http://bhxb.buaa.edu.cn jbuaa@buaa.edu.cn

DOI: 10.13700/j.bh.1001-5965.****.***

视觉 SLAM 中的视觉里程计

陈浩强1

(1. 国防科技大学 智能科学学院,长沙 410073;)

摘 要: 在视觉 SLAM 中,有一个极其重要的组成部分: 视觉里程计。其作为视觉 SLAM 的前端,是机器人建图与定位的基础所在。本文主要介绍视觉 SLAM 中视觉里程计的原理和建模过程,通过对视觉里程计的建模,理解视觉 SLAM 中后端优化部分的工作目标之所在。进而通过整个视觉 SLAM 原理的阐述,对 SLAM 这个机器人领域中的分支有进一步的理解,对 SLAM 的基本问题及关键技术环节有一个清醒的认识。 ====== 在视觉 SLAM 中,有一个极其重要的组成部分: 视觉里程计。其作为视觉 SLAM 的前端,是机器人建图与定位的基础所在。本文主要介绍视觉 SLAM 中视觉里程计的原理和建模过程,通过对视觉里程计的建模,理解视觉 SLAM 中后端优化部分的工作目标之所在。进而通过整个视觉 SLAM 原理的阐述,对 SLAM 这个机器人领域中的分支有进一步的理解,对 SLAM 的基本问题及关键技术环节有一个清楚的认识。

关 键 词: 视觉 SLAM; 视觉里程计; 最小二乘法

中图分类号: V221+.3; TB553

文献标识码: A 文章编号: 1001-5965 (XXXX) XX-XXXX-XX

1 引言

Simultaneous Localization And Mapping,简称 SLAM,译作"同时定位与建图",是近年来机器人领域中发展起来的技术分支,它指的是通过搭载特定的传感器,在没有先验环境信息的情况下,于运动中建立环境的模型并同时估计自己的运动状态。本文所讲的视觉 SLAM 就是将相机作为传感器进行建图与定位的技术。视觉 SLAM 这项技术可以四部分组成视觉[1],如图 1为经典视觉 SLAM 工作流程框架,整个视觉 SLAM 具体工作过程如下 [1]:

- 1. 传感器数据的读取。这是将外界环境抽象 为数据的过程,也是计算机理解世界的第一步,后 续过程其实就是对数据的处理过程,所以在这个阶 段数据采集的好坏直接影响到后续工作数量与质 量。也因此,选择质量较好的传感器通常是最为明 智的选择,因为这能大大减少数据处理的工作量和 难度。
- 2. 视觉里程计。也称为视觉 SLAM 的前端。 这是本文主要介绍的部分。视觉里程计的任务是 估计相邻两幅图像之间的运动以及局部地图的样 子。通过一系列的估计,可形成对机器人在一段时

间的连续运动的轨迹。

- 3. 非线性优化。也称为后端,是对前端处理结果的优化。传感器产生的数据不可避免地含有噪声,因此,前端在不同时刻获得的位姿估计,受到不同程度的大小的噪声影响,这不可避免地产生不一致问题,即如果将不同时刻的位姿拼接起来,可能出现突变的现象。后端要处理的问题就是对接收的多个位姿信息进行优化,从而得到全局一致的轨迹和地图。除此之外,后端还会对会还检测的信息进行处理。
- 4. **回环检测**。简单地说,回环检测就是让机器 人检测出自己是否曾经到达这个地方,如果曾经到 达,则会将信息传给后端进行处理。
- 5. **建图**。根据估计得轨迹,建立与任务对应的 环境地图。



图 1 视觉 SLAM 工作流程图

Fig. 1 Workflow of Visual SLAM

2 感谢 tex

以上是经典的视觉 SLAM 工作流程框架,其在过去的几十年间已有较为丰硕的研究成果,这个框架所包含的研究成果基本定型。在现有的开源机器人程序库中,完全可以依靠这些现有算法搭建一个 SLAM 系统。由于本文主要研究视觉里程计,所以,以下对视觉里程计进行详细的介绍。

视觉里程计关心的是相邻图像间的相机的运 动,也即是如何通过相邻的两幅图像估计相机的位 姿变换情况。在现实世界中,人眼能够很轻易地通 过视觉中镜像的变换感受出自己身体的运动在状 态 [2], 在图 2中, 我们人眼能够很轻易的通过图 像从左到右的变化猜测出人眼向左旋转或者移动 了,因为左边的景物明显变多了。但是如果进一步 深究,人眼移动了多少,这样一个量化的问题是难 以回答的, 因为我们的直觉对数字并不敏感。所 以,计算机相比我们,其优势就是可量化地表示出 这种量化。在计算机视觉中,图像的表示方式是一 个数值矩阵, 如何通过一系列的数值矩阵估计相机 的运动,就是视觉里程计的本质工作。但是,如果 仅仅通过视觉里程计来估计相机的运动轨迹,难免 会出现漂移,因为视觉里程计是独立地估计两幅间 的运动,每次估计只与上一幅图像相关,所以就会 出现误差累计的现象。这导致经过一段时间后,估 计的轨迹不再准确。解决这个问题就是后端检测 的任务, 在此不细讲。





图 2 运动产生的图片变化 Fig. 2 Workflow of Visual SLAM

2 在 SLAM 问题中为什么需要视觉 里程计

理解这个问题需要对 SLAM 过程进行数学语言的描述。根据文献 [3] 介绍,假设环境有许多路标(landmark)组成,将机器人连续运动变成离散

的时刻: t=1、2......K。图 3为机器人在某一时刻的运动及工作状态,其中五角星表示路标,虚线的三角形表示里程计估计的机器人的位置(称为位置1),淡实线表示机器人根据对 landmark 的观测确定的机器人位置(称为位置2),深实线表示机器人实际所在的位置(称为位置3)。假设机器人携带一个测量自身运动信息的传感器,通过这个传感器可以测量自身运动的里程信息,这个传感器可以是码盘,IMU或者相机(此时则是视觉里程计),但无论这个传感器是什么,我们都可以将机器人的运动状态表示如下:

$$sx_k = S(x_{k-1}, u_k, w_k) \tag{1}$$

这里 u_k 是 k 时刻传感器的读数, w_k 是 k 时刻的噪声, u_{k-1} 是上一时刻机器人所在的位置, u_k 是机器人当前所在位置。机器人运动的原点为机器人开机后机器人所在的位置。式 1也称为机器人的运动方程。与运动方程相对的,称为观测方程:

$$z_{k,j} = O(y_j, x_k, v_{k,j})$$
 (2)

式中 y_j 为机器人在 x_k 位置观测到的路标, $z_{k,j}$ 为 k 时刻,根据该路标产生的观测数据, $v_{k,j}$ 代表噪声。因为该方程是根据外界观测信息对机器人自身的信息(比如位置信息)进行估计,所以式 2称为观测方程。

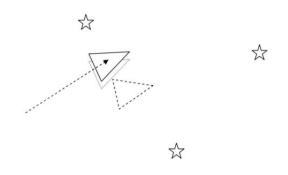


图 3 机器人自我定位原理 Fig. 3 Workflow of Visual SLAM

结合式 1 2以及图 3, 机器人根据运动方程计算 出机器人在 k 时刻处于位置 1, 然后又根据观测方程观测自己位于位置二。可以看出,运动方程对机器人自身位置的估计准确度比观测方程低。但是这是不是意味这里程计信息是多余的呢?将上面的分析过程进一步拓展,令 $x_k = [x, y, \theta]_k^T$,即机器人的位姿。 $u_k = [\delta x, \delta y, \delta \theta]$,代入式 1

$$\begin{bmatrix} x \\ y \\ \theta \end{bmatrix}_{b} = \begin{bmatrix} x \\ y \\ \theta \end{bmatrix}_{b} + \begin{bmatrix} \delta x \\ \delta y \\ \delta \theta \end{bmatrix}_{b} + w_{k} \quad (3)$$

对于观测方程,我们假设路标 $y_j = [p_x, p_y]^T$,观测数据 $z_{k,j} = [r, \theta]^T$,其中 r 为机器人相对路标的距离和夹角。可将观测方程写成:

$$\begin{bmatrix} r \\ \theta \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sqrt{(p_x - x)^2 + (p_y - y)^2} \\ \arctan \frac{p_y - y}{p_x - x} \end{bmatrix} + v \quad (4)$$

以上两个方程描述了 SLAM 的基本过程,由于使用的传感器不同,具体方程的具体形式根据实际的情况变化而变化,。根据以上两个方程可以解决 SLAM 的基本问题:定位与建图,事实上,定位问题指的就是估计机器人位姿 x 的问题,建图问题则是对路标 y 进行估计的问题。这样,SLAM问题其实就是对 x,y 的在噪声中的状态估计问题。而状态估计问题的求解,根据噪声是否服从高斯分布、运动和观测方程是否线性,分为高斯/非高斯和线性/非线性系统 [4], 所以有如下四种 SLAM 系统:

表 1 SLAM 系统类型

Table I	Type of SLAM
编号	类型
1	线性高斯
2	非线性非高斯

线性高斯系统式最简单的系统,其最优估计可由卡尔曼滤波(Kalman Filter,KF)给出,而非线性非高斯系统则是最复杂的系统,其代表的求解方法有拓展卡尔曼滤波(Extend Kalman Filter,EKF)和非线性优化 [1]。由于现实环境基本多是非线性非高斯,于机器人鲁棒性而言,将 SLAM系统设计成非线性非高斯的,明显是更优的。事实上,最早的实时视觉 SLAM系统则是基于 EKF 开发的,但是由于 EKF 假设噪声分布是高斯分布,误差是线性化的,所以 EKF 还不那么符合现实环境的特点。而后人们开始使用粒子滤波器,随着计算机能力以及非线性优化技术的提高,当前主流的 SLAM 基本偏向于使用非线性优化技术。

至此,还未回答本节的目标问题:为什么 SLAM 系统需要视觉里程计?似乎根本不需要运 动方程,我们就可以根据观测方程得到机器人的位置。事实上,一方面,由于 SLAM 问题是一个状态估计问题,所以机器人其实只是"猜测"自己实际所在的位置以及路标的位置,在观测方程中,需要根据里程计估计出来的 x 对观测数据进行计算,所以里程计能够辅助机器人更快更准确地计算出自己观测到的数据;另一方面,SLAM 除了定位之外,还有建图的任务,而状态估计出的两个变量 x 和 y,是建图基本的两个参数。基于以上两个原因,视觉里程计能为视觉 SLAM 这种有一定计算量而又有实时性要求的技术起了很大的作用。

3 视觉里程计原理

视觉里程计根据是否通过特征点计算两幅图像的运动关系,分为特征点法和直接法。基于特征点法的里程计,长久以来因其运行稳定,对光照及动态环境不敏感,被业界接受为主流的方法,本文主要介绍此种方法。

3.1 特征点

一幅数字图像实质是一个数值矩阵,如果从矩阵的角度考虑运动估计问题,会把问题抽象过度,增加了理解的难度。科学家的解决思路是在图像上选择有代表性的点,这些点在相机发生移动时,依旧可以找到这些相同的点,这些点对应的环境中的点即是前面所讲的路标,根据 SLAM 的要求,这些点应具有以下几种性质: 1.可重复性。相同点在不同的图像可以找到;

- 2. 可区别性。同一图像不同特征点表达式不同:
- 3. 高效率。所选出的特征点的数目应远远小 于像素的数量;
- 4. 局部性。特征仅仅与一小片图像区域有关。特征点由关键点和描述子组成,特征点存储位置信息,描述子存储关键点周围的信息外观。相似的特征应该有相似的描述子。如果两个特征点的的描述子在向量空间上的距离很近,就可以认为它们是相同的特征点。当前较为出名的特征点由SIFT(尺度不变特征变换)、SUFT () 以及 ORB(Oriented FAST and Rotated BRIEF),SIFT 因其计算量过大,无法满足 SLAM 的实时性要求,所以一般不用。而 ORB 在鲁棒性、实时性等方面表现均衡,广为业界所接受

4 感谢 tex

3.1.1 公式编排

《北京航空航天大学学报》一般不编排单独的符号表,对于公式中的变量含义需要说明的,请在公式后的段落中,采用"式中: A 为某某; B 为某某; \dots "的方式加以说明。

$$p_1(h) = \frac{n_{\text{He}}RT}{V} - \rho_{\text{He}}gh \tag{5}$$

式中: n_{He} 和 ρ_{He} 分别为艇囊内部氦气的物质的量和氦气在温度 T 时的平均密度; V=36 893.426 m^3 为艇囊体积; T=216.65 K为艇囊内稳态温度; h 为距离 艇囊中心轴线 (x 轴)的垂直高度.请使用Mathtype 编辑。公式中字体的定义尺寸为 10 磅,上标/下标 68%,次下标/上标 42%,符号 150%,次符号 100%(设置方法: Mathtype-尺寸-定义)。长公式如需转行,应在记号=,+,—等之后断开,而在下一行开头不再重复这一记号。

3.1.2 量和单位

有关记号的使用应符合国家标准,例如: sin⁻¹ 应为 arcsin, ctg 应为 cot, tg 应为 tan, 不要使用非国家法定单位,如 ppm 等表示法已要求停止使用 (rpm 应写为 r/min); 除 Re, Ma(其中 e, a不是下标)等几个特征数外,变量应使用单个字母表示,可以带上标和下标(否则由多个字母表示单个变量,易被误解为多个变量相乘)。

3.1.3 字体

矩阵、向量请用粗斜体表示,变量用一般斜体表示;下标字母若为说明性的(如英文缩写)则用正体表示,若为量和变动性数字及坐标轴的符号则用一般斜体表示(设置方法: Mathtype-样式-定义-高级)。

所有文中出现的符号请另附文档说明其是变量、向量等,并说明各变量上下标的含义,以便编辑确定它们应采用的排版字体(变量符号说明表)。

请作者对易于混淆的字母和数字,如数字 0 和字母 o,英文 a 和希腊字母 α ,O,P,S,C 等的大小写,批注 "英大"(代表英文大写)、"数字 0"、"希小"(代表希腊字母小写)等。

3.2 图、表

图、表需给出中英文图题、表题 (子图也需给出图题),但图表中图例、线型说明等一律用中文。图表一般不超过 7.7 cm 宽。金相图和计算机云图,其中的比例尺等字编辑过程中都不再重贴,按照照片处理,如有这两类图请保证美观清晰,字体用times new roman。

3.2.1 图片

对于函数曲线图,采用全框图,并注意检查以 下各项:

- 1) 横纵坐标的标目(即变量名),尽量使用国标变量符号,变量名要在正文中交待,且与正文中符号一致,若正文中无,也可使用中文名称。
- 2) 坐标轴标目的量纲,对于无量纲化或无单位的,请注明"无单位"。
- 3)坐标轴上的刻度线朝内,刻度值完整(坐标轴始末点均应有完整刻度值)。
 - 4)不同线型或图符是否有说明。
- 5)是否矢量图格式,从软件中输出或拷贝矢量图格式直接插入文档中,避免用拷屏办法插图图片,否则后期无法编辑。
 - 6) 类似图片尺寸尽量相同。

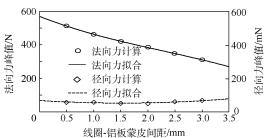
《北航学报》自2014年起可提供彩版印刷,如有彩印需求请作者在"出版工作单"中注明。若不需彩印,请作者作图时注意用可区分的线形或符号区分不同曲线,以保证黑白图清晰可分辨。

图中文字均用中文或变量名称表示!

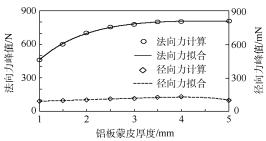
图片样例见图 4和图 5 (目前是位图格式,不能编辑,作者应提供可编辑的矢量图)。

3.2.2 表格

请使用三线表。选中表格,点右键打开"边框 和底纹",可对表格的边框等格式进行编辑,三线



(a) 法向、径向电磁力峰值随线圈-铝板蒙皮间距变化曲线



(b) 法向、径向电磁力峰值随铝板蒙皮厚度变化曲线

图 4 电磁力峰值随线圈-铝板蒙皮间距和铝板蒙皮厚度变化 曲线

Fig. 4 Curves of electromagnetic force peak changing with coil-aluminum-plate gap and thickness of aluminum plate

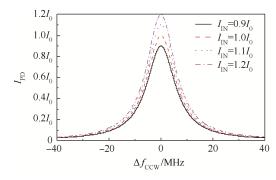


图 5 谐振腔输入光强波动对谐振曲线的影响

Fig. 5 Fluctuation influence of the resonator's input intensity on resonance curve

表的一般格式见表 2。

表 2 传输线积冰条件

Table 2 Icing conditions of transmission line

编号	直径/m	静温/K	时间/min
4	0.0349	268.15	30
5	0.01905	268.15	30

3.2.3 计算、实验

文章以数值计算为主要内容的,应给出所求解的方程、重要的计算参数、初始或边界条件、难点问题的处理等,应对方法的适用性和计算精度估计有所说明;文章以实验为主要内容的,应说明实验设备、实验条件,对实验误差的估计等。便于同行重复再现所报道的内容,由于保密原因不便公开某些内容的,应向责任编辑说明。

4 参考文献

- 1) 引用文献应遵循"最新、关键、必要和亲自阅读过"的原则;
 - 2) 参考文献应是公开出版物;
- 3) 应在正文中顺次引述(按在正文中被提及 的先后来排列各篇参考文献的序号,所有参考文献 均应在正文中提及);
 - 4) 文献条数 15 条以上,且有适量近两年文献;
- 5) 参考文献中作者为 3 人或少于 3 人应全部列出, 3 人以上只列出前 3 人, 后加"等"或"et al":
- 6) 参考文献中外国人名书写时一律姓前,名 后,姓用全称大写,名缩写为首字母(大写),不加 缩写点:
- 7) 为便于国际交流,对外文文献按外文著录; 对于中文文献首先按中文著录,同时提供英文对

照,并在其后注"(in Chinese)"注意对中文期刊刊 名应使用其标准译法(通常在文章首页页眉可以 找到)。

具体样例详见文后参考文献部分。

表 3 文献类型和标志代码

Table 3 Referrence type and identification code

参考文献	文献类型	参考文献	文献类型
类型	标识	类型	标识
专著	M	学位论文	D
会议录	C	报告	R
期刊	J	标准	S
报纸	N	专利	P
汇编	G	档案	A
计算机程序	CP	电子公告	EB
数据库	DB	美图	CM
数据集	DS	其他	Z

表 4 电子文献载体和标志代码

Table 4 Electronic literature and identification code

载体 类型	磁带 (magnetic tape)	磁盘 (disk)	光盘 (CD-ROM)	联机网络 (online)
标志代码	MT	DK	CD	OL

5 其他有关事项说明

- 1) 文章应着重撰写创新性、关键性内容,并以一般专业人员看得懂为原则
- 2)返回时间:修改稿一般应在10天内返回,或以责任编辑的要求为准。如作者不能按时返回,请向责任编辑说明情况
 - 3) 返回文件(请从系统上传):
 - ① 论文电子版(修改部分用不同颜色标识)
- ② 论文修改说明(写明对专家及编辑部所提 意见如何修改)
 - ③ 变量符号说明表(模板见下载园地)
- ④ 稿件出版工作单(word 版,模板见下载园地);"稿件出版工作单"中有关事项请认真填写,联系电话最好有手机。后期编辑及发行过程中,会根据作者填写的信息与作者联系解决稿件问题,联系方式及寄刊地址有变更的,请及时通知责任编辑

稿件修改期间请对修改稿仔细审读、精加工, 一经排版,一般不允许做大的改动

- 4) 出版过程:责任编辑在编辑修改稿过程中常会有疑问请作者答复补正,请作者配合及时答复;稿件修改符合要求后,责任编辑将根据文章页码经电子信箱发送缴纳版面费通知单,作者应根据通知单要求及时缴纳版面费;编辑部有权对文章进行文字性修改,使之符合出版体例、规范要求和篇幅限制;责任编辑在编完稿件后,将其转至总编辑处,按来稿先后顺次发表;文章出版后,免费向作者提供样刊和抽印本,每篇文章1本样刊及5本抽印本,如作者需要可另购样刊,刊款可随版面费一并缴纳
- 5) 提前发表:本刊一般发表周期为1年,作者若有特殊情况确实需要提前发表的,请提前向学术编辑联系及说明情况,编辑部可根据实际情况适当安排

6 结论

分点总结,列出具体结论,其他背景、方法都 不必赘述。不与摘要和前言重复。具体样例如下:

- 1) 算法可实现较为优异的检索性能,例如返回 10 张结果条件下算法检索正确率 83.15%,召回率 8.42%,在 60 张下正确率 39.33%,召回率 24.61%。
- 2) 算法提出单张图片的引入不会造成原图片 库的特征向量集和主题概率分配发生严重畸变的 两个假设在一定范围(待检索图片与原图库特征 类似)内是成立的。
- 3) 算法的预备工作使检索范围由原先整个库缩小至某个子类中,虽使召回率有所损失,但检索时间得到较大的缩短。
- 4) 可预估对于特征较接近的图片库,比如人 脸库,图片预备工作会产生较大的分类误差,且可 能进一步影响检索性能。

为使本文提出的算法能处理各种类型的图片, 仍需要优化预备工作和检索实现过程的各项参数。

7 模板中一些问题

- 1) 所有<mark>间距</mark>都是手动设置,可能与 word 模板 有些差别。包括正文行间距、各级节标题前后行间 距、文本字与字间距、页面设置(页边距)、双栏 间距、公式前后间距、图表(标题)前后间距、页 眉页脚间距等等
- 2) 字体设置;正文中文、英文均是五号字 (10.5pt),而公式中设置为 10pt,所以公式中数字 会小于普通文本数字,如 x=5 和 5;带单位的量

采用 siunitx 生成的话也有这个问题,如速度为5 m/s和5 m/s。公式中上下标看起来与 word 版稍有差别;公式中g与 word 版g也不同,默认公式字体可能并不是 times new roman,本模板里未设置。

- 3) 双 栏设 置, 采 用 的 是 article 模 板 twocolumn 选项; multicol 对浮动图表支持要差一些; twocolumn 也有些问题,比如首页跨两栏的脚注, 没 找 到 更 好 的 办 法, 这 里 使 用 了\enlargethispage{} 预留出脚注位置,然后用 tikz 手动调 node 的位置。还有跨两栏的图表灵活性稍差,{figure*}。
- 4) 图表中英文题注,使用 ccaption 得到。公 式中向量矩阵粗斜体可以使用\bm 得到。
- 5) 参考文献,为了自动排序,引用方便,使用BibTex,但是参考文献格式不属于标准的,所以所有参考文献只使用 misc 这个 entry,而且只用到 misc 中 note 这一个 field,也就是把整条参考文献都放到 note 里了。工作量与 word 差不多,但是引用、增删排序更方便些。
- 6) 变量符号说明表,里面加了一列符号所在位置,需要用到本文件生成的辅助文件,里面有可以引用的 label 信息。

致谢 感谢某某……注意:首页注明基金项目后,文末不必再致谢。

参考文献 (References)

- [1] 高翔. 视觉 SLAM 14 讲.
- [2] 马尔. 视觉计算理论.
- [3] Slam for dummies.
- [4] C. Cadena, L. Carlone, H. Carrillo, Y. Latif, D. Scaramuzza, J. Neira, I. Reid, and J.J. Leonard. Past, present, and future of simultaneous localization and mapping: Towards the robustperception age. *IEEE Transactions on Robotics*, 32(6):1309–1332, 2016.

作者简介:

附录 A:

若确有特殊需要设附录的, 附录部分置于作者简介后, 标题为"附录 A:"、"附录 B:"……。公式用大写字母和数字顺序编号, 例如"(A1)", "(A2)"。

Title title title title (不超过 10 个实词, 不出现非公知公用的缩写词)

ZHANG Moumou^{1,2}, LI Mou^{1,2,*}, SHANGGUAN Moumou^{2,3}, LIN Mou³, ZHAO Mou³, WANG Mou³

- (1. School of Aeronautic Science and Engineering, Beijing University of Aeronautics and Astronautics, Beijing 100191, China;
 - 2. School of Astronautics, Beijing University of Aeronautics and Astronautics, Beijing 100191, China;
 - 3. College of Automation, Northwestern Polytechnical University, Xi' an 710072, China)

Abstract: (与中文摘要内容对应,英文摘要字数 150~200 个单词)英文摘要应和中文摘要对应,并请导师或专业人士把关,保证摘要质量,高质量的摘要有利于文摘被国际权威数据库收录,及引起同行的重视。如果英文摘要比中文摘要更详细,应另提供一份英文摘要的中文副本,以便于本刊英文编辑检查英文。首次出现英文缩写时应注意写明全称。

英文摘要的撰写规范请参考本刊网站"下载园地"中的《Ei 文摘要求》。

Key words: keyword1; keyword2; keyword3; keyword4; keyword5 (与中文关键词一一对应, 关键词请尽量 从 EI Controlled term 中 选 择, 以 提 高 EI 检 索 的 命 中 率 及 被 引 频 次, 网 址: http://www.engineeringvillage.com/search/quick.url)。

Received: 2017-xx-xx; Accepted: 2017-xx-xx; Published online: 2017-xx-xx xx:xx

URL:

Foundation item: National Natural Science Foundation of China (12345678); China Postdoctoral Science Foundation(87654321) (注: 基金项目英文名称查询"基金项目的中英文名称")

^{*}Corresponding author. Tel.: 010-8231xxxx E-mail: bhxb@buaa.edu.cn