que possa ser alcançado
- Produz uma árvore que indica todos os vértices que podem ser alcançados
- □ Funciona em grafos e digrafos

- Propriedades de um vértice
 - Antecessor ou pai
 - Estado: branco, cinza, preto
 - Distância até o vértice de origem

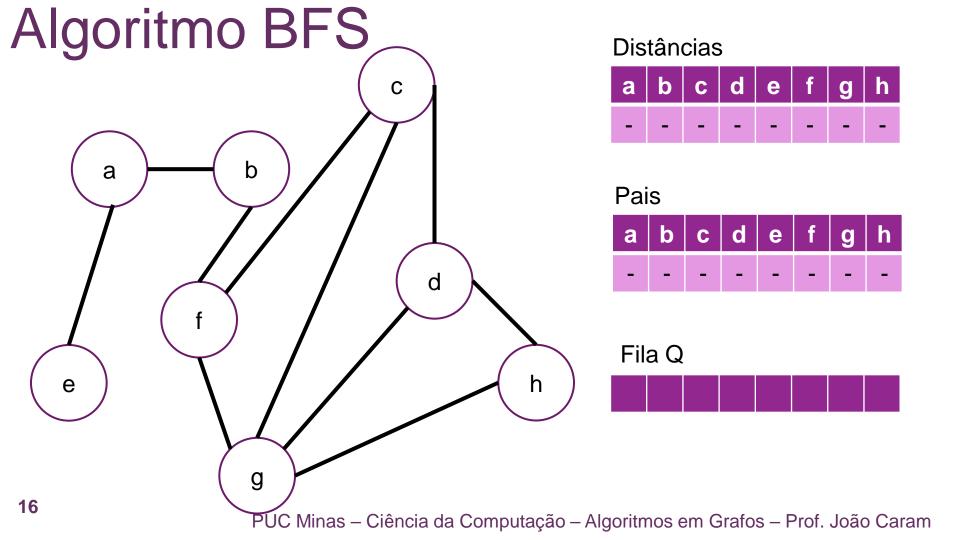
- Estados dos vértices
 - Branco: ainda não explorado
 - Cinza: explorado, mas com vizinhos nãoexplorados
 - □ Preto: explorado e sem vizinhos não explorados

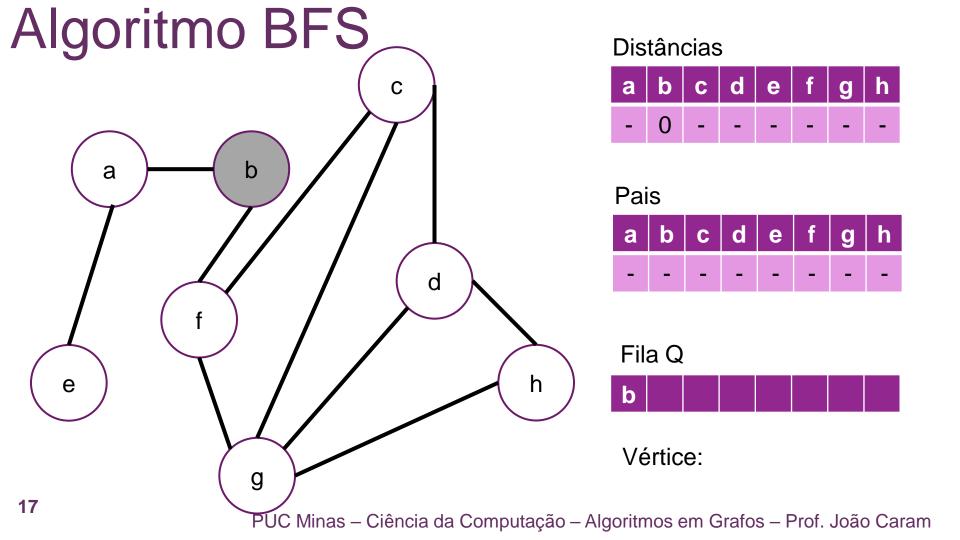
- Utiliza uma lista para definir as próximas visitas
- Pode armazenar a árvore de busca e/ou a sequência percorrida até um objetivo

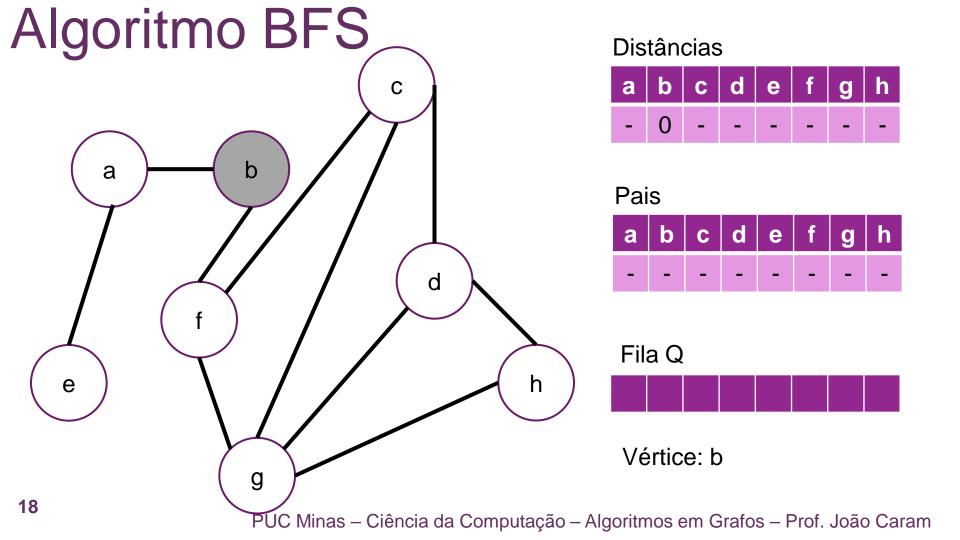
Algoritmo BFS - inicialização

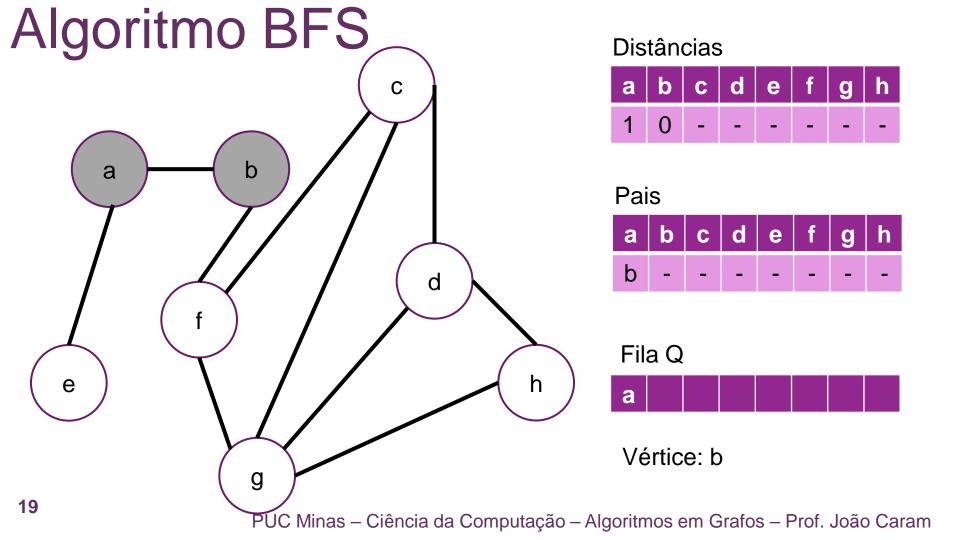
Algoritmo BFS – busca principal

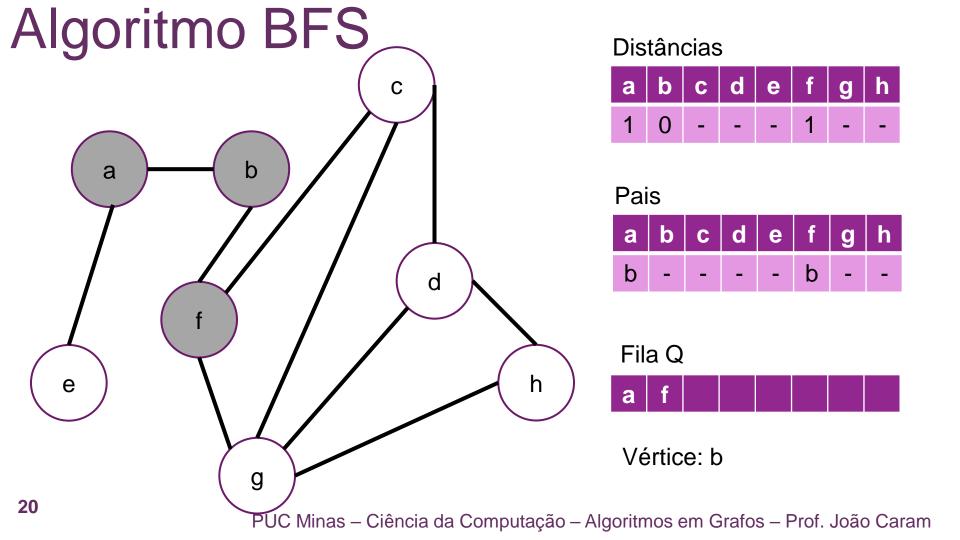
```
Q.enfileirar(s);
Enquanto (!Q.vazia)
        u = Q.desenfileirar();
        Para cada vértice v adjacente a u
                 se v.cor == branco
                         v.cor == cinza;
                         v.distância = u.distância+1;
                         v.pai = u
                         Q.enfileirar(v)
        Fim para
        u.cor = preto;
Fim enquanto
```

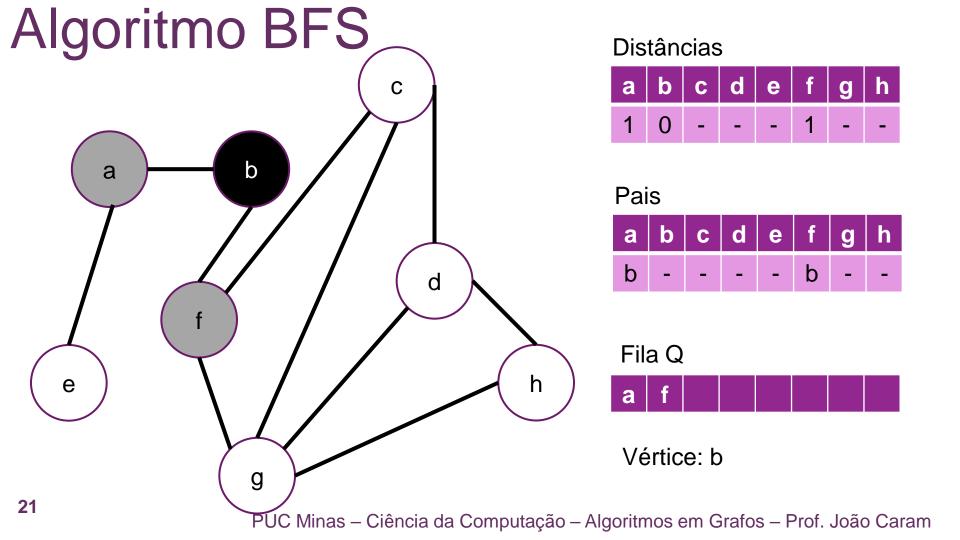


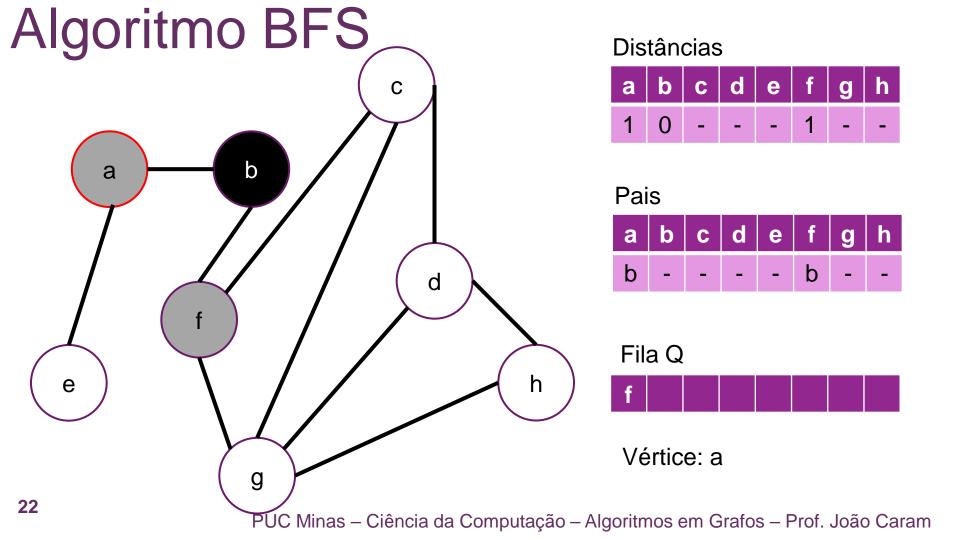


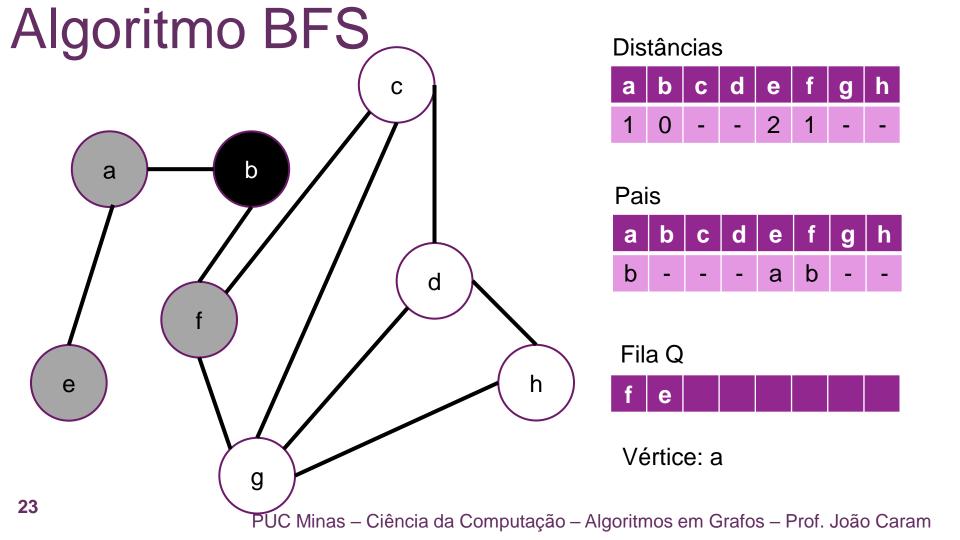


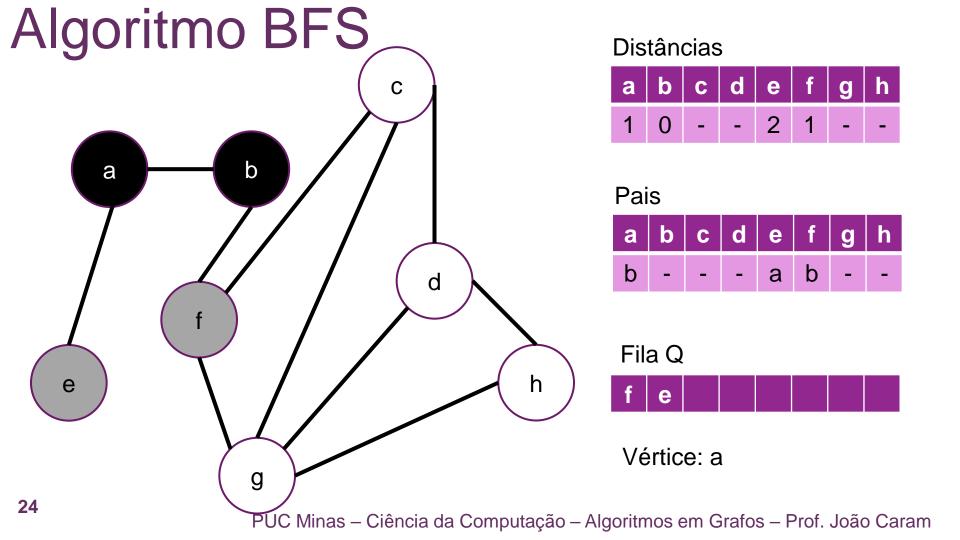


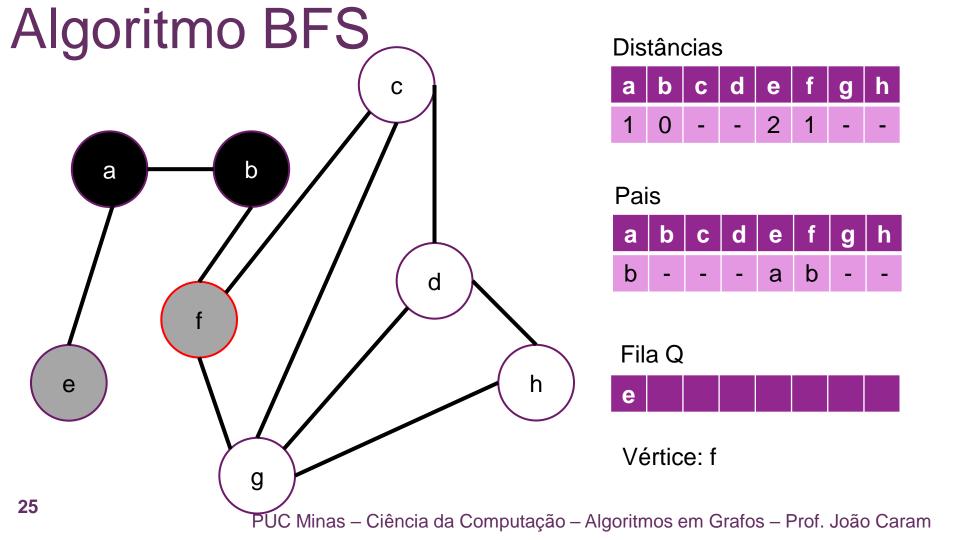


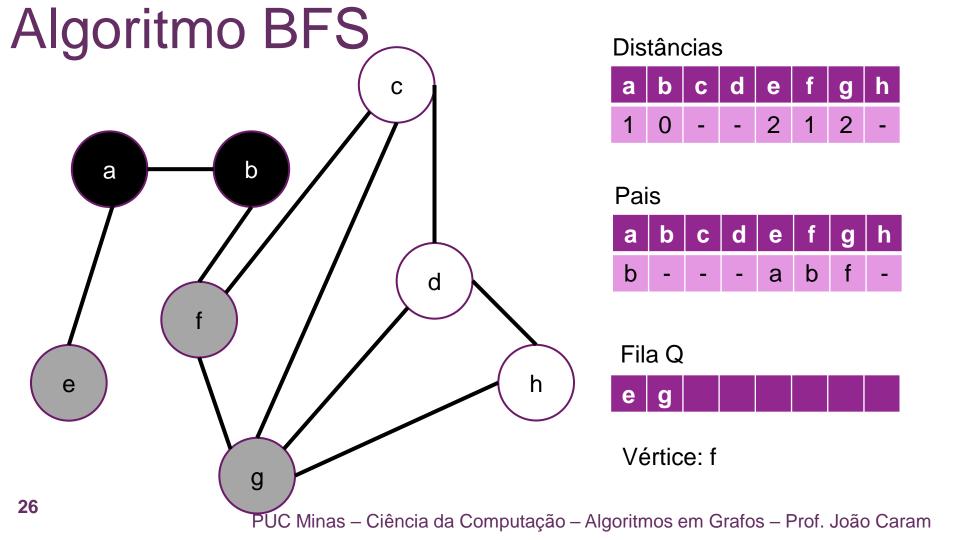


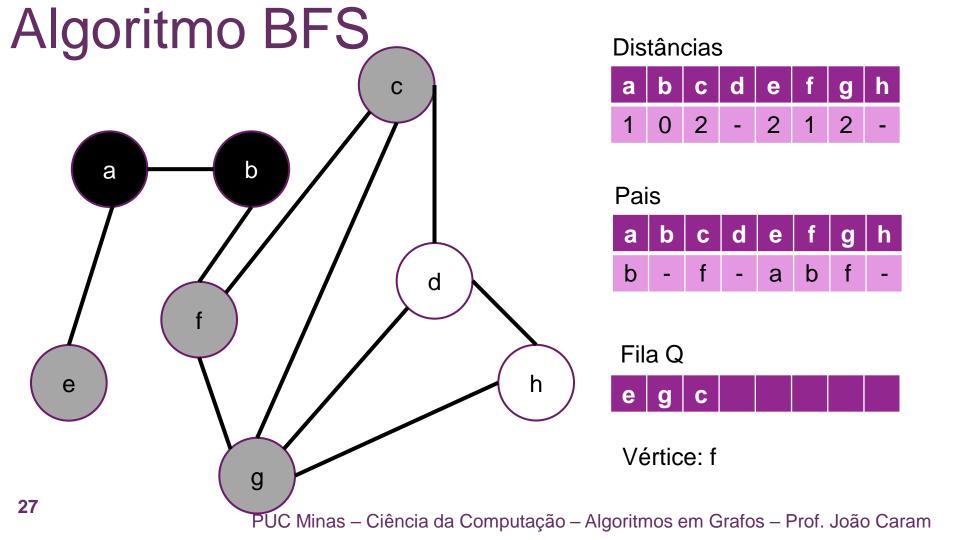


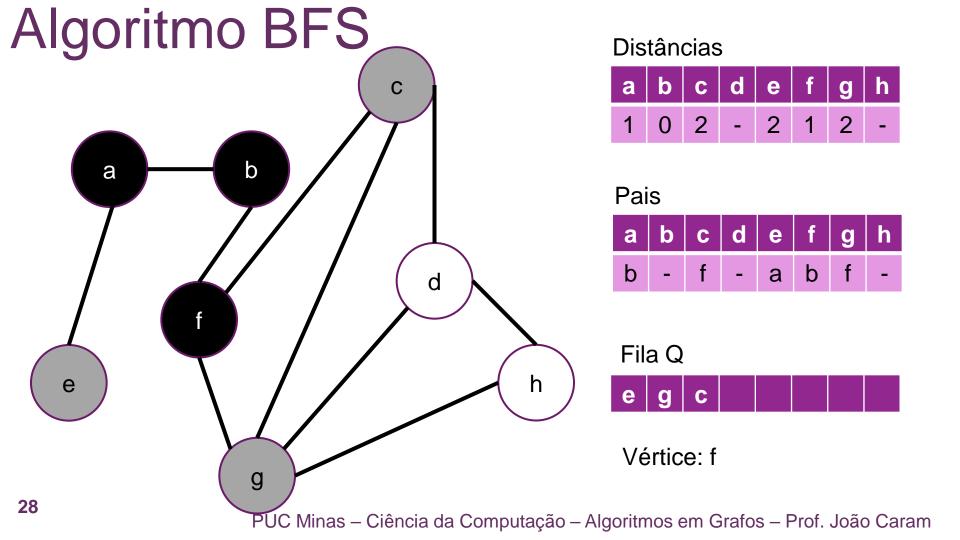


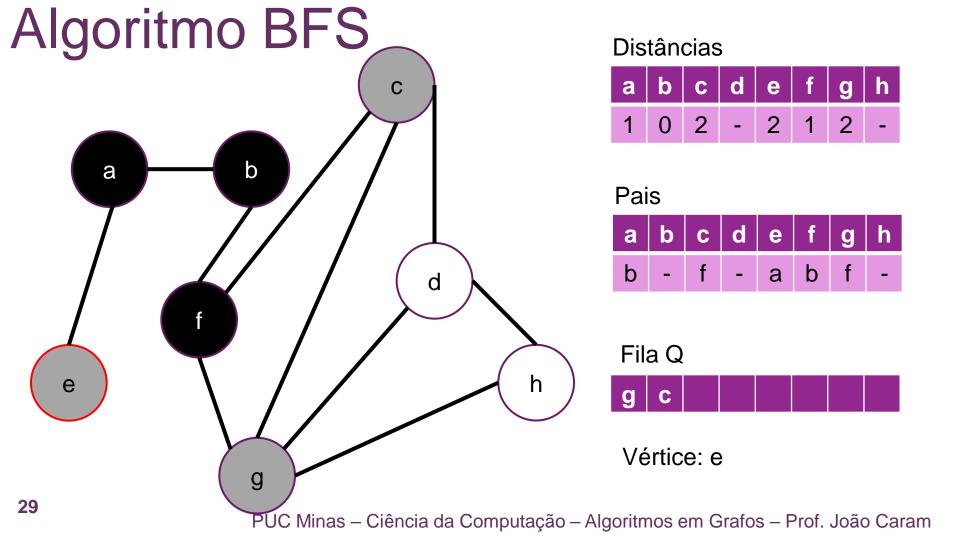


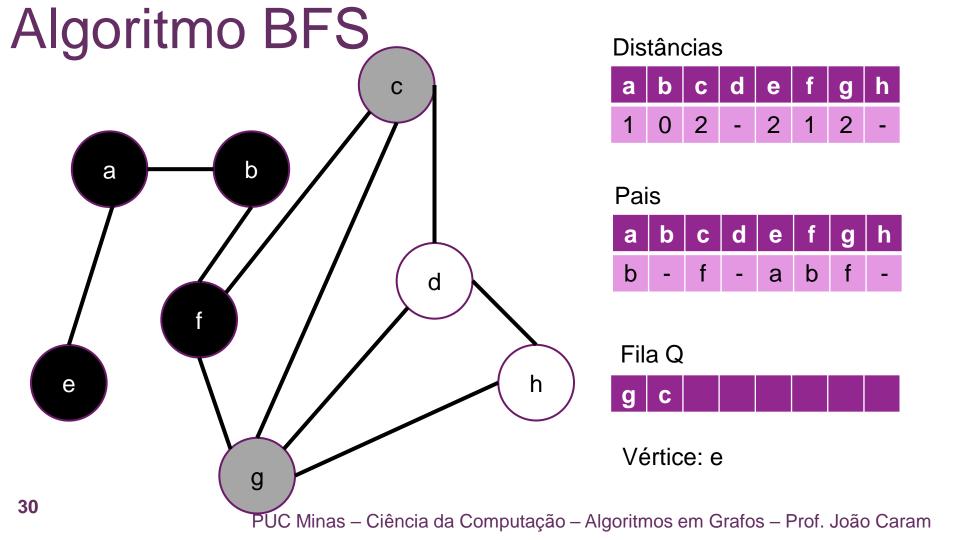


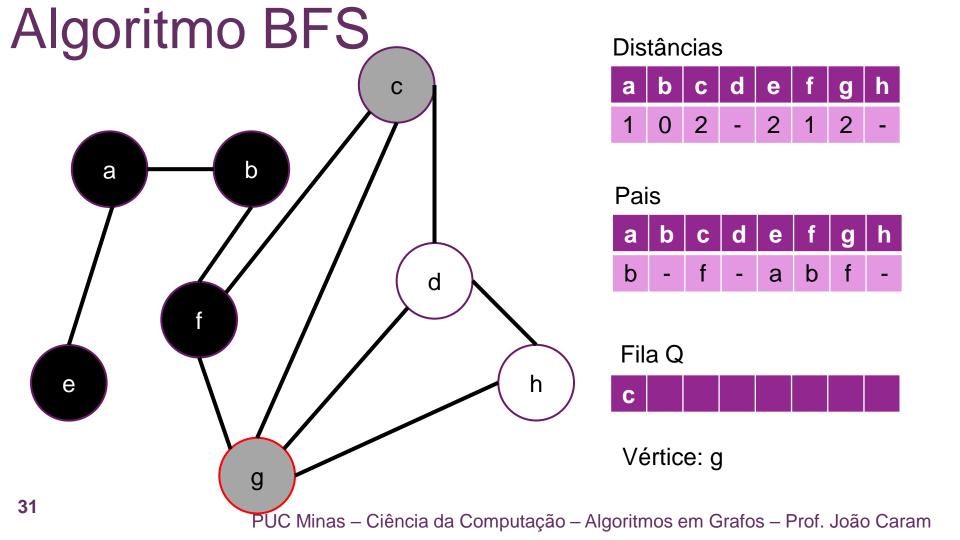


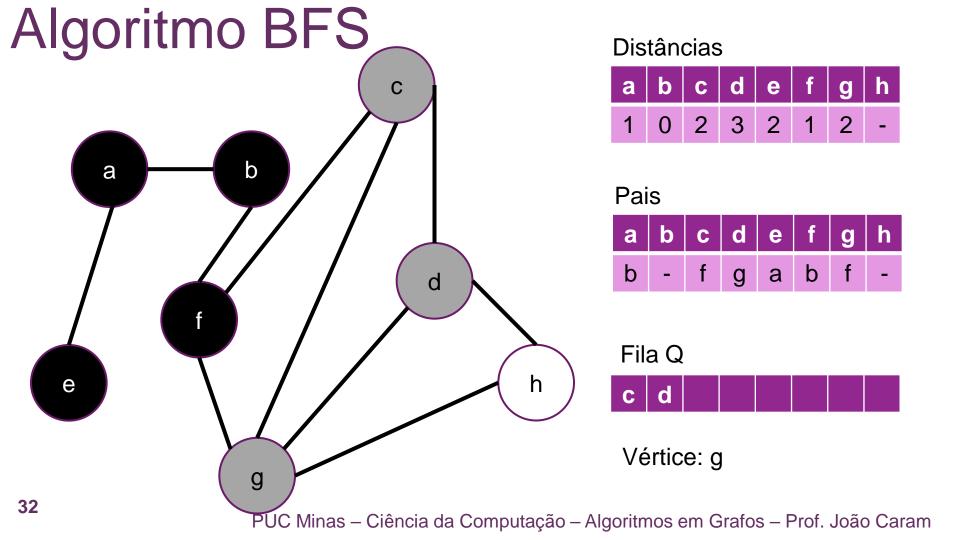


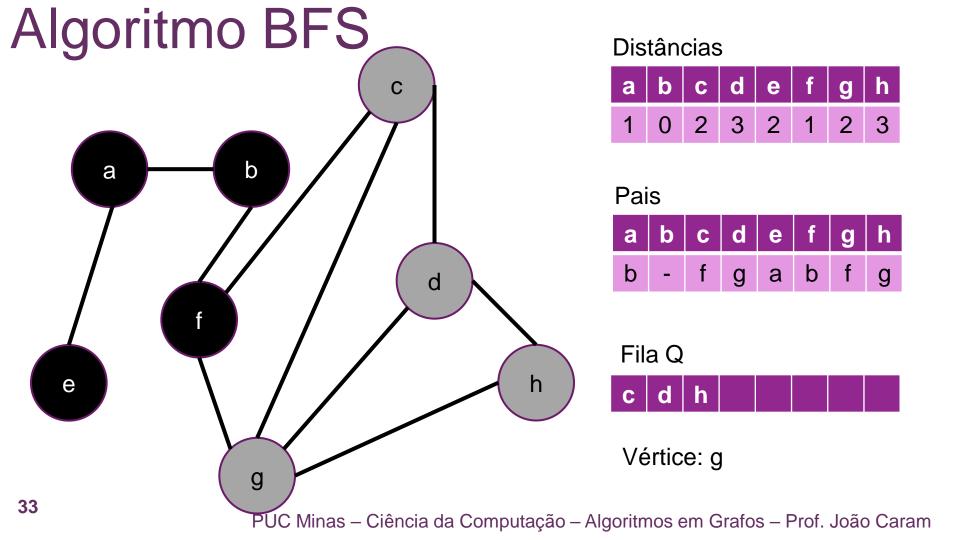


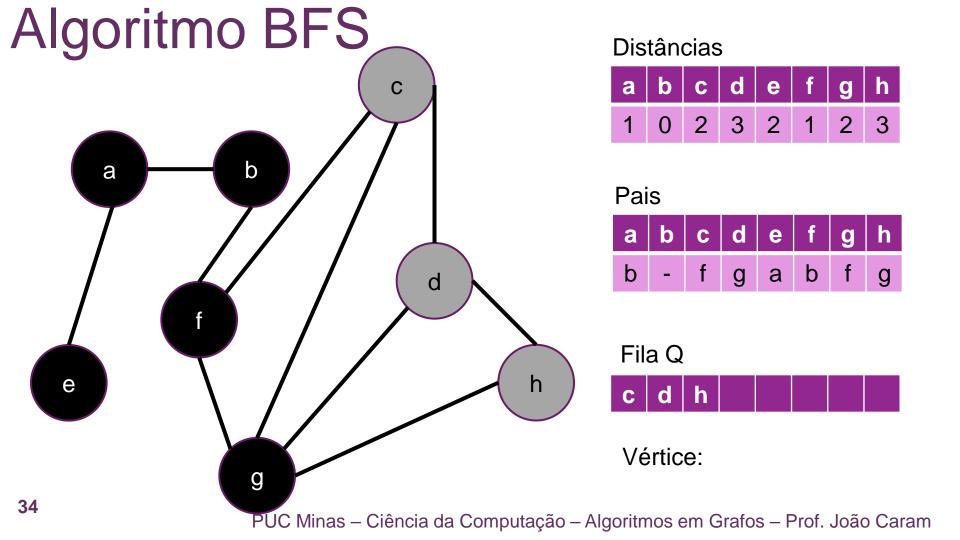


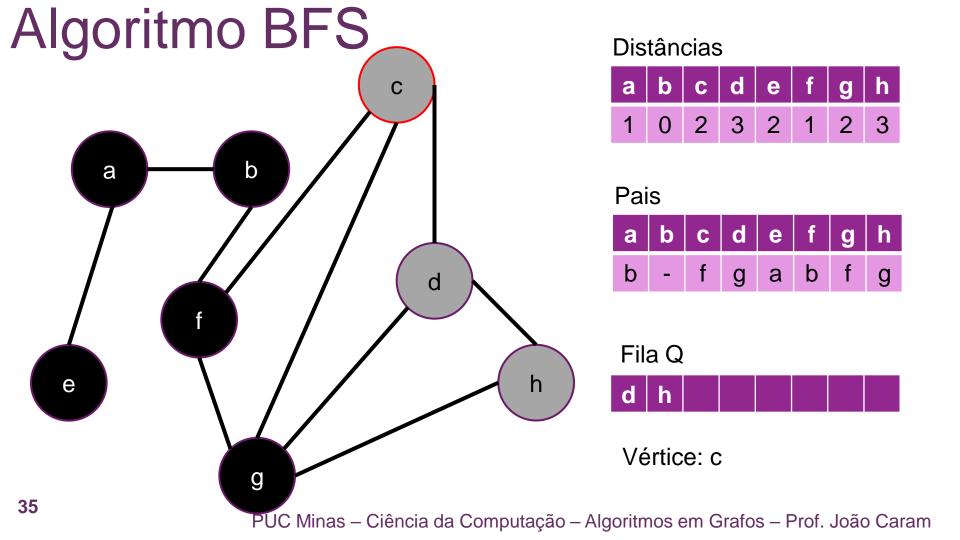


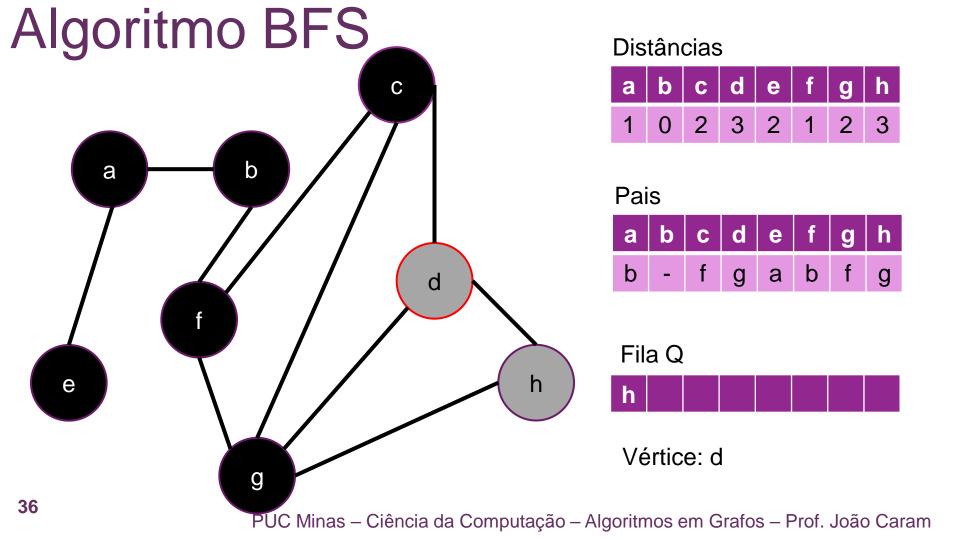


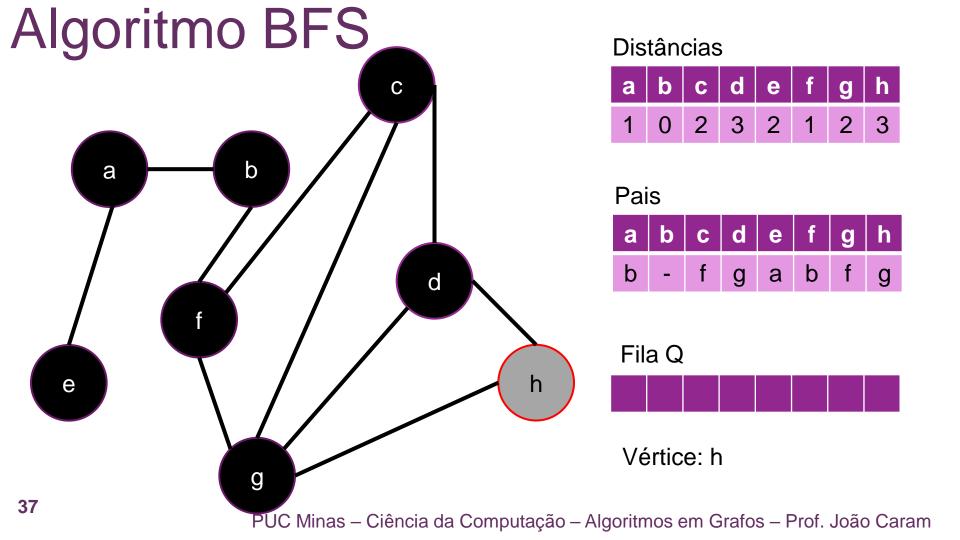


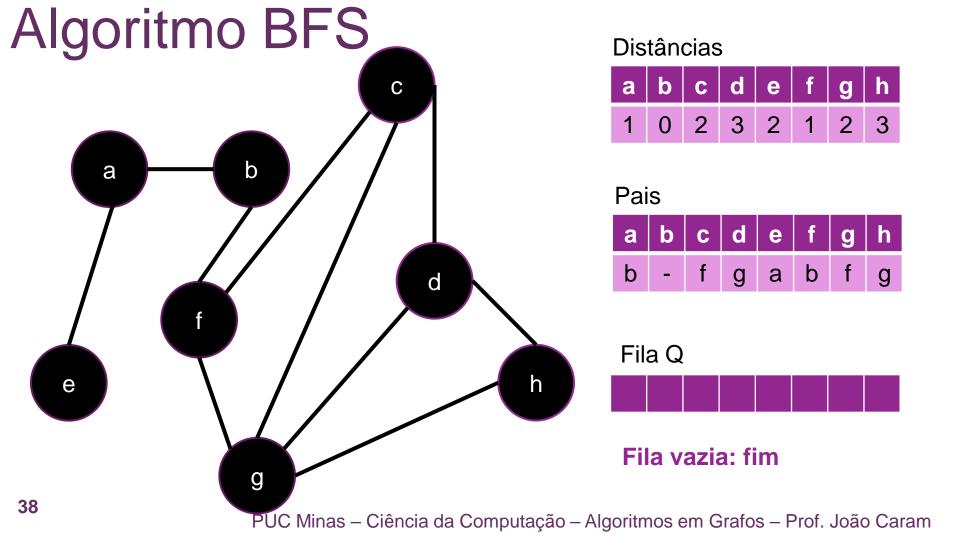


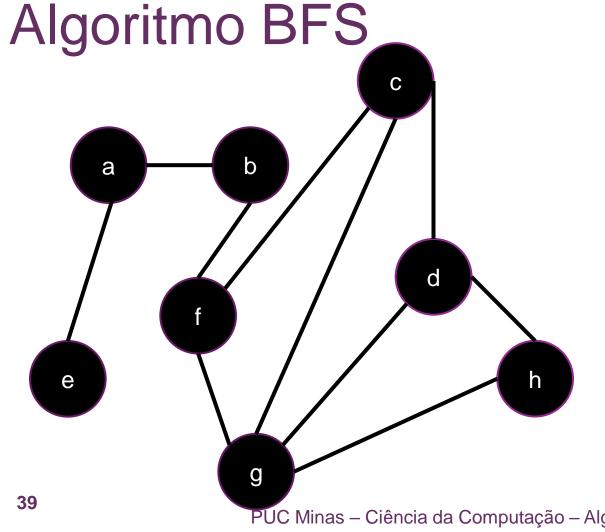










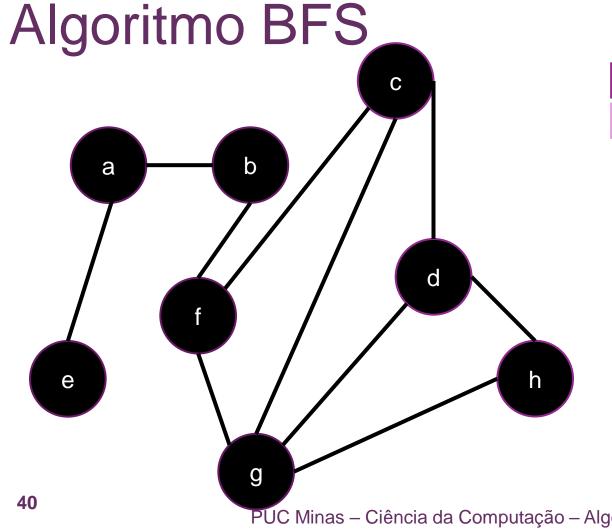


а	b	С	d	е	f	g	h
1	0	2	3	2	1	2	3

Pais

а	b	С	d	е	f	g	h
b	-	f	g	а	b	f	g

Caminho até o vértice h: h

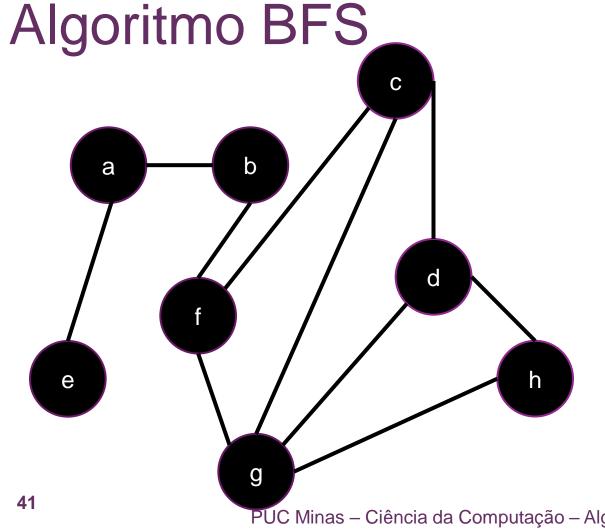


а	b	С	d	е	f	g	h
1	0	2	3	2	1	2	3

Pais



Caminho até o vértice h: g-h

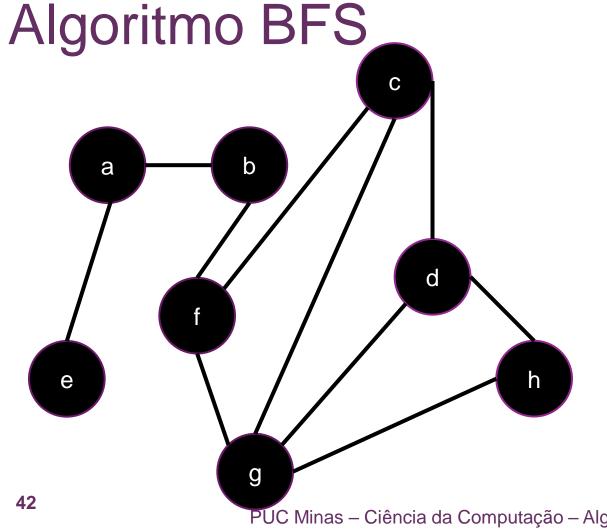


а	b	С	d	е	f	g	h
1	0	2	3	2	1	2	3

Pais



Caminho até o vértice h: f-g-h

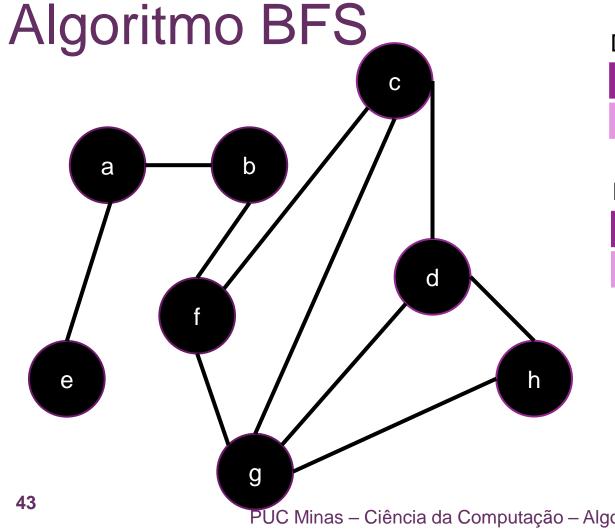


а	b	С	d	е	f	g	h
1	0	2	3	2	1	2	3

Pais



Caminho até o vértice h: b-f-g-h



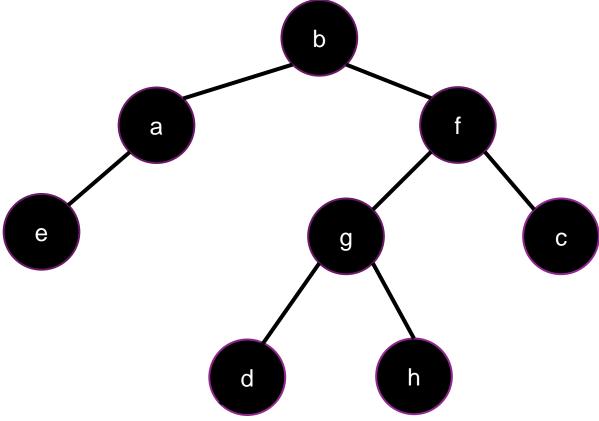
а	b	С	d	е	f	g	h
1	0	2	3	2	1	2	3

Pais



Caminho até o vértice h: b-f-g-h

Arvore BFS



OBRIGADO.

Dúvidas?

Busca em profundidade

- □ Em inglês, *Depth First Search* (DFS)
- A partir de um vértice de origem, busca recursivamente um vértice adjacente, até que não existam mais vértices a visitar
- Pode gerar várias árvores de profundidade (floresta de busca)

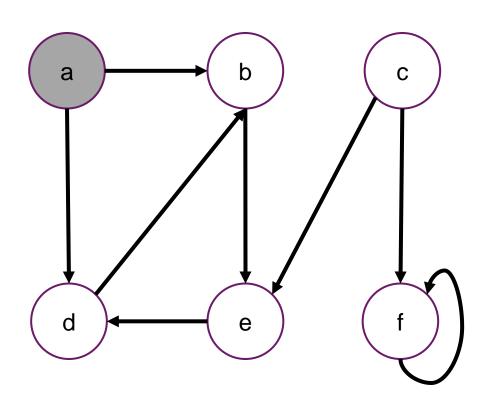
Busca em profundidade

- Mantidas as propriedades de estado
- Nova propriedade: timestamps (tempo da busca)
 - Timestamp de descoberta
 - *Timestamp* de término

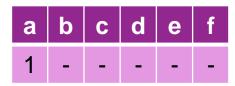
Algoritmo DFS - inicialização

Algoritmo DFS – principal (visita)

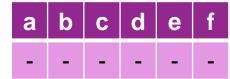
```
timestamp = timestamp + 1;
u.descoberta = timestamp;
u.cor = cinza;
Para cada vértice v vizinho de u faça
        se v.cor == branco
                 v.pai = u;
                 Visitar(v);
        Fim se
Fim Para
u.cor = preto;
timestamp = timestamp+1;
u.término = timestamp;
```



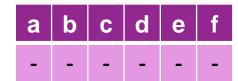
Descoberta

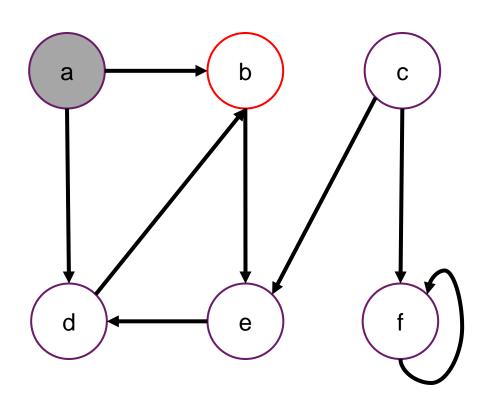


Finalização

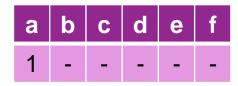


Pais

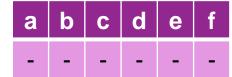




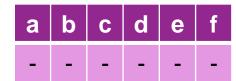
Descoberta

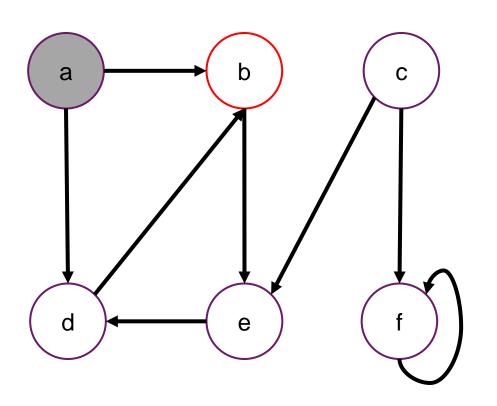


Finalização

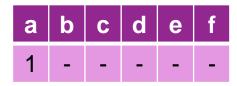


Pais

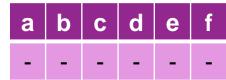




Descoberta

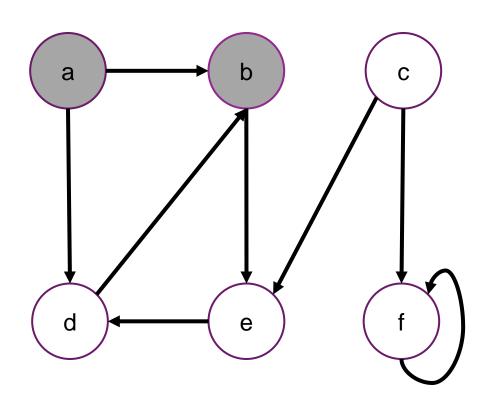


Finalização

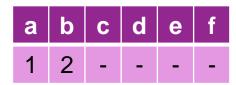


Pais





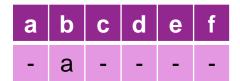
Descoberta

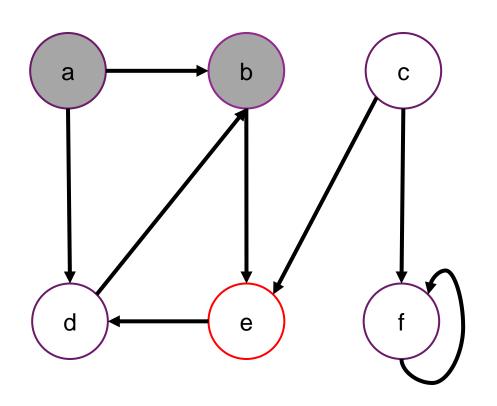


Finalização

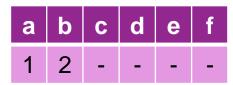


Pais

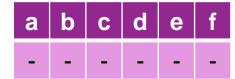




Descoberta

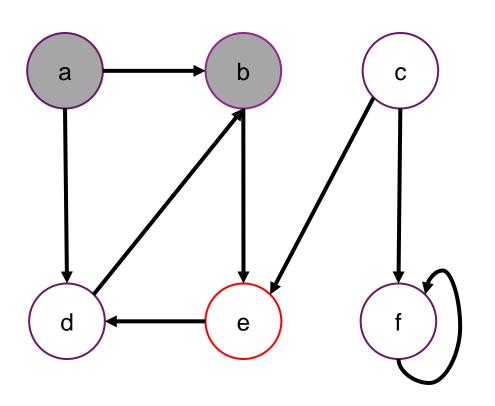


Finalização

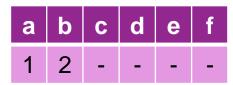


Pais

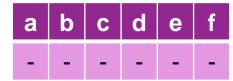




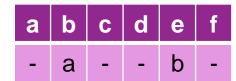
Descoberta

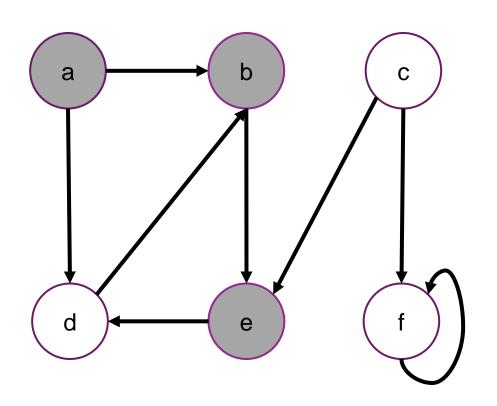


Finalização

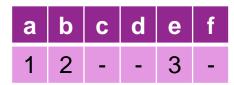


Pais





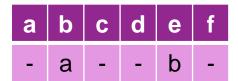
Descoberta

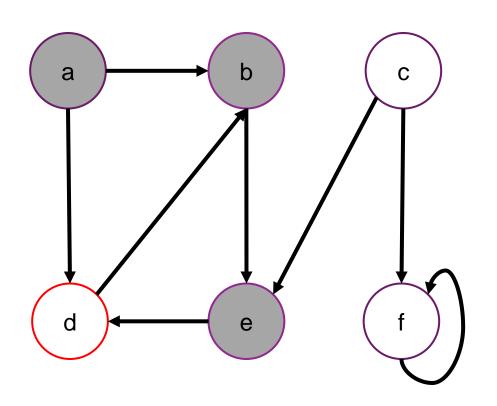


Finalização

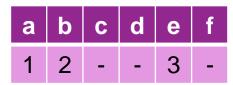


Pais

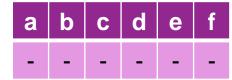




Descoberta

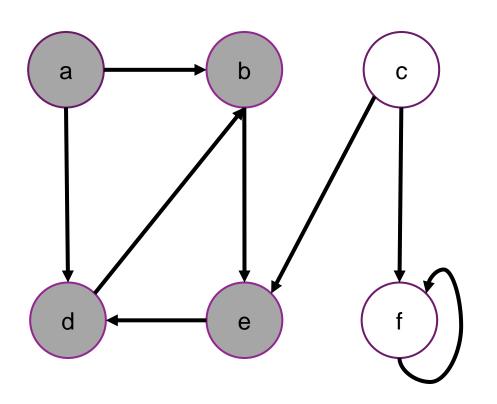


Finalização



Pais

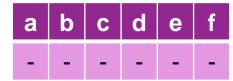




Descoberta

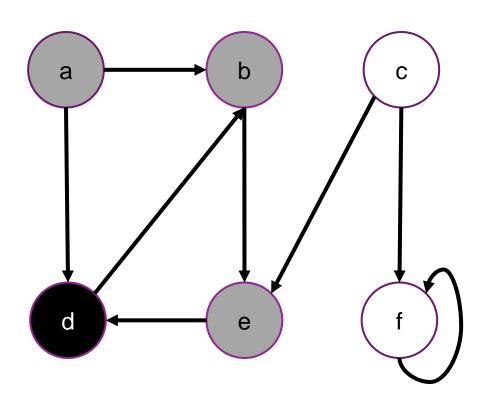


Finalização



Pais





Descoberta

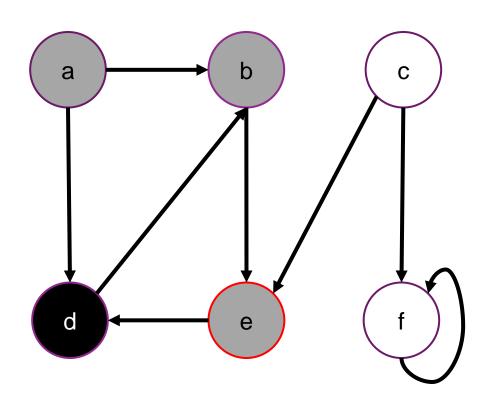


Finalização



Pais





Descoberta

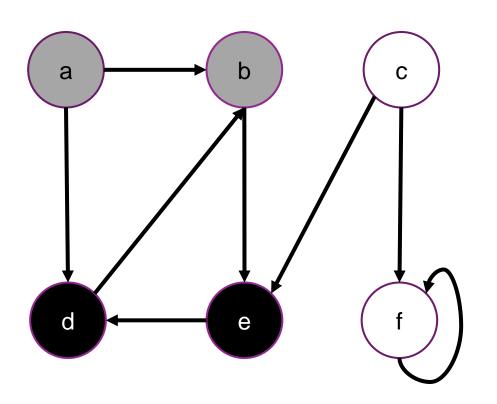


Finalização



Pais





Descoberta

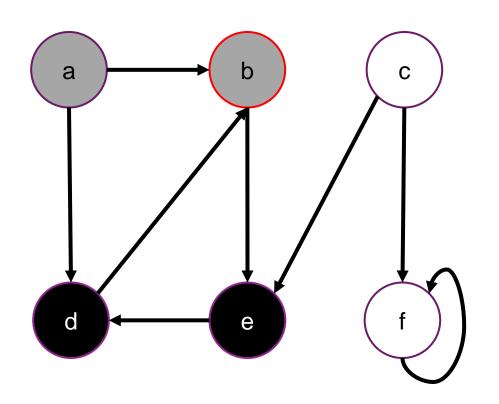


Finalização



Pais

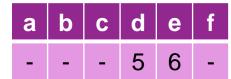




Descoberta

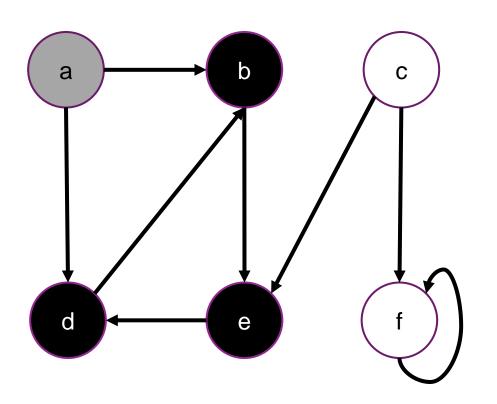


Finalização



Pais

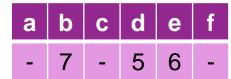




Descoberta

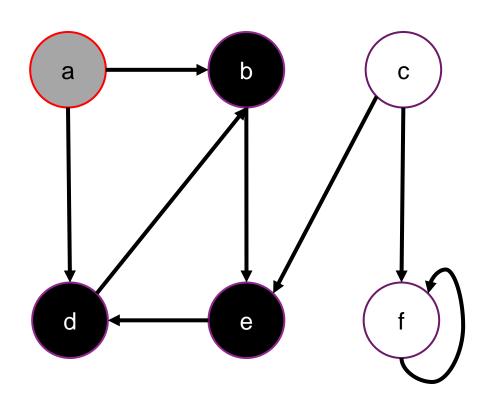


Finalização



Pais





Descoberta

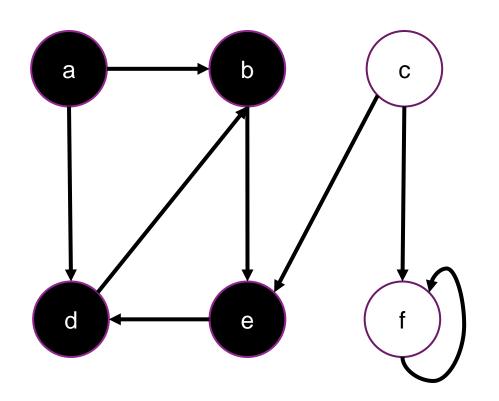


Finalização



Pais

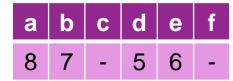




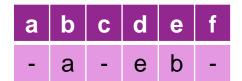
Descoberta

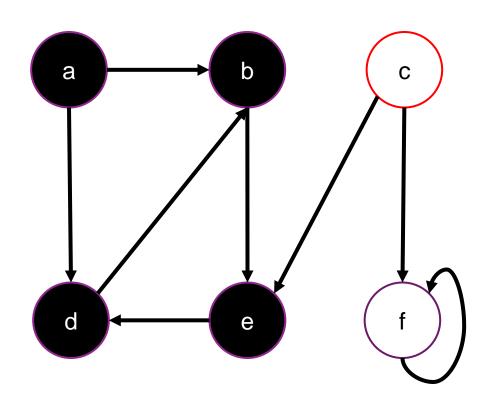


Finalização



Pais





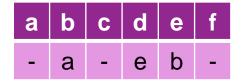
Descoberta

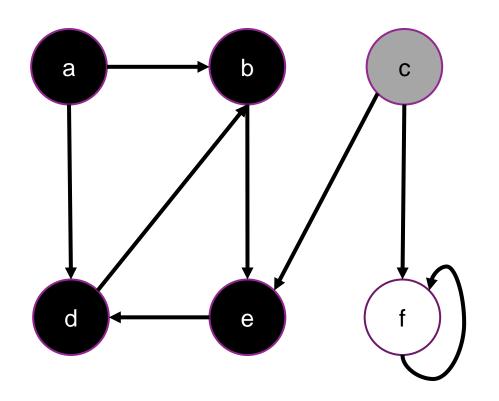


Finalização



Pais

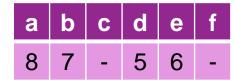




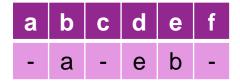
Descoberta

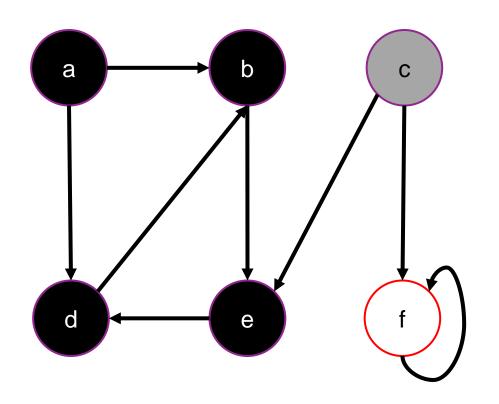


Finalização



Pais





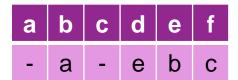
Descoberta

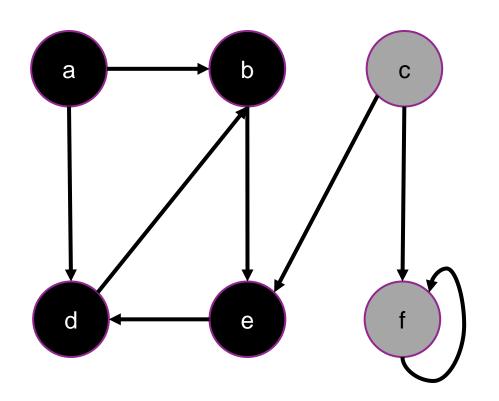


Finalização



Pais





Descoberta

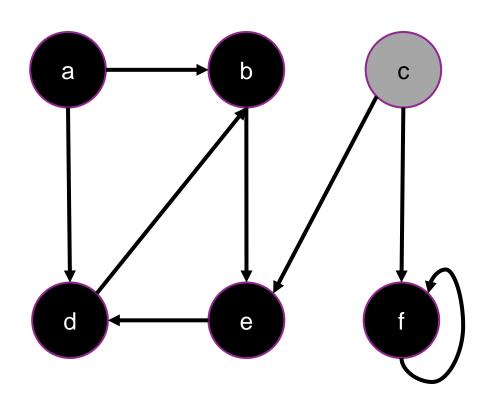
а	b	С	d	е	f
1	2	9	4	3	10

Finalização

a	b	С	d	е	f
8	7	-	5	6	-

Pais





Descoberta

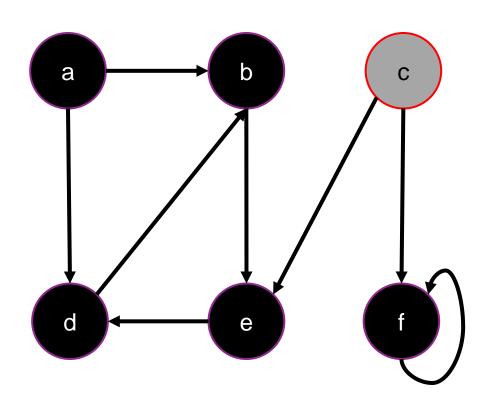
а	b	С	d	е	f
1	2	9	4	3	10

Finalização

а	b	С	d	е	f
8	7	-	5	6	11

Pais





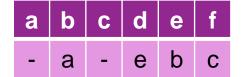
Descoberta

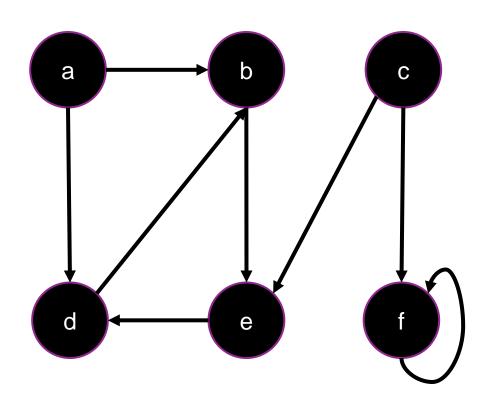
а	b	С	d	е	f
1	2	9	4	3	10

Finalização

а	b	С	d	е	f
8	7	-	5	6	11

Pais





Descoberta

а	b	С	d	е	f
1	2	9	4	3	10

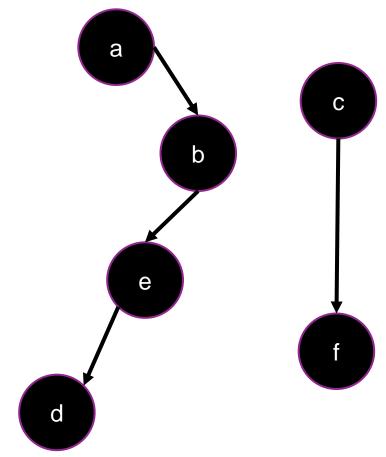
Finalização

а	b	С	d	е	f
8	7	12	5	6	11

Pais



Floresta DFS

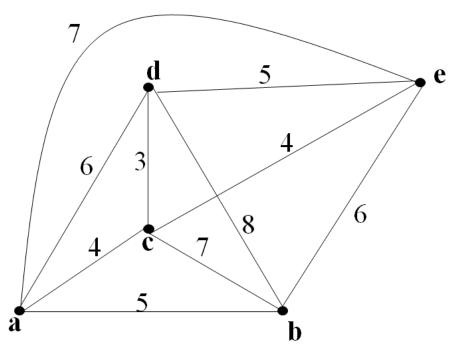


Busca em profundidade e PCV

Como adaptar o algoritmo DFS para resolver o problema do Caixeiro Viajante?

Exercício

- Executar, neste grafo:
 - Busca em largura
 - Busca em profundidade
 - PCV
- Todos partindo do vértice a



OBRIGADO.

Dúvidas?